# 微波瑞利散射法测定空气电火花激波 等离子体射流的时变电子密度<sup>\*</sup>

吴金芳 陈兆权† 张明 张煌 张三阳 冯德仁 周郁明

(安徽工业大学电气与信息工程学院,安徽省高校电力电子与运动控制重点实验室,马鞍山 243032)

(2019年12月17日收到; 2020年1月23日收到修改稿)

大气压空气电火花激波等离子体射流的电子密度在亚微秒时间尺度上瞬变,其电子密度的测定很难.基 于微波瑞利散射原理,本文测量了空气电火花冲击波流注放电等离子体射流的时变电子密度.实验结果表明: 测量系统的标定参数 A 为 1.04 × 10<sup>5</sup> V·Ω·m<sup>-2</sup>;空气流注放电等离子体射流的电子密度与等离子体射流的半 径和长度有关,结合高速放电影像展示的等离子体射流的等效半径和等效长度,测定的电子密度在 10<sup>20</sup> m<sup>-3</sup> 的量级,且随时间先快速增长至峰值再成指数衰减.此外,本文还探讨了等离子体射流的不同等效尺度对测 定结果的影响;分析结果表明,采用时变等效半径和时变等效长度的计算结果最有效,且第1个快速波峰是 由光电离的电离波导致的.

关键词:微波瑞利散射,电子密度测量,流注放电,空气等离子体射流,电离波
 PACS: 52.70.Ds, 52.25.Jm, 52.38.Bv, 52.80.Mg
 DOI: 10.7498/aps.69.20191909

#### 1 引 言

大气压空气电火花放电产生的激波等离子体 射流,由于冲击波在狭小的间隙内放电,气体放电 经历了纳秒级的火花放电、微秒级的等离子体射流 喷出和毫秒级的吸气补充3个工作流程<sup>[1-4]</sup>;其等 离子体射流的温度接近室温,且富含大量 NO、 O等活性粒子,是一种性能优良的大气压等离子体 射流装置<sup>[5-8]</sup>.由于其电离过程在亚微秒时间尺度 上变化,其放电的电离机制还未被研究清晰.大气 压等离子体射流的电子密度的时变测定可以很好 地帮助理解空气电火花激波等离子体射流的电离 过程,但是测定空气电火花激波等离子体射流时变 电子密度是困难的.原因在于,一方面电火花放电 具有随机性,不容易触发捕捉特定参数信息;另一 方面,时变电子密度的测定方法鲜见报道.

常规的大气压等离子体射流电子密度的测定 方法,如光谱分析法,采用精细光谱测量可以推算 出特定时刻的电子密度,但难以在1次放电过程得 出整个时变电子密度的变化过程[9-13]. 采用微波法 测定大气压等离子体电子密度,直到 2009年,徐 金洲等[14]采用微波共振探针技术,提出了1种高 气压等离子体电子密度的测定方法,但是该方法空 间分辨率较粗略,且不具有时变测定功能;瑞利散 射是英国物理学家瑞利首先在光学波段发现的 1种亚波长尺度的颗粒对光的散射效应.近十年来, 美国 Shneider 等<sup>[15-17]</sup>提出了微波瑞利散射法测 定流注放电的电子密度,此法具有时间分辨测量功 能,已成功测定激光诱导的等离子团和重频脉冲激 励的大气压等离子体射流的电子密度的瞬变过程. 该方法利用微波瑞利散射信号,结合 ICCD 高速影 像确定等离子体子弹尺寸[18-21], 推导出电子密度 随时间的演化过程, 是一种创造性和先进性的测定

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金 (批准号: 11575003, 51607003) 资助的课题.

<sup>†</sup> 通信作者. E-mail: chenzq@ahut.edu.cn

<sup>© 2020</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

方法. 但是, 该方法有两点处理技术影响了测量精 度: 1) 标定系统参数 *A* 时采用了介质子弹法, 介质 子弹穿过待测区域的时空偏差直接影响了系数 *A* 的精度; 2) 对于大气压等离子体射流的测定装 置, 由于射流装置大多含有金属电极和介质管, 这 些金属电极和介质管也处于散射区, 也有散射信号 贡献量, 难以区分散射信号的来源, 从而影响测定 结果的准确性.

本文采用微波瑞利散射法测定了大气压电火 花激波等离子体射流的时变电子密度.使用电火花 间隙的电压下降沿作为触发信号,同步分别触发 ICCD 相机和示波器,同时捕捉高速影像和瑞利散 射信号,克服了不容易捕捉特定参数信息(电火花 流注放电具有随机性)的困难.在标定系统参数 *A*时,采用多介质棒作差拟合法标定,消除了随机 误差,减小了系统误差.在获取等离子体射流的等 效尺度时,先根据高速影像的亮度(灰度值法)来 确定等离子体射流的形貌,然后再做折合等效,进 而获得等离子体射流的时变等效半径和时变等效 长度.在推算电火花等离子体射流的瑞利散射信号 时,采用作差滤波法处理数据,区分并提取等离子 体射流的瑞利散射信号,滤去随机噪声,有效提升 了测量精度.

