# 螺旋十字燃料棒束热力耦合特性研究

丛腾龙<sup>1</sup> 刘峪洁<sup>2</sup> 郭 辉<sup>1</sup> 肖 瑶<sup>1</sup> 顾汉洋<sup>1</sup> 1(上海交通大学核科学与工程学院 上海 200240) 2(哈尔滨工程大学核科学与技术学院 哈尔滨 150009)

摘要 螺旋十字燃料(Helical-Cruciform Fuel, HCF)是一种革新形式的燃料组件,具有比传热面大、导热距离短、旋流交混强、无须格架支撑的特点,可提高堆芯功率密度。然而,HCF组件自支撑位置可能发生应力集中,导致包壳产生塑性变形甚至破裂。本文研究不同工况下HCF棒束热力耦合响应,以包含中心目标棒及周围的3×3 棒束单元为计算域进行热力耦合分析,获得HCF组件的应力应变响应,评价包壳完整性。结果表明:HCF包壳 外表面 von Mises应力和塑性变形最大值总是出现在相邻燃料的接触位置;翼片顶部包壳应力受接触约束和包 壳内外表面温差影响,肋部凹槽区域的应力与包壳径向温度梯度有关;相对于单相工况,饱和沸腾工况下HCF 包壳塑性变形大但 von Mises应力小;反应性引入事故和破口失水事故下,包壳的 von Mises应力和塑性应变分 别低于350 MPa和0.04,且包壳温度低于锆水反应温度。

关键词 螺旋十字燃料, 热力耦合分析, 燃料性能 中图分类号 TL352

DOI: 10.11889/j.0253-3219.2023.hjs.46.050605

#### Thermal-mechanical characteristics of helical cruciform fuel bundle

CONG Tenglong<sup>1</sup> LIU Yujie<sup>2</sup> GUO Hui<sup>1</sup> XIAO Yao<sup>1</sup> GU Hanyang<sup>1</sup>

1(School of Nuclear Science and Engineering, Shanghai Jiao Tong University, Shanghai 200240, China) 2(College of Nuclear Science and Technology, Harbin Engineering University, Harbin 150009, China)

**Abstract [Background]** As an innovative nuclear fuel assembly, the helical cruciform fuel (HCF) assembly has the characteristics of large specific heat transfer area, short heat conduction path, strong inter-channel mixing and free from the grid spacers. Compared with the traditional cylindrical fuel assembly, the HCF assembly can raise the core power density with compromise on the safety margin. However, the concentrated stress might take place at the location of self-support points, resulting in the plastic deformation and even rupture. **[Purpose]** This study aims to analyze the thermal-mechanical behaviors of HCF bundle under steady conditions and accident transitions, so as to obtain the stress and strain of HCF rods, based on which, the integrity of fuel cladding was assessed. **[Methods]** Firstly, a 3×3 typical HCF geometrical assembly model without four rods in corners was constructed and discretized by hexahedral mesh. Then, the steady and transient convective conditions were applied to the outer surfaces of rods to simulate the various working conditions, including single phase, boiling, reactivity insertion accident and loss of coolant accident. Finally, the governing equations for mechanics and heat transfer were established and solved in

国家自然科学基金(No.12135008)、黑龙江省优秀青年科学基金(No.YQ2020A003)资助

通信作者: 顾汉洋, E-mail: guhanyang@sjtu.edu.cn

Corresponding author: GU Hanyang, E-mail: guhanyang@sjtu.edu.cn

Received date: 2022-07-13, revised date: 2022-11-25

第一作者: 丛腾龙, 男, 1988年出生, 2016年于西安交通大学获博士学位, 研究领域为燃料多物理场分析

收稿日期: 2022-07-13, 修回日期: 2022-11-25

Supported by National Natural Science Foundation of China (No. 12135008), National Science Fund for Excellent Young Scholars of Heilongjiang Province (No.YQ2020A003)

First author: CONG Tenglong, male, born in 1988, graduated from Xi'an Jiaotong University with a doctoral degree in 2016, focusing on the multiphysics analysis on the nuclear fuel

ANSYS using the thermal and mechanical modules. **[Results]** The results show that, the maximum von Mises stress and plastic deformation take place at the location where adjacent rods contact, where the stress and strain are determined by both the contact constrain condition and the temperature difference between cladding inner and outer surfaces. However, at the elbow of the blades, the stress and strain are mainly affected by the radial temperature gradient in the cladding material. For the cladding, the plastic deformation is larger while the von Mises stress is smaller under the flow boiling condition compared with these under the single-phase cooling condition. Furthermore, the integrity of fuel cladding can be maintained under the conditions of reactivity insertion and loss of coolant accidents, where the stress and the temperature are lower than the break limit and the zirconium-water reaction temperature, respectively. **[Conclusions]** From the thermal-mechanical analysis on the HCF assembly, this kind of innovative fuel assembly shows good mechanical performance under normal and accidental conditions.

Key words Helical cruciform fuel, Thermal-mechanical analysis, Fuel performance

燃料组件是反应堆的核心释热部件,是决定反 应堆安全性和经济性的关键要素之一,也是反应堆 研发和设计的重点。螺旋十字燃料(Helical-Cruciform Fuel, HCF)是一种革新型的燃料组件, HCF元件具体结构如图1所示,十字形横截面结构 沿轴向旋扭形成螺旋十字,通过紧密排布,可在高度 方向上形成周期性自支撑结构,无须定位格架。同 时,十字截面提高了堆芯比换热面积、降低导热距 离,且可以通过螺旋结构增强通道间扰流交混,可在 维持堆芯安全裕量的前提下提高堆芯功率密度,用 于先进紧凑型堆芯的设计。目前俄罗斯已经将具有 螺旋翼片的燃料组件用于高温气冷堆中<sup>[1]</sup>,美国也 在积极推进 HCF 组件的工程应用,图2为美国 Lightbridge公司在美国能源部的资助下提出的正方 形栅格HCF组件设计方案,与传统17×17圆棒组件 在尺寸上兼容,可以提供更高的单盒组件功率 输出<sup>[2]</sup>。



