# • 光电器件与材料•

# 基于双包层双芯光纤的一阶光时域微分器研究

# 王馨梦,裴 丽,王一群

(北京交通大学 光波技术研究所 全光网络与现代通信网教育部重点实验室,北京 100044)

摘 要:提出一种新型的基于双包层双芯光纤结构的光时域一阶微分器。基于耦合模理论和矢量分析法,通过选取合理的 双包层双芯光纤的结构参数,研究得到了一种适用于微波领域的一阶光时域微分器,其处理信号带宽可达1.63 THz、中心频率为196.25 THz。该微分器具有高微分精度和能量效率。同时通过调节包层厚度,可以改变微分器带宽和中心频率,实现带宽和中心频率均可调谐的光时域微分器。

关键词:光时域微分器;双包层双芯光纤;信号处理;光纤器件

中图分类号:TP211

文献标识码:A

文章编号:1673-1255(2016)-06-0033-06

# Research on First-order Optical Temporal Differentiator Based on Double-clad and Dual-core Fiber

WANG Xin-meng, PEI Li, WANG Yi-qun

(Key Laboratory of All Optical Network and Advanced Telecommunication Network, Ministry of Education, Institute of Light Wave Technology, Beijing Jiaotong University, Beijing 100044, China)

**Abstract:** A new optical temporal first-order differentiator based on a double-clad and dual-core fiber structure is proposed. According to coupled-mode theory and vector analysis and through choosing reasonable structure parameters of the double-clad and dual-core fiber, a first-order optical temporal differentiator suitable to microwave regime is obtained and the processing signal bandwidth is 1.63 THz, the central frequency is 196.25 THz. The proposed differentiator has high accuracy and energy efficiency. In particular, the bandwidth and the central frequency of the differentiator can be tuned by changing the thickness of the clad to get the optical temporal differentiator with bandwidth and central frequency both tunable.

**Key words:** optical temporal differentiator; double-clad and dual-core fiber; signal processing; optical device

传统的光传输网络上通常是将光信号转换成电信号,在电域上对信号进行处理,这使得系统变得复杂并且限制了网络的带宽和速度<sup>[1]</sup>。一种有效的解决方案就是实现所有器件的全光化<sup>[2]</sup>,因此需要设计出等效电路器件的光器件。光时域微分器就是其中一个重要的光信号处理器件,它能够对输入的光信号在光域实时进行时间导数的运算<sup>[3]</sup>。光时域微分器除了作为对光信号进行微分处理的光信号处理器外,还可以应用在光传感、光脉冲整型

以及超高速编码等领域[24]。目前已报道的很多光时域微分器可主要分为两大类:光场时域微分器和光强时域微分器[5]。其中光场微分器包括长周期光纤光栅微分器[46]、光学反射仪微分器[7]、双芯光纤微分器[8]等。文中所设计的双包层双芯光纤微分器即为光场时域微分器,它可以对任意输入的光信号电磁场进行一阶微分。基于光纤耦合特性和矢量分析法,通过选取合理的光纤参数,设计出一种工作带宽大、中心频率高、适合太赫兹频段的一阶光时

域微分器,并且该光时域微分器的中心频率和带宽均可调谐。

## 1 理论分析

## 1.1 微分器理论研究

任意阶光时域微分器是对输入的光信号电磁场的时间变量进行微分。对于具有中心频率 $f_0$ 的一个光信号x(t),傅里叶变换后频谱为 $X(f-f_0)$ ,f是光频率。n次微分后得到的频率响应为 $Y(f)=[j(2\pi f)\cdot n]X(f)$ ,其中j为虚数单位。当n=1时,可以得到一阶光时域微分器的传递函数为

$$H(f) \propto [j(f - f_0)] \tag{1}$$

由式(1)可以得到一阶光时域微分器的特征,幅度谱与基带频率(f-f<sub>0</sub>)在中心频率f<sub>0</sub>左侧呈线性减小、右侧呈线性增大;并且相位谱在中心频率f<sub>0</sub>处有一个 $\pi$ 相位的跳变。

