基于反射超表面产生太赫兹涡旋波束*

李晓楠1)2)3) 周璐1)2)3) 赵国忠1)2)3)

(首都师范大学物理系,北京 100048)
(北京市成像理论与技术高精尖创新中心,北京 100048)
(太赫兹光电子学教育部重点实验室,北京 100048)
(2019 年 7 月 10 日收到; 2019 年 8 月 28 日收到修改稿)

具有螺旋波前的电磁波是携带轨道角动量的涡旋波束,涡旋波束存在的相位奇点,使其在微粒操控和通 讯等领域有特殊的应用.本文提出了一种基于反射型超表面的太赫兹宽带涡旋波束产生器,该器件由超表面-电介质-金属三层结构构成,顶层为两个正交I形金属结构单元组成的超表面,中间层是聚酰亚胺介质,最底 层为金属.通过对超表面单元结构参数的优化设计,可以实现在不同旋转角度下反射波振幅高达 90% 以上, 同时反射波相位随旋转角线性变化的目的.进一步利用这些单元结构按照 Pancharatnam-Berry 相位原理进 行超表面布阵,在 0.8—1.4 THz 频率范围内,可以将圆偏振太赫兹波束转换为具有轨道角动量的涡旋波束, 这一器件的工作带宽相对较宽,结构简单,转换效率高,在太赫兹涡旋波束产生方面具有潜在的应用价值.

关键词:太赫兹,涡旋波束,宽带,超表面 PACS: 81.05.Xj,07.05.Tp,03.65.Vf,74.25.Uv

DOI: 10.7498/aps.68.20191055

1 引 言

太赫兹波具有穿透性、吸水性、高分辨率等诸 多优越特性,在光谱^[1-3]、成像^[4-6]、无损检测^[7,8] 等领域已经展示了重要的应用前景.携带轨道角动 量的涡旋光束,具有由 exp(*iD*) 描述的螺旋相位结 构,其中 *Φ* 是方位角,*l* 是拓扑荷数,它在不增加带 宽的情况下通过对光通讯信息进行编码,可以极大 地扩展通信容量,在光通信^[9] 领域具有广阔的应用 前景.传统上人们利用螺旋相位板^[10]、全息衍射光 栅^[11] 以及天线阵列^[12,13] 等方法来产生涡旋波束, 然而这些方法存在体积大,不利于器件集成化、成 本高等问题.作为一种人工合成材料,超表面具有 自然材料所不具备的性质,因而受到广泛关注.人 们通过在金属表面设计微结构来实现对电磁波的 相位和振幅的调制.近年来应用超表面实现的功能 器件有偏振转换器^[14-16]、高方向辐射天线^[17]、高增 益透镜阵列^[18,19]以及涡旋光束产生器^[20,21]等.

利用超表面产生涡旋波束不仅解决了体积大、 不利于集成的问题,还大大降低了制造成本.近年 来,在可见光和微波波段基于超表面产生涡旋波束 的研究较多.2011年,哈佛大学Yu等^[22]在光学薄 界面上设计V字形天线单元,通过选择八个相位 间隔45°的V字形单元结构排布超表面,实现了在 红外波段产生拓扑荷数为1的涡旋光.2014年, Zhang等^[23]在微波频段内基于开口谐振环提出了 单层透射超表面,圆偏振光入射超表面产生了拓扑 荷数为1的涡旋光,但是透过率仅有24.7%. 2017年,Lou等^[24]基于三层超表面结构在10.1— 10.9 GHz产生了涡旋光,但是存在制备复杂等问题.

目前为止,关于涡旋波束的产生,普遍存在效 率不高、制备困难等问题,且大部分工作是在微 波、红外频段,在太赫兹频段产生涡旋波束的研究 甚少.本文提出了一种新型反射式超表面结构,实

^{*} 国家自然科学基金 (批准号: 61575130) 资助的课题.

[†] 通信作者. E-mail: guozhong-zhao@126.com

^{© 2019} 中国物理学会 Chinese Physical Society

现了在太赫兹频段产生高效率涡旋光的目的.