图 1 单根螺旋十字燃料及自支撑结构示意图 (a) 单根燃料,(b) 自支撑结构 Fig.1 Sketch for the single fuel rod and the self-support structure (a) Single fuel rod, (b) Self-support structure

现有针对HCF组件的研究多集中在流动传热 方面,包括单相阻力<sup>[3-5]</sup>、交混<sup>[3,6]</sup>、对流传热<sup>[5]</sup>、沸腾 传热<sup>[6]</sup>和临界热流密度<sup>[4,6]</sup>,证明了HCF组件相比传 统带格架圆棒组件在流阻、交混、传热和临界热流密 度方面具有优势。然而,HCF组件依靠自身接触支 撑形成自定位结构,在反应堆运行过程中,燃料相对 冷态会出现明显的热膨胀,棒束间点接触区域可能 会出现应力集中,局部过高的应力会使包壳出现塑 性变形乃至破裂,危害燃料组件的完整性,MIT的

			000	
$H\phi$	90	90	H	Į
			<u>Q</u>	
				ŻŎ
H				
$H\phi$	RÝ	90	90	Įě
<u> </u>	<u>q</u>	<u>q</u>		₩.

图 2 Lightbridge 公司设计用于压水堆的HCF组件截面图 Fig.2 Cross section of the HCF assembly for PWR designed by Lightbridge

Deng等<sup>171</sup>对辐照条件下单根燃料的应力应变进行了 分析,通过引入基体和包壳在辐照作用下的相关热、 力学模型,得到金属基体的HCF单棒使役性能,但 由于仅考虑单棒,对于多棒之间接触及其对应力应 变影响规律的考虑仍不充分。鉴于此,本文建立典 型HCF棒束单元的热力耦合分析模型,研究了正常 稳瞬态和事故工况下HCF元件的应力应变分布,评 价了HCF组件抵御事故的能力,为HCF组件设计提 供了参考。

#### 1 螺旋十字燃料热力耦合数学物理模型

相对于冷态停堆工况,反应堆热态运行阶段 HCF温度会上升200~400 K,产生热膨胀和热应力, HCF棒束翼片顶部的接触位置出现应力集中,在热 应力和局部集中应力共同作用下燃料包壳可能出现 大幅度的弹性和塑性变形。此外,十字截面导致的 燃料棒内部非均匀径向导热使得燃料棒内部温度差 异很大,影响材料的热力学物性,进一步复杂化HCF 元件内部应力应变场。本文分别建立燃料元件的温 度场和结构场控制方程,给定热对流和约束边界条 件,通过热-力耦合求解热力方程获得燃料元件的传 热和力学响应。

## 1.1 基本控制方程

#### 1.1.1 温度场方程

螺旋十字燃料组件的温度场可看作含有内热源 的导热问题,包壳和芯块两个固体区域的温度分布 可以由导热微分方程确定:

$$\nabla \cdot (\lambda \nabla T) + \phi = \rho c \frac{\partial T}{\partial \tau} \tag{1}$$

稳态工况下式(1)可以改写为:

$$\nabla \cdot (\lambda \nabla T) + \phi = 0 \tag{2}$$

式中: $\rho$ 为密度,kg·m<sup>-3</sup>;c为比热容,J·(kg·K)<sup>-1</sup>;T为 温度,K; $\tau$ 为时间,s; $\lambda$ 为导热系数,W·(m·K)<sup>-1</sup>; $\phi$ 为 单位时间内单位体积中产生的热量,W·m<sup>-3</sup>,对于包 壳,该项为零。

## 1.1.2 结构力学场控制方程

反应堆运行阶段螺旋十字燃料组件的温度会升高,由于燃料间的自支撑结构限制了燃料的热膨胀, 燃料内部产生热应力,均质各向同性体满足的基本 方程为:

$$\sigma_{ij,j} = 0 \tag{3}$$

$$\varepsilon_{ij} = \frac{u_{ij} + u_{j,i}}{2} \tag{4}$$

$$\varepsilon_{ij} = \frac{1+\nu}{E} \sigma_{ij} - \frac{\nu}{E} \sigma_{kk} \delta_{ij} + \alpha \Delta T \delta_{ij} + \varepsilon_{ij}^{pl}$$
(5)

式中: $\sigma_{ij}$ 为应力张量, Pa; $\varepsilon_{ij}$ 为应变张量; $u_i$ 为位移张 量, m;v为泊松比; E为弹性模量, Pa; $\delta_{ij}$ 为kronecker 符号; $\alpha$ 为热膨胀系数, K<sup>-1</sup>;  $\Delta T$ 为与参考温度的温 差, K;  $\varepsilon_{pl}$ 为塑性应变张量, 在弹性阶段为零。本文 采用 von Mises 屈服准则判断材料是否进入塑性阶 段, 有效应力 $\sigma_s$ 可以表示为:

$$\sigma_s = \sqrt{\left[\left(\sigma_1 - \sigma_2\right)^2 + \left(\sigma_1 - \sigma_3\right)^2 + \left(\sigma_2 - \sigma_3\right)^2\right]/2}$$
(6)

式中: $\sigma_1$ 、 $\sigma_2$ 、 $\sigma_3$ 分别为第一、第二、第三主应力。当材料进入塑性阶段后,根据Levy-Mises增量理论, $\varepsilon_{pl}$ 可以写成:

$$\mathrm{d}\,\varepsilon_{ij}^{pl} = \frac{3\left(\sigma_{ij} - \frac{\sigma_{kk}}{3}\delta_{ij}\right)}{2\sigma}\mathrm{d}\,\overline{\varepsilon}^{\,pl} \tag{7}$$