#### 1.2 多包层双芯光纤理论研究

双芯光纤是一种的特殊光纤结构,如图1所示。

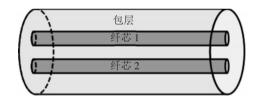


图1 双芯光纤结构图

它是在一个包层里有两个相互平行纤芯的波导结构。当两个纤芯离得很远时纤芯之间不发生耦合,可以作为光的传输介质;当两个纤芯离的很近时,纤芯内的能量进行耦合又可以设计成光器件使用。微分器就是根据双芯光纤的两个纤芯耦合而设计成<sup>[9-10]</sup>。

文中提出的一阶光学时域微分器的原理是在 双芯光纤的外部增加外部聚合物包层:增加包层可 以提高耦合效率补偿制造误差,并且使用有机聚合 物更容易实现高频性能并且它与半导体具有良好 的兼容性<sup>[11]</sup>。

双包层双芯光纤横截面结构如图2所示。

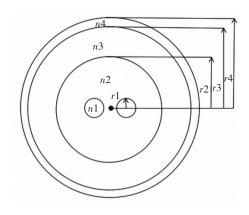


图 2 双包层双芯光纤横截面结构

双包层的波导结构参数为:两个纤芯半径为 $r_1$ ,内包层半径为 $r_2$ ,外包层半径为 $r_3$ ,折射率分别为 $n_1$ 、 $n_2$ 、 $n_3$ ,空气层折射率为 $n_4$ 。双包层的主要区别在于内包层的电场分布,而内包层的电场为两纤芯在包层形成电场的叠加,用矢量法分析得出芯子模场矩阵表示为

$$\begin{bmatrix} e_{\varphi} \\ h_{\varphi} \\ e_{z} \\ h_{z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{m\beta r_{1}^{2}}{U^{2}r} J_{m}(Ur/r_{1}) & -\frac{j\omega\mu_{0}r_{1}}{U} J_{m}^{'}(Ur/r_{1}) \\ \frac{j\omega\varepsilon_{1}r_{1}}{U} J_{m}^{'}(Ur/r_{1}) & -\frac{m\beta r_{1}^{2}}{U^{2}r} J_{m}(Ur/r_{1}) \\ J_{m}(Ur/r_{1}) & 0 \\ 0 & J_{m}(Ur/r_{1}) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} A_{1} \\ C_{1} \end{bmatrix} = M_{1}(r) \begin{bmatrix} A_{1} \\ C_{1} \end{bmatrix}$$
(2)

包层模场矩阵表示为

$$\begin{bmatrix} e_{\phi} \\ h\phi \\ e_{z} \\ h_{z} \end{bmatrix} = 2 \begin{bmatrix} \frac{m\beta r_{1}^{2}}{W^{2}r} I_{m}(Wr/r_{1}) & \frac{m\beta r_{1}^{2}}{W^{2}r} K_{m}(Wr/r_{1}) \\ -\frac{j\omega\varepsilon_{2}r_{1}}{W} I_{m}(Wr/r_{1}) & -\frac{j\omega\varepsilon_{2}r_{1}}{W} K_{m}(Wr/r_{1}) \\ I_{m}(Wr/r_{1}) & K_{m}(Wr/r_{1}) \\ 0 & 0 \end{bmatrix} K_{m}(Wr/r_{1}) \begin{bmatrix} \frac{j\omega\mu_{0}r_{1}}{W} K_{m}(Wr/r_{1}) \\ \frac{m\beta r_{1}^{2}}{W^{2}r} I_{m}(Wr/r_{1}) & \frac{m\beta r_{1}^{2}}{W^{2}r} K_{m}(Wr/r_{1}) \\ 0 & 0 \\ I_{m}(Wr/r_{1}) & K_{m}(Wr/r_{1}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A_{i} \\ B_{i} \\ C_{i} \\ D_{i} \end{bmatrix} = M_{i}(r) \begin{bmatrix} A_{i} \\ B_{i} \\ C_{i} \\ D_{i} \end{bmatrix} (i = 2, 3)$$