2 理论分析

为了实现利用超表面产生涡旋光的目的,需要 设计能够独立地控制入射和反射波的单元结构.根 据 Pancharatnam-Berry (P-B)相位原理,超表面 上可以进行单元结构布阵,各个单元应该能够获得 振幅相近、相位可以独立调节的反射波.我们提出 了一个由正交 I 形金属结构单元组成的结构,可以 满足上述控制反射波振幅和相位的设计要求.

当一束平面波垂直照射到反射型超表面单元 结构,单元结构以其中心为旋转中心,波束传播方 向为旋转轴,逆时针旋转 α 角时,如图 1 所示,反 射矩阵可以写作^[25]:

$$\boldsymbol{R}_{\alpha}^{XY} = \begin{bmatrix} \cos\alpha & -\sin\alpha\\ \sin\alpha & \cos\alpha \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} r_{xx} & r_{xy}\\ r_{yx} & r_{yy} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\alpha & -\sin\alpha\\ \sin\alpha & \cos\alpha\\ (1) \end{bmatrix},$$

其中 r_{xx} 表示沿 x 轴正方向的线偏振光入射时,沿 x 轴负方向出射的反射系数,同理 r_{xy}, r_{yx}, r_{yy}有 类似的意义.

对于圆偏振光入射到超表面,反射矩阵表示为

$$\boldsymbol{R}_{\alpha}^{\mathrm{LR}} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & -j \\ 1 & j \end{bmatrix} \boldsymbol{R}_{\alpha}^{XY} \begin{bmatrix} 1 & -j \\ 1 & j \end{bmatrix}^{-1}, \qquad (2)$$

其中参数 α 为单元结构相对于其中心的转角, LR 代表入射光的偏振态, L 表示左旋偏振, R 表示 右旋偏振, R_{α}^{LR} 表示圆偏振光入射时的反射矩阵.

$$r_{\rm LL} = \frac{1}{2} \left[(r_{xx} - r_{yy}) - j(r_{xy} + r_{yx}) \right] e^{-j2\alpha}, \quad (3a)$$

$$r_{\rm RR} = \frac{1}{2} \left[(r_{xx} - r_{yy}) + j(r_{xy} + r_{yx}) \right] e^{j2\alpha}, \quad (3b)$$

$$r_{\rm RL} = \frac{1}{2} \left[(r_{xx} + r_{yy}) + j(r_{xy} - r_{yx}) \right], \qquad (3c)$$

$$r_{\rm LR} = \frac{1}{2} \left[(r_{xx} + r_{yy}) - j(r_{xy} - r_{yx}) \right].$$
(3d)

从 (3) 式可以看出,只有 r_{LL} , r_{RR} 携带轨道角动量, 当 单 元 结 构 满 足 $|r_{xx}| \approx |r_{yy}| \approx 1$ 或 者 $|r_{xy}| \approx$ $|r_{yx}| \approx 0$ 且相位差为 π 时,两个交叉极化之间不存 在相位差,因此当单元结构旋转角 α 时,相位 φ = ± 2α , "+"和"-"表示右旋和左旋入射光.

基于上述理论可知,在设计 P-B 超表面时,通 过旋转单元结构找出具有不同相位的单元,使得单 元结构具有相同且近似为1的反射振幅,同时具 有 180°的相位差,可实现在圆偏振光入射时,反射 超表面可以使入射光成为携带轨道角动量的涡旋 光.但是,目前涡旋光产生器件存在带宽窄的问题, 为了增加超表面的工作带宽,需要确保在不同频率 处具有相同的斜率:

$$\partial \varphi(\mathbf{R}, \mathbf{R}) / \partial f_i \approx \partial \varphi(\mathbf{R}, \mathbf{R}) / \partial f_i,$$
 (4)

其中 $\partial \varphi(\mathbf{R}, \mathbf{R})$ 表示右旋入射光的反射相位变化, f_i 和 f_j 表示任意两处不同的频率, 为了保证超表面有 合适的工作带宽, 需要保证 $(f_j - f_i)$ 足够大.