式中:ō和ē<sup>nl</sup>分别为等效应力和等效塑性应变。

## 1.2 燃料的材料模型

由于U-50wt%Zr合金的热导率高、裂变原子密度大且辐照肿胀率低,螺旋十字燃料采用U-50wt%Zr合金作为芯块材料,同时采用Zr-4合金作为包壳材料。包壳和芯块通过冶金结合的方式连接,中间

无气隙。

## 1.2.1 芯块

在一些严重事故中芯块中心温度可能超过 800 K,此时U-50wt%Zr合金会发生相变,导致材料 的物性出现变化,但国内外对相变后U-50wt%Zr合 金的研究较少,且本文研究工况范围内芯块温度均 低于相变点温度(800 K),故不考虑相变对物性的影 响。U-50wt%Zr合金的热膨胀系数<sub>αf</sub>为<sup>[8]</sup>:

$$\alpha_{\rm f} = 9.494 \times 10^{-6} + 7.914 \times 10^{-9} (T - 273.15),$$
  
800 K>T>298.15 K (8)

芯块的密度<sup>[9]</sup>为9.5×10<sup>3</sup> kg·m<sup>-3</sup>,导热系数和比 热分别依据 Bauer<sup>[9]</sup>和 Fedorov<sup>[10]</sup>的研究结果计算。 根据修正后的混合物定律<sup>[11]</sup>,芯块的弹性模量 $E_f$ 和 泊松比 $\nu_f$ 可以表示为:

$$E_{\rm f} = E_{\rm U} (1 - 1.2P) \left[ \frac{1 + 0.17W_z}{1 + 1.34W_z} \right] \left[ 1 - \frac{1.06(T - 588)}{T_{\rm mU}} \right]$$
(9)  
$$v_f = v_u (1 - 0.8P) \left[ \frac{1 + 3.4W_z}{1 + 1.9W_z} \right] \left[ 1 + \frac{1.2(T - 588)}{T_{\rm mU}} \right],$$

$$v_f < 0.5$$
 (10)

式中: $E_{\rm U}$ 为588 K下纯铀的弹性模量, $E_{\rm U}$ =1.6×10<sup>II</sup> Pa;P为燃料的孔隙率,对于金属芯体的燃料,在未经辐照条件下孔隙率为零; $W_{\rm Z}$ 为Zr的质量百分比,本文中 $W_{\rm Z}$ =0.5; $T_{\rm mU}$ 为纯铀的熔点, $T_{\rm mU}$ =1405 K; $v_{\rm U}$ 为588 K下纯铀的泊松比, $v_{\rm U}$ =0.24。

# 1.2.2 包壳

当 300 K<T<1 800 K时,包壳导热系数 $\lambda_{c}$ 的表 达式为<sup>[12]</sup>:

$$\lambda_{\rm c} = 7.51 + 2.09 \times 10^{-2}T - 1.45 \times 10^{-5}T^2 + 7.67 \times 10^{-9}T^3$$
(11)

包壳的密度<sup>[9]</sup>为 $6.55\times10^{3}$ kg·m<sup>-3</sup>,采用 MATPRO<sup>[12]</sup>物性手册中的模型计算包壳的比热,包 壳的热膨胀系数<sup>[13]</sup>与温度无关,为 $5.58\times10^{-6}$ K<sup>-1</sup>,弹 性模量 $E_{c}$ 和泊松比 $v_{c}$ 采用Fisher模型<sup>[13]</sup>:

$$E_{\rm c} = \left[9.9 \times 10^5 - 566.9 \times (T - 273.15)\right] \times 9.806\ 7 \times 10^4 \tag{12}$$

$$v_{\rm c} = 0.330 \ 3 + 8.376 \times 10^{-5} (T - 273.15)$$
 (13)

进入塑性阶段后包壳的应力强化曲线可以拟 合成<sup>[13]</sup>:

$$\begin{cases} \sigma_{\text{true}} = K \varepsilon_{\text{true}}^{n} \left( \frac{\dot{\varepsilon}_{\text{true}}}{10^{-3}} \right)^{n} \\ K = 1.088 \ 4 \times 10^{9} - 1.057 \ 1 \times 10^{6} T \\ n = -1.86 \times 10^{-2} + T \left( 7.11 \times 10^{-4} - 7.721 \times 10^{-7} T \right) \end{cases}$$

$$300 \text{ K} < T < 730 \text{ K}$$
 (14)

式中: $\sigma_{true}$ 和 $\varepsilon_{true}$ 为真实应力和真实应变, $m=0.02;\dot{\varepsilon}_{true}$ 为真实应变率, $u\dot{\varepsilon}_{true} \leq 10^{-5} \text{ s}^{-1}, \mathcal{R}\dot{\varepsilon}_{true} = 10^{-5} \text{ s}^{-1}$ 。

### 1.3 有限元模型

图2所示的燃料组件包括多根燃料棒,对整盒 组件进行力学分析所需的计算代价极大,由圣维南 定律可知,组件外壳的约束仅影响边缘燃料肋片顶 部区域的受力,中心燃料的力学行为主要与相邻燃 料的约束有关。考虑到本文的目的是研究中心螺旋 十字燃料棒在不同传热学边界条件下的热力响应, 因此,仅以包含中心目标棒及周围的3×3棒束单元 作为计算域进行热力耦合分析。此外,考虑到3×3 棒束中4根角棒与中心棒之间无直接力学作用,分 析中忽略4根角棒,仅建立图3所示的5根棒的计算 域模型,单根燃料棒总长为0.8 m,其中燃料段长 0.6 m,两端的渐变段和固定段各为0.05 m,通过周 围4根棒为中间棒提供较为真实的约束条件。



