同位旋标量对力对⁴²Ca中自旋-同位旋 跃迁的影响

郭亮^{1,2} 牛一斐^{1,2}
 1(兰州大学核科学与技术学院 兰州 730000)
 2(兰州大学稀有同位素前沿科学中心 兰州 730000)

摘要 本文利用相对论准粒子无规相位近似(Quasiparticle Random Phase Approximation,QRPA)模型研究了高 斯型同位旋标量对力对原子核"Ca中β"方向的伽莫夫-泰勒(Gamow-Teller,GT)和自旋-偶极(Spin-dipole,SD) 跃迁的影响。结果表明:同位旋标量对力对于恢复SU(4)对称性从而重现实验上"Ca的低能量超级GT态至关 重要。同位旋标量对力会使自旋反转的跃迁组分混合进入低能量GT态,从而增强低能量GT态的集体性,极大 地增加其跃迁强度。同时,由于同位旋标量对力具有吸引性质,会减小低能量GT态的激发能。对于SD跃迁, 同位旋标量对力对其激发能和跃迁强度的影响均不明显。

关键词 协变密度泛函理论,准粒子无规相位近似,同位旋标量对力,自旋-同位旋激发 中图分类号 TL99

DOI: 10.11889/j.0253-3219.2023.hjs.46.080019

关联视频 DOI: 10.12351/ks.2208.0193



Effects of isoscalar pairing force on spin-isospin transitions in ⁴²Ca

GUO Liang^{1,2} NIU Yifei^{1,2}

1(School of Nuclear Science and Technology, Lanzhou University, Lanzhou 730000, China) 2(Frontiers Science Center for Rare isotopes, Lanzhou University, Lanzhou 730000, China)

Abstract [Background] Isoscalar pairing plays an important role in the spin-isospin excitation of nuclei. The discovery of super Gamow-Teller (GT) states in $N \approx Z$ nuclei has motivated researchers to explore the effects of isoscalar pairing on spin-isospin excitations. [Purpose] This study aims to investigate the effects of the isoscalar pairing interaction on GT and spin-dipole (SD) transitions in ⁴²Ca. [Methods] By solving the relativistic Hartree-Bogoliubov equation, we obtained the canonical single-nucleon basis and occupation amplitudes, which were used as inputs for the quasiparticle phase-random approximation (QRPA) calculation. Using the QRPA model, the GT and SD transitions in ⁴²Ca were calculated, where the Gaussian isoscalar pairing force was adopted, with its strength being a free parameter. [Results] For GT states, the isoscalar pairing mixed the spin-flip transition configuration into the low-lying GT state, enhancing the collectivity of the low-energy GT state and significantly increasing its transition strength. Meanwhile, the isoscalar pairing force induced a shift of the low-energy GT state toward lower energies owing to the attractive properties of the isoscalar pairing force. For SD states, the isoscalar pairing force hardly

国家重点研发计划(No.2021YFA1601500)、国家自然科学基金(No.12075104)资助

第一作者: 郭亮, 男, 1997年出生, 2020年毕业于兰州大学, 现为博士研究生, 研究领域为原子核结构

通信作者: 牛一斐, E-mail: niuyf@lzu.edu.cn

收稿日期: 2023-02-28, 修回日期: 2023-06-03

Supported by National Key Research and Development (R&D) Program (No.2021YFA1601500), National Natural Science Foundation of China (No. 12075104)

First author: GUO Liang, male, born in 1997, graduated from Lanzhou University in 2020, doctoral student, focusing on nuclear structure Corresponding author: NIU Yifei, E-mail: niuyf@lzu.edu.cn

Received date: 2023-02-28, revised date: 2023-06-03

affected the strengths and energies of SD states in ⁴²Ca. **[Conclusions]** Isoscalar pairing force was essential for restoring the SU(4) symmetry and hence reproducing the low-energy super GT state of ⁴²Ca in the experiment, whereas it hardly affected the SD states.

