## ・光学设计・

# 离轴三反射式光学系统设计

### 赵亮

(中国电子科技集团公司光电研究院,天津 300000)

摘 要:在三反射镜光学系统的几何光学理论基础上,详细讨论了三反射式光学系统的设计方法,从初级像差理论出发推导出了三反射式系统初始结构的计算公式,并且得出了系统结构形式与其基本结构参数和焦距之间的关系。通过设计实例讨论了不同的三反射式光学系统的特点及其应用。设计了大视场、小F数且实现衍射极限成像的光学系统,且能有效抑制杂散光。

关键词:三反射光学系统;离轴;视场;光阑;像差
 中图分类号:0435
 文献标识码:A
 文章编号:1673-1255(2014)-04-0001-04

## **Design of Off-axis Three-reflection Optical System**

#### ZHAO Liang

(Academy of Opto-Electronics, China Electronics Technology Group Corporation (AOE CETC), Tianjin 300000, China)

Abstract: Based on the geometrical optics theory of three-reflection optical system, the design method of the system is discussed in detail. According to primary aberration theory, a calculation formula of the three-reflection system initial structure is deduced. And the relationships among system structure, basic structure parameters and focal length are obtained. The characteristics and the applications of three-reflection optical systems are discussed through design examples. The optical system with wide field of view, small F number and diffraction limit imaging is designed to suppress stray light effectively.

Key words: three-reflection optical system; off-axis; field of view; aperture; aberration

光学系统经历了从折射式到反射式,从同轴光 学系统到离轴光学系统的发展阶段。从光学系统质 量上考虑,折射系统采用的是实心镜,其质量最大, 折反式系统次之,反射光学系统质量最轻,且发展了 多种大型反射镜轻量化技术,可以进一步减轻全反 射光学系统的质量。反射光学系统采用的镜坯材料 普遍具有密度小、弹性模量大、热膨胀系数低、热传 导系数高、微观结构均匀等特点,受温度梯度变化的 影响小,光学系统的质量控制相对折射系统容易。

## 1 离轴三反射式系统设计

离轴三反射镜光学系统设计基于高斯光学理

论,求取共轴三反射镜光学系统结构作初始结构。 通过光阑离轴或视场离轴,或者二者相结合的方法 实现系统中心无遮拦。在系统优化过程中,利用高 次非球面来满足系统多种性能的要求。

## 1.1 离轴三反射式系统分类

#### 1.1.1 光阑离轴

光阑置于主镜上或之前,光阑离轴。如图1 所示。

采用光阑离轴的方法,虽然可以使系统结构变 得紧凑,但是在较大视场的情况下,成像质量下降得

收稿日期:2014-03-06 作者简介:赵亮(1983-),男,吉林人,学士,工程师,主要研究方向为光电工程. 很快。



图1 光阑离轴

#### 1.1.2 视场离轴

将光阑置于次镜上,通过视场的倾斜来避免中 心遮拦,光阑不离轴。

视场离轴的三反射系统具有更强的像差校正能 力,视场大,成像质量好,比较适合大视场和大相对 口径的要求。视场离轴效果图如图2所示。



图2 视场离轴

## 1.2 三反射式光学系统结构参数

三反射式光学系统结构图如图3所示。



图3 同轴三反射式系统结构图

三反射系统的成像性质由下式中的 $\alpha_1$ 、 $\alpha_2$ 、 $\beta_1$ 、 $\beta_2$  决定。

$$\alpha_1 = \frac{l_2}{f_1} \approx \frac{h_2}{h_3} \tag{1}$$

$$\alpha_2 = \frac{l_3}{l_2} \approx \frac{h_3}{h_2} \tag{2}$$

$$\beta_1 = \frac{l_2}{l_2} = \frac{u_2}{u_2}$$
(3)

$$\beta_2 = \frac{l'_3}{l_3} = \frac{u_3}{u'_3} \tag{4}$$

式中,α<sub>1</sub>为次镜对主镜的遮拦比;α<sub>2</sub>为三镜对次镜的 遮拦比;β<sub>1</sub>为次镜放大率;β<sub>2</sub>为三镜放大率。