图3 计算域模型 (a) 燃料组件的 3D 视图,(b) 扭转角 90°、180°、270°截面图,(c) 单根燃料几何尺寸 Fig.3 Computational domain of the rod bundle (a) 3D view of the rod bundle, (b) Cross section at the 90°, 180°, 270° plane, (c) Dimension of a single rod

1.3.1 网格划分

采用六面体网格对 HCF 组件进行网格划分。 单根燃料在包壳外表面沿周向存在 184 个节点,其 中肋片顶部区域的网格较密,可以提高接触计算的 精度。从燃料中心到肋片顶部径向共有 13 个节点, 在肋片根部燃料的热流密度较高,温度梯度较大,为 准确计算肋片根部的温度场,从燃料中心到包壳外 表面沿径向共划分 18 个节点。各处包壳中沿径向 均有 4 个节点。HCF 组件燃料段的轴向网格节点数 为 180,单根 HCF 棒束 网格总数为 317 088,共计 374 000 个节点,具体如图4 所示。

## 1.3.2 对流边界条件

由于本文重点研究燃料的力学行为,为简化计 算忽略燃料周围的流体区域,在燃料组件的包壳外 表面上给定第三类边界条件,即对流传热系数和主 流温度。第三类边界条件可表示为如下形式:

$$-\lambda \left(\frac{\partial T}{\partial n}\right)_{w} = h \left(T_{w} - T_{f}\right)$$
(15)

式中:n为壁面外法线; $T_f$ 为主流温度,K; $T_w$ 为壁面



(a) 单根燃料网格,(b) 轴向截面网格
Fig.4 Mesh partitioning of a single fuel
(a) Mesh of the single rod, (b) Mesh of the axial section

温度,K;h为壁面对流传热系数,W·(m<sup>2</sup>·K)<sup>-1</sup>,模拟 单相液体对流或两相沸腾传热工况时,分别采用 Dittus-Boelter公式<sup>[14]</sup>和Chen公式<sup>[15]</sup>计算换热系数, 稳态工况中流动传热边界条件见表1,在两相工况 的计算达到稳定后引入破口失水事故和反应性引入 事故以分析燃料在更高的运行参数下抵御事故的能 力,瞬态事故工况的事故序列见表2。

表1 稳态工况中的传热边界 Table 1 Heat transfer boundary under steady conditions					
工况	冷却剂入口温度	冷却剂入口速度	单根燃料体积释热率		
Conditions	Coolant temperature at the inlet	Coolant velocity at the inlet	Volume heat rate of a single rod		
	/ K	$/ m \cdot s^{-1}$	$/ MW \cdot m^{-3}$		
单相工况 Single-phase condition	553.85	1	740		
两相工况 Two-phase condition	617.9				

Table 2	Time sequence of the events for transient accidents
	表2

事故类型	时间	事件
The type of accidents	Time / s	Events
反应性引入事故Reactivity initiated accident	1	事故发生 Accident happens
	1.1	控制棒完全弹出堆芯并触发停堆信号
		Control rod is completely ejected out of the core and trip signal is sent
	2	吸收棒开始下落 Absorber rod begins dropping
	5	吸收棒完全插入堆芯 Absorber rod is fully inserted into the core
一回路压力边界破口失水事故Loss of coolant	1	事故发生 Accident happens
accidents at primary circuit pressure boundary 1.6		触发低压停堆信号 Trip signal is sent because of low pressure

## 1.3.3 结构约束条件

对 HCF 组件进行力学模拟的外部约束条件如下:

1)燃料组件的四周设置一个无应变的刚性外壳 (图3中6处),外壳的内壁冷态时与边缘棒发生点接触,在接触面的法向边缘棒的位移等于零,边缘棒与 外壳和中心棒之间均存在摩擦,摩擦系数为0.1;

2)对燃料底部的固定段及圆形端面(图3中5 处)施加径向、周向和轴向的固定约束,使该固定段 的位移为零,模拟下管座的支撑和固定作用;

3)对燃料顶部的固定段(图3中1处)施加径向、 周向的固定约束,在圆形端面设置轴向的弹簧约束, 弹簧的刚度k为1.45×10<sup>10</sup> N·m<sup>-1</sup>,使该固定段在径向 和周向的位移等于零,轴向位移x受到弹簧反力F限 制,具体方程为F + kx = 0,模拟上管座的定位和压 紧作用。

## 1.4 耦合及数值求解方法

本文使用 ANSYS Workbench 进行热力耦合分 析,由于燃料棒变形幅度较小,不考虑燃料棒变形对 其内部导热的影响。先通过热单元 steady-state thermal(transient thermal)求解燃料的稳态(瞬态)温 度场,再将数据单向传递至结构单元 static structural 进行稳态(瞬态)力学分析。采用 Newton-Raphson 迭代法求解燃料在接触区域和进入塑性阶段后的非 线性方程,位移的容差因子为0.5%。