Key words Covariant density-functional theory, QRPA model, Isoscalar pairing force, Spin-isospin excitation

在多体关联体系中,配对是一种普遍存在的现 象。对于由质子和中子通过强相互作用[1-2]组成的 原子核体系,核子之间的对相互作用可分为同位旋 矢量(T = 1)与同位旋标量(T = 0)道。同位旋矢量 对相互作用存在于质子-质子、中子-中子与质子-中 子之间,其中,质子-质子与中子-中子间的对相互作 用[3]对开壳核大块性质的描述[4-5]以及弱束缚体系的 形成[6-8]十分重要。由于核力[9]的电荷无关性,同位 旋矢量的质子-中子对力应等于质子-质子或中子-中 子之间的对力[10]。同位旋标量对相互作用则仅存在 于质子-中子之间,目前实验上还没有能够直接联系 同位旋标量对力的可观测量。对于质子数与中子数 不相等 $(N \neq Z)$ 的体系,由于质子与中子的费米面位 于不同的单粒子轨道,原子核基态的质子-中子对力 通常不起作用。然而,对于原子核的自旋-同位旋激 发,即使对于 $N \neq Z$ 的体系,也需要考虑质子-中子对 相互作用[10]。

原子核的自旋-同位旋激发可以对核力信息提 供有效限制。原子核自旋-同位旋激发的主要模式 包括伽莫夫-泰勒(Gamow-Teller,GT)激发和自旋-偶极(Spin-dipole, SD)激发。实验上, Fujita等^[11-12] 通过电荷交换实验⁴²Ca→⁴²Sc发现,其GT跃迁的大 部分跃迁强度集中在⁴²Sc位于0.6 MeV的最低激发 态,从而发现了低能量GT声子激发的存在。这反 映了42Ca中SU(4)对称性的恢复,这一低能量激发 杰被称为超级GT杰。为了解释这一实验现象,Bai 等^[13]利用自洽的 Skyrme Hartree-Fock-Bogoliubov+ 准粒子无规相位近似(SHFB+QRPA(Quasi-particle Random Phase Approximation))模型进行计算,表明 了同位旋标量对力的引入能够重现42Sc中低能量超 级GT态。Sun等^[14]通过大规模壳模型计算也得出 了相同的结论,即同位旋标量对力对于42Sc中1;态 的形成十分重要。对于原子核中的SD跃迁,同位旋 标量对力的研究尚十分缺乏。Yoshida等^[15]采用三 体模型研究了零程同位旋标量对力对 SD 跃迁强度 分布的影响,表明同位旋标量对力对于SD跃迁中具 有较高轨道角动量目主量子数相同的组态影响 较大。

无规相位近似(Random Phase Approximation, RPA)理论可以研究核素图上除少数轻核之外的所 有原子核,被广泛应用于原子核集体激发的研究。 在RPA理论中,模型的自治性要求采用同一个能量 密度泛函对原子核的基态和激发态进行描述。自洽 性是恢复被平均场近似破坏的对称性、去除物理激 发态中的假态以及将理论结果外推到实验未知区域 的关键^[16-17]。根据不同的密度泛函, RPA 理论可分 为非相对论 RPA^[18-21]和相对论 RPA^[22-24]。协变密度 泛函理论对于原子核的基态和激发态的研究都取得 了巨大的成功^[25-29]。基于相对论Hartree-Bogoliubov (RHB)或相对论 Hartree-Fock-Bogoliubov (RHFB) 模型,建立了质子-中子QRPA模型^[30-31],并探讨了同 位旋标量对力对GT跃迁^[30-33]与β衰变的影响^[32-35]。 然而,同位旋标量对力对SD跃迁的影响以及 $N \approx Z$ 原子核中的低能量超级GT态尚未被研究。因此, 本文将利用 RHB+QRPA 模型研究同位旋标量对力 对⁴²Ca中 β ⁻方向的GT(GT)跃迁和SD(SD⁻)跃迁的 影响。

1 理论框架

1.1 QRPA方程

相对论的 QRPA 方程可以由时间依赖的 RHB 模型通过小振幅近似得到^[23],其等价于线性 Bethe-Salpeter 方程^[17]。线性 Bethe-Salpeter 方程在动量空 间或坐标空间为积分方程。由于 QRPA 方程一般写 在正则单粒子基空间,此时积分变为了对正则基指 标的求和。对于球形偶偶核,角动量耦合形式的质 子-中子相对论 QRPA(PNQRPA)方程可写为:

$$\begin{pmatrix} \mathcal{A}_{pn,p'n'}^{J} & \mathcal{B}_{pn,p'n'}^{J} \\ -\mathcal{B}_{pn,p'n'}^{J} & -\mathcal{A}_{pn,p'n'}^{J} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X_{p'n'}^{\vee J} \\ Y_{p'n'}^{\vee J} \end{pmatrix} = E_{\nu} \begin{pmatrix} X_{pn}^{\vee J} \\ Y_{pn'}^{\vee J} \end{pmatrix}$$
(1)