空气层模场矩阵表示为

$$\begin{bmatrix} e_{\varphi} \\ h_{\varphi} \\ e_{z} \\ h_{z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{m\beta r_{1}^{2}}{W^{2}r} K_{m}(Wr/r_{1}) & \frac{j\omega\mu_{0}r_{1}}{W} K_{m}(Wr/r_{1}) \\ -\frac{j\omega\varepsilon_{1}r_{1}}{W} K_{m}(Wr/r_{1}) & \frac{m\beta r_{1}^{2}}{U^{2}r} K_{m}(Wr/r_{1}) \\ K_{m}(Wr/r_{1}) & 0 \\ 0 & K_{m}(Wr/r_{1}) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} B_{4} \\ D4 \end{bmatrix} = M_{4}(r) \begin{bmatrix} B_{4} \\ D4 \end{bmatrix}$$
(4)

其中,以上各式中Ai、Bi、Ci 和Di 为待定系数(i=1、2、3、4), $J_m$ ,  $N_m$ ,  $I_m$ ,  $K_m$ 分别为第一类、第二类和修正第一类、第二类贝塞尔函数;  $J_m'$ ,  $N_m'$ ,  $I_m'$ ,  $K_m'$ 为其相应的导数。 $U=r(k_0^2n_1^2-\beta^2)^{1/2}$ ,  $W=r(\beta^2-k_0^2n_3^2)^{1/2}$ ,  $V'=U^2+W'$ ,  $k_0=2\pi/\lambda(\lambda)$  为自由空间的波长);  $\beta$  是传输常数。利用传输矩阵法,根据模场分量在边界的连续性条件,得出特征方程,从而求解出传输常数 $\beta$ 的值,它对应特征方程的根为零的点,且曲线与零轴的交点应在 $kn_2<\beta< kn_1$ 范围内。

$$|M_{12} - M_{21}M_{23}^{-1}M_{32}M_{34}^{-1}M_{43}| = 0 (5)$$

其中, $M_i=M_i(r=r_i)$  (r 是半径,i、j=1、2、3、4)。这里设定双芯光纤的结构参数如下 :  $r_1=4.1$   $\mu$ m、 $r_2=23$   $\mu$ m、 $r_3=62.5$   $\mu$ m、 $r_4=63.5$   $\mu$ m、 $n_1=1.476$ 、 $n_2=1.425$ , $n_3=1.7$ ,纤芯距离 d=10  $\mu$ m。图 3 为不同的模式 (m=0、1、2、3) 传输常数与特征方程之间关系的曲线图。

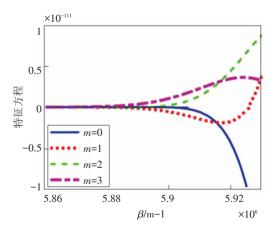


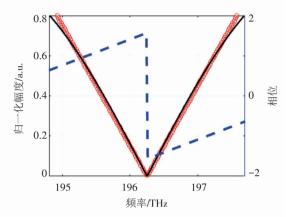
图 3 不同的模式(m=0、1、2、3)传输常数与特征方程之间关系的曲线图

由图 3 可以看出,只有当模式m为 1 时,特征方程有解 $\beta$ =5.925 63×10°。将此解代入式(2)、式(3)、式(4)和式(5),可以求解出待定系数 $A_i$ 、 $B_i$ 、 $C_i$ 和 $D_i$ 。在这种情况下双包层光波导只有  $HE_{II}$ 模存在,没有其他高阶模存在,相当于普通单模光纤,进而通过

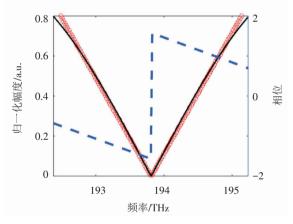
频率归一化可等效为普通单模光纤。

## 1.3 双包层双芯光纤微分器的传输谱

在 $\beta$ =5.925 63×10°且只存在 HE<sub>II</sub>模的情况下,只向纤芯1注入光信号,根据式(1)、式(2)和耦合模理论<sup>III</sup>得到纤芯1和纤芯2的传输谱,如图4所示(幅度做了归一化处理)。