#### 1.3 三反射式光学系统像差分析

#### 1.3.1 光阑位于主镜

对于一个焦距为f'的三反射系统,物体位于无 穷远时,以y表示主光线与各镜面交点的高度,则当 光阑位于主镜时,表达式如下

$$y_1 = 0 ; y_2 = \frac{\alpha_1 - 1}{\beta_1 \beta_2} ; y_3 = \frac{\alpha_2(\alpha_1 - 1) + \beta_1(1 - \alpha_2)}{\beta_1 \beta_2}$$
(5)

## 1.3.2 光阑位于次镜

当光阑位于次镜时,表达式如下  $y_1 = \frac{1 - \alpha_1}{\alpha_1 \beta_1 \beta_2}; y_2 = 0; y_3 = \frac{1 - \alpha_2}{\beta_2}$  (6)

代入三反射系统初级像差公式,得到三反射光 学系统像差。

光阑位于主镜时,表达式如下

$$s_{3} = -e_{2}^{2} \frac{\beta_{2}(\alpha_{1}-1)^{2}(1-\beta_{1})^{3}}{4\alpha_{1}\beta_{1}^{2}} + e_{3}^{2} \frac{\left[\alpha_{2}(\alpha_{1}-1)+\beta_{1}(1-\alpha_{2})\right]^{2}(1+\beta_{2})^{3}}{4\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{1}^{2}\beta_{2}^{2}} +$$

$$\frac{\beta_{2}(\alpha_{1}-1)^{2}(1+\beta_{1})(1-\beta_{1})^{2}}{4\alpha_{1}\beta_{1}^{2}} - \frac{[\alpha_{2}(\alpha_{1}-1)+\beta_{1}(1-\alpha_{2})]^{2}(1+\beta_{2})(1-\beta_{2})^{2}}{4\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{1}^{2}\beta_{2}^{2}} - \frac{\beta_{2}(\alpha_{1}-1)(1+\beta_{1})(1-\beta_{1})}{\alpha_{1}\beta_{1}} - (9)$$

$$\frac{[\alpha_{2}(\alpha_{1}-1)+\beta_{1}(1-\alpha_{2})](1+\beta_{2})(1-\beta_{2})}{\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{1}\beta_{2}} - \beta_{1}\beta_{2} + \frac{\beta_{2}(1+\beta_{1})}{\alpha_{1}} + \frac{1+\beta_{2}}{\alpha_{1}\alpha_{2}} - \beta_{1}\beta_{2} - \frac{\beta_{2}(1+\beta_{1})}{\alpha_{1}} + \frac{1+\beta_{2}}{\alpha_{1}\alpha_{2}} - (10)$$

光阑位于次镜时,球差s<sub>1</sub>和场曲s<sub>4</sub>与光阑位于主 镜时结果相同,表达式如下

$$s_{2}^{'} = \frac{(1-\alpha_{1})\beta_{1}^{2}\beta_{2}^{2}e_{1}^{2}}{4\alpha_{1}} + \frac{(1-\alpha_{1})(1+\beta_{2})^{3}e_{3}^{2}}{4\beta_{1}} - (11)$$

$$\frac{(1-\alpha_{1})\beta_{1}^{2}\beta_{2}^{2}}{4\alpha_{1}} - \frac{(1-\alpha_{2})(1+\beta_{1})(1-\beta_{2})^{2}}{4\beta_{2}} - \frac{1}{2}$$