矩阵 \mathcal{A}' 和 \mathcal{B}' 的矩阵元在正则基下的表达式为 $\mathcal{A}_{pn,p'n'}^{J} = H_{pp'}^{11}\delta_{nn'} + H_{m'}^{11}\delta_{pp'} +$

$$(u_{p}v_{n}u_{p'}v_{n'} + v_{p}u_{n}v_{p'}u_{n'})V_{pn',np'}^{PHJ} + (2)$$
$$(u_{p}u_{n}u_{p}u_{n'} + v_{p}v_{n}v_{p'}v_{n'})V_{pn,p'n'}^{PPJ}$$

$$\mathcal{B}_{pn,p'n'}^{J} = (u_{p}v_{n}v_{p'}u_{n'} + v_{p}u_{n}u_{p'}v_{n'})V_{pn',pp'}^{PHJ} - (u_{p}u_{n}v_{p'}v_{n'} + v_{p}v_{n}u_{p'}u_{n'})V_{pn,pn'}^{PPJ}$$
(3)

其中: $p \pi n \beta$ 别表示正则基下的质子态和中子态; $u_{p,n} \pi v_{p,n}$ 为正则基下单粒子轨道的非占据与占据振幅; $H_{pp'} \pi H_{nn'}$ 由单核子哈密顿量 h_{D} 以及对场 Δ 组成,其形式为($\kappa\kappa' = pp'$ 或者nn')。

$$H_{\kappa\kappa'}^{11} = (u_{\kappa}u_{\kappa'} - v_{\kappa}v_{\kappa'})h_{\kappa\kappa'} - (u_{\kappa}v_{\kappa'} + v_{\kappa}u_{\kappa'})\varDelta_{\kappa\kappa'} \quad (4)$$

为了保证QRPA模型的完备性,其组态空间不 仅考虑了来自费米海中的质子-中子对,还包含了由 费米海中完全占据或部分占据态与狄拉克海中的负 能态所组成的质子-中子对。狄拉克海中负能态的 组态的考虑对于 Ikeda 求和规则的满足十分重 要^[36,30]。在PNQRPA方程(1)中, E_v 为激发态 $|vJ\rangle$ 的 本征能量,而X^{wl}和Y^{wl}则为激发态|vJ〉的两准粒子 跃迁振幅。矩阵 A'和 B'中的 VPH 为质子和中子 之间的粒子-空穴剩余相互作用矩阵元,由单粒子哈 密顿量对质子中子密度 ρ_m 求导得到。在RHB计算 中,当不包含Fock项时,由于宇称守恒, π 介子的贡 献为0。然而对于自旋自由度相关的激发,π介子的 贡献十分重要,因此被包含在ORPA计算中。为了 消除由于引入π介子产生的发散项,需引入零程的 Landau-Migdal项,其强度g'为自由参数,可以通过 重现²⁰⁸Pb的GT共振能量来确定。对于相互作用 DD-ME2^[37], g' = 0.52。 $V_{pm,p'n'}^{PP}$ 为质子和中子之间的 粒子-粒子剩余相互作用矩阵元。对于同位旋矢量 道(T=1),采用了与RHB模型中相同的对相互作 用形式,即Gogny对力,选取的参数组为D1S^[38]。对 于同位旋标量道(T=0),我们采用了高斯型对相互 作用[10]:

$$V_{12} = -V_0 \sum_{j=1}^{2} g_j e^{-[(r_1 - r_2)^2/\mu_j^2]} \hat{\prod}_{S=1,T=0}$$
(5)

其中: $\mu_1 = 1.2 \text{ fm}, \mu_2 = 0.7 \text{ fm}, g_1 = 1, g_2 = -2$ 。 $\hat{\Pi}_{S=1,T=0}$ 为投影到具有量子数 $S = 1 \approx T = 0$ 的质子-中子耦合态的投影算符; V_0 表示同位旋标量对力的 强度。由于正则单粒子波函数一般写在坐标空间, 故剩余相互作用矩阵元的计算需要对坐标进行积 分,该积分由径向积分与角向积分的乘积所组成。

1.2 跃迁强度

通过求解 QRPA 方程(1),可将由 β ⁻方向的自旋-同位旋算符 \hat{T}_{\cdot} 所引发的跃迁强度表示为:

$$B_{-}^{vJ} = |\sum_{pn} (X_{pn}^{vJ} u_{p} v_{n} + Y_{pn}^{vJ} v_{p} u_{n})|^{2}$$
(6)