### 2 实验装置及实验操作流程

#### 2.1 微波瑞利散射法的实验原理

微波瑞利散射法是通过喇叭天线捕获等离子 体射流的弹性散射微波信号,进而得到等离子体射 流的电子总数的测定方法. 当等离子体流注电离波 头的尺寸 L远小于微波波长  $\lambda$ 时,该系统可通过 分析等离子体射流通道中的线性极化微波辐射的 散射信号,测定出等离子体射流内的电子总数.散 射体 (介质棒或等离子体射流) 放置在距离辐射喇 叭天线  $R(R \ge \lambda, L)$  处, 等离子体射流的电离波 头可以充当微波激发的偶极子辐射源. 根据文 献 [15-17], 等离子体偶极子在垂直于偶极子方向 的平面上辐射散射信号(由接收喇叭天线探测).接 收天线放置在距离等离子射流  $R = 15 \text{ cm } \mathcal{W}, \mathcal{V}$ 确保接收的散射信号与等离子体射流的电子密度 线性相关,从而获得接收喇叭天线内的电场幅值为Es; 使用 I/Q 混频器将微波散射信号转变为时变幅值 的直流信号,得到输出电压 $U_{out} \propto E_s$ ;微波瑞利散 射系统中使用的放大器和混频器均工作在线性模 式下,保证了输出信号Uout与散射辐射电场的幅值 Es成比例.故散射信号(微波束被等离子体射流散 射)与等离子体中的电子数密度成正比例<sup>[15-17]</sup>.根 据微波瑞利散射原理,有如下表达式:

$$U_{\text{out}} = \begin{cases} A \cdot \frac{e^2 n_{\text{e}}}{m_{\text{e}} \gamma_{\text{en}}} V_{\text{p}} , & ( \ensuremath{\nabla} \mp \ensuremath{\hat{\nabla}} \mp \ensuremath{\hat{\nabla}} \phi \ensuremath{\hat{\nabla}}$$

式中: A 为系统参数, 是微波系统的特定性质之一, 可以利用已知物理特性的介质散射体进行标定; e 为基元电荷量;  $m_e$ 为电子质量;  $\varepsilon_0$  为真空介电常 数;  $\varepsilon_r$  为介电材料的相对介电常数;  $\omega$  为微波信号 的角频率;  $\gamma_{en}$  为电子与中性粒子的碰撞频率, 它是 气体分子半径  $r_0$ 、气体压强 P (Pa) 和电子温度  $T_e$  (eV) 的函数, 表达式如下<sup>[22–23]</sup>:

$$\gamma_{\rm en} = \frac{{r_0}^2}{4 \times 10^{-20}} \cdot 1.52 \times 10^7 P \cdot \sqrt{T_{\rm e}}.$$
 (2)

#### 2.2 实验装置

图 1 为便携式电火花放电装置及结构图. 便携 式电火花放电装置的结构图如图 1(a) 所示, 充电 模块通过 USB 充电线与充电接口、充电指示灯及 电池连接,同时电池与升压稳压模块连接,升压稳 压模块通过串联开关与高压模块连接,高压模块输 出端与电容器并联,电容器的负极与放电装置的金 属圆柱阴极连接, 电容器的正极与放电装置内的铁 针电极连接. 当通电时, 电火花放电在腔体里产生 等离子体,空气电火花冷等离子体激波射流会从圆 柱的前端圆孔快速喷出. 在工作流程上, 如本文引 言中所述, 气体放电的工作过程需经历3个阶段: 放电、射流、吸气补充. 便携式大气压空气电火花 放电装置如图 1(b) 所示, 其工作过程为: 由于放电 装置里面的铁针电极与空心圆柱形陶瓷之间有直 径为4mm、长为1mm的间隙和空心圆柱形陶瓷 内有直径为2mm、长为1mm的空隙,这些间隙 里面充满了空气.空气间隙处在局域增强电场中, 当电容器的电荷充电增加到一定的程度,局域增强 电场会把间隙内的空气瞬间击穿,从而产生电弧形 成气体放电通道. 在腔体内进行火花放电, 产生等 离子体,放电伴随的高温电火花加热腔内空气,使 其温度和压力瞬时升高,由放电装置的空心阴极圆 柱的前端圆孔快速喷出,形成空气电火花冷等离子 体激波射流,如图 1(c) 所示. 阴极腔内电火花通道 的温度和气压很高,致使等离子体射流从阴极孔喷 出,腔外等离子体射流的温度随气压同步陡降.由 于激波效应,使得从阴极喷口处喷射出的等离子体 射流的温度略高于室温(冷等离子体射流),不会对 人体造成热损伤.该装置不仅体积非常的小、结构 简单,而且喷射出来的空气电火花冷等离子体激波 射流内含有大量的活性粒子基团(富含氧活性粒 子、含氮活性粒子和自由基等),作用非常广泛,具 有较强的杀菌灭毒作用等<sup>[24-31]</sup>.



图 1 大气压空气电火花放电产生的等离子体射流 (a)大气压空气电火花放电装置的结构图;(b)电火花放电 装置照片;(c)空气电火花激波等离子体射流照片

Fig. 1. Plasma jet generated by atmospheric pressure air spark discharge: (a) Structure diagram of atmospheric pressure air spark discharge device; (b) installation photo of spark discharge device; (c) photo of air spark shock-wave plasma jet.

为了更好地研究空气电火花的放电特性,实验 测量了火花放电时的电压波形,如图 2 所示.火花 放电的放电周期间隔大致相等,这说明放电喷射出 来的等离子体激波射流的频度(或时间间隔)具有 一致性,大约每间隔 1 s 放电 1 次;因此,使用电火 花间隙的电压信号的下降沿作为触发信号,可以同 步分别触发 ICCD 相机和示波器,从而同时捕捉高 速影像和微波瑞利散射信号.另外,其电压幅值大 约为 4.3 × 10<sup>3</sup> V;在这么高的电压下,其放电电流 也比较高,所以电容器的泄流时间非常短,而且每 次放电之后电压都降到接近于零.



