# SHINE超导波荡器磁场点测量霍尔探头

## 位置标定

吴泽州<sup>1,2</sup> 张继东<sup>3</sup> 陈金雅<sup>1,2</sup> 周巧根<sup>1,3</sup>
 1(中国科学院上海应用物理研究所 上海 201800)
 2(中国科学院大学 北京 100049)
 3(中国科学院上海高等研究院 上海 201204)

**摘要** 正在建设的上海硬X射线自由电子激光装置(Shanghai HIgh repetitioN rate XFEL and Extreme light facility,SHINE)将利用40台周期长度为16 mm、磁长度为4 m、净气隙高度为4 mm的真空内超导波荡器,以产 生垂直线极化的自由电子激光。霍尔探头磁场测量是目前测量波荡器场图最可靠的测量方法之一,而霍尔探 头灵敏中心的定位精度是影响磁场测量精度的主要因素之一。本文介绍了这些超导波荡器的磁场点测量系 统,以及霍尔探头灵敏中心的高精度位置标定。通过翻转安装有霍尔探头与角锥棱镜的磁测滑车,可分别标定 霍尔探头灵敏中心以及角锥棱镜顶点和磁测滑车翻转轴的横向间距,从而获得霍尔探头灵敏中心彼此之间的 横向距离,以及霍尔探头灵敏中心与角锥棱镜顶点之间的横向距离。该方法的标定精度好于±10 μm,能满足该 超导波荡器磁场测量的要求。

关键词 超导波荡器,磁场点测量,三维激光定位 中图分类号 TL65<sup>+</sup>5 DOI: 10.11889/j.0253-3219.2023.hjs.46.090201

## Positional calibration of Hall probes for magnetic field measurement of a superconducting undulator in SHINE

WU Zezhou<sup>1,2</sup> ZHANG Jidong<sup>3</sup> CHEN Jinya<sup>1,2</sup> ZHOU Qiaogen<sup>1,3</sup>

1(Shanghai Institute of Applied Physics, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201800, China)
 2(University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)
 3(Shanghai Advanced Research Institute, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201204, China)

**Abstract [Background]** In the Shanghai High Repetition rate XFEL (X-ray free electron laser) and Extreme Light (SHINE) facility, the vertical linear polarization laser is generated by using 40 planar superconducting undulators (SCUs) with a period length of 16 mm, length of 4 m, and a gap of 4 mm. At present, the Hall probes are the most reliable method for measuring the undulator magnetic field whilst the positioning accuracy of the sensitive center of the Hall probe is one of the main factors affecting the accuracy of magnetic field measurement. **[Purpose]** This study aims to calibrate the position of the Hall probes' sensitive region for magnetic field measurements of SCU with high-precision. **[Methods]** The experimental platform for magnetic field point measurement of SCUs was introduced in

上海市市级科技重大专项(No.2017SHZDZX02)资助

第一作者: 吴泽州, 男, 1994年出生, 2016年毕业于东南大学成贤学院, 现为博士研究生, 研究领域为核技术及应用

通信作者: 周巧根, E-mail: zhouqiaogen@zjlab.org.cn

收稿日期: 2022-12-21, 修回日期: 2023-05-19

Supported by Shanghai Municipal Science and Technology Major Project (No.2017SHZDZX02)

First author: WU Zezhou, male, born in 1994, graduated from Chengxian College, Southeast University in 2016, doctoral student, focusing on nuclear technology and its applications

Corresponding author: ZHOU Qiaogen, E-mail: zhouqiaogen@zjlab.org.cn

Received date: 2022-12-21, revised date: 2023-05-19

details, a sledge with three mounted Hall probes and a retro-reflector were applied for magnetic field measurement. By flipping the sledge, the lateral distance between the sensitive centers of the Hall probe and each other were obtained, so did the lateral distance between the sensitive centers of the Hall probe and the apex of the pyramid prism. Therefore, the position of the Hall probes' sensitive region and center of the retro-reflector were calibrated. [Results & Conclusions] The positional calibration of the Hall probes has an accuracy higher than  $\pm 10 \mu m$ , which meets the requirements for magnetic field measurement.

