文章编号:1000-324X(2020)01-0035-06

DOI: 10.15541/jim20190184

新型 MAX 相的相图热力学研究

陈雷雷¹,邓子旋¹,李 勉¹,李 朋¹,常可可^{1,2}, 黄 峰¹,都时禹¹,黄 庆¹

(1. 中国科学院 宁波材料技术与工程研究所,先进能源材料工程实验室(筹), 宁波 315201; 2. 中国科学院大学 材 料与光电研究中心, 北京 100049)

摘要:本研究通过使用相图计算(Calculation of Phase Diagrams,简称 CALPHAD)耦合第一性原理计算的方法,以 相图作为判断依据,探究 Ti₃AuC₂、Ti₃IrC₂、Ti₃ZnC₂和 Ti₂ZnC 新型 MAX 相在不同温度下的热力学稳定性。使用 相图计算(CALPHAD)方法建立起研究体系的热力学数据库,耦合第一性原理得到的新型 MAX 相生成焓数据,最 终得到包含新型 MAX 相的三元相图。研究结果表明 Ti₃AuC₂、Ti₃IrC₂、Ti₃ZnC₂和 Ti₂ZnC 的 MAX 相具有很好的 热力学稳定性,与实验结果吻合。本研究为确定新型 MAX 相的热力学稳定性提供了系统的研究方法,可应用于指 导合成更多未知的 MAX 相材料。

关 键 词: MAX 相; CALPHAD; 相图计算; 热力学; 第一性原理计算

中图分类号: TQ174 文献标识码: A

Phase Diagrams of Novel MAX Phases

CHEN Lei-Lei¹, DENG Zi-Xuan¹, LI Mian¹, LI Peng¹, CHANG Ke-Ke^{1,2}, HUANG Feng¹, DU Shi-Yu¹, HUANG Qing¹

(1. Engineering Laboratory of Advanced Energy Materials, Ningbo Institute of Industrial Technology, Chinese Academy of Sciences, Ningbo 315201, China; 2. Center of Materials Science and Optoelectronics Engineering, University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: Phase diagrams are used as an indicator to estimate the thermodynamic stabilities of the novel MAX phases (Ti₃AuC₂, Ti₃IrC₂, Ti₂ZnC₂, Ti₂ZnC). The phase diagrams of the Ti–Au–C, Ti–Ir–C, and Ti–Zn–C systems were obtained using the CALPHAD (Calculation of Phase Diagrams) approach coupled with *ab initio* calculations. The calculated results confirmed thermodynamic stabilities of the synthesized Ti₃AuC₂, Ti₃IrC₂, Ti₃ZnC₂, and Ti₂ZnC MAX phases, which is in great agreement with the experiment information. The present work shows a systematic method to calculate the thermodynamic stability of the novel MAX phases, which can be used as guidance to synthesize more undiscovered MAX phases.

Key words: MAX phase; CALPHAD; calculation of phase diagrams; thermodynamics; Ab initio calculations

MAX 相材料是一类具有六方晶体结构的三元 层状化合物,它的分子式是 M_{n+1}AX_n (n=1, 2 或 3)。 其中, M是过渡族金属元素, A为III和IV主族元素, X 是 C 或者 N。MAX 相材料的晶胞结构如图 1(a)所示, 由 MX 单元与 A 层原子交替堆垛而成,同时拥有 MX 之间强的共价键和 MA 之间弱的分子间作用

CHEN Lei-Lei(1993-), male, Master candidate. E-mail: chenleilei@nimte.ac.cn 通讯作者:常可可,研究员. E-mail: changkeke@nimte.ac.cn

CHANG Ke-Ke, professor. E-mail: changkeke@nimte.ac.cn

收稿日期: 2019-04-29; 收到修改稿日期: 2019-07-25

基金项目:国家自然科学基金(51701232);中国科学院率先行动"百人计划"(2017-118)

National Natural Science Foundation of China (51701232); CAS Pioneer Hundred Talents Program (2017-118) 作者简介:陈雷雷(1993–),男,硕士研究生.E-mail:chenleilei@nimte.ac.cn