$$s_{3}^{'} = e_{1}^{2}\frac{(\alpha_{1}-1)^{2}\beta_{1}\beta_{2}}{4\alpha_{1}^{2}} + e_{3}^{2}\frac{(1-\alpha_{2})^{2}(1+\beta_{2})^{3}}{4\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{2}^{2}} - \frac{(\alpha_{1}-1)^{2}\beta_{1}\beta_{2}}{4\alpha_{1}^{2}} - \frac{(1-\alpha_{2})^{2}(1+\beta_{2})(1-\beta_{2})^{2}}{4\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{2}^{2}} - \frac{(1-\alpha_{2})^{2}(1+\beta_{2})(1-\beta_{2})^{2}}{4\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{2}^{2}} - \frac{(1-\alpha_{2})(1-\beta_{2})^{2}}{4\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{2}^{2}} - \frac{(1-\alpha_{2})(1-\beta_{2})^{2}}{4\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{2}} - \frac{(1-\alpha_{2})(1-\beta_{2})^{2}}{\alpha_{1}\alpha_{2}\beta_{2}} - \beta_{1}\beta_{2} + \frac{\beta_{2}(1+\beta_{1})}{\alpha_{1}} - \frac{1+\beta_{2}}{\alpha_{1}\alpha_{2}}$$

由系统结构参数α<sub>1</sub>、α<sub>2</sub>、β<sub>1</sub>、β<sub>2</sub>和系统焦距f'可得 三反射系统镜面顶点的曲率半径式(13)和面间距式 (14)分别如下

$$R_{1} = \frac{2}{\beta_{1}\beta_{2}}f', R_{2} = \frac{2\alpha_{1}}{(1+\beta_{1})\beta_{2}}f', R_{3} = \frac{2\alpha_{1}\alpha_{2}}{1+\beta_{2}}f' (13)$$
$$d_{1} = \frac{1-\alpha_{1}}{\beta_{1}\beta_{2}}f', d_{2} = \alpha_{1}\left(\frac{1}{\beta_{2}}-1\right)f', d_{3} = \alpha_{1}\alpha_{2}f' (14)$$

## 2 三反射式光学系统设计步骤

#### 2.1 系统参数确定

首先确定同轴三反射系统的结构参数 d<sub>1</sub>、d<sub>2</sub>、d<sub>3</sub> (如图 3 所示)。在实际的设计工作中,对光学系统 的长度等有一定要求,以给定的三镜间隔 d<sub>1</sub>、d<sub>2</sub>和后 截距 d<sub>3</sub>为条件,进行系统参量确定,以满足设计需 要。假设三镜的曲率半径分别为 c<sub>1</sub>、c<sub>2</sub>和 c<sub>3</sub>,由系统 光焦度 $\Phi$ 和场曲 $S_{N}=0$ 得到。

$$S_{IV} = c_1 - c_2 + c_3 = 0 \tag{15}$$

$$\varphi = 2c_3 d_3 \varphi - 2c_2 + 2c_1 + 4d_1 c_1 c_2 \tag{16}$$

$$d_3\varphi = 1 - 2d_1c_1 - 2d_2c_2 + 2d_2c_1 + 4c_1c_2d_1d_2 \tag{17}$$

当系统Φ取负值时,对应的系统中间不成实像。 根据系统要求的匹兹万和数*S*<sub>1</sub>ν,总焦距Φ和给 定的3个间隔*d*<sub>1</sub>、*d*<sub>2</sub>、*d*<sub>3</sub>作为已知量代入方程中,可以 求出3个镜面在顶点处的曲率半径*r*<sub>1</sub>、*r*<sub>2</sub>、*r*<sub>3</sub>。由*r*<sub>1</sub>、 *r*<sub>2</sub>、*r*<sub>3</sub>、*d*<sub>1</sub>、*d*<sub>2</sub>和Φ可以求出次镜对主镜的遮栏比α<sub>1</sub>,第 三镜对次镜的遮栏比α<sub>2</sub>,次镜的放大率β<sub>1</sub>,第三镜的 放大率β<sub>2</sub>。