3 单元结构设计

在超表面结构设计过程中,首先考虑的主要问题为如何设计单元结构、单元结构参数如何确定、衬底如何选择等.我们设计了一个由超表面-电介质-金属三层结构组成的反射型超表面器件,如图1所示.超表面由三层组成.其中顶层为正交I型金属结构,厚度为 d_1 ;中间层为介质层,材料为聚酰亚胺,厚度为 d_2 ;底层为金膜,厚度为 d_1 .考虑实验室材料、各个仿真结果以及样品制备,最终得出单元结构具体参数如下:周期p = 90 µm,金属线宽w = 3 µm, $l_1 = 60$ µm, $l_2 = 28$ µm,s = 27 µm,金属层厚度 $d_1 = 0.2$ µm,衬底厚度 $d_2 = 35$ µm.入射光为偏振方向沿x或y轴方向的线偏光,波矢沿z轴方向.



图 1 超表面单元结构示意图 (a) 顶视图; (b) 侧视图 Fig. 1. Schematic diagram of the unit cell of metasurface: (a) Top view; (b) side view.

4 单元结构仿真结果与分析

利用 CST microwave studio (CST)软件,以 周期性边界条件对单元结构反射振幅和反射相位 进行仿真,仿真频率范围设为 0.5—2.0 THz,结果 如图 2. 在线性 x偏振和线性 y偏振入射下,在 0.8—1.4 THz 频率范围内共极化反射幅值均大于 0.9 且相位差接近 180°,在 0.93 THz 时共极化相





Fig. 2. Reflected phase and amplitude spectrum produced by linearly polarized light incident unit call: (a) Phase; (b) amplitude.

位差刚好为180°且反射幅值近似为1.因此可以通 过改变转角实现对反射波振幅和相位的调制.

以 0.85 THz 为例, 对单元结构反射振幅和相 位进行数值仿真, 可得出不同转角与相位及振幅的 一一对应关系, 如图 3. 不同转角下单元结构的反 射振幅近似相等, 转角与相位呈现线性关系, 与上 述 P-B 相位原理符合得很好. 因此可得到不同相 位值对应的不同转角的单元结构.

入射光为圆偏振光时, 对参数 α 进行扫描, 扫 描范围为 0°—157.5°, 扫描步长设置为 22.5°, 仿真 结果如图 4 所示.





Fig. 3. The phase and reflection amplitude of different corners simulated.



图 4 不同转角单元结构的反射相位和振幅谱 (a) LCP 入射的相位谱; (b) RCP 入射的相位谱; (c) LCP 入射的振幅谱; (d) RCP 入射的振幅谱

Fig. 4. Reflective phase and amplitude spectra of unit cell structure under different rotation angle: (a) Phase spectra at LCP incident; (b) phase spectra at RCP incident; (c) amplitude spectra at LCP incident; (d) amplitude spectra at RCP incident. 图 4(a) 和图 4(b) 分别为左旋圆偏光 (LCP) 和右旋圆偏光 (RCP) 入射到超表面单元结构时, 转角 α 在 0°—157.5°范围内以 22.5°变化时得到的 相位谱. 从图 4(a) 和图 4(b) 可以看出,相位以二 倍转角 (45°) 间隔增大 (减小),不同转角对应的相 位覆盖了 2π. 图 4(c) 和图 4(d) 分别为左旋圆偏光 和右旋圆偏光入射到超表面单元结构时,转角 α 在 0°—157.5°范围内以 22.5°的变化改变时得到 的振幅谱,可以看出,反射振幅几乎相同且高达 0.9,满足控制反射波振幅和相位的设计要求.

5 P-B 超表面设计及仿真结果分析

基于文中提出的反射型超表面单元,可以通过 相位分布设计产生不同拓扑荷数的涡旋波束.以超 表面中心为原点,超表面每个位置(*x*, *y*)的相位需 要满足

$$\varphi(x,y) = l \cdot \arctan\left(y/x\right),\tag{5}$$

其中 $\varphi(x,y)$ 表示超表面(x,y)位置需要满足的相位,

*l*表示拓扑荷数. 通过改变 *l*的值可以产生不同拓 扑荷数的涡旋波束.

本文设计了拓扑荷数 l = 1 和 l = 2 的反射型 超表面.根据 (4) 式确定的相位-位置关系以及单 元结构相位是转角 α 的 2 倍关系,排布了拓扑荷 数为 1 和 2 的超表面结构,如图 5 所示.