为了得到连续的响应函数*R*(*E*),我们可以引入 洛伦兹函数平滑分离的跃迁强度*B*,:

$$R(E)^{-} = \sum_{\nu} B_{-}^{\nu J} \frac{\Gamma/2\pi}{(E - E_{\nu})^{2} + \Gamma^{2}/4}$$
(7)

式中: Γ 为平滑宽度,在计算中取为1 MeV。对于 β -方向的跃迁,可以定义某一组态对应的跃迁振幅^[13]:

$$A_{pn} = \langle p \| \hat{T}_{-}^{J} \| n \rangle (X_{pn}^{\nu J} u_{p} v_{n} + Y_{pn}^{\nu J} v_{p} u_{n})$$
(8)

对于给定的原子核激发态,该跃迁振幅可以用 来评估其中某一质子-中子组态的贡献。

对于GT-跃迁和SD-跃迁,相应的自旋-同位旋

算符分别为[39-40]:

$$\hat{T}_{GT} = \sum_{i} \sigma(i) \tau_{-}(i)$$

$$\hat{T}_{SD} = \sum_{i} r_{i} [\sigma(i) \otimes Y_{1}(i)]_{J=0,1,2} \tau_{-}(i)$$
(9)

2 结果和讨论

利用 QRPA 模型,我们计算得到了⁴²Ca中GT跃 迁和 SD 跃迁强度分布。对于基态 RHB 方程的求 解,我们采用了球谐振子基,并将谐振子的主壳层数 取为 20。在 QRPA 模型中,对于来自 Fermi 海和 Dirac 海的组态的能量截断分别取为 200 MeV 和 2 000 MeV,占据因子乘积 u_pv_n或者 u_nv_p的最低截断 取为 0.01。

2.1 GT跃迁

图1给出了不同同位旋标量对力强度下⁴²Ca中 GT-跃迁的强度分布。该结果由RHB+QRPA模型计 算得到,采用的相互作用为DD-ME2,同位旋标量对 力强度分别取为 V₀=0 MeV, 100 MeV, 200 MeV, 250 MeV。当同位旋标量对力强度取为0时,出现了 两个GT激发态,分别位于能量8.12 MeV和 15.46 MeV,在图中分别标记为A和B。当同位旋标 量对力的强度取为100 MeV时,出现了位于能量 13.62 MeV的GT激发态,标记为C,此时,激发态B 的强度明显下降,而激发态A的强度则有所上升,且 其激发能向低能量处移动。随着同位旋标量对力强 度继续增加到200 MeV,GT激发态A的强度进一步 上升,其激发能也朝着更低能量处移动。对于GT 激发态C,其强度出现了下降现象,并且其激发能也 随之降低。而对于激发态B,其强度和激发能的变 化都很小。当同位旋标量对力强度增强到250 MeV 时,激发态A的强度继续上升,其激发能也继续朝着 更低能量处移动,而激发态C几乎消失不见。图1 中同时给出了实验上发现的低能量超级GT态^[11-12]。 当同位旋标量对力强度取为200 MeV时,GT态的 强度主要集中于激发态A处,与实验符合较好,这表 明同位旋标量对力的引入可以重现实验上的低能量 超级GT态,从而恢复⁴²Ca中SU(4)对称性。然而, 此时的能量相比于实验过低,这可能是由于粒子-空 穴道相互作用洗取的原因。

为了理解⁴²Ca中GT跃迁强度分布随着同位旋标量对力强度的演化行为,我们对各激发态的组态进行了分析。在图1中,GT激发态A、B、C的主要两准粒子组态分别为(vlf₇₂,πlf₁₂)、(vlf₁₂,πlf₅₂)和(vlf₅₂,πlf₇₂)。根据式(2),粒子-空穴剩余相互作用与粒子-粒子剩余相互作用部分的贡献分别与矩阵



图1 基于 RHB+QRPA 模型,采用 DD-ME2 相互作用得到 的⁴²Ca的GT 跃迁强度分布与实验^[7-8]的比较 Fig.1 GT⁻ strength distributions in ⁴²Ca obtained *via* RHB+ QRPA calculations for the DD-ME2 interaction in comparison with experimental results^[7-8]