Key words Superconducting undulator (SCU), Local magnetic field measurement, 3D laser positioning system

波荡器(Undulator)是一种由极性正负交替排列 的周期性磁体组成的装置。其基本原理:使在磁场 中运动的带电粒子受到一个横向力,带电粒子受横 向力的作用形成周期性的运动轨迹,进而产生强烈 的辐射。由于波荡器产生的这种辐射具有高度的准 直性和相干性,使其成为同步加速器光源和自由电 子激光器中的关键部件。波荡器中的磁体可以是永 磁体也可以是超导磁体,大多数安装在光源上的波 荡器使用的是永磁体。与永磁波荡器相比,超导波 荡器(Superconducting Undulator, SCU)可以在相同 周期下获得较高的峰值磁场,从而产生高亮度的X 射线<sup>[1]</sup>。到目前为止,磁体长度在2m以内的SCU 已由国内外多家单位研制成功并实现了在电子储存 环上的运行,如德国的ANKA(ANgstrom Source KArlsruhe)、美国的 APS (Advanced Photon Source) 等光源<sup>[2-4]</sup>,俄罗斯的BINP (Budker Institute of Nuclear Physics)研制了峰值磁场为1.2 T的SCU样 机<sup>[5]</sup>。低温、封闭的磁气隙是超导波荡器的特征之 一,对于超长磁体长度SCU的研制以及其磁场测量 技术目前尚不成熟。

针对超导波荡器磁测环境的特殊性,德国安卡 同步辐射光源(ANKA)和美国阿贡国家实验室的先 进光子源(Advanced Photon Source, APS)分别开发 了应用于超导波荡器的磁测系统。其中,ANKA光 源的磁测系统采用磁测滑车配合精密导轨的方案进 行磁场测量<sup>[6-8]</sup>,APS的超导波荡器采用带有束流真 空室的结构,通过一根长约2m的悬臂梁探杆进行 磁场测量<sup>[6-10]</sup>。正在研制的一台SHINE超导波荡器 样机SCU16,作为世界首台超长磁长度、超小磁气隙 的真空内超导波荡器,对其磁测系统提出了很高的 要求。本文主要介绍SCU16的霍尔探头磁场点测 量系统,以及霍尔探头灵敏中心的高精度位置标定。 高精度的磁场测量对波荡器的磁场标定和矫正具有 重要意义。

## 1 SCU16磁场点测量系统

霍尔探头点测量目前仍然是获得波荡器磁场最 可靠的一种测量手段,SCU16也采用霍尔探头作为 主要磁场测量工具。该超导波荡器没有束流真空 室,是一台净气隙高度仅为4mm、长度为4m的超 小间隙、超长长度的真空内超导波荡器。波荡器的 磁气隙为5mm,气隙内距左右磁极面0.5mm处悬 挂两片铜箔带用于屏蔽束流热负载<sup>[11]</sup>。磁场测量 时,装有霍尔探头的磁测滑车要通过这个狭长的气 隙进行磁场的on-fly点测量。磁测系统由霍尔探头 磁测滑车、三维激光定位系统以及运动控制和数据 采集系统等部分组成。

如图1所示,三枚Arepoc HHP-VU型霍尔探头 固定在一块长120 mm、宽46 mm、厚3.8 mm的G10 板(磁测滑车)上。其中y轴为波荡器水平方向,x轴 为波荡器竖直方向,z轴为波荡器长度方向,1号和2 号霍尔探头处于不同的y位置处,用于测量水平磁 场(主磁场),3号霍尔探头测量垂直磁场。磁测滑 车上除了安装霍尔探头外,还安装有温度传感器用 于测量滑车上的温度,磁测滑车尾部中心处装有直 径3 mm的角锥棱镜以便采用激光定位系统对磁测 滑车进行三维定位。



图 1 磁测滑车传感器布局图 Fig.1 Diagram of sensor layout for the magnetic field measurement sledge

理想情况下平面型波荡器气隙内的主磁场*B*, 满足以下关系:

$$B_{y}(y,z) = B_{y_{0}} \cosh\left(\frac{2\pi}{\lambda_{u}}(y-y_{0})\right) \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda_{u}}z\right) \quad (1)$$

式中:y<sub>0</sub>为磁中心平面在波荡器坐标系中的y轴坐标;B<sub>y0</sub>是磁中心轴线上的峰值磁场;λ<sub>u</sub>为波荡器的周期长度。实际波荡器气隙内的主磁场B<sub>y</sub>并不完全满足方程(1),但在中心平面附近B<sub>y</sub>随y的变化可