对 *l* = 1 和 *l* = 2 的两种超表面反射波束特性 进行仿真.不失一般性,假设入射波束为左旋圆偏



图 5 两种用于产生拓扑荷数分别为 (a) *l* = 1 和 (b) *l* = 2 的涡旋波束超表面结构

Fig. 5. Two kinds of metasurface structures for generating the vortex beam with topological charge numbers (a) l = 1 and (b) l = 2.



图 6 超表面产生 *l* = 1 和 *l* = 2 的涡旋波束反射振幅和相位分布 LCP 入射 *l* = 1 超表面的 (a) 振幅分布和 (b) 相位分布; RCP 入射 *l* = 2 超表面的 (c) 振幅分布和 (d) 相位分布

Fig. 6. Reflective amplitude and phase distributions of vortex beams with l = 1 and l = 2 generated by metasurface. LCP incident l = 1 metasurface: (a) amplitude distribution and (b) phase distribution; RCP incident l = 2 metasurface: (c) amplitude distribution and (d) phase distribution.

振波, 半径 *r*₁, *r*₂, *r*₃分别设为 120, 200, 300 μm, 其中, 半径的选择考虑到各个单元结构之间不能够 重叠, 以及实验测量中的尺寸、加工难度的因素. 以 0.93 THz 为例, 图 6 给出了反射圆偏振波的振 幅和相位分布.

图 6(a) 和图 6(b) 是 0.93 THz 处左旋圆偏振 波垂直入射到拓扑荷数为1的反射型超表面上,反 射光场距离超表面 500 μm 处的反射振幅和相位 分布. 从图中可以看出振幅呈现中心为暗环且中心 强度始终为零的分布, 相位围绕一周改变 2π. 图 6(c) 和图 6(d) 是 0.93 THz 的右旋圆偏振波垂直入射 到拓扑荷数为 2 的反射型超表面上, 反射光场距离 超表面 500 μm 处的反射振幅和相位分布. 可以看 出振幅分布呈现中心场强为零, 外环场强相对较 大, 相位覆盖 4π. 表明了在圆偏振波束入射到超表 面可以产生拓扑荷数为 1 和 2 的涡旋波束.



图 7 不同频率下 *l* = 1 和 *l* = 3 超表面产生的反射涡旋波束振幅、相位分布 *l* = 1 超表面 (a) 0.8 THz 频率下振幅分布, (b) 0.8 THz 频率下相位分布, (c) 1.4 THz 频率下振幅分布, (d) 1.4 THz 频率下相位分布; *l* = 3 超表面 (e) 1.1 THz 频率下振幅分布, (f) 1.1 THz 频率下相位分布

Fig. 7. The amplitude and phase distribution of reflective vortex beam generated by the LCP incident l = 1 and l = 3 metasurface at different frequencies. l = 1: (a) amplitude distribution at 0.8 THz, (b) phase distribution at 0.8 THz, (c) amplitude distribution at 1.4 THz, (d) phase distribution at 1.4 THz. l = 3: (e) amplitude distribution at 1.1 THz, (f) phase distribution at 1.1 THz. 从图 6(a) 和图 6(c) 可以看出拓扑荷数为1的 涡旋光束的中心暗环半径相对于拓扑荷数为2的 涡旋光中心暗环半径较小, 这是因为随着拓扑荷数 的增大, 超表面相邻的相位梯度也随之增大导致的.

在 0.8—1.4 THz 频段范围内, 圆偏光入射到 超表面时均可产生涡旋光. 图 7 给出了在 0.8 THz 和 1.4 THz 两个频率下, 左旋圆偏振光入射在 *l* = 1 的超表面时, 反射波束在传播一定距离处的相位分布.

图 7(a) 和图 7(c) 分别为左旋圆偏光在 0.8, 1.4 THz 下入射到 *l* = 1 的超表面上产生的反射光 场距离超表面 700 μm 处的振幅分布,可以看出, 振幅分布相对均匀,呈现中间暗环,外环场强相对 较大的甜甜圈分布,图 7(b) 和图 7(d) 分别为左旋 圆偏光在 0.8, 1.4 THz 下入射到 *l* = 1 的超表面上 产生的反射光场距离超表面 700 μm 处的相位分 布,可以看出相位变化了 2π,综上符合涡旋光的相 位性质,并且反射率达到 86%.