图 2 火花放电电压波形 Fig. 2. Spark discharge voltage waveform.

大气压空气等离子体激波射流的时变电子密 度测量方法和装置如图 3 所示. 微波瑞利散射装置 的实验流程图, 如图 3(a) 所示; 信号源产生 12 GHz 微波信号分别给前置功放和增益 20 dBm 的主功 放进行信号放大,然后经过功分器,分别接到辐射 天线和 I/Q 混频器的 LO 接口; 等离子体放置在发 射喇叭天线与接收喇叭天线之间, 入射波速照射到 等离子体射流上发生了瑞利散射;接收喇叭天线接 收的散射信号依次通过低噪声信号放大器和增益 15 dBm 的功放, 再接到混频器的 RF 接口; I/Q 混 频器输出两路时变电压信号,用示波器采集两路的 正交信号 $U_{\rm I}$ 和 $U_{\rm Q}$ ,则得到总散射电压为 $U_{\rm out}$ =  $\sqrt{U_{\rm I}^2 + U_{\rm O}^{2[8-10]}}$ . 微波瑞利散射系统的装置实物图, 如图 3(b) 所示, 测量时, 两个喇叭天线垂直放置, 待测的等离子体射流正交置于入射波束的正中央, 且等离子体射流的轴向平行于电场 E 的方向<sup>[23-30]</sup>. 装置的 I/Q 混频器输出端口直接连示波器, 示波 器捕捉电压信号波形;使用自编的软件程序进行计 算处理后,得到最终数据结果.

### 2.3 操作流程

微波瑞利散射法测定大气压电火花激波等离 子体射流的时变电子密度的操作流程如下:

**第1步** 微波瑞利散射装置系统参数的标定. 根据微波瑞利散射原理,其装置输出电压 U与已 知物理特性的介质散射体和等离子体的特性有 关<sup>[15-17]</sup>.由(1)式可知,系统参数 A 可以通过已知 物理特性的介质散射体进行标定.本文采用了相对 介电常数为 3.8 的石英介质棒来标定,石英棒的直 径为 3 mm,长度初始为 5 mm,依次增加 5 mm,



图 3 微波瑞利散射装置 (a) 实验系统图; (b) 实验装置照片

Fig. 3. Microwave Rayleigh scattering device: (a) Experimental schematic diagram; (b) photo of experimental device.

最后累加到 50 mm(共 10 根). 真空介电常数  $\varepsilon_0$  为  $8.854 \times 10^{-12}$  F/m, 微波信号的角频率  $\omega$  为 7.540 × 10<sup>10</sup> Hz. 标定时, 需要将石英棒沿着电场 E 方向放 置在微波波束场的正中央,实际的做法是使用1个 介质平台(注意该平台不要使用金属,相对介电常 数避免靠近 3.8), 在距离喇叭天线下沿 20 mm 左 右处的平台平面上放置石英棒.由于介质平台的存 在 (有散射信号进入接收喇叭天线), 而且 I/Q 混 频器也做不到绝对的零输出电压,所以即使散射区 不放置任何散射体, I和Q的电压也可能不为零. 因此,我们采用多介质棒作差拟合法标定,消除随 机误差,减小系统误差.即分别测定放置石英棒和 移去石英棒的 I/Q 混频器的输出电压U<sub>I</sub>、Uo和U'<sub>I</sub>、 U'o,并依次记录电压值.石英棒的长度每增加 5 mm 做 1 次实验, 每次都需记录 4 个电压值, 共 记录 40个电压值. 实验过程中,采用同样的标定 方法, 重复测定 5次, 每次结果相比, 最大偏差均 小于 5%.

**第2步** 微波瑞利散射装置系统的总散射电 压信号的测定.将已标定的微波瑞利散射装置,应 用于空气电火花放电等离子体激波射流的散射电 压的测定.在已知系统参数 A 后,将待测的空气电 火花激波等离子体射流置于入射波束的正中央,且 其轴向平行于电场 E 的方向.将电火花间隙的电 压信号的下降沿作为触发信号,同步分别触发 ICCD 相机和示波器,同时捕捉高速影像和瑞利散 射信号;示波器捕获 I/Q 混频器的输出 U<sub>I</sub>(t)和 U<sub>0</sub>(t),即空气电火花等离子体射流的整个电离过 程的散射信号  $U_{I}(t) \oplus U_{Q}(t)$ ; 在实际操作中, 为了 减少随机误差, 提高测量的精度,  $U_{I} \oplus U_{Q}$ 先分别在 未放电时随机采集 100 个数据进行平均值计算, 得 到  $U_{I}(0) \oplus U_{Q}(0)$ ; 再通过作差法计算出各自的散射 电压差值, 得到  $\Delta U_{I}(t) = U_{I}(t) - U_{I}(0)$ ,  $\Delta U_{Q}(t) =$  $U_{Q}(t) - U_{Q}(0)$ ; 最后得到总散射电压为  $U_{out}(t) =$  $\sqrt{\Delta U_{I}(t)^{2} + \Delta U_{Q}(t)^{2}}$ . 在推算瑞利散射信号时, 本 文还采用滤波法处理数据, 有效减小了随机噪声, 提升了测量精度.