图 1 (a) 211 型及 312 型 MAX 相的晶胞结构; (b)使用熔盐法的 A 位元素置换策略制备 Ti₂ZnC 的原理示意图^[6] Fig. 1 (a) Crystal structures of MAX phases in 211 and 312 type; (b) Schematic of synthesizing Ti₂ZnC *via* an A-elements substitution reaction in a molten salts bath^[6]

力。正是因为 MAX 相独特的结构,导致其兼具金 属和陶瓷的一些性能,例如良好的导电导热性能、 低硬度、高弹性模量和剪切模量以及良好的可加工 性能、抗氧化和耐腐蚀性能、耐辐照损伤、高屈服 强度等^[1-3]。

传统 MAX 相材料中 A 位元素大多局限在一些 Ⅲ和Ⅳ主族元素, 以 Al 元素为典型代表。近期, 瑞 典林雪平大学 Eklund 团队^[4]使用物理气相沉积的方 法,在Ti₃SiC₂表面沉积了一层Au薄膜,再经过退 火处理, 成功地制备了以 Au 作为 A 位元素的新型 MAX相Ti₃AuC₂,使用相似的方法他们又以Ti₃AuC₂ 作为先驱体制备了 Ti₃IrC₂。退火是使体系趋近热力 学平衡态的过程,使用该方法成功制备 Ti₃AuC₂和 Ti₃IrC₂,表明了他们在热力学上是稳定的。中国科 学院宁波材料技术与工程研究所黄庆研究员团队[5-6] 使用熔盐法基于 A 位置换策略以 Ti₃AlC₂、Ti₂AlC、 Ti₂AlN 和 V₂AlC 作为先驱体, 与 ZnCl₂ 混合, 在 550 ℃的环境中成功合成了以 Zn 作为 A 位元素的 新型 MAX 相 Ti₃ZnC₂、Ti₂ZnC、Ti₂ZnN 和 V₂ZnC。 熔盐法的实验原理如图 1(b)所示。这些新型 MAX 相 的成功制备,引起了国内外研究者广泛的关注和研 究兴趣。传统 MAX 相中的 A 位可能被更多的过渡 族金属元素替代,形成新型的 MAX 相,而不同 A 位 元素的 MAX 相性能差异很大, 因此研究新型 MAX 相对于探究新的材料性能具有非常重要的意义。

仅凭实验合成的方法去探究数量众多的过渡族 金属能否占据 A 位形成稳定的 MAX 相,十分耗时 耗力。理论计算的方法可以快速地对未知的 MAX 相体系进行探究,获得其稳定性,指导实验合成。如 第一性原理计算,通过比较计算所得的 MAX 相的 生成焓和体系中竞争相的生成焓来确定 MAX 相的 稳定性。然而,该计算方法获取的是 0 K 下的结果, 与实际 MAX 相的合成温度差别很大,而且受限于 计算资源,只能考虑有限的竞争相,并不能完全与 实验数据符合。

本工作通过研究新型 MAX 相的相图热力学, 使用耦合第一性原理的相图计算(CALPHAD)的方 法,获取 MAX 相体系的相图,以相图作为判断依 据,来探究新型 MAX 相在不同温度下的热力学稳 定性。该方法将相图计算与第一性原理计算耦合到 一起,可以得到新型 MAX 相在不同温度的稳定性 和其与竞争相之间的竞争关系。通过这样的计算方 法,我们获得了 Ti-Au-C、Ti-Ir-C 和 Ti-Zn-C 三个 体系的相图。从相图中可以得知,已合成的 Ti₃AuC₂ 和 Ti₃IrC₂具有很好的热力学稳定性,而 Ti₃ZnC₂和 Ti₂ZnC 在较低温度下(550 ℃)稳定而在较高温下 (1300 ℃)不稳定,与实验结果相符。

1 研究方法

本研究中使用耦合第一性原理的相图计算 (CALPHAD)方法来获取新型 MAX 相的相图。方法 流程见图2,在第一性原理计算中包含对 MAX 相结 构的弛豫优化以及计算得到新型 MAX 相的生成焓 *H*_f,在相图计算中需要对研究体系进行热力学评估, 建立体系的热力学数据库,最后将 MAX 相的生成 焓代入到热力学数据库中,使用热力学软件输出 MAX 相体系的相图。