此外,为证明设计的超表面可以产生更高阶的 涡旋光束,设计并仿真了拓扑荷数为3的超表面振 幅和相位图像.以1.1 THz 频率下为例,图7(e)和 图7(f)给出了反射场距离超表面300 μm处的反 射振幅和相位分布.从图中可以看出振幅呈现中间 暗环的甜甜圈形状,相位覆盖了6π,仍然符合涡旋 光束的特性.

结合图 6 和图 7 的仿真结果,在 0.8, 0.93, 1.4 THz 频率下,圆偏振光垂直入射到 *l* = 1 和 *l* = 2 的超表面时,反射波束具有螺旋相位,可产生中心 强度为零的涡旋光.证明提出的反射型超表面可以 在 0.8—1.4 THz 频率范围内产生涡旋光,并且可 以产生更高阶的涡旋光束.

6 结 论

基于相位突变的结构单元,利用 P-B 相位原 理设计了一个简单而高效的反射型超表面,该超表 面由正交 I 型结构-介质-金属三层结构组成. 仿真 结果表明,我们设计的超表面结构可以在 0.8— 1.4 THz 频段圆偏振光正入射条件下,产生携带轨 道角动量的涡旋波束,反射率达到 86%,最高可达 92%. 我们设计的超表面具有效率高、宽带并且结 构简单等优点,对基于超表面的太赫兹涡旋波束产 生具有参考价值.

参考文献

- Beard M C, Turner G M, Schmuttenmaer C A 2002 J. Phys. Chem. B 106 7146
- [2] Vieweg N, Fischer B M, Reuter M, Kula P, Dabrowsk R, Celik M A, Frenking G, Koch M, Jepsen P U 2012 Opt. Express 20 28249
- [3] Janek M, Zich D, Naftaly M 2014 Mater. Chem. Phys. 145 278
- [4] Hu B B, Nuss M C 1995 *Opt. Lett.* **20** 1716
- [5] Mittleman D M, Gupta M, Neelamani R, Baraniuk R G, Rudd J V, Koch M 1999 Appl. Phys. B 68 1085
- [6] Kohler R, Tredicucci A, Beltram F, Beere H E, Linfield E H, Davies A G, Ritchie D A, Lotti R C, Rossi F 2002 Nature 417 156
- [7] Zhang Z W, Wang K J, Lei Y, Zhang Z Y, Zhao Y M, Li C Y, Gu A, Shi N C, Zhao K, Zhan H L, Zhang C L 2015 Science China 58 124202
- [8] Heljo V P, Nordberg A, Tenho M, Virtanen T, Jouppila K, Salonen J, Maunu S L, Juppo A M 2012 *Pharm. Res.* 29 2684
- [9] Kirilenko M S, Khonina S N 2013 Optical Memory and Neural Networks 22 81
- [10] Chavez-Cerda S, Padgett M J, Allison I, New G H C, Gutierrez-Vega J C, Neil A T O, Vicar I M, Courtial J 2002 J. Optics B: Quantum Semiclass Opt. 4 S52
- [11] Genevet P, Lin J, Kats M A, Capasso F 2012 Nature Comm.3 1
- [12] Mohammadi S M, Daldorff L K S, Bergman J E S, Karlsson R L, Thidé B, Forozesh K, Carozzi T D, Isham B 2010 IEEE Trans. Antenn. Propag. 58 565
- [13] Thide B, Then H, SjoHolm J, Palmer K, Bergman J, Carozzi T D, Istomin Y N, Ibragimov N H, Khamitova R 2007 Phys. Rev. Lett. 99 087701
- [14] Fu Y N, Zhang X Q, Zhao G Z, Li Y H, Yu J Y 2017 Acta Phys. Sin. 66 180701 (in Chinese) [付亚男, 张新群, 赵国忠, 李 永花, 于佳怡 2017 物理学报 66 180701]
- [15] Li Y H, Zhou L, Zhao G Z 2018 Chin. J. Lasers 45 0314001 (in Chinese) [李永花, 周璐, 赵国忠 2018 中国激光 45 0314001]
- [16]~ Li H, Xiao B Y, Huang X J, Yang H L 2015 $Phys.\ Scr.$ 90 1
- [17] Enoch S, Tayeb G, Sabouroux P, Guerin N, Vincent P 2002 Phys. Rev. Lett. 89 213902
- [18] Huang J, Pogorzelski R J 1998 IEEE Trans. Antenn. Propag. 46 650
- [19] Martynyuk A E, Martinez-Lopez J I, Martynyuk N A 2004 IEEE Trans. Antenn. Propag. 52 142
- [20] Zhou L, Zhao G Z, Li X N 2019 Acta Phys. Sin. 68 108701 (in Chinese) [周璐, 赵国忠, 李晓楠 2019 物理学报 68 108701]
- [21] Genevet P, Yu N F, Aieta F, Lin J, Kats M A, et al. 2012 *Appl. Phys. Lett.* **100** 013101
- [22] Yu N, Genevet P, Kats M A, Aieta F, Tetienne J P, Capasso F, Gaburro Z 2011 Science 334 333
- [23] Zhang K, Yuan Y Y, Zhang D W, Ding X M, Rstni B, Burokur S N, Lu M J, Tang J, Wu Q 2018 Opt. Express 26 1351
- [24] Luo W J, Sun S L, Xu H X, He Q, Zhou L 2017 Phys. Rev. Appl. 7 044033
- [25] Xu H H, Wang G M, Cai T, Xiao J, Zhuang Y Q 2016 Opt. Express 24 27836