近似为 cosh 曲线。因此利用 y<sub>1</sub>和 y<sub>2</sub>两个位置处霍 尔探头测到的主磁场可以得到磁中心平面上的主 磁场:

 $B_{y_c}(z) =$ 

$$\frac{\sqrt{2B_{y1}(z)B_{y2}(z)\cosh\left(\frac{2\pi}{\lambda_{u}}\Delta y\right) - \left(B_{y1}^{2}(z) + B_{y2}^{2}(z)\right)}}{\left|\sinh\left(\frac{2\pi}{\lambda_{u}}\Delta y\right)\right|}$$
(2)

式中: $B_{y_1}(z)$ 和 $B_{y_2}(z)$ 分别为1号和2号霍尔探头所

测得的主磁场;Δy为两个霍尔探头灵敏中心y方向 的间距,可通过霍尔探头灵敏中心的位置标定得到。

通过标定霍尔探头灵敏中心与角锥棱镜顶点之间的位置关系,再利用外部三维激光定位系统测到的角锥棱镜顶点的运动轨迹,可间接测得霍尔探头灵敏中心在超导波荡器气隙中的精确位置。三维激光定位系统如图2所示,包括一套Keysight激光干涉仪、Basler CCD(Charge Coupled Device)相机、聚 焦透镜组以及其他光机组件。



图2 霍尔探头磁测滑车激光三维定位原理图 Fig.2 Principle schematic of the laser 3D-positioning of the magnetic field measurement sledge

3 mm 直径的激光束由激光器发出穿过光学玻 璃进入波荡器真空腔体,经过磁测滑车上的角锥棱 镜反射,在分光镜处一部分光束被投射到CCD相机 上,CCD相机上的图像用于确定角锥棱镜在波荡器 内横向位置的变化,根据角锥棱镜的特性可知光斑 在 CCD相机上的位移量是角锥棱镜顶点位移量的 两倍<sup>[12]</sup>,且与角锥棱镜在磁测滑车上的安装角度无 关,如图3所示。经过分光镜后的光束到激光干涉 仪的接收器用于测量角锥棱镜在波荡器内的纵向位 置,激光干涉仪同时给 CCD 相机、霍尔探头以及温 度探头的数据采集提供触发信号。



图3 水平方向角锥棱镜与CCD光点位移关系 Fig.3 Relationship between the retro-reflector and laser spot on the CCD in the horizontal direction

### 2 霍尔探头与角锥棱镜位置标定

霍尔探头灵敏中心以及角锥棱镜顶点的位置标 定基于这样一个原理,将磁测滑车绕其长度方向的 翻转轴做180°翻转,三枚霍尔探头和角锥棱镜将会 同时绕其翻转,如图4所示,磁测滑车上的十字交叉 点为霍尔探头灵敏中心点,其翻转前位置为(x<sub>1</sub>,y<sub>1</sub>), 翻转后位置为(x<sub>2</sub>,y<sub>2</sub>),则霍尔探头灵敏中心与磁测 滑车翻转轴距离分别为:

$$D_{x} = \frac{x_{1} - x_{2}}{2}$$

$$D_{y} = \frac{y_{1} - y_{2}}{2}$$
(3)

同理分别标定各霍尔探头灵敏中心以及角锥棱 镜顶点与磁测滑车翻转轴的位置关系,即可确定霍 尔探头灵敏中心与角锥棱镜顶点的位置关系。

#### 2.1 霍尔探头位置标定

采用一个长方体永磁块吸附在楔形块底部,如 图5所示,永磁块的磁化方向与楔形块底面垂直,对 霍尔探头灵敏中心位置与磁测滑车翻转轴的位置进 行标定。由于楔形块的特殊结构,其B<sub>y</sub>(平行于永磁 块磁化方向)沿x轴为对称分布,而B<sub>x</sub>沿x轴为反对



Fig.4 Schematic diagram of flipping calibration principle for Hall probes position

称分布, $B_x$ 的零点对应于 $B_y$ 的峰值点<sup>[13]</sup>。翻转前后,磁测滑车霍尔探头沿x轴测得 $B_x$ 的零点与 $B_y$ 的峰值点位置必将存在位置偏移,位置偏移量的二分之一为各个霍尔探头灵敏中心距离磁测滑车翻转轴的距离。

霍尔探头位置标定平台如图6所示,三维运动 平台与楔形磁块安装于同一大理石平台上,磁测滑 车通过夹具安装于三维运动平台上,磁测滑车安装



图 5 永磁块吸附的铁楔形块三维图 Fig.5 3D diagram of iron wedge-shaped block adsorbed by a permanent magnet block