#### 2 结果分析

本文对图3所示的计算域开展数值模拟研究,

获得中心棒及周围四根棒的热力响应,并重点对中 心棒的热力行为展开分析。螺旋十字燃料组件沿轴 线发生扭转,扭转的角度与轴向高度成正比,为表明 燃料组件的力学行为在轴向的周期性变化规律并对 轴向高度进行无量纲化,可定义扭转角 $\delta(rad)$ 代替 轴向高度 $z(0 \le z \le 0.6 \text{ m})$ 表示燃料段的轴向位置, $\delta$ 的 表达式如下:

$$\delta = \frac{z}{0.6} \times 2\pi \tag{16}$$

相邻燃料在扭转角为0°、90°、180°、270°和360° 位置发生接触。

#### 2.1 单相液体对流传热工况

反应堆正常运行时,绝大部分冷却剂处于单相 液态,因此本文首先开展单相液体对流边界条件下 的螺旋十字燃料组件热力行为研究,冷却剂入口温 度为553.85 K,入口速度为1 m·s<sup>-1</sup>,燃料棒的体积释 热率为740 MW·m-3,在冷却剂入口温度、速度和棒 功率的基础上,通过热平衡计算冷却剂温度。利用 Dittus-Bolter公式基于通道平均热工参数计算第三 类边界条件所需的对流换热系数,换热系数沿棒周 向为常数。通过计算获得中心棒的 von Mises 应力 分布如图5所示,可以看出相邻燃料发生接触的自 支撑平面上肋片顶部区域的von Mises应力较高,相 对其他区域更可能发生塑性变形甚至破裂,因此本 文主要对接触平面上燃料的受力和变形进行分析, 其中扭转角180°平面上的中心棒温度、von Mises应 力和塑性应变分布(同高度截面冷却剂平均温度为 559.4 K)如图6所示。燃料温度最大值677 K处于





芯块中心处,周围的等温线形状为圆形。而靠近包 壳的燃料温度由于受冷却剂对流传热影响更大,等 温线形状与燃料的十字形轮廓相似。等温线形状的 变化使得燃料内部径向的温度梯度沿周向出现较大 差异,因温度梯度产生的热应力在周向上也呈现不 均匀分布(如图6(b)所示)。中心棒与边缘棒接触 的区域温度梯度较小,但由于接触约束的存在,受应 力集中作用,该处 von Mises 应力出现极大值,超过 了屈服极限,发生明显的塑性变形(图6(c))。从图 6(d)和(e)可以看出,燃料芯块和包壳中弹性应变和 热膨胀应变的最大值仅为塑性应变最大值的十分之一,因此本文仅对塑性应变进行分析。

为进一步量化相邻棒约束作用和燃料内部温度 梯度对中心棒应力分量的影响,图7给出了中心棒 扭转180°平面包壳外表面处三个应力分量的分布曲 线(平面内0°位置见图3(b))。图中0°、90°、180°和 270°的位置区域(以下称翼尖处)受接触约束影响更 大,由于接触约束主要限制燃料的径向热膨胀,对周 向和轴向的热膨胀影响较小,因此翼尖处的径向应 力为-700 MPa 左右的压应力,周向应力和轴向应力 仅分别为径向应力的55%和70%。而45°、135°、 225°和315°的位置区域(以下称翼根处)离约束位置 较远,受接触约束影响较小,从图6(a)可以看出,翼 根处的温度梯度较大,说明该处的热应力与温度梯 度相关,温度梯度使得包壳外侧的温度较低,热膨胀 量比内侧小,限制了内侧的热膨胀,导致包壳外侧在 周向和轴向受到反作用的拉应力,数值分别可以达 到250 MPa和130 MPa,由于文章中忽略了流体区 域,不考虑流体压力对燃料包壳的影响,径向应力接 近于零。





(a) 温度分布,(b) von Mises应力分布,(c) 塑性应变分布,(d) 弹性应变分布,(e) 热膨胀应变分布
Fig.6 Temperature, von Misesstress and strain at the 180° plane (a) Temperature distribution, (b) von Mises stress distribution, (c) Plastic strain distribution, (d) Elastic strain distribution, (e) Thermal strain distribution

螺旋十字燃料棒在扭转角为90°、180°和270°平 面发生约束定位,不同扭转角平面冷却剂的平均温 度不同,图8展示了不同扭转角平面包壳外表面处 von Mises应力和塑性应变的分布情况。可以看出, 三个扭转角平面包壳外表面处的 von Mises应力和 塑性应变曲线均以90°为周期变化,von Mises应力 在翼尖和翼根处较大,分别为300 MPa和216 MPa 左右,塑性应变在翼尖处达到最大值0.04,说明发生 约束定位的平面包壳外表面处的 von Mises 应力和 塑性应变的变化趋势基本相同。但从局部放大图中 可以看出,在扭转角为90°和270°平面上, von Mises 应力和塑性应变曲线分别向逆时针方向和顺时针方 向偏转,这是燃料轴向沿螺旋线向两个固定端膨胀 的结果。由于燃料顶部固定端的弹簧刚度较大,燃 料所受约束在轴向几乎关于扭转角为180°平面对 称,因此这一平面上偏转现象不明显。此外区别于



图7 180°平面包壳外表面处的应力分量分布 (加粗刻度线为零应力线) Fig.7 Distributions of stress components on the outer surface



点接触时的应力应变尖峰,单相工况下翼尖处出现 了一段跨度约2°,峰值为300 MPa的von Mises应力 平台和数值为0.02~0.04的塑性应变平台,说明翼尖 处已经从冷态时的点接触转变为面接触。

## 2.2 沸腾传热工况

针对堆芯过热通道中冷却剂可能出现的流动沸腾,本文研究了冷却剂处于15.5 MPa下的饱和温度 617.9 K时体积释热率为740 MW·m<sup>-3</sup>的棒束的热力 响应,由于计算区域加热长度较短,传热量较少,并 且本文重点关注棒中间远离两端影响的高度,即扭 转角为180°的位置,因此假设冷却剂的质量含气率 保持不变,为0.1。图9给出了包壳内外表面的温度 分布,可以看出由于两相工况中冷却剂的温度较高, 翼尖处和翼根处的温度分别比单相工况中高54 K 和38 K。但棒束的线功率密度保持不变,单相和两 相工况中翼尖处和翼根处包壳内外表面的温差相 同,分别为5 K和20 K左右。