系 数 cfph= $v_p u_n v_{p'} u_{n'} + u_p v_n u_{p'} v_{n'}$ \mathcal{A}^{\prime} 中 和 cfpp= $u_p u_n u_{p'} u_{n'} + v_p v_n v_{p'}$ 的大小有关。表1给出了 由组态 ($vlf_{7/2}, \pi lf_{7/2}$)、($vlf_{7/2}, \pi lf_{5/2}$)和 ($vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2}$) 组成的pnp'n'两体矩阵元的系数cfph和cfpp。从表 1中可以看出,GT激发态C的主要两准粒子组态 $(vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2})$ 相关的剩余相互作用矩阵元系数 cfpp 远大于 cfph,这表明该组态主要受粒子-粒子剩余相 互作用的影响,而受粒子-空穴剩余相互作用的影响 较小。当不考虑同位旋标量对力时,即 V=0 MeV, 组态 $(vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2})$ 相关的QRPA矩阵非对角元很小, 因此,该组态与其他组态不发生混合。由于该组态 对应的占据因子乘积u,v,仅为0.08,故该组态贡献 的跃迁强度很小,GT激发态C的跃迁强度几 乎为0。

表1 基于 RHB+QRPA 模型,采用 DD-ME2 相互作用得到 的剩余相互作用矩阵元对应的系数 cfph 和 cfpp Table 1 Coefficients cfph and cfpp in front of the residual interaction matrix elements obtained using the RHB+QRPA model for the DD-ME2 interaction

pnp'n'	cfph	cfpp	
$\overline{(vlf_{7/2},\pi lf_{5/2};vlf_{7/2},\pi lf_{5/2})}$	0.25	0.75	
$(v l f_{5/2}, \pi l f_{7/2}; v l f_{7/2}, \pi l f_{5/2})$	0.04	0.86	
$(vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2}; vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2})$	0.01	0.99	
$(v l f_{7/2}, \pi l f_{7/2}; v l f_{7/2}, \pi l f_{5/2})$	0.25	0.75	
$(vlf_{7/2}, \pi lf_{7/2}; vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2})$	0.04	0.86	
$(v l f_{7/2}, \pi l f_{7/2}; v l f_{7/2}, \pi l f_{7/2})$	0.25	0.75	

当 V_0 =100 MeV时,两准粒子组态($vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2}$) 相关的QRPA矩阵非对角元增大,使得GT激发态C 的主要组分($vlf_{5/2}, \pi lf_{7/2}$)与激发态B的主要组分 ($vlf_{7/2}, \pi lf_{5/2}$)构成的QRPA矩阵非对角元增大,导致 激发态C与B的组分发生相互混合,从而激发态C 的跃迁强度增加,激发态B的跃迁强度降低。同时, 同位旋标量对力的增强也会使得 GT 激发态 A 的主要组分(vlf_{7/2}, πlf_{7/2})与 GT 激发态 B 的主要组分(vlf_{7/2}, πlf_{5/2})构成的 QRPA 矩阵非对角元增大,从而使激发态 A 与 B 的组分发生相互混合,导致激发态 A 的跃迁强度增加。此外,由于同位旋标量对力的吸引性质,其贡献的粒子-粒子剩余相互作用矩阵的对角元小于 0,使得激发态 A 和 B 朝着低能量处移动。然而,对于激发态 B,由组态(vlf_{7/2}, πlf_{5/2})和组态(vlf_{5/2}, πlf_{7/2})构成的 QRPA 矩阵非对角元大于 0,抵消了大部分 QRPA 矩阵对角元的减小,因此激发态 B 的能量移动很小。

当同位旋标量对力增强到200 MeV时,激发态 A中组态(vlf₇₂,πlf₅₂)的混合占比继续增大,其激发 强度也进一步增强。粒子-粒子剩余相互作用矩阵 元进一步减小,激发态A的激发能也进一步降低。 同时,激发态C中进一步混入了激发态A的主要组 态(vlf₇₂,πlf₁₂),由于该组态贡献的跃迁振幅与激发 态B的主要组分(vlf₇₂,πlf₅₂)贡献的跃迁振幅相位 相反,从而使得态C的跃迁强度降低。而同位旋标 量对力的吸引性质同样会使得激发态C的激发能 降低。

当同位旋标量对力强度增强到250 MeV时,由 于相同的原因,态A的跃迁强度变得更强,态C的跃 迁强度变得更小,他们的激发能也变得更低。

为了考察模型相关性,我们还采用了相对论点 耦合相互作用 PC-PK1 进行了同样的计算,其结果 表明,同位旋标量对力对⁴²Ca中GT态的影响与 DD-ME2 相互作用是一致的。而两者的区别在于⁴²Ca中 GT态的高能峰与低能峰的激发能量和跃迁强度不 一样,这与剩余相互作用矩阵元的模型依赖性有关。