(a)纤芯1的幅度相位谱



(b)纤芯2的幅度相位谱

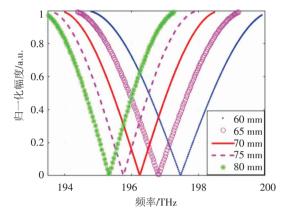
图4 纤芯1、纤芯2的幅度相位谱。红色线是 理想一阶微分器的传输谱,黑色线是设计的微 分器传输谱,蓝色线是设计微分器的相位谱

从图中可以得出,纤芯1和纤芯2的中心频率分别为:196.25 THz和193.81 THz,在中心频率左侧近似线性减小、右侧近似线性增大,并且在中心频率处有一个π相位的跳变,符合一阶微分器的两个性质。因此设计的双包层双芯光纤可以作为一阶光时域微分器使用。

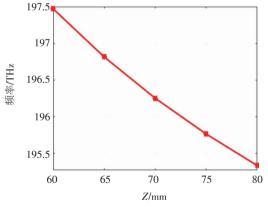
# 2 双包层双芯光纤微分器特性分析

#### 2.1 光纤长度对中心频率的影响

从图4中可以得出,纤芯1和纤芯2具有相同的特性,所以接下来只研究纤芯1的特性即可。不同光纤长度z=60 mm、65 mm、70 mm、75 mm和80 mm时纤芯的传输特性如图5a所示。



(a)不同光纤长度下(60 mm、65 mm、70 mm、75 mm 和80 mm)纤芯1的中心频率变化图



(b)光纤长度与中心频率的关系图

图 5(a)不同光纤长度下(60 mm、65 mm、70 mm、75 mm 和 80 mm)纤芯 1 的中心频率变化图, (b)光纤长度与中心频率的关系图

从图中得知,当改变双包层双芯光纤长度时中心频率将改变,z=60 mm时微分器的中心频率最大,约为f<sub>0</sub>=197.47 THz,z=80 mm时微分器中心频率最小,约为f<sub>0</sub>=195.32 THz。并且随着光纤长度的逐渐减小,中心频率逐渐增大。图 5b 是光纤长度与中心频率的关系图。从图中可以看出,光纤长度和中心频率近似线性减小。因此通过调整光纤长度,可以

调谐中心频率。

#### 2.2 微分特性

对设计的双包层双芯光纤光时域微分器微分结果进行验证。图6为衰减因子为τ<sub>0</sub>=0.5 ps 的高斯脉冲(蓝色虚线)通过双包层双芯光纤一阶微分器的仿真波形(黑色实线)和理论计算得到的波形(红色圆圈)图。

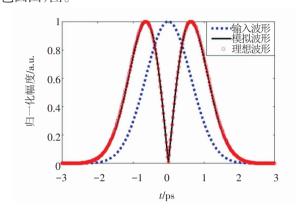
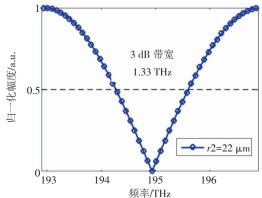


图 6 纤芯 1 输出的高斯一阶时域微分仿真值和理论值

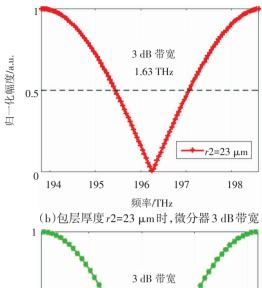
从图中可以看出,经过双包层双芯光纤光时域 微分器输出的仿真波形和理论计算输出的波形有 很高的重合度,这说明误差较小,该双包层双芯光纤光时域微分器可以对光信号提供精度很高的一阶时域微分。

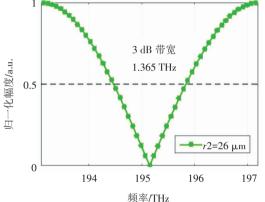
#### 2.3 3 dB带宽

3 dB 带宽是衡量一个器件性能的重要指标,带宽越大,微分器能够处理的信号速度就越高,能够处理的信号带宽就越大。下面分析在模式 m=1 传输常数 β 有解的情况下,双包层双芯光纤结构在不同内包层厚度情况下幅度谱带宽的变化如图 7 所示。