1.1 MAX 相生成焓: 第一性原理计算

MAX相的生成焓是其Gibbs自由能的重要组成 部分,而体系中各个相 Gibbs 自由能之间的关系最 终决定了他们的热力学稳定性。因此 MAX 相的生 成焓作为其相图计算的重要参数,不可或缺。

本研究通过基于密度泛函理论(DFT)的第一性 原理 Vienna *ab initio* simulation package (VASP)^[7]软 件包计算了 Ti₂AuC、Ti₂IrC、Ti₂ZnC、Ti₃AuC₂、Ti₃IrC₂ 和Ti₃ZnC₂六种潜在MAX相的晶格参数和生成焓^[8-9]。 采用投影缀加波赝势(PAW)^[10]来描述电子-离子之



图 2 计算(CALPHAD)及第一性原理计算用于获得 MAX 相相图的方法图解 Fig. 2 Sketch of CALPHAD method combined with *ab initio* calculations aiming at obtaining the phase diagrams of MAX phases

间的相互作用, 基于 Perdew-Burke-Ernzerhof(PBE)^[11] 泛函的广义梯度近似法(GGA)来描述电子之间的相 互作用, 平面波截断能设为 400 eV。计算使用了包 含 48 个原子的原胞, 结构优化均采用完全弛豫优化, 优化精度为原子的能量和力分别收敛于 10⁻⁴ eV 和 0.1 eV/nm, 采用的 K 点网格为 5×5×3。

MAX 相在 0 K 温度下的生成焓用以下公式进行计算:

$$\Delta H_f(\mathrm{Ti}_{n+1}\mathrm{AC}_n) = E(\mathrm{Ti}_{n+1}\mathrm{AC}_n) - (n+1) \times E(\mathrm{Ti}) - E(\mathrm{A}) - n \times E(\mathrm{C})$$
(1)

式中: A 表示 MAX 相中的 A 位元素,本文中为 Au、 Ir 或 Zn; *n* 代表不同类型的 MAX 相, *n*=1 和 *n*=2 分 别对应 211 型和 312 型 MAX 相; $E(Ti_{n+1}AC_n)$ 、 $E(Ti) 、 E(A) 和 E(C) 分别代表 Ti_{n+1}AC_n、Ti、A 位$ 元素和 C 的总能。在 0 K 下, Ti 和 C 的参考相分别为 Hcp 相和 Graphite 相; Au 和 Ir 的参考相同为Fcc A1 相; Zn 的参考相为 Hcp Zn 相。

1.2 Gibbs 自由能表达式:相图计算

/

本文中共包含3个三元体系(Ti-Au-C、Ti-Ir-C、 Ti-Zn-C)、7个二元体系(Ti-C、Ti-Au、Ti-Ir、Ti-Zn、 Au-C、Ir-C、Zn-C)。针对体系中不同的相采用不 同的热力学模型进行描述,相应地使用不同的 Gibbs 自由能表达式。

纯元素的热力学数据来源于 Dinsdale 评估和优 化的 SGTE (Scientific Group Thermodata Europe)元 素数据库^[12]。在纯组元 i中单相 φ 的 Gibbs 自由能可以用以下表达式描述:

$${}^{0}G_{i}^{\varphi}(T) = G_{i}^{\varphi}(T) - H_{i,298.15}^{SER} = a + b \times T + c \times T \times \ln(T) + d \times T^{2} + e \times T^{-1} + f \times T^{3} + g \times T^{7} + h \times T^{-9}$$
(2)

式中: *H*^{SER}_{*i*,298.15} 表示纯组元 *i* 在其标准参考态一个大 气压下 298.15 K 时的焓值; *a*、*b*、*c*、*d*、*e*、*f*、*g*、*h* 是待定参数; *T* 是绝对温度。