2.2 SD跃迁

为了研究同位旋标量对力对⁴²Ca中SD⁻跃迁的 影响,图2给出了0⁻、1⁻和2⁻跃迁在不同同位旋标量 对力强度下的强度分布。该结果同样由RHB+ QRPA模型计算得到,并采用了DD-ME2相互作用, 同位旋标量对力强度分别取为0 MeV、150 MeV、 300 MeV和500 MeV。可以看出,随着同位旋标量 对力强度的增强,0⁻、1⁻和2⁻跃迁的强度分布变化较 小。这是因为⁴²Ca中SD⁻主要跃迁组态所构成的粒 子-粒子剩余相互作用矩阵元都比较小,因此,当改 变同位旋标量对力强度时,QRPA矩阵元的变化很 小,从而导致最终SD⁻跃迁中各峰的强度以及激发 能的变化不大。其中,0⁻和1⁻跃迁中主峰的主要组 态为(v1d₅₂, π1f₅₂),而2⁻跃迁中主峰的主要组态为 (v1d₅₂, π1f₇₂)。此外,当同位旋标量对力强度非常 大,取为500 MeV时,0⁻和1⁻跃迁中才会发生一定程 度的组分混合,导致低能区出现了新的低强度小峰。 其中0⁻跃迁中该峰的主要组分为($v1f_{1/2}, \pi 2g_{1/2}$),1⁻跃 迁 中 该 峰 的 主 要 组 分 为 ($v1f_{1/2}, \pi 1g_{1/2}$) 和 ($v1f_{1/2}, \pi 2g_{9/2}$)。





Fig.2 SD⁻ strength distributions in ⁴²Ca obtained *via* RHB-QRPA calculations for the DD-ME2 interaction

3 结语

本文利用 RHB+QRPA 模型研究了高斯型同位 旋标量对力对**Ca中GT 跃迁和 SD 跃迁的影响。 对于GT 跃迁,同位旋标量对力的增强会使得不同 GT 激发态的主要组分之间发生混合,从而导致低能 峰的增强和高能峰的降低。由于同位旋标量对力的 吸引特性,使得GT 跃迁强度分布朝着低激发能方 向移动,其中由组态(vlf_{1/2}, πlf_{1/2})和组态 (vlf_{5/2}, πlf_{1/2})所主导的GT 激发态的移动比较明显。 当同位旋标量对力强度为200 MeV时,GT 跃迁与 实验得到了较好的符合,从而证实了同位旋标量对 力对于恢复 SU(4)对称性的重要作用。对于 SD 跃 迁,由于0⁻、1⁻和2⁻跃迁中各峰的主要组态所构成的 粒子-粒子剩余相互作用矩阵元都比较小,同位旋标 量对力强度的改变并不会引起 SD 跃迁强度的分布 的显著变化。