#### 2.2 计算二次非球面系数

再由求出的 $\alpha_1$ 、 $\alpha_2$ 、 $\beta_1$ 、 $\beta_2$ ,根据系统要求的球差  $s_1$ 、彗差 $s_2$ 、像散 $s_3$ 的值即可求得三个反射镜面的二 次非球面系数- $e_{21}$ 、- $e_{22}$ 、- $e_{23}$ 。系统的8个结构参数  $r_1$ 、 $r_2$ 、 $r_3$ 、 $d_1$ 、 $d_2$ 、- $e_{21}$ 、- $e_{22}$ 、- $e_{23}$ 就全部确定了。

#### 2.3 参数优化

求出初始结构参数后,在保证焦距为定值的条件下,对系统的结构参数进行微量的优化,即可得到 很好的像质。然后让中心视场离轴或光栏离轴,选 取合适的倾斜角,避免中心遮栏,同时适当调整各个 镜面的离轴量和倾斜角,使结构更加合理,再次进行 反复的优化,直到整个系统无遮拦并且成像质量达 到衍射极限为止。

#### 2.4 注意事项

应注意的事项如下:(1)在优化过程中,应尽量 保持间隔d<sub>1</sub>、d<sub>2</sub>、d<sub>3</sub>不变,否则,像差平衡的结果会大 幅度增加d<sub>1</sub>、d<sub>2</sub>、d<sub>3</sub>,使系统总长度变大;(2)不能无限 制的优化视场和各个镜面的倾斜角,否则系统会减 小离轴量趋向于同轴系统来达到提高像质的目的。

## 3 系统设计难点

#### 3.1 反射镜离轴

离轴系统的离轴方式有多种,离轴量的大小、镜 面旋转角度的大小对于加工难度、加工成本、装校难 度影响巨大。

以下面参数的系统为例说明:焦距 3 000 mm;

口径 300 mm;视场 8°×0.8°。 视场离轴,如图4所示。



视场离轴,反射镜面旋转适当角度,如图5所示。通过反射镜离轴和旋转适当角度避免中心遮拦,离轴量较小,需要加工的反射镜口径较小,装校困难。



图5 视场离轴,反射镜面旋转图

反射镜离轴,反射镜不旋转,如图6所示。通过 反射镜离轴避免中心遮拦,离轴量较大,故需要加 工的反射镜口径较大,装校相对容易。



图6 反射镜离轴,反射镜面不旋转

## 3.2 消除杂散光

反射式系统的杂散光比较严重,需要在合适的 地方加入消杂光光阑。 在有中间像的系统中,在中间像面处加入光阑 可有效控制杂散光。系统初始设计与改进后设计 分别如图7、图8所示。



### 4 结 论

利用几何光学和初级像差理论详细推导出三 反射式光学系统结构参数的计算公式。在同轴三 反射式光学系统基础上通过一个设计实例,对光阑 离轴,获得了成像质量较好的离轴三反射式光学系 统。采用离轴三反系统,能够消除中心遮拦,在提 高了像质的同时,又保持了轻量化的特点,在空间 光学等领域得到普遍的关注。随着非球面加工技 术的不断进步,这类系统会得到越来越广泛的 应用。

#### 参考文献

- [1] 刘辉,李兴隆,裴云天,等.离轴三反射式光学系统的设 计[J]. 激光与光电子学进展,2008,45(12):59-60.
- [2] 黄一帆,李林.光学设计教程[M]. 北京:北京理工大学出版社,2009:144-147.
- [3] 宋岩峰,邵晓鹏,徐军.离轴三反射镜光学系统研究[J]. 红外与激光工程,2008,37(4):707-709.
- [4] 江伦,黄玮.长焦距大变倍比中波红外变焦距系统设计 [J]. 红外与激光工程, 2012(7).
- [5] 李旭阳,杨洪涛,贺天兵,等.新型三反射光学系统设计[J].光子学报,2012(1).
- [6] 李志来.长焦距空间相机主次镜间桁架支撑结构设计 [J]. 激光与红外,2012(1).
- [7] 伍和云,王培纲.离轴反射式光学系统设计[J].光电工程,2006(33).
- [8] John W Figoski. Design, fabrication and testing of aspher-(下转第29页)

er phosphor package of white-light-emitting diodes with high efficiency [J]. Optik-International Journal for Light and Electron Optics, 2010, 121(24):2224-2226.