对于体系中的液相及置换固溶体相,如 fcc_A1、 bcc_A2、hcp_A3 等,使用置换溶液模型。以 Ti-Ir 二元系中的 Fcc_A1 相为例,其 Gibbs 自由能表达式 可以表述为:

$$G_{\rm m}^{\rm fcc_A1} = x_{\rm Ti}^{0} G_{\rm Ti}^{\rm fcc_A1} + x_{\rm Ir}^{0} G_{\rm Ir}^{\rm fcc_A1} + RT(x_{\rm Ti} \ln(x_{\rm Ti}) + x_{\rm Ir} \ln(x_{\rm Ir})) + G^{ex}$$
(3)

式中: ${}^{0}G_{\text{Ti}}^{\text{fcc}_{A1}} \pi {}^{0}G_{\text{Ir}}^{\text{fcc}_{A1}}$ 代表纯组元的 Gibbs 自由 能; $RT(x_{\text{Ti}} \ln(x_{\text{Ti}}) + x_{\text{Ir}} \ln(x_{\text{Ir}}))$ 是理想混合熵对于 自由能的贡献; G^{ex} 代表过剩 Gibbs 自由能,由 R-K 多项式^[13]描述。

在本研究中包含两种化合物:化学计量比化合物(又称线性化合物)和有溶解度的化合物。对于化学计量比化合物,如 TiZn、Ti_{*n*+1}AC_{*n*}(A=Au, Ir, Zn)等,其热容值由 Neumann-Kopp 规则确定^[14],因此 其 Gibbs 自由能表达式为(以 Ti₂AuC 为例):

式中: ΔH 、 ΔS 、T分别代表 Ti₂AuC 的生成焓、生 成熵和温度; ${}^{0}G_{Ti}^{hcp}$ 、 ${}^{0}G_{Au}^{fcc}$ 和 ${}^{0}G_{C}^{Grapite}$ 分别代表纯组元 Ti、Au和C在各自标准参考态下的 Gibbs 自由能。

对于有溶解度的化合物,如 Ti₃Ir、TiIr₃、TiAu 等,使用亚点阵模型描述^[15]。以 TiAu 相为例,其热 力学模型可以表示为(Ti, Va)₁(Ti, Au)₁。其 Gibbs 自 由能表达式为:

$$G = y'_{\text{Ti}} y''_{\text{Au}} G_{\text{Ti:Au}} + y'_{\text{Ti}} y''_{\text{Ti}} G_{\text{Ti:Ti}} + y'_{\text{Va}} y''_{\text{Au}} G_{\text{Va:Au}} + y'_{\text{Va}} y''_{\text{Ti}} G_{\text{Va:Ti}} + aRT(y'_{\text{Ti}} \ln y'_{\text{Ti}} + y'_{\text{Va}} \ln y'_{\text{Va}}) + bRT(y''_{\text{Ti}} \ln y''_{\text{Ti}} + y''_{\text{Au}} \ln y''_{\text{Au}}) + \sum_{i,j,k} y'_{i} y'_{j} y'_{k} L_{i,j;k} + \sum_{i,j,k} y'_{k} y'_{i} y'_{j} L_{k:i,j} + G_{m}^{\text{ord}}$$
(5)

式中: y'和 y''分别是元素在第一个亚点阵和第二个 亚点阵的亚点阵分数; $G_{i:j}$ 是端基组元的 Gibbs 自 由能; $L_{k:i,j}$ 和 $L_{i,j:k}$ 是 k在一个亚点阵时, 另一个亚 点阵中 i和 j 的相互作用参数; G_m^{ord} 是磁性以及有序 相对于 Gibbs 自由能的贡献,本文中并不涉及磁性 元素和有序相因此本项取值为 0。

本研究中 Ti-C、Ti-Au、Ti-Ir、Ti-Zn、Zn-C 二元体系数据库分别引用自 Gorbachev^[16]、Luo^[17]、 Wang^[18]、Deng^[19]和 Hämäläinen^[20]等的工作。Au-C 和 Ir-C 二元体系由于缺少实验数据因此文献中并 没有热力学数据报道,且 Au-C 和 Ir-C 体系中都有 没有中间化合物。对于 Au-C 体系,本文调节了其液 相参数使得其共晶反应温度(1050.7 ℃)与 Okamoto 等^[21]评估的结果(1050 ℃)相近;对于 Ir-C体系,由于 不加入任何热力学参数时其共晶反应温度(2319 ℃) 已经与实验结果^[22](2296 ℃)接近,因此本文中没有 引入更多的热力学数据。由于 Au-C 和 Ir-C 体系中 均不包含中间相,因此其对 MAX 相的稳定性结果 的影响可以忽略。