第3步 空气电火花激波等离子体射流的等 效半径和等效长度的测定. 将 ICCD 高速相机 (步 长是 200 ns, 曝光时间为 20 ns) 正对着空气电火 花激波等离子体射流进行拍摄,记录不同时刻射流 的长度和半径. 由于电火花放电过程是间歇的且具 有随机性,不容易捕捉特定参数信息.故此,我们 使用电火花间隙的电压信号的下降沿作为触发信 号,拍摄了电火花激波等离子体射流的高速影像. 鉴于不同时刻的激波等离子体射流形状均不规则, 用1个与原形状相近且体积相等的圆柱体进行等 效,得到圆柱体的等效长度和等效半径,可近似作 为等离子体射流的等效长度和等效半径. 需要注意 的是,在对不同时刻的高速影像图进行灰度取值和 折合等效时,引入了测量误差(火花放电具有随机 性和等效尺度数据获得). 为了减小误差, 等离子体 射流半径和长度都是以影像的外围光圈为基准取 得,然后再折合等效得到等离子体射流的等效长度 和等效半径.即使如此,但是该部分的误差仍然较 大,我们重复测定了5次放电的影像(相同条件

下),每次测定的结果相比,最大偏差均接近20%.

**第4步** 电火花放电等离子体射流的时变电子 密度的测定.在大气压下,空气分子的碰撞截面半 径 *R* 约为 2 × 10<sup>-10</sup> m、电子温度 *T*<sub>e</sub> 为 0.5 eV 的 条件下<sup>[25]</sup>,结合上述步骤测定的数据,围绕着电火 花激波等离子体射流的等效半径和等效长度是否 随时间变化,分4种情况来进行分析,并通过自编 程序推算出电火花放电等离子体射流羽翼的时变 电子密度.

3 实验结果与分析讨论

# 3.1 微波瑞利散射装置的标定及输出电压 信号

图 4 所示为微波瑞利散射装置的标定数据. 先 根据测得的 10 组散射信号电压值,将每组 I/Q 电 压值各自作差,根据  $U = \sqrt{(U_I - U'_I)^2 + (U_Q - U'_Q)^2}$ 得到输出总电压值,画出如图 4 所示的数据点. 再 利用最小二乘法将十个数据点拟合成直线,如直线 ①(Y轴是电压 U, X 轴是石英棒的长度). 由于直 线①是不过坐标原点的 (石英棒没能都在波束的正 中对称),需要平移直线①过坐标原点,得到直线 ②. 最后,取直线②在 X = 25 mm 处的电压 U值 (U = 39.55 mV),带入 (1)式中 (介质散射体公 式),计算出系统参数  $A(A = 1.04 \times 10^5 \text{ V} \cdot \Omega \cdot \text{m}^{-2})$ . 此处理过程,我们称之为多介质棒作差拟合法,可 以显著提高测量结果的精确度.



图 4 微波瑞利散射装置的系统参数标定 Fig. 4. Calibration on a constant of microwave Rayleigh scattering device.

图 5 所示为空气电火花激波等离子体射流的 时变瑞利散射信号. 从图中可以看出, 0 时刻之前, 放电未发生, U<sub>1</sub>(t)和U<sub>0</sub>(t)基本上没有变化, 呈现 两条平行线;在 t<sub>1</sub>时刻,等离子体射流开始形成, 此时 $U_{\rm I}$ 和 $U_{\rm O}$ 均随时间变化. I 信道上的电压 $U_{\rm I}(t)$ 先从 0 时刻的电压约 0.047 V 增长至峰值约 0.09 V, Q 信道上的电压 Uo(t) 先从 0 时刻的电压 约 0.035 V 下降至谷值约 0.018 V 再快速增长. 随 着放电过程的衰弱, 散射的微波信号逐渐减弱, 被 接收喇叭接收的微波信号也在变少,则I信道上的 电压开始降低,Q信道上的电压增长到峰值约 0.045 V开始下降; ts 时刻后, 散射信号不再变化, 两个信道上的电压再次呈现水平状态,总电压U(t) 也呈现0值水平状态. 微波瑞利散射过程如下:由 于两个喇叭天线一开始呈 90°摆放, 入射波束中间 没有等离子体射流时,只有介质管、电极等散射出 的微波信号进入接收天线;当中间有等离子体射流 时,接收天线同时接收等离子体射流、介质管和电 极等其他外界的散射信号.因此,根据示波器捕捉 的 I/Q 混频器的输出电压 $U_{I}(t)$ 和 $U_{O}(t)$ ,从而得到 等离子体射流的总散射电压



 $U(t) = \sqrt{\Delta U_{\rm I}^2(t) + \Delta U_{\rm Q}^2(t)}.$ 

图 5 微波瑞利散射装置测定的散射信号 Fig. 5. Scattering signal measured by microwave Rayleigh scattering device.

#### 3.2 空气电火花放电的光学影像

使用高速摄像机拍摄了1组等离子体射流的 影像,不同时刻喷射出的等离子体激波射流在空气 中的发展过程如图6所示.每张照片的曝光时间 为20ns,图中清晰地显示了等离子体射流在80 µs内的影像发展过程.从图中看出,空气电火花放 电的等离子体半径基本呈现先增大后减小的变化 趋势,长度也在不断变化,且长度变化趋势更快. 根据灰度取值和折合等效法,将获得的高速影像和 尺子的照片设置成相同的比例进行比对测量,获得 其等离子体射流的长度;再根据实际的尺子比例, 对射流的直径进行测量;从而获得等离子体射流在 不同时刻的半径和长度.因此通过对射流影像的发 展过程进行观察和测量,可以得到等离子体激波射 流在不同时刻的半径和长度<sup>[31-33]</sup>.