为研究温度的差异对包壳力学行为的影响,图 10比较了单相和两相工况扭转180°平面包壳外表 面处的 von Mises 应力和塑性应变分布。由于翼根 处的热应力与包壳内外表面的温差有关,而两种工 况中温差基本相同,翼根处的von Mises应力在两种 工况中同为215 MPa。从图 10(b)可以看出,两相工 况翼尖处的塑性应变较单相工况偏大15%~25%,说 明翼尖处因热膨胀产生的塑性应变随包壳温度的上 升而增加。但图10(a)中两相工况翼尖处的von Mises应力却较单相工况偏低6%~10%,这是由于温 度影响了包壳的力学性能。图11展示了不同温度 下包壳在塑性阶段的应力强化曲线,可以看出温度 越高,包壳的屈服极限越低,说明相较于单相工况, 两相工况在较低的应力水平下进入塑性阶段,塑性 阶段应力随应变的增加速度较弹性阶段放缓;图11 中曲线的斜率还随着温度的上升而减小,即同处于 塑性阶段时两相工况中包壳的应力随塑性应变的增 加速度比单相工况中慢。这两点原因共同导致两相 工况中翼尖处 von Mises 应力比单相工况小。



#### 2.3 反应性引入事故

本文研究的反应性引入事故为正常运行时控制 棒突然提出堆芯,导致堆芯出现较大的正反应性的 事故,即弹棒事故。由图10可知,单相和两相工况 中扭转角180°平面包壳的应力应变最大值均出现在 翼尖处和翼根处,出于安全分析的保守性考虑,本文 对事故过程中包壳翼根处和翼尖处的力学行为进行 研究并于包壳的内外表面设置了4个检测点,如图 12(a)所示。反应性引入事故于1s时在处于额定功





率正常运行的反应堆中发生,1.1 s时控制棒完全弹 出堆芯,导致燃料功率在1.24 s达到峰值,为额定功 率的1.83 倍,包壳的温度也随之上升,监测点中4处 的温度最高,最大值出现在1.6 s,为662 K,可以将 事故以该时刻为界分为前期和后期两个阶段。由于 反应堆存在固有安全性,1.24 s后燃料功率不会继续 增加。与此同时收到1.1 s发出的停堆信号后,控制 棒在2 s时开始下落并在5 s时完全插入堆芯,燃料 功率迅速下降,5.5 s时仅为额定功率的20%,包壳温 度也降低至630 K以下,图12(b)为反应性引入事故 中燃料功率<sup>[16]</sup>与各监测点温度的变化情况。

反应性引入事故中温度的起伏变化会极大影响 包壳的受力和变形,图13展示了翼尖处包壳内外表 面的应力随时间的变化情况。可以发现,由于接触 约束限制了包壳径向的热膨胀,翼尖处径向应力的 变化幅度明显高于周向应力和轴向应力,其中包壳 内表面的径向应力在1s和7.5s时的差值分别是周 向应力和轴向应力的数百倍和4.6倍,包壳外表面则 是3倍和1.7倍,说明翼尖处包壳的受力变化主要由 径向应力引起。从von Mises 应力的变化趋势中可 以看出,2s前翼尖处包壳内外表面的von Mises应 力均基本保持不变,2s后包壳内表面的von Mises 应力始终随着燃料温度的降低而降低,7.5 s时不足 100 MPa; 而包壳外表面的 von Mises 应力则是先下 降再上升,最小值52 MPa出现在2.36 s,7.5 s时von Mises 应力上升至超过该温度下的屈服极限 281 MPa。出现这一差异主要是由于包壳经历的力 学过程不同:在反应性引入事故期间,燃料温度先上 升后下降,包壳从受热膨胀变为冷却收缩,发生先加 载后卸载的过程,但由于塑性变形不会在卸载过程 中减小,燃料温度下降后塑性应变无法恢复到事故 前的水平,燃料冷却收缩过程中翼尖处包壳外表面 会出现反向加载的现象,径向应力在2s后先逐渐降 低至零然后反向增大,如图13(b)所示。而包壳内 表面则始终处于卸载状态,径向应力在2s后逐渐降 低,如图13(a)所示。因此当燃料温度降低时包壳内 外表面的 von Mises 应力呈现不同的变化趋势。





图 14 进一步给出了翼尖处包壳内外表面塑性 应变随时间的变化规律。事故前期翼尖处包壳内表 面的塑性应变随着温度的增加上升了 15% 左右;包 壳外表面的塑性应变由于接触约束限制基本保持不 变。事故后期包壳内表面的塑性应变保持不变,为 0.0369,说明包壳内表面仅发生卸载过程;而3s后 包壳外表面的塑性应变则从0.033下降到0.027,说 明3s后包壳外表面处发生反向加载过程并产生反 向的塑性变形,抵消了一部分事故前产生的塑性应 变,使得7.5s时的塑性应变相对于事故前降低。



图 11 包壳材料在不同温度下应力强化曲线 Fig.11 Stress intensification curves for cladding material under different temperature

与接触约束影响翼尖处的径向应力不同,翼根 处的受力与包壳内外表面的温差有关,图15展示了 反应性引入事故中翼根处包壳内外表面应力的变化

(a)

情况。由于翼根处包壳内外表面的温差从1s时的 21 K 降低到 7.5 s 时的 3.7 K, 受温度梯度影响的周 向应力和轴向应力也出现大幅下降,数值分别可以 达到100~170 MPa和60~80 MPa, 而径向应力的变 化幅度则小于10 MPa,即径向应力的变化幅度远小 于周向应力和轴向应力的变化幅度, von Mises 应力 的变化主要由周向应力和轴向应力的变化引起。从 图15还可以看出,翼根处包壳内外表面的周向应力 与轴向应力2s前上升幅度不超过20MPa,2s后均 呈现下降的趋势,没有出现方向变化,并且从图16 可以看出,事故后期包壳翼根处的塑性应变保持不 变,说明翼根处在事故后期仅发生卸载过程,没有出 现反向加载。虽然翼根处的塑性应变随着温度的增 加在1.6 s时达到事故前的数倍,但由于翼根处的塑 性应变仅为翼尖处的1/10,因此从防止包壳破裂的 角度考虑更需要关注翼尖处塑性应变的变化。