2 结果与讨论

2.1 MAX 相的生成焓

本文中通过第一性原理优化了 Ti_2AuC 、 Ti_2IrC 、 Ti_2ZnC 、 Ti_3AuC_2 、 Ti_3IrC_2 和 Ti_3ZnC_2 六种 MAX 相 的晶体结构,并计算得到了其生成焓。表 1 为计算得 到的 MAX 相的晶格参数和生成焓。与实验数据^[4-6,23] 对比可知,计算得到的 Ti_3AuC_2 和 Ti_3ZnC_2 的晶格参 数比较准确。

表 1 MAX 相的晶胞参数和生成焓 Table 1 Calculated lattice parameters and formation enthalpy of MAX phases

Phase	Lattice parameter/nm		Enthalpy of formation/
	а	С	$(kJ \cdot mol^{-1} \cdot atom^{-1})$
Ti ₂ AuC	0.3073	1.3755	-66.260
Ti ₂ IrC	0.2981	1.3377	-75.383
Ti ₂ ZnC	0.3059	1.3726	-55.925
Ti ₃ AuC ₂	0.3087	1.8650 (1.856)*	-76.083
Ti_3IrC_2	0.3025	1.8196	-80.800
Ti_3ZnC_2	$0.3078 \ (0.3094)^{\#}$	1.8613 $(1.8721)^{\#}$	-69.105

*Lattice parameters of Ti_3AuC_2 synthesized by Flashandi, *et al*^[4, 23]; *Lattice parameters of Ti_3ZnC_2 synthesized by Li, *et al*^[5-6]

2.2 Ti-Au-C 体系的相图

图 3 为计算得到的 Ti-Au-C 体系的在不同温度 下(550和1300℃)的等温截面图。从相图中可以得 知, Ti₃AuC₂和 Ti₂AuC 相在 550 和 1300 ℃都可以稳 定存在。在 550 ℃时, Ti₃AuC₂和 Ti₂AuC 相与 TiC、 TiAu及TiAu2相形成了一些三相区,因此在550 ℃ 时,Au-MAX 相的主要竞争相是 TiC、TiAu 和 TiAu₂ 相。在 1300 ℃的相图中, 富 Au 端已经出现了 Liquid 的单相区,并且 Liquid、TiC 和 Ti₃AuC₂相形 成了一个三相区,表明 Ti₃AuC₂ 有很高的熔点。在 1300 ℃时, Au-MAX 相的竞争相相比较 550 ℃时 增加了 Liquid 相。Fashandi 等^[4]使用物理气相沉积 的方式,在 Ti₃SiC₂ 上沉积一层很薄的 Au, 然后将 样品在 670 ℃退火, 成功制备了 Ti₃AuC₂。而在本 文计算的结果中, Ti₃AuC₂相同时出现在了 550 和 1300 ℃的相图上,表明其在计算的温度范围内 (550~1300 ℃)都是热力学稳定的。

2.3 Ti-Ir-C 体系的相图

Ti-Ir-C 体系的相图计算结果如图 4 所示。在 550 ℃的等温截面相图中只存在 Ti₃IrC₂ 相一个 MAX 相,而在 1300 ℃的等温截面相图中同时出现 了 Ti₃IrC₂和 Ti₂IrC 相。由此可知,Ti₂IrC 相只能在 较高的温度下稳定,在低温下会分解成其他相,而 Ti₃IrC₂相有很好的热力学稳定性。Ti₂IrC 相的高温 稳定而低温不稳定现象,说明该 MAX 相可以在高 温下被合成,但是由于其不具备中低温的热力学稳 定性,在中低温服役过程中可能会分解。在 550 ℃ 温度下 Ir-MAX 相的竞争相与 1300 ℃时完全相同, 都是 TiC、 β TiIr、 γ TiIr 和 TiIr₃相。Fashandi 等^[4]使用 Ti₃AuC₂ 作为前驱体,成功在 600 ℃下制备出了 Ti₃IrC₂,与本研究中相图计算的结果相符。