作者贡献声明 郭亮完成理论计算并撰写了论文第

一稿;牛一斐审阅修改论文。

参考文献

- Ma Y G. New type of double-slit interference experiment at Fermi scale[J]. Nuclear Science and Techniques, 2023, 34(1): 16. DOI: 10.1007/s41365-023-01167-6.
- Wang X N. Vector meson spin alignment by the strong force field[J]. Nuclear Science and Techniques, 2023, 34 (1): 15. DOI: 10.1007/s41365-023-01166-7.
- Wang Y Z, Li Y, Qi C, *et al.* Pairing effects on bubble nuclei[J]. Chinese Physics Letters, 2019, 36(3): 032101.
 DOI: 10.1088/0256-307X/36/3/032101.
- 4 Bender M, Heenen P H, Reinhard P G. Self-consistent mean-field models for nuclear structure[J]. Reviews of Modern Physics, 2003, 75(1): 121 – 180. DOI: 10.1103/ RevModPhys.75.121.
- 5 Duguet T, Bonche P, Heenen P H, et al. Pairing correlations. II. microscopic analysis of odd-even mass staggering in nuclei[J]. Physical Review C, 2001, 65(1): 014311. DOI: 10.1103/PhysRevC.65.014311.
- Zhukov M V, Danilin B V, Fedorov D V, *et al.* Bound state properties of Borromean halo nuclei: ⁶He and ¹¹Li[J]. Physics Reports, 1993, 231(4): 151–199. DOI: 10.1016/0370-1573(93)90141-Y.
- 7 Hagino K, Sagawa H. Pairing correlations in nuclei on the neutron-drip line[J]. Physical Review C, 2005, 72(4): 044321. DOI: 10.1103/PhysRevC.72.044321.
- 8 Bertsch G F, Esbensen H. Pair correlations near the neutron drip line[J]. Annals of Physics, 1991, 209(2): 327–363. DOI: 10.1016/0003-4916(91)90033-5.
- 9 Liu J, Gao C, Wan N, *et al.* Basic quantities of the equation of state in isospin asymmetric nuclear matter[J]. Nuclear Science and Techniques, 2021, **32**(11): 117. DOI: 10.1007/s41365-021-00955-2.
- 10 Engel J, Bender M, Dobaczewski J, *et al.* β decay rates of r-process waiting-point nuclei in a self-consistent approach[J]. Physical Review C, 1999, **60**(1): 014302. DOI: 10.1103/PhysRevC.60.014302.
- Fujita Y, Fujita H, Adachi T, *et al.* Observation of lowand high-energy gamow-teller phonon excitations in nuclei[J]. Physical Review Letters, 2014, **112**(11): 112502. DOI: 10.1103/PhysRevLett.112.112502.
- 12 Fujita Y, Fujita H, Adachi T, *et al.* High-resolution study of Gamow-Teller excitations in the ⁴²Ca(³He, t)⁴²Sc reaction and the observation of a "low-energy super-Gamow-Teller state"[J]. Physical Review C, 2015, 91(6):

064316. DOI: 10.1103/PhysRevC.91.064316.

- Bai C L, Sagawa H, Colò G, *et al.* Low-energy collective Gamow-Teller states and isoscalar pairing interaction[J].
 Physical Review C, 2014, 90(5): 054335. DOI: 10.1103/ PhysRevC.90.054335.
- 14 Kaneko K, Sun Y, Mizusaki T. Isoscalar neutron-proton pairing and SU(4)-symmetry breaking in Gamow-Teller transitions[J]. Physical Review C, 2018, 97(5): 054326. DOI: 10.1103/PhysRevC.97.054326.
- Yoshida K, Tanimura Y. Spin-triplet proton-neutron pair in spin-dipole excitations[J]. Physical Review C, 2021, 104(1): 014319. DOI: 10.1103/PhysRevC.104.014319.
- 16 Engelbrecht C A, Lemmer R H. Isospin polarization in the nuclear many-body problem[J]. Physical Review Letters, 1970, 24(11): 607 611. DOI: 10.1103/PhysRevLett. 24.607.
- 17 Ring P, Schuck P. The nuclear many body problem[M]. 3 Print. Berlin Heidelberg: Springer, 2004.
- 18 Pastore A, Davesne D, Navarro J. Linear response of homogeneous nuclear matter with energy density functionals[J]. Physics Reports, 2015, 563: 1-67. DOI: 10.1016/j.physrep.2014.11.002.
- 19 Niu Y F, Colò G, Brenna M, et al. Gamow-Teller response within Skyrme random-phase approximation plus particle-vibration coupling[J]. Physical Review C, 2012, 85(3): 034314. DOI: 10.1103/PhysRevC.85.034314.
- 20 Khan E, Sandulescu N, Grasso M, et al. Continuum quasiparticle random phase approximation and the timedependent Hartree-Fock-Bogoliubov approach[J]. Physical Review C, 2002, 66(2): 024309. DOI: 10.1103/ PhysRevC.66.024309.
- 21 Chen D Z, Fang D L, Bai C L. Impact of finite-range tensor terms in the Gogny force on the β-decay of magic nuclei[J]. Nuclear Science and Techniques, 2021, 32(7): 74. DOI: 10.1007/s41365-021-00908-9.
- 22 Nikšić T, Vretenar D, Ring P. Relativistic random-phase approximation with density-dependent meson-nucleon couplings[J]. Physical Review C, 2002, 66(6): 064302. DOI: 10.1103/PhysRevC.66.064302.
- 23 Paar N, Ring P, Nikšić T, *et al.* Quasiparticle random phase approximation based on the relativistic Hartree-Bogoliubov model[J]. Physical Review C, 2003, **67**(3): 034312. DOI: 10.1103/PhysRevC.67.034312.
- 24 Niu Y F, Paar N, Vretenar D, *et al.* Stellar electroncapture rates calculated with the finite-temperature relativistic random-phase approximation[J]. Physical

Review C, 2011, **83**(4): 045807. DOI: 10.1103/ PhysRevC.83.045807.