图13 反应性引入事故中翼尖处包壳内外表面应力的变化 (a) 包壳内表面,(b) 包壳外表面 Fig.13 Stress at the cladding inner and outer surfaces of blade tip under reactivity insertion accident (a) Cladding inner surface, (b) Cladding outer surface

#### 2.4 一回路压力边界破口失水事故

一回路压力边界破口失水事故,事故发生后冷却剂 从破口中大量流出,堆芯压力迅速下降,1.6 s时降至

在处于满功率正常运行的反应堆中1s时引入













12.6 MPa并触发低压停堆信号,忽略停堆响应时间 和控制棒下落时间,不考虑冷却剂空泡效应的影响, 反应堆功率在1.6 s前保持不变并在1.7 s降低至事 故前的十分之一,破口失水事故中堆芯压力<sup>[17]</sup>和燃 料功率<sup>[18]</sup>的变化曲线如图17所示。事故中假设一 回路冷却剂始终处于饱和沸腾阶段,饱和温度随堆 芯压力降低而降低。

为分析一回路压力边界破口失水事故中包壳翼

尖处和翼根处的温度、变形和受力的变化情况,仍选 取§3.3中的4个监测点作为研究对象(图12(a)),图 18和图19分别给出了破口失水事故中翼尖处各监 测点应力和塑性应变的变化曲线。可以看出,从事 故发生到停堆包壳内外表面的温差基本不变,但由 于冷却剂的温度随堆芯压力下降而降低且燃料棒功 率保持不变,包壳内外表面的温度下降了10K,结 合图19中停堆前包壳内外表面的塑性应变保持不



图17 破口失水事故中堆芯压力和功率的变化 Fig.17 Variations of core pressure and power under the LOCA condition

变,说明停堆前翼尖处发生卸载过程,包壳内外表面

的 von Mises 应力分别降低 37 MPa 和 20 MPa。停堆 后 0.2 s内,包壳内外表面温度下降的平均值同为 10 K,但温差则由于堆芯功率的剧烈下降而降低至 停堆前的 40%,包壳内外表面 von Mises 应力的变化 幅度则可以达到停堆前的 3.5 倍和 10 倍,说明翼尖 处包壳的受力不仅与限制热膨胀的接触约束有关, 同时也受包壳内外表面温差的影响。从图 18 中还 可以看出,停堆后短时间内包壳外表面的 von Mises 应力就已超过屈服极限,而包壳内表面的 von Mises 应力在 9.5 s时仍小于 200 MPa,图 19 中包壳外表面 的塑性应变由 0.034 2 下降至 0.018 4 而包壳内表面 的塑性应变保持 0.034 不变,说明包壳外表面先发生 卸载后出现反向加载而包壳内表面仅存在卸载 过程。



图 18 破口失水事故中翼尖处包壳内外表面应力的变化 (a) 包壳内表面,(b) 包壳外表面 Fig.18 Stress at the cladding inner and outer surfaces of blade tip under the LOCA condition (a) Cladding inner surface, (b) Cladding outer surface





为研究一回路压力边界破口失水事故中包壳翼 根处应力和塑性应变的变化情况,本文绘制了翼根 处各监测点应力和塑性应变随温度和包壳内外表面 温差的变化曲线如图20和图21所示。从图20可以 看出,停堆前翼根处包壳内外表面的温度下降了 6K而温差基本不变,von Mises 应力也基本不变。 停堆后 0.05 s内,翼根处的温度同样下降了 6 K左 右,包壳内外表面的温差降低到停堆前的 80%,von Mises 应力出现下降,说明翼根处离接触位置较远, 包壳整体温度的下降不会使该位置发生卸载,应力 受包壳内外表面温差影响更大。停堆前由于温差存 在 0.2 K 的小幅度上升,图 21 中可以观察到包壳内 外表面的塑性应变增加了1%~3%,但仍远小于翼尖 处。停堆后包壳的von Mises应力不断下降且未超 过屈服极限,翼根处仅发生卸载过程,塑性应变保持不变。









## 3 结语

本文对典型螺旋十字燃料 HCF 棒束单元进行 热力耦合特性研究,模拟了包括单相对流、饱和沸 腾、反应性引入事故和失水事故在内的多种工况,重 点分析中心棒在自定位平面上的传热状况和力学行 为,评估了 HCF 组件的安全性能。根据计算结果, 可以得到如下结论:

1)所有工况下HCF组件中心棒包壳外表面处的von Mises应力和塑性应变最大值总是出现在相邻燃料的接触区域,其次是燃料翼片的翼根处。不同轴向位置发生约束定位的平面上包壳外表面在周向的受力与变形的变化趋势相同,但相位存在偏差。 翼尖处的应力主要受接触约束影响,同时也和包壳内外表面温差有关;翼根处的应力则与包壳内外表面

2)反应堆正常运行冷却剂处于单相液态时燃料包壳翼尖处会出现0.02~0.04的塑性应变平台和

峰值为300 MPa的von Mises应力平台,说明翼尖处已经从点接触变为面接触。

3)相较于单相液体冷却工况,饱和沸腾工况下 包壳的平均温度高35~60 K,但包壳内外表面的温 差相同,导致翼根处 von Mises 应力相等,翼尖处塑 性应变偏大15%~25%,但由于温度越高包壳的屈服 极限越低、塑性阶段应力随温度的升高对塑性应变 的增加越不敏感,翼尖处 von Mises 应力反而偏小 6%~10%。