Ti-Zn-C 体系的相图 2.4

在Ti-Zn-C体系中,Ti₂ZnC和Ti₃ZnC₂相可以同

Ti₃ZnC₂

0.4 TiZn

0.6

TiZn

0.2

0^κ_(αTi) 0.2

Ti₂Zr

0

Ti

时出现在 550 ℃的等温截面相图中, 如图 5 所示。 由于 Zn 的熔点只有 419.53 ℃, 因此在相图的富 Zn





iquid

₹ Ti₃Zn 1.0 Zn

0.8

0.2

Gas

Zn

1.0

0

0

(_(βTi) 0.2

0.4

0.6

0.8

Ti

端已经出现了稳定的 Liquid 相,而 Ti-Zn 二元相图 中众多的化合物也让Zn-MAX 相的竞争环境变得十 分复杂。TiC、Ti₂Zn、TiZn、TiZn₂、TiZn₃、Ti₃Zn₂₂ 和 Liquid 相都是 Zn-MAX 的竞争相。在温度升高到 1300 ℃时,由于富 Zn 端出现了稳定的 Gas 相,导 致体系中的三元化合物都不再稳定,因此 Zn-MAX 相没有出现在 1300 ℃的相图中。近期 Li 等^[5-6]使用 基于 A 位替代策略的熔盐法,以 Ti₃AlC₂和 Ti₂AlC 为前驱体在 550 ℃下成功合成了 Ti₂ZnC 和 Ti₃ZnC₂ 相,这与本文中的计算结果高度符合。同时,实验结 果也表明 Ti₂ZnC 和 Ti₃ZnC₂ 相在高温下会分解。

3 结论

本工作提出了新型 MAX 相的相图研究方法, 通过使用耦合第一性原理的相图计算(CALPHAD) 方法,成功得到了 Ti-Au-C、Ti-Ir-C 和 Ti-Zn-C 体 系的三元等温截面相图。同时,以相图作为新型 MAX 相稳定性的判据,得到了 Ti₂AuC、Ti₂IrC、 Ti₂ZnC、Ti₃AuC₂、Ti₃IrC₂和 Ti₃ZnC₂六种 MAX 相 在 550 和 1300 ℃的热力学稳定性。本文中研究的 温度(550 和 1300 ℃)分别对应新型 MAX 相制备方 法中的熔盐法和等热静压法的典型温度,因此计算 结果可以用于指导实验合成新型 MAX 相。此外,实 验合成路径中先驱体的选择也会影响新型 MAX 相 的合成结果。使用相图热力学研究思路,针对新型 MAX 相先驱体的选择需要进一步探究。

本研究中的计算方法在材料的具体合成温度来 计算其稳定性,并且考虑了体系中所有的竞争相, 这使得计算的结果更加贴近实验条件。对于文献中 已经合成的 Ti₃AuC₂、Ti₃IrC₂、Ti₃ZnC₂和 Ti₂ZnC 四 种 MAX 相,本文中的计算结果与实验结果完全吻 合。本研究可以扩展到其他的 MAX 相体系中,形 成一套计算潜在 MAX 相稳定性的有效方法,对于 实验合成新型 MAX 相有重要的指导意义。

参考文献:

- CHING W Y, MO Y, ARYAL S, et al. Intrinsic mechanical properties of 20 MAX-phase compounds. *Journal of the American Ceramic Society*, 2013, 96(7): 2292–2297.
- [2] SUN Z M. Progress in research and development on MAX phases: a family of layered ternary compounds. *International Materials Reviews*, 2011, 56(3): 143–166.
- [3] BARSOUM M W. The M_{N+1}AX_N phases: a new class of solids. Progress in Solid State Chemistry of Materials, 2000, 28: 201–281.