图 6 空气等离子体射流的光学影像 Fig. 6. Optical images of air plasma jet.

鉴于等离子体射流形状具有不规则性,为了便 于计算,寻找与原形状相近,体积相等的圆柱体进 行等效,从而得出等离子体射流的等效半径和等效 长度. 特别是在 26 µs 后, 等离子体射流亮度基本 上很弱并集中于头部,因此,其等效长度只考虑了 头部区域.图5显示的是等离子体射流的总散射电 压,图6展示的是高速摄像机拍摄的1组等离子体 射流影像,据此得到不同时刻等离子体射流的等效 半径和等效长度.为了能够跟瑞利散射信号数据相 匹配,编写程序对等离子体射流的等效半径和等效 长度进行插值拟合,得到了等效半径和等效长度随 时间变化的曲线. 根据拟合后的数据, 画出等效半 径和等效长度的时变图,如图7所示,从图中可以 看出,等离子体射流的等效长度和等效半径在不断 变化,这是等离子体的激波效应导致的<sup>[5]</sup>. 当一段 时间后,放电喷射出的等离子体激波射流越来越 弱,其射流的等效半径和等效长度也在慢慢降低, 最后趋于1个稳定值.根据微波瑞利散射原理,等 离子体射流的电子密度主要与微波瑞利散射装置 的标定参数、等离子体射流的总散射电压以及等离子体射流的不同等效尺度有关,故结合已知的数据,即可推算出空气电火花等离子体激波射流的时变电子密度.



图 7 空气等离子体激波射流的半径 r(t) 和长度 l(t)Fig. 7. The radius r(t) and length l(t) of air plasma shock-wave jet.

# 3.3 空气电火花等离子体激波射流的时变 电子密度

图 8 所示的是等离子体射流的时变电子密度 分布. 由图可见, 随着时间的推进, 等离子体射流 的电子密度基本上都呈现先增大后减小的趋势,但 不同等效半径和等效长度对电子密度的影响有区 别. 本文采用控制变量法进行分析, 第1种情况考 虑的是等离子体射流的等效长度和等效半径都是 定值,其电子密度的时间演化过程,如图 8(a)所 示. 从图中可以看出, 在等离子体射流形成之前, 电子密度基本上为零;当等离子体射流形成后,其 电子密度先增大到约 4.64 × 10<sup>20</sup> m<sup>-3</sup> 的峰值, 然 后在大约14 µs 后衰减. 空气电火花放电等离子体 激波射流的时变电子密度波形和微波瑞利散射装 置测得的总电压U(t)波形相似,说明了当等离子体 射流的等效长度和等效半径不变,其电子密度和总 散射电压成正相关. 第2种情况考虑的是等离子体 射流的等效半径 r是定值,等效长度 l是时变的, 其电子密度的演化过程.如图 8(b) 所示,在放电过 程中,电子密度基本上从零值逐渐增加到峰值为 5.43 × 10<sup>20</sup> m<sup>-3</sup>, 然后也大致在 14 µs 后衰减, 不过 其衰减速度加快了,曲线宽度变窄了.第3种情况 考虑的是等离子体射流的等效半径 r 是时变的,等 效长度 l 是定值, 其电子密度的演化过程, 如图 8(c) 所示.从图中可以看出,波形整体趋势不变,但所



图 8 不同等效尺度下的等离子体射流的时变电子密度 (a) r = 1.2 mm, l = 10 mm; (b) r = 1.2 mm, l = l(t); (c) r = r(t), l = 10 mm; (d) r = r(t), l = l(t)

Fig. 8. Time-varying electron density of plasma jet with the different equivalent scales: (a) r = 1.2 mm, l = 10 mm; (b) r = 1.2 mm, l = l(t); (c) r = r(t), l = 10 mm; (d) r = r(t), l = l(t).

测得电子密度比第1种情况稍大,峰值为5.20× 10<sup>20</sup> m<sup>-3</sup>; 此外, 我们观察到在波形上升沿上出现 了1个小波峰. 第4种情况考虑的是离子体射流的 等效半径 r和等效长度 l都是时变的,其电子密度 的演化过程,如图 8(d) 所示.此种等效处理方式最 接近实际情况,等离子体射流的等效半径和等效长 度都是随时空演化的. 与前3种情况相比, 波形变 化趋势大体上不变,其幅值整体上比前3种的结果 都大, 峰值为 6.10 × 10<sup>20</sup> m<sup>-3</sup>; 该波形也呈现出 图 8(c) 中的第1个小波峰, 但是该小波峰的峰值 明显比第3种情况大.等离子体射流的电子密度主 要与等离子体射流的总散射电压和等离子体射流 的不同等效尺度有关,在此操作步骤中,基于已知 等离子体射流的总散射电压,主要考虑等离子体射 流的不同等效尺度对其电子密度的影响. 对比分析 图 8 所示的 4 种等效处理方式, 可见其等离子体射 流的半径对电子密度的影响最大.此外,结合图7 的分析,也可以清楚地看出,等离子体射流的等效 半径和等效长度均在不断变化,等离子体射流的半 径和长度的稍微变化就会致使等离子体激波射流 的电子密度波动. 这是因为 (1) 式中的体积 V是与 等离子体射流的半径和长度有关.