4) 反应性引入和失水事故工况下,包壳的 von Mises 应力和塑性应变分别小于 350 MPa 和 0.04,且 包壳外表面温度低于锆水反应温度;停堆后,翼尖处 包壳外表面发生反向加载并再次进入塑性阶段,导 致该处塑性应变降低,von Mises 应力再次上升并超 过屈服极限,需要注意这一反向应力对燃料的二次 损伤。

本文对HCF组件热力耦合特性进行了研究,得

到了燃料组件的力学响应,但由于HCF组件的热流 密度沿周向并非均匀分布,冷却剂在同一轴向平面 上的温度也不尽相同,因此在热力耦合的基础上还 需要对冷却剂的流动传热进行模拟。此外,本文的 热力分析中仅考虑了寿期初的燃料组件,随着反应 堆的运行,燃料燃耗深度的增加会改变芯块和包壳 材料的物性,辐照对物性的改变以及辐照肿胀现象 本文也未分析,可以增加冷却剂计算模块、建立燃料 的辐照和燃耗模型使HCF组件的力学计算更加 准确。

作者贡献声明 丛腾龙负责立题和设计计算工况, 数据分析,论文修改;刘峪洁负责数值模拟,数据分 析,论文初稿;郭辉数值模拟;肖瑶技术支持;顾汉洋 获取研究经费。

#### 参考文献

- Ponomarev-Stepnoi N N, Glushkov E S, Grebennik V N, et al. Development of fast helium reactors in Russia[J]. Atomic Energy, 2003, 94(4): 217 - 224. DOI: 10.1023/A: 1024785618022.
- 2 Malone J, Totemeier A, Shapiro N, et al. Lightbridge corporation's advanced metallic fuel for light water reactors[J]. Nuclear Technology, 2012, 180(3): 437 - 442. DOI: 10.13182/NT12-A15354.
- 3 Conboy T M, McKrell T J, Kazimi M S. Experimental investigation of hydraulics and lateral mixing for helicalcruciform fuel rod assemblies[J]. Nuclear Technology, 2013, 182(3): 259 - 273. DOI: 10.13182/NT12-58.
- 4 Bol'shakov V V, Bashkirtsev S M, Kobzar' L L, et al. Experimental study of burnout in channels with twisted fuel rods[J]. Thermal Engineering, 2007, 54(5): 386 -389. DOI: 10.1134/s0040601507050096.
- 5 Garusov E A. Determination of the thermohydraulic parameters of inter-fuel-element channels in research reactors with four-bladed fuel elements[J]. Atomic Energy, 2016, 119(6): 384 - 390. DOI: 10.1007/s10512-016-0078-y.
- 6 Conboy T M. Assessment of helical-cruciform fuel rods for high power density LWRs[D]. Massachusetts Institute of Technology, 2010.
- Deng Y B, Koroush Shirvan, Wu Y W, et al. Utilization of 3D fuel modeling capability of BISON to derive new insights in performance of advanced PWR fuel concepts
  [J]. Journal of Nuclear Materials, 2019, 516: 271–288.

- 8 Basak C B. Microstructural evaluation of U-rich U-Zr alloys under near-equilibrium condition[J]. Journal of Nuclear Materials, 2011, 416(3): 280 - 287. DOI: 10. 1016/j.jnucmat.2011.06.011.
- Bauer A A E. An evaluation of the properties and behavior of zirconium-uranium alloys (Report No. BMI-1350) [R].
  Battelle Memorial Institute, Columbus, Ohio (USA), 1959.
- Fedorov G B, Smirnov E A. Heat capacity of uraniumzirconium systems[J]. Soviet Atomic Energy, 1968, 25(1): 795 - 797. DOI: 10.1007/BF01114245.
- 11 Hofman G L, Leibowitz L, Kramer J M, et al. Metallic fuels handbook[R]. Argonne National Laboratory (ANL), Argonne, IL (United States), 1985.
- 12 Hagrman D L, Reymann G A. Matpro-version 11: a handbook of materials properties for use in the analysis of light water reactor fuel rod behavior[R]. Idaho National Engineering Laboratory, Idaho Falls (USA), 1979.
- Ding S R, Wang Q M, Huo Y Z. Mechanical behaviors of the dispersion nuclear fuel plates induced by fuel particle swelling and thermal effect II: effects of variations of the fuel particle diameters[J]. Journal of Nuclear Materials, 2010, 397(1 3): 80 91. DOI: 10.1016/j.jnucmat.2009. 12.012.
- Dittus F W, Boelter L M K. Heat transfer in automobile radiators of the tubular type[J]. International Communications in Heat and Mass Transfer, 1985, 12(1): 3 22. DOI: 10.1016/0735-1933(85)90003-X.
- Chen J C. Correlation for boiling heat transfer to saturated fluids in convective flow[J]. Industrial & Engineering Chemistry Process Design and Development, 1966, 5(3): 322 329. DOI: 10.1021/i260019a023.
- 16 Ajami M, Zangian M, Minuchehr A, *et al.* A coupled neutronic/thermal-hydraulic module for the transient analysis of VVER-1000 reactor during reactivity insertion accidents[J]. Progress in Nuclear Energy, 2020, **121**: 103249. DOI: 10.1016/j.pnucene.2020.103249.
- 17 Taheranpour N, Talebi S, Pesaraklu A. Analytical assessment of VVER-1000 fuel assembly deformation in loss of coolant accident[J]. Annals of Nuclear Energy, 2022, 165: 108658. DOI: 10.1016/j.anucene.2021.108658.
- 18 Todreas N E, Kazimi M S. Nuclear systems Volume 1: thermal hydraulic fundamentals[M]. Boca Raton, FL: Taylor & Francis, 2012.