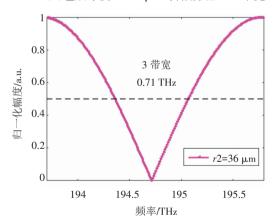


(a)包层厚度r2=22 μm时,微分器3 dB带宽





(c)包层厚度 r2=26 µm 时, 微分器 3 dB 带宽



(d)包层厚度r2=36 μm时,微分器 3 dB带宽

图 7 不同包层厚度下(r2=22 μm、23 μm、26 μm 和 36 μm)微分器 3dB 带宽

改变包层厚度, $r_2$ 值分别取 22  $\mu$ m、23  $\mu$ m、26  $\mu$ m、36  $\mu$ m时,计算得到3 dB带宽分别为1.33 THz、1.63 THz、1.365 THz 和 0.71 THz。发现当 $r_2$ =23  $\mu$ m时,带宽最大为1.63 THz,比普通双芯光纤微分器带宽大6.53%左右<sup>[12]</sup>。而且随着带宽的逐渐增大,中心频率也越来越大。得到结论,通过调节包层厚

度,可以改变微分器带宽和中心频率,做到带宽和中心频率均可调谐的光时域微分器。

#### 2.4 误差因子和能量效率

除了3dB带宽,误差因子和能量效率也是衡量 一个微分器性能的重要指标。误差因子是实际信 号波形与理论信号波形的差异程度[15],有下式

$$D = \frac{\int_{-\infty}^{\infty} \left| \left| f(t) \right|^{2} - \left| g(t) \right|^{2} \right| dt}{\int_{-\infty}^{\infty} \left| g(t) \right|^{2} dt}$$
(6)

能量效率衡量了信号通过微分器后能量变化 情况<sup>[15]</sup>,有下式

$$E = \frac{\int_{-\infty}^{\infty} \left| f_{\text{out}}(t) \right|^2 dt}{\int_{-\infty}^{\infty} \left| f_{\text{in}}(t) \right|^2 dt}$$
 (7)

计算不同包层厚度下微分器的误差因子和能量效率性能指标如表1所示。

表1 不同包层厚度下微分器的性能指标

r₂/μm	23	26	22	36
3 dB 带宽/THz	1.63	1.365	1.33	0.71
误差因子	0.009 97	0.014 49	0.015 29	0.063 15
能量效率	0.020 5	0.028 76	0.030 24	0.099 03

由表1看出,随着带宽的增大,误差因子和能量效率都逐渐减小,但是减小的幅度越来越小。当 r2=23 μm 时,带宽为 1.63 THz、误差因子为 0.009 97、能量效率为 0.020 5、此时性能最优。

# 3 结 论

微分器是实现全光网络的重要光学器件,所以对微分器的研究至关重要。文中提出一种基于多包层双芯光纤的一阶光时域微分器。推导和求解了多包层双芯光纤的特征方程,并讨论了包层厚度对微分器工作带宽的影响。仿真结果表明,当r<sub>2</sub> = 23 μm时,所提出的微分器的中心频率和3dB带宽分别为196.25 THz 和1.63 THz,带宽比传统双芯光纤微分器大6.53%,该器件适用于太赫兹频率。此外,所提出的微分器的误差因子为0.009 97,能量效率为2.049%,可以高精度、高效率进行微分运算。更重要的是,微分器的中心频率和3 dB带宽也可以通过改变光纤的长度或包层厚度来实现调谐。