如上所述,在实验过程中,我们发现了一个有 趣的现象, 在图 8(c)、8(d) 中均出现了小波峰, 我 们认为此时的电子密度峰是由光电离形成的等离 子体电离波导致的[34-36].现对该现象进行分析讨 论. 如图 8(c) 和 8(d) 所示, 在 1 µs 时出现了电子 密度先增大后减小的小波峰. 再结合图 6, 在 1 µs 时,等离子体射流的照片显示光斑已经存在;根据 Dobrynin 等<sup>[37]</sup> 报道的放电过程流体模拟结果,在 1 µs 时,内部电火花放电的等离子体射流还未喷出; 因此,等离子体射流在阴极腔体内刚形成不久,喷 出的等离子体射流并没来得及到达阴极喷嘴出口, 此时的电子密度小波峰只能由光电离激发所致.实 际电离过程是, 阴极腔体内的空气电花放电瞬时释 放大量的高能光子,这些光子穿过阴极喷嘴,投射 到喷嘴外的区域;紧接着,高能光子光电离空气形 成等离子体射流. 根据吴淑群等<sup>[36,38]</sup> 报道的大气 压等离子体射流的光电离实验,等离子体子弹头部 内的 N<sub>2</sub>分子激发态回迁辐射出的大量高能光子 (波长为 98—102.5 nm)<sup>[39-42]</sup>,该高能光子直接光 电离 O<sub>2</sub>分子,在等离子体子弹头部前端区域产生

种子电子.也就是说,喷嘴处发生了光电离,形成 了等离子体射流<sup>[42-50]</sup>,这与上述实验现象符合.之 后,空腔内的等离子体从喷管中喷出,与光电离形 成的等离子体射流会聚在一起,从而使随后的等离 子体射流的强度大大提高.如图 6 和图 8 所示,在 2—14 μs 期间,等离子体射流的亮斑强度相对较 强,电子密度也同步增加至顶峰.

## 4 结 论

简言之,本文采用微波瑞利散射装置系统对空 气电火花冲击波流注放电等离子体射流的时变电 子密度进行了测定.实验结果表明,空气电火花放 电过程是从纳秒级的火花放电到微秒级的等离子 体射流喷出. 在亚微秒时间尺度上, 微波瑞利散射 系统可测定出等离子体射流的时变电子密度.结果 显示, 测定的电子密度在 10<sup>20</sup> m<sup>-3</sup> 的量级, 且随时 间先快速增长至峰值再指数衰减,其测量的分辨率 可达到 10<sup>18</sup> m<sup>-3</sup>, 验证了微波瑞利散射装置测定大 气压等离子体射流时变电子密度的可行性.本文为 了探讨等离子体射流的不同等效尺度对电子密度 的影响,以电火花激波等离子体射流的等效半径和 等效长度是否随时间变化为分类依据,分4种情况 进行了探讨. 分析结果表明, 采用时变等效半径和 时变等效长度的测定结果最接近于实际情况;等离 子体射流的等效半径对电子密度的影响最大.另 外,在等离子体射流的等效半径随时间变化时,在 1 µs 时电子密度均出现了小波峰,分析结果显示此 刻的电子密度峰是由光电离形成的等离子体电离 波导致的.

虽然本文所述的微波瑞利散射装置可以胜任 空气电火花等离子体射流的时变电子密度测定,但 是获得的时变电子密度实际上是等离子体射流的 平均密度随时间的演化过程.即所述的微波瑞利散 射装置不具有空间分布测定能力,后续工作,我们 拟采用两种技术手段来克服此缺陷;一种是微波束 电磁聚焦技术,另一种是结合激光汤姆逊散射的空 间分辨测量技术.本文所述的微波瑞利散射实验装 置,适用于测量气体流注放电(气压为 10<sup>4</sup> Pa 以上 和等离子体的尺度为 40 mm 以下)或者液体流注 放电等离子体的时变电子密度.所述的微波瑞利散 射装置的测量范围是:电子密度在 10<sup>18</sup> m<sup>-3</sup>(12 GHz 微波的截至密度为 10<sup>18</sup> m<sup>-3</sup>) 以上,时间分辨率达 到 0.1 ns (12 GHz 微波的周期为 0.085 ns). 本文 所述的测量结果, 测量总误差在 25% 之内, 包括系 统参数标定误差 (小于 5%) 和等效尺度误差 (接 近 20%, 由电火花放电的随机性和不规则性致使, 与微波瑞利散射装置无关). 因此, 本文所述的微波 瑞利散射装置及其测定方法, 可推广应用于流注放 电等离子体的时空电子密度演化测定.