面紧贴夹具的两个安装基准面,且运动平台配备有 RENISHAW公司RGH22系列光栅尺。使水平夹持 的磁测滑车在楔形磁块上方沿x方向扫过,如图6 (a)所示,三个霍尔探头测到的磁场分布如图7(a)所 示。将三维运动平台回到零位,磁测滑车翻转180° 重新装夹到三维运动平台上,磁测滑车扫过楔形块, 再次得到三个霍尔探头的磁场分布如图7(b)所示。 对1号和2号霍尔探头翻转前后所测得的磁场分布 进行插值得到的磁场峰值位置分别为y<sub>1</sub>、y<sub>2</sub>和y<sub>4</sub>、y<sub>5</sub>, 对3号霍尔探头翻转前后所测得的磁场分布进行插 值得到的磁场零点位置分别为y<sub>3</sub>和y<sub>6</sub>。以上测量进 行三次,结果如表1所示。





将磁测滑车垂直夹持,使其在楔形磁块上方沿x 方向扫过,如图6(b)所示,三个霍尔探头测到的磁 场分布如图7(c)所示。将三维运动平台回到零位, 磁测滑车翻转180°重新装夹到三维运动平台上,磁 测滑车扫过楔形块,再次得到三个霍尔探头的磁场 分布如图7(d)所示。对1号和2号霍尔探头翻转前 后所测得的磁场分布进行插值得到的磁场零点位置 分别为x<sub>1</sub>、x<sub>2</sub>和x<sub>4</sub>、x<sub>5</sub>,对3号霍尔探头翻转前后所测 得的磁场分布进行插值得到的磁场峰值位置分别为 x<sub>3</sub>和x<sub>6</sub>。同样,以上测量进行三次,结果如表2所示。

根据式(3)可得到各个霍尔探头的灵敏中心位

置和翻转轴的横向距离,见表3。同时得到1号霍尔 探头灵敏中心和2号霍尔探头灵敏中心x方向距离 为0.831 mm,y方向距离为-1.845 mm;1号霍尔探 头灵敏中心和3号霍尔探头灵敏中心x方向距离 为-0.28 mm,y方向距离为-1.767 mm。

## 2.2 角锥棱镜位置标定

角锥棱镜位置标定平台如图8所示,将磁测滑 车装夹在三维运动平台上,激光器发射激光由磁测 滑车上角锥棱镜反射经过分光镜到达CCD相机。

由图3可知,三维运动平台夹持磁测滑车沿x方向位移1时,光斑在CCD相机上沿z方向位移21。若



图7 三枚霍尔探头测量获得的磁场分布

(a)水平放置,(b)垂直放置,(c)水平放置、磁测滑车翻转180°,(d)垂直放置、磁测滑车翻转180°

Fig.7 Magnetic field distribution measured by the three Hall probes

(a) Horizontally-placed, (b) Vertically-placed, (c) Horizontally-placed with a flipped magnetic measuring sledge, (d) Vertically-placed with a flipped magnetic measuring sledge

表1	磁测滑车水平放置时,霍尔探头测得磁场分布峰值
	与零点的位置

Table 1 Peak and zero positions of the magnetic field distribution measured by the Hall probes on a horizontallyplaced sledge

次数	$x_1/mm$	$x_2/mm$	$x_3/$ mm	$x_4/$ mm	$x_5/mm$	$x_6/mm$
Times						
1	15.739	14.892	16.060	20.286	21.099	20.032
2	15.754	14.903	16.050	20.273	21.089	20.025
3	15.746	14.889	16.053	20.275	21.078	20.018

表2 磁测滑车竖直放置时,霍尔探头测得磁场分布峰值 与零点的位置

 
 Table 2
 Peak and zero positions of the magnetic field

 distribution measured by the Hall probes on a verticallyplaced sledge

次数	$y_1/mm$	$y_2/\mathrm{mm}$	$y_3/\mathrm{mm}$	$y_4/\mathrm{mm}$	$y_5/\mathrm{mm}$	$y_6/mm$
Times						
1	14.614	12.780	12.833	12.093	13.960	13.842
2	14.608	12.776	12.835	12.094	13.959	13.849
3	14.605	12.780	12.831	12.102	13.951	13.874