Terahertz vortex beam generation based on reflective metasurface^{*}

Li Xiao-Nan^{$1)2)3)} Zhou Lu^{<math>1)2)3)} Zhao Guo-Zhong^{<math>1)2)3)\dagger$}</sup></sup>

1) (Department of Physics, Capital Normal University, Beijing 100048, China)

2) (Beijing Advanced Innovation Center for Imaging Theory and Technology, Beijing 100048, China)

3) (Key Laboratory of Terahertz Optoelectronics, Ministry of Education, Beijing 100048, China)
(Received 10 July 2019; revised manuscript received 28 August 2019)

Abstract

The electromagnetic wave with spiral wavefront is a vortex beam carrying orbital angular momentum. The phase singularity of the vortex beam has special applications in the fields of particle manipulation and communication. In this paper, a terahertz (THz) wide-band vortex beam generator based on reflective metasurface is proposed and simulated. The device consists of a metasurface-dielectric-metal three-layer structure, and the top layer is a metasurface composed of two orthogonal I-shaped metal structural units. The intermediate layer of polyimide medium, and the bottom layer is of metal as a reflecting plate. The CST microwave studio is used to simulate the reflection performance of unit cell. The structure parameters are optimized to obtain the better performance. A set of optimed structure parameters is determined. According to the phase principle of Pancharatnam-Berry (P-B), by rotating the angle of the top-layer I-type metal structure, the reflection amplitudes of the unit cell structure at different rotation angles are required to approximately equal while the phase changes linearly with rotation angle and reaches a range of $2\hbar$ for the topological charge number l. These cell structures are arranged according to the phase principle mentioned above. The metasurfaces of different topological charge numbers are designed to generate the corresponding vortex beams. In this paper, the metasurfaces with topological charge numbers 1 and 2 are designed. The reflection amplitude and phase of the circularly polarized THz beam incident vertically on the metasurface are simulated by using CST microwave studio. The simulation results show that in a frequency range of 0.8–1.4 THz, the metasurface can convert the circularly polarized terahertz beam into a vortex beam with a different topological charge number. In addition, in order to illustrate that the metasurface designed can produce a higher topological charge number of vortex beam, a metasurface with a topological charge number of 3 is designed as an example. The reflection amplitude and phase of the circularly polarized THz beam at a frequency of 1.1 THz is simulated. The results show that the designed metasurface can produce a vortex beam with a topological charge number of 3. The higher topological charges of vortex beam can also be generated according to the corresponding phase arrangement. The device has a relatively wide operating bandwidth, simple structure, high conversion efficiency, and has the potential application in terahertz vortex beam generation.

Keywords: terahertz, vortex beam, broadband, metasurface

PACS: 81.05.Xj, 07.05.Tp, 03.65.Vf, 74.25.Uv

DOI: 10.7498/aps.68.20191055

^{*} Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 61575130).

[†] Corresponding author. E-mail: guozhong-zhao@126.com