## 参考文献

- [1] 高林柱. 光时域微分器研究进展[J]. 光通信技术,2013, 37(011):45-47.
- [2] Madsen C K, Dragoman D, AzañaJ, et al. Signal analysis tools for optical signal processing[J]. Eurasip J Appl Signal Proc, 2005,10:449-1623.
- [3] Liu Q, Ye Q, Pan Z. Design of all-optical temporal differentiator using a Moir ber grating[J]. Chinese Opt Lett, 2012. 10(9):092301.
- [4] Kulishov M, Azana J. Long-period fiber gratings as ultrafast optical differentiators[J]. OPtics Letters, 2005, 30:20.
- [5] Ngo N Q, YU S F, Tjin S C, et al. A new theoretical basis of higher- derivative optical differentiators[J]. Opt Commun, 2004, 230(1-3):115-129.
- [6] Slavík R, Park Y, Kulishov M, et al. Ultrafast all-optical differentiators [J]. Opt Express, 2006, 14:10699.
- [7] Li M, JannerD, Yao J P,et al. Arbitrary-order all-fiber temporal differentiator based on a fiber Bragg grating: design and experimental demonstration[J]. Optical Expess, 2009, 17: 22.
- [8] Kulishov M, Krcmarik D, Slavik R. Design of terahertzbandwidth arbitrary- order temporal differentiators based on long-period fiber gratings[J]. Optics Letters, 2007, 32:

20.

- [9] Slavik R, Park Y, Kremarik D, et al. Stable all-fiber photonic temporal differentiator using a long-period fibergrating interferometer[J]. Optics Communications, 2009, 282: 2339-2342.
- [10] You H D, Ning T G, Jian W, et al. Optical temporal differentiator using a twin-core fiber[J]. Optical Engineering, 2013, 52(1): 015005.
- [11] Allan W S. Coupled-mode theory for optical fibers[J]. J Opt Soc Am, 1972, 62(11):1267-1277.
- [12] Hardy A, Streifer W. Coupled mode theory of parallel waveguides[J]. J Lightwave Technol, 1985, 3(5).
- [13] Shi Y.Fabrication and characterization of high-speed polyurethane-disperse red 19 integrated electrooptic modulators for analog system applications[J]. IEEE J. of Sel. Topics Quantum Electron, 1996, 2(2):289.
- [14] You H D, Ning T G, Pei L, et al. An all-fiber optical temporal differentiator for wavelength-division-multiplexed system based on twin-core fiber[J]. Opt Quant Electron, 2014, 46(11):1481.
- [15] Cuadrado-Laborde C. All-optical ultrafast fractional differentiator[J]. Optical and Quantum Electronics, 2008, 40(13): 983-990.

## (上接第25页)

议,得出以下结论:(1)超长跨距无中继光纤通信系统有着广泛的应用;(2)远程遥泵放大是超长跨距无中继通信系统中的关键技术;(3)实际工程中可采用旁路遥泵方式设计远程遥泵放大器;(4)泵浦光源宜采用1480 nm 波段光纤激光器组件构成,实际工程中多采用1480 nm 或1455 nm 光纤激光器构成;(5)不能仅依靠增加泵浦功率来获取较大增益,还需配套调整铒纤长度;(6)铒纤长度需根据系统所需增益、铒离子浓度、铒纤转换效率等多种因素综合设计;(7)1390 nm+1480 nm 层叠泵浦方案在实际工程应用中并不具备明显优势;(8)采用前向遥泵方式还是后向遥泵方式对系统增益的影响并不明显,具体采用哪种方式可根据系统实际应用环境确定。

## 参考文献

- [1] 夏江珍,谢同林,贾小铁,等.507 km超长站距无中继光 传输系统[J]. 电力系统通信,2009,30(197):10-12,19.
- [2] 江尚军,黄誉,李亮.超长跨距无中继全光传输系统关键技术研究[J].广东通信技术,2012,8:42-46.
- [3] 江尚军,吴锦虹,罗青松.基于G.652光纤的超长跨距 无中继全光通信系统设计[J].中国电子科学研究院学报,2012,7(4):406-410.
- [4] 程细海,徐健,殷天峰,等.基于遥泵技术的超长距系统研究与应用[J].光通信技术,2015,6:23-26.
- [5] 王侠,欧阳竑,刘霄海,等.各种常见光纤喇曼增益谱分析[J]. 光通信技术,2010,32(7):35-37.
- [6] 沈一春,宋牟平,章献民,等.单模光纤中受激布里渊散射阈值研究[J].中国激光,2015,32(4):497-500.
- [7] 秦祖军.全光纤结构喇曼光纤激光器研究[D]. 成都:电 子科技大学,2009.