以相机上的像素pixel为单位,则CCD相机拍摄光斑 位置与磁测滑车位置关系如式(4)所示:

$$P_{zc} = a_z x_{\text{encoder}} + b_z$$

$$P_{yc} = a_y y_{\text{encoder}} + b_y$$
(4)

其中: $(P_{zc}, P_{yc})$ 为光斑质心所在CCD像面上的位置, 单位为像素 pixel,通过灰度质心法<sup>[14]</sup>求得,如式(5) 所示, $x_{encoder}$ , $y_{encoder}$ 分别为三维运动平台x轴和y轴光

表3 各个霍尔探头灵敏中心与翻转中心距离 Table 3 Position of the Hall probes' center of rotation and offset distance

放置方向	次数	距离	距离	距离
Placement	Times	$D_{xl}(D_{yl})$	$D_{x2}(D_{y2})$	$D_{x3}(D_{y3})$
direction		/ mm	/ mm	/ mm
水平放置	1	-2.274	-3.104	-1.986
Horizontal	2	-2.260	-3.093	-1.988
	3	-2.264	-3.095	-1.983
	均值Mean	-2.266	-3.097	-1.986
竖直放置	1	-1.260	0.590	0.505
Vertical	2	-1.257	0.592	0.507
	3	-1.251	0.586	0.521
	均值Mean	-1.256	0.589	0.511





栅尺读数,单位为mm。 $a_z$ 、 $a_y$ 分别为两个方向上光 斑与磁测滑车实际位移比例,单位为像素•mm<sup>-1</sup>,  $b_z$ , $b_y$ 为磁测滑车起始位置处CCD相机拍摄的光斑 位置与磁测滑车位置的偏置,单位为像素。

$$P_{zc} = \frac{\sum_{i,j} (i \times I(i,j))}{\sum_{i,j} I(i,j)}$$

$$P_{yc} = \frac{\sum_{i,j} (j \times I(i,j))}{\sum I(i,j)}$$
(5)

其中:I(i,j)为图片中像素点(i,j)位置处的灰度值。

移动三维运动平台将激光移入磁测滑车角锥棱 镜中,并沿着x方向间隔111µm拍摄3组照片,每组 拍摄50张照片,通过对每组照片的质心点取平均 值。将磁测滑车翻转后继续拍摄3组照片,同时光 栅尺坐标零点与翻转前保持一致,计算得到翻转前 后光斑图像质心点与角锥棱镜顶点位移的线性关系 曲线如图9所示。



图 9 翻转前(a)、后(b)磁测滑车位置与质心点坐标线性曲线 Fig.9 Linear curve of the sledge displacement before (a) and after (b) sledge flipping and the coordinates of the centroid position

翻转前后通过拟合得到线性方程如式(6)所示:

$$P_{zc} = -265.776x_{encoder} + 3297.590$$

$$P_{zc} = -265.776(x_{encoder} - 2D_{xc}) + 4331.653$$
(6)

可得翻转前后角锥棱镜顶点在x方向上位置变 化为 $2D_{xc}$ 为 – 3.892 mm。同理,翻转前后角锥棱镜 顶点在y方向上位置变化 $2D_{yc}$ 为 – 0.1 mm。

由上述标定流程结合表3结果可知,角锥棱镜顶点与磁测滑车翻转轴在x方向距离为-1.945 mm,y方向距离为-0.050 mm。1号、2号和3号霍尔探头与角锥棱镜顶点在x方向的距离分别为-0.321 mm、-1.152 mm和-0.041 mm,在y方向的距离分别为-1.206 mm、0.639 mm和0.561 mm。

## 3 标定误差分析

影响霍尔探头灵敏中心标定误差主要是受两个 方面的影响:一是磁测滑车翻转前后对应的安装面 的不平行度;二是三维运动平台x轴向的运动导轨 与楔形磁块x轴的不平行度。角锥棱镜位置的标定 误差主要来源于是地面振动以及空气扰动造成的光 斑定位误差,通过多次测量求平均可以消除由此带 来的标定误差。