#### 参考文献

- [1] Akram M, Lundgren E 1996 J. Phys. 29 2129
- [2] Lu X P, Laroussi M, Puech V 2012 Plasma Sources Sci. Technol. 21 034005
- [3]~Janda M, Machala Z 2011  $I\!E\!E\!E$  Trans. Plasma Sci. 39 2246
- [4] El-Koramy R A, Effendiev A Z, Aliverdiev A A 2007 Phys B 392 304
- [5] Dobrynin D, Arjunan K, Fridman A, Friedman G, Morss Clyne A 2011 J. Phys. D: Appl. Phys. 44 075201
- [6] Lu X P, Laroussi M 2006 J. Appl. Phys. 100 063302
- [7] Lu X P, Naidis G V, Laroussi M, Reuter S, Graves D B, Ostrikov K 2016 Phys. Rep. 63 1
- [8] Lu X P, Naidis G V, Laroussi M and Ostrikov K 2014 Phys. Rep. 540 123
- [9] Abdellatif G, Imam H 2002 Spectrochim. Acta B 57 1155
- [10] Li C, Tang X L, Qiu G 2008 Spectrosc. Spect. Anal. 28 2754 (in Chinese) [李驰, 唐晓亮, 邱高 2008 光谱学与光谱分析 28 2754]
- [11] Pakhal H R, Lucht R P, Laurendeau N M 2008 Appl. Phys. B 90 15
- [12] Yambea K, Saito H, Ogura K 2015 IEEJTrans. Electr. Electron. Eng. 10 614
- [13] Yang W B, Zhou J N, Li B C, Xing T W 2017 Acta Phys. Sin. 66 095201 (in Chinese) [杨文斌,周江宁,李斌成,邢廷文 2017 物理学报 66 095201]
- [14] Xu J Z, Shi J J, Zhang J, Zhang Q, Nakamura K, Sugai H 2010 Chin. Phys. B 19 075206
- [15] Shneider M N, Miles R B 2005 J. Appl. Phys. 98 033301
- [16] ShashurinA, Shneider M N, Dogariu A, Miles R B, Keidar M 2010 Appl. Phys. Lett. 96 171501
- [17] Shashurin A, Shneider M N, Dogariu A, Miles R B, Keidar M 2009 Appl. Phys. Lett. 94 231504
- [18] Lu X P, Keidar M, Laroussi M, Choi E, Szili E J, Ostrikov K 2019 Mater. Sci. Eng. R. 138 36
- [19] Chen Z Q, Zhou B K, Zhang H, Hong L L, Zou C L, Li P, Zhao W D, Liu X D, Stepanova O, Kudryavtsev A A 2018 *Chin. Phys. B* 27 055202
- [20] Chen Z Q, Liu X D, Zou C L, Song X, Li P, Hu Y L, Qiu H B, Kudryavtsev A A, Zhu M Z 2017 J. Appl. Phys. 121 023302
- [21] Chen Z Q, Xia G Q, Zou C L, Liu X D, Feng D R, Li P, Hu Y L, Stepanova O, Kudryavtsev A A 2017 J. Appl. Phys. 122 093301
- [22] Chen Z Q, Yin Z X, Chen M G, Hong L L, Xia G Q, Hu Y L, Huang Y R, Liu M H, Kudryavtsev A A 2014 J. Appl. Phys. 116 153303
- [23] Chen Z Q, Zhou Q Y, Xia G Q, Hu Y L, Zheng X L, Zheng Z, Hong L L, Li P, Huang Y R, Liu M H 2012 Rev. Sci. Instrum. 83 084701
- [24] Barni R, Biganzoil I, Tassetti D, Riccardi C 2014 Plasma

 $Chem.\ Plasma\ Process.\ \mathbf{34}\ 1415$ 

- [25] Chen Z Q, Xia G Q, Li P, Hong L L, Hu Y L, Zheng X L, Wang Y, Huang Y R, Zhu L J, Liu M H 2013 *IEEE Trans. PlasmaSci.* 41 1658
- [26] Lu X P, Yan P, Ren C S, Shao T 2011 Sci. China-Phys. Mech. Astron. 41 801 (in Chinese) [卢新培, 严萍, 任春生, 邵 涛 2011 中国科学: 物理学~力学~天文学 41 801]
- [27] Zhou Q H, Dong Z W, Chen J Y 2011 Acta Phys. Sin. 60 125202 (in Chinese) [周前红, 董志伟, 陈京元 2011 物理学报 60 125202]
- [28] Li H P, Yu D R, Sun W T, Liu D X, Li J, Han X W, Li Z Y, Sun B, Wu Y 2016 *High Voltage Eng.* 42 3697 (in Chinese)
  [李和平, 于达仁, 孙文廷, 刘定新, 李杰, 韩先伟, 李增耀, 孙冰, 吴云 2016 高电压技术 42 3697]
- [29] Wang L, Xia Z X, Luo Z B, Zhou Y, Zhang Y 2014 Acta Phys. Sin. 63 194702 (in Chinese) [王林, 夏智勋, 罗振兵, 周 岩, 张宇 2014 物理学报 63 194702]
- [30]~Bárdos L, Baránková H 2010 $Thin~Solid~Films~{\bf 518}~6705$
- [31] Yan J H, Tu X, Ma Z Y, Pan X C, Cen K F, Cheron Bruno 2006 Acta Phys. Sin. 55 3451 (in Chinese) [严建华, 屠昕, 马增 益, 潘新潮, 岑可法 2006 物理学报 55 3451]
- [32] Lu X P, Ostrikov K 2018 Appl. Phys. Rev. 5 031102
- [33] Xia G Q, Chen Z Q, Yin Z X, Hao J K, Xu Z Q, Xue C G, Hu D, Zhou M R, Hu Y L, Kudryavtsev A A 2015 IEEE Trans. PlasmaSci. 43 1825
- [34] Xia G Q, Chen Z Q, Saifutdinov A I, Eliseev S, Hu Y L, Kudryavtsev A A 2014 IEEE Trans. PlasmaSci. 42 2768
- [35] Xian Y B, Wu S Q, Wang Z, Huang Q J, Lu X P, Kolb J F 2013 Plasma Process. Polym. 10 372
- [36] Wu S Q, Nie L L, Lu X P 2015 *High Voltage Eng.* 41 2602 (in Chinese) [吴淑群, 聂兰兰, 卢新培 2015 高电压技术 41 2602]
- [37] Dobrynin D, Fridman A, Starikovskiy A Y 2012 IEEE Trans. Plasma Sci. 40 2613