- [4] FASHANDI H, DAHLQVIST M, LU J, et al. Synthesis of Ti₃AuC₂, Ti₃Au₂C₂ and Ti₃IrC₂ by noble metal substitution reaction in Ti₃SiC₂ for high-temperature-stable Ohmic contacts to SiC. Nature Materials, 2017, 16: 814.
- [5] LI M, LI Y, LUO K, et al. Synthesis of novel MAX phase Ti₃ZnC₂ via A-site-element-substitution approach. Journal of Inorganic Materials, 2019, 34(1): 60–64.
- [6] LI M, LU J, LUO K, et al. Element replacement approach by reaction with Lewis acidic molten salts to synthesize nanolaminated MAX phases and MXenes. Journal of the American Chemical Society, 2019, 141(11): 4730–4737.
- [7] KRESSE G, FURTHMÜLLER J. Efficient iterative schemes for ab initio total-energy calculations using a plane-wave basis set. *Physical Review B*, 1996, 54(16): 11169–11186.
- [8] LIU S, CHANG K, MRÁZ S, *et al.* Modeling of metastable phase formation for sputtered Ti_{1-x}Al_xN thin films. *Acta Materialia*, 2019, 165: 615–625.
- [9] CHANG K, TO BABEN M, MUSIC D, et al. Estimation of the activation energy for surface diffusion during metastable phase formation. Acta Materialia, 2015, 98: 135–140.
- [10] JOUBERT D, KRESSE G. From ultrasoft pseudopotentials to the projector augmented-wave method. *Physical Review B*, 1999, 59(3): 1758–1775.
- [11] BURKE K, ERNZERHOF M, PERDEW J P. Generalized gradient approximation made simple. *Physical Review Letters*, 1996, 77(18): 3865–3868.
- [12] DINSDALE A T. SGTE data for pure elements. *Calphad*, 1991, 15(4): 317–425.
- [13] REDLICH O, KISTER A T. Thermodynamics of nonelectrolyte solutions-xyt relations in a binary system. *Industrial & Engineering Chemistry*, 1948, 40(2): 341–345.
- [14] CHANG K, DU Y, SUN W, et al. Thermodynamic assessment of the V–Zn system supported by key experiments and first-principles calculations. Calphad, 2010, 34(1): 75–80.
- [15] CHEN L, ZHANG Z, HUANG Y, et al. Thermodynamic description of the Fe–Cu–C system. Calphad, 2019, 64: 225–235.
- [16] GORBACHEV I I, POPOV V V. Analysis of the solubility of carbides, nitrides, and carbonitrides in steels using methods of computer thermodynamics: III. Solubility of carbides, nitrides, and carbonitrides in the Fe–Ti–C, Fe–Ti–N, and Fe–Ti–C–N systems. *Physics of Metals & Metallography*, 2009, **108(5):** 484–495.
- [17] LUO W, JIN Z, LIU H, et al. Thermodynamic assessment of the Au–Ti system. Calphad, 2001, 25(1): 19–26.
- [18] WANG C, GUO Y, YONG L, et al. Thermodynamic assessment of the Ti–Ir system. *Journal of Phase Equilibria & Diffusion*, 2014, 35(3): 269–275.
- [19] DENG Z, ZHAO D, HUANG Y, et al. Unpublished research. 2018.
- [20] HÄMÄLÄINEN M, ISOMÄKI I. Thermodynamic evaluation of the C-Co-Zn system. *Journal of Alloys and Compounds*, 2005, 392(1): 220-224.
- [21] OKAMOTO H, MASSALSKI T B. The Au–C (gold-carbon) system. Bulletin of Alloy Phase Diagrams, 1984, 5(4): 378–379.
- [22] NADLER M R, KEMPTER C P. Some solidus temperatures in several metal-carbon systems. *Journal of Physical Chemistry*, 1960, 64(10): 1468–1471.
- [23] FASHANDI H, LAI C C, DAHLQVIST M, et al. Ti₂Au₂C and Ti₃Au₂C₂ formed by solid state reaction of gold with Ti₂AlC and Ti₃AlC₂. Chemical Communications, 2017, 53(69): 9554–9557.