#### 3.1 磁测滑车加工误差

由于磁测滑车安装到夹具的安装平面存在平行 度误差,翻转前后霍尔探头所测到的磁场分量略有 不同,导致测到的垂直磁场峰值位置和水平磁场零 点位置产生误差。磁测滑车宽为46mm,安装面的 平行度为0.02 mm,因此,翻转前后霍尔探头的方位 面变化范围在±0.43 mrad内。通过Radia程序可仿 真得到这个误差。楔形磁块在两种高度(5.5 mm和 23.5 mm)的水平面上产生的垂直磁场分量B,和水 平磁场分量 $B_r$ 的分布如图10(a)和(c)所示。按翻 转后霍尔探头的方位面变化 $\theta = 0.43 \text{ mrad}, 位置高$ 度变化2mm估算,霍尔探头所测到的磁场垂直平分 量和水平分量分别为- $B_y$ + $\theta B_x$ 和- $B_x$ + $\theta B_y$ ,其分 布如图10(b)和(d)所示。从这些模拟结果可以看 到,安装面的平行度误差产生的垂直磁场峰值位置 的偏差为7µm,产生的水平磁场零点位置的偏差为 16 µm,由此产生的1号和2号霍尔探头灵敏中心的 标定误差在x方向为 $\pm 3.5 \mu m$ ,在v方向为 $\pm 8 \mu m$ , 3号霍尔探头灵敏中心的标定误差在x方向为 ±8 µm,在y方向为±3.5 µm。

### 3.2 三维运动平台导轨安装误差

如图11所示,三维运动平台x轴向的运动导轨





与楔形磁块x轴的不平行,导致霍尔探头在不同高 度测得的垂直磁场峰值位置和水平磁场零点位置产 生误差。测得三维运动平台的运动坐标系与楔形磁 块x轴夹角在2mrad以内,且翻转前后霍尔探头敏 感中心高度差为2mm左右,由此引起的霍尔探头灵 敏中心与磁测滑车翻转轴标定误差大约为±2μm。





#### 3.3 标定误差对磁场测量的影响

波荡器磁场测量时,霍尔探头的测量位置是基 于角锥棱镜的位置进行定位的,霍尔探头相对角锥 棱镜的标定误差将直接影响到霍尔探头在波荡器气 隙内的绝对位置,从而影响波荡器磁中心的标定。 波荡器磁中心的标定误差一般要求为几十微米,从 以上分析可以得到,本文给出的霍尔探头相对角锥 棱镜的标定误差小于±10μm,能满足磁中心标定的 要求。

通过对1号和2号霍尔探头之间y方向的间距  $\Delta y$ 做标定,可以利用式(2)计算得到磁中心轴上的  $B_y$ 分布,显然 $\Delta y$ 的标定误差将引起磁中心轴线上 $B_y$ 的测量误差。从以上分析可知,1号和2号霍尔探头 灵敏中心在y方向的间隔 $\Delta y$ 为1.845 mm,标定误差 不超过±20 µm。如果磁测滑车在沿z方向测量过程 中其横向位置不变,这一标定误差会对磁中心轴上  $B_y$ 的测量产生一个系统误差,利用式(2)可以估算得 到这个系统误差约为±1‰。由于测量气隙为4 mm, 磁测滑车的厚度为3.8 mm,因此磁测滑车在气隙内 的横向位置会有±0.1 mm的变化,这将使磁中心轴 上 $B_y$ 的测量产生一个随机误差。利用式(2)可以估 算得到这一随机误差大约为±1‰,能满足波荡器磁 场测量的要求。

## 4 结语

本文主要介绍了 SHINE 超导波荡器磁场点测 量系统中霍尔探头灵敏中心的高精度位置标定,通 过翻转法将霍尔探头灵敏中心与角锥棱镜顶点建立 位置关系,借助楔形磁块的特殊磁场以及三维激光 定位平台分别对霍尔探头灵敏中心以及角锥镜顶点 位置进行了标定,并对标定结果进行了误差分析,分 析结果表明霍尔探头灵敏中心相对于角锥棱镜顶点 标定精度好于±10 µm,满足 SHINE 超导波荡器点测 过程中霍尔探头灵敏中心轨迹的高精度测量要求。