- 25 Meng J, Toki H, Zhou S G, *et al.* Relativistic continuum Hartree Bogoliubov theory for ground-state properties of exotic nuclei[J]. Progress in Particle and Nuclear Physics, 2006, 57(2): 470–563. DOI: 10.1016/j.ppnp.2005.06.001.
- 26 Ring P. Relativistic mean field theory in finite nuclei[J].
 Progress in Particle and Nuclear Physics, 1996, 37: 193–263. DOI: 10.1016/0146-6410(96)00054-3.
- 27 Nikšić T, Vretenar D, Ring P. Relativistic nuclear energy density functionals: Mean-field and beyond[J]. Progress in Particle and Nuclear Physics, 2011, 66(3): 519-548. DOI: 10.1016/j.ppnp.2011.01.055.
- Vretenar D, Afanasjev A, Lalazissis G, *et al.* Relativistic Hartree-Bogoliubov theory: static and dynamic aspects of exotic nuclear structure[J]. Physics Reports, 2005, 409(3–4): 101–259. DOI: 10.1016/j.physrep.2004.10.001.
- 29 Xia H, Wu X, Mei H, *et al.* The interplay of singleparticle and collective motions in the low-lying states of Lambda ²¹Ne with quadrupole-octupole correlations[J]. Science China Physics, Mechanics & Astronomy, 2023, 66 (5): 252011. DOI: 10.1007/s11433-022-2045-x.
- Paar N, Nikšić T, Vretenar D, *et al.* Quasiparticle random phase approximation based on the relativistic Hartree-Bogoliubov model. II. nuclear spin and isospin excitations [J]. Physical Review C, 2004, 69(5): 054303. DOI: 10. 1103/PhysRevC.69.054303.
- Niu Z M, Niu Y F, Liang H Z, et al. Self-consistent relativistic quasiparticle random-phase approximation and its applications to charge-exchange excitations[J]. Physical Review C, 2017, 95(4): 044301. DOI: 10.1103/ PhysRevC.95.044301.
- 32 Ravlić A, Yüksel E, Niu Y F, *et al.* Stellar electroncapture rates based on finite-temperature relativistic quasiparticle random-phase approximation[J]. Physical Review C, 2020, **102**(6): 065804. DOI: 10.1103/ PhysRevC.102.065804.
- 33 Niu Z M, Niu Y F, Liu Q, *et al.* Nuclear β+/EC decays in covariant density functional theory and the impact of isoscalar proton-neutron pairing[J]. Physical Review C, 2013, 87(5): 051303. DOI: 10.1103/PhysRevC.87.051303.
- Niu Z M, Niu Y F, Liang H Z, *et al.* β-decay half-lives of neutron-rich nuclei and matter flow in the r-process[J]. Physics Letters B, 2013, 723(1-3): 172-176. DOI: 10. 1016/j.physletb.2013.04.048.
- 35 Nikšić T, Marketin T, Vretenar D, et al. β-decay rates of r -

process nuclei in the relativistic quasiparticle random phase approximation[J]. Physical Review C, 2005, **71**(1): 014308. DOI: 10.1103/PhysRevC.71.014308.

- Ma Z Y, Van Giai N, Wandelt A, *et al.* A consistent approach in relativistic random phase approximation[J]. Nuclear Physics A, 2001, 687(1): 64-71. DOI: 10.1016/S0375-9474(01)00602-9.
- Lalazissis G A, Nikšić T, Vretenar D, *et al.* New relativistic mean-field interaction with density-dependent meson-nucleon couplings[J]. Physical Review C, 2005, 71 (2): 024312. DOI: 10.1103/PhysRevC.71.024312.
- 38 Berger J F, Girod M, Gogny D. Microscopic analysis of collective dynamics in low energy fission[J]. Nuclear Physics A, 1984, **428**: 23 – 36. DOI: 10.1016/0375-9474 (84)90240-9.
- 39 Osterfeld F. Nuclear spin and isospin excitations[J]. Reviews of Modern Physics, 1992, 64(2): 491–557. DOI: 10.1103/RevModPhys.64.491.
- Gaarde C, Rapaport J, Taddeucci T N, *et al.* Excitation of giant spin-isospin multipole vibrations[J]. Nuclear Physics A, 1981, 369(2): 258-280. DOI: 10.1016/0375-9474(81)90019-1.