- [38] Wu S Q, Lu X P, Liu D, Yang Y, Pan Y, Ostrikov K 2014 *Phys. Plasmas* 21 103508
- [39] Chen Z Q, Xia G Q, Liu M H, Zheng X L, Hu Y L, Li P, Xu G L, Hong L L, Shen H Y, Hu X W 2013 Acta Phys. Sin. 62 195204 (in Chinese) [陈兆权, 夏广庆, 刘明海, 郑晓亮, 胡业林, 李平, 徐公林, 洪伶俐, 沈昊宇, 胡希伟 2013 物理学报 62 195204]
- [40] Lu X P 2011 High Voltage Eng. 37 1416 (in Chinese) [卢新培 2011 高电压技术 37 1416]
- [41] Zhang H C, Lu J, Ni X W 2008 Acta Phys. Sin. 58 4034 (in Chinese) [张宏超, 陆建, 倪晓武 2008 物理学报 58 4034]
- [42] Chen Z Q, Zhang H, Wu J F, Tu Y L, Zhang M, Wu C Y, Liu S C, Zhou Y M 2019 *IEEE Trans. Plasma Sci.* 47 4787
- [43] Li X C, Zhang P P, Li J Y, Zhang Q, Bao W T 2017 Spectrosc. Spect. Anal. 37 1696 (in Chinese) [李雪辰, 张盼盼, 李霁媛, 张琦, 鲍文婷 2017 光谱学与光谱分析 37 1696]
- [44] Xiong Z M, Kushner M J 2012 Plasma Sources Sci. Technol. 21 034001
- [45] Brian L S, Biswa N G, Kunihide T 2008 Appl. Phys. Lett. 92 151503
- [46] Cai X J, Wang X X, Zou X B, Sun Y, Lu Z W 2015 High Voltage Eng. 41 2047 (in Chinese) [蔡新景, 王新新, 邹晓兵, 孙 悦, 鲁志伟 2015 高电压技术 41 2047]
- [47] Wormeester G, Pancheshnyi S, Luque A, Nijdam S, Ebert U 2010 J. Phys. D: Appl. Phys. 43 505201
- [48] Nijdam S, Wetering van de F M J H, Blanc R, Veldhuizen van E M, Ebert U 2010 J. Phys. D: Appl. Phys. 43 145204
- [49] Han B, Wang F L, Liang G Y, Zhao G 2016 Acta Phys. Sin.
  65 110503 (in Chinese) [韩波, 王菲鹿, 梁贵云, 赵刚 2016 物理
  学报 65 110503]
- [50] Zhang Y, Zeng R, Yang X C, Zhang B, He J L 2009 Proc. Chin. Soc. Elect. Eng. 29 0110 (in Chinese) [张赟, 曾嵘, 杨学 昌, 张波, 何金良 2009 中国电机工程学报 29 0110]

# Measurement of time-varying electron density of air spark shock wave plasma jet by the method of microwave Rayleigh scattering<sup>\*</sup>

Wu Jin-Fang Chen Zhao-Quan<sup>†</sup> Zhang Ming Zhang Huang Zhang San-Yang Feng De-Ren Zhou Yu-Ming

(College of Electrical & Information Engineering, Anhui University of Technology, Key Laboratory of Power

Electronics and Electrical Drive in Anhui Province, Maanshan 243032, China)

( Received 17 December 2019; revised manuscript received 23 January 2020 )

#### Abstract

It is difficult in measuring the electron density of an atmospheric air spark shock wave plasma jet, due to its variation on the time scale of sub-microseconds. In this paper, the time-varying electron density of air spark shock wave plasma jet is measured, based on the principle of microwave Rayleigh scattering. The system constant A is determined by using calibration of materials with known properties; the results show that the system constant is obtained as  $A = 1.04 \times 10^5 \text{ V} \cdot \Omega \cdot \text{m}^{-2}$ . According to the principle of microwave Rayleigh scattering, the electron density of the plasma jet is related to its radius and length of the plasma jet plume. Combined with the discharge image captured by ICCD camera, it is observed that the plasma jet plumes are with irregular patterns. In order to facilitate the calculation, the plasma jet plumes are replaced by cylinders with the same volume as the original shapes. Thus, the equivalent radius and length of the plasma jet plume are obtained. According to the known data, the electron density is determined to be in the order of  $10^{20}$  m<sup>-3</sup>; its value increases rapidly to the peak value, and after then exponential attenuates along with time. In addition, the effect of different equivalent dimensions of the plasma jet plume on the measurement results is also discussed. It is shown that the calculation result with the time-varying equivalent radius and the time-varying equivalent length is the most effective one. In addition, the first fast peak is caused by the ionization wave of the photo ionization. The actual ionization process is that the air discharge in the cathode cavity releases a large number of high energy photons, which pass through the cathode nozzle and project into the region outside the nozzle; and then the  $O_2$  molecule in the ambient air are ionized by those high energy photons to form the plasma jet plume at the time of 1  $\mu$ s.

# Keywords: microwave Rayleigh scattering, electron density measurement, streamer discharge, air plasma jet, ionization wave

**PACS:** 52.70.Ds, 52.25.Jm, 52.38.Bv, 52.80.Mg

**DOI:** 10.7498/aps.69.20191909

<sup>\*</sup> Project supported by the Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11575003, 51607003).

 $<sup>\</sup>dagger$  Corresponding author. E-mail: chenzq@ahut.edu.cn