**作者贡献声明** 吴泽州负责研究的提出及设计、数据的处理和整理起草论文并完成后续修订;张继东负责测控系统搭建;陈金雅协助误差分析;周巧根指导实验,指导并协助论文写作与修改。

### 参考文献

- Casalbuoni S, Glamann N, Grau A W, et al. 2.2 Superconducting Undulator Activities at KIT[J]. [ED/OL].
   [2019-12-01]. https://www.researchgate.net/publication/ 340477588\_SUPERCONDUCTING\_UNDULATOR\_AC TIVITIES AT KIT.
- 2 Emma P, Holtkamp N R, Nuhn H D, et al. A plan for the development of superconducting undulator prototypes for LCLS-II and future FELs[C]//Proceedings of 36th FEL Conference, Switzerland, 2014.
- 3 Casalbuoni S, Grau A, Hagelstein M, et al. Beam heat load measurements in the cold bore superconductive undulator in ANKA[J]. Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment, 2007, 582(1): 34 - 36. DOI: 10.1016/j.nima.2007.08.055.
- 4 Hasse Q, Fuerst J D, Ivanyushenkov Y, et al. Fabrication and assembly of a superconducting undulator for the advanced photon source[C]//AIP Conference Proceedings. Anchorage, Alaska, USA. AIP Publishing LLC, 2014: 1573(1): 392 - 399. DOI: 10.1063/1.4860728.
- 5 Mezentsev N, Khrushchev S, Shkaruba V, et al. Planar superconducting undulator with neutral poles[C]. 25th Russian Particle Accelerator Conference (RuPAC'16), JACOW, Geneva, 2017: 21 - 23.
- 6 Grau A, Baumbach T, Casalbuoni S, *et al.* Cryogen—free setup for local and integral magnetic field measurements of superconducting undulator coils[J]. IEEE Transactions on Applied Superconductivity, 2012, **22**(3): 9001504. DOI: 10.1109/TASC.2011.2179699.
- 7 Gerstl S, Boffo C, Casalbuoni S, et al. First characterization of a superconducting undulator mockup with the CASPER II magnetic measurement system[C]. Proceedings of the 6th International Particle Accelerator

Conference: (IPAC 2015): Richmond, Virginia, USA : 3rd-8th May 2015. JACOW, Geneva, Switzerland, 2015. DOI: 10.18429/JACoW-IPAC2015-WEPMA027.

- Grau A, Casalbuoni S, Gerstl S, *et al.* Characterization of 30-cm-long superconducting undulator coils with the magnetic measurement system CASPER II[J]. IEEE Transactions on Applied Superconductivity, 2016, 26(4): 1 4. DOI: 10.1109/TASC.2016.2523806.
- 9 Doose C, Kasa M. Magnetic Measurements of the First Superconducting Undulator (SCU) at the Advanced Photon Source[ED/OL]. [2013-09-16]. https://accelconf. web.cern.ch/pac2013/papers/thpba06.pdf.
- 10 Abliz M, Vasserman I, Ivanyushenkov Y, et al. Temperature-dependent calibration of hall probes at cryogenic temperature[ED/OL]. [2012-01-26]. https:// accelconf.web.cern.ch/pac2011/papers/tup219.pdf.
- 11 汤启升,周巧根,吴腾马,等. SHINE超导波荡器样机电流引线冷却设计及测试[J].核技术,2022,45(11):110101. DOI: 10.11889/j.0253-3219.2022.hjs.45.110101.
  TANG Qisheng, ZHOU Qiaogen, WU Tengma, *et al.* Cooling design and test for current leads of SHINE superconducting undulator prototype[J]. Nuclear Techniques, 2022, 45(11): 110101. DOI: 10.11889/j.0253-3219.2022.hjs.45.110101.
- 12 焦仲科, 岳永坚. 角锥棱镜的入射角及有效反射面积分析 [J]. 半导体光电, 2014, 35(5): 811 816. DOI: 10. 16818/j.issn1001-5868.2014.05.015.
  JIAO Zhongke, YUE Yongjian. Analysis on the maximum incident angle and effective reflection area of cube corner retro-reflector[J]. Semiconductor Optoelectronics, 2014, 35(5): 811 816. DOI: 10.16818/j.issn1001-5868.2014. 05.015.
- 张伟,周巧根,王宏飞,等.三维高精度霍尔探头的位置 和角度标定[J].核技术,2010,33(11):801-805.
   ZHANG Wei, ZHOU Qiaogen, WANG Hongfei, *et al.* Calibration for the non-alignment and the nonorthogonality of a 3D hall-probe[J]. Nuclear Techniques, 2010,33(11):801-805.
- 14 van Assen H C, Egmont-Petersen M, Reiber J H C. Accurate object localization in gray level images using the center of gravity measure: accuracy versus precision [J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2002, 11 (12): 1379 1384. DOI: 10.1109/TIP.2002.806250.