- [3] Hitzel F, Hangleiter A. The reason for the high emission efficiency of GalnN/GaN based LEDs[J]. Phys Lett B, 2008, 22:3261-3266.
- [4] Lee T H, Dickson R M. Single-Molecule LEDs from Nanoscale Electroluminescent Junctions[J]. J Phy Chem B, 2003, 107:7387-7390.
- [5] Jin X, Zhang B, Dai T, et al. Optimization of top polymer gratings to improve GaN LEDs light transmission[J]. Chin Opt Lett, 2008, 10:788-790.
- [6] Nogueira E, Vazquez M, Mateos J. Accelerated life test of high luminosity AlGaInP LEDs[J]. Technical Physics Letters.2012, 52(9):1853-1858.
- [7] 牛萍娟,李艳玲,刘宏伟,等.热超声倒装焊在制作大功 率 GaN 基 LED 中的应用[J].激光与光电子学进展, 2007,9:43-46.
- [8] Sim J K, Ashok K, Ra Y H. Characteristics enhancement of white LED lamp using low temperature co-fired ceramic

(上接第4页)

ical optical surface [M]. Beijing: Science Press, 1994: 157-160.

[9] John W Figoski. Development of a three-mirror, wide-field sensor, from paper design to hardware [J]. SPIE, 1989,

#### (上接第9页)

光镜设计与分析[J]. 灯与照明, 2010, 3:18-21.

[9] 李郑阳,冯仕猛.基于 Tracepro 软件的 LCD TV 直下式背 光源均匀性仿真[J]. 液晶与显示,2009,04:86-90.

#### (上接第12页)

- [2] 王志坚.光学工程基础[J].长春理工大学,98-101, 136-139
- [3] 王之江.实用光学技术手册[M]. 北京:机械工业出版社, 150-151.
- [4] 郁道银.工程光学[M].北京:机械工业出版社,142-147.
- [5] 王志坚.光学工程原理[M].北京:国防工业出版社, 197-198.
- [6] 白瑜.一种改进型的红外三反射镜探测成像系统[J]. 光 电技术应用,2013,28(6):31-34.

chip on board package current [J]. App. Phys, 2012, 12 (2):494-498.

- [9] 邝海,刘军林,程海英,等.转移基板材质对Si衬底
   GaN基LED芯片性能的影响[J].光学学报,2008,28
   (1):143-145
- [10] Liang T, Guo X, Guan B L, et al. A flip-chip AlGaInP LED with GaN/Sapphire transparent substrate fabricated by direct wafer bonding [J]. Chin Phy. Lett, 2007, 24 (4): 1110-1113.
- [11] Fan Y Y, He B, Zhou J, et al. Efficient heat transfer in high-power fiber lasers [J]. Opt. Lett, 2012, 10 (11): 111401-11401.
- Shen C, Feng H, Xu Z, et al. GaInN light-emitting diodes with omni-directional reflector using nanoporous SnO<sub>2</sub> film
   Chin Opt. Lett, 2008,6(2):152-153.
- [13] Wierer J J, Steigerwald D A, Krames M R. High-power Al-GaInN flip-chip light-emitting diodes [J]. Phys. Lett, 2001, 78(22):3379-3381.
- [14] 张建平, 邹建华, 文尚胜. 聚合物电致发光二极管面光 源的热分析[J]. 光学学报, 2011, 2:294-300.

1113:126-133.

- [10] Joseph M Hqward, Bryan D Stone. Imaging with three spherical mirrors [J]. Applied Optics, 2000, 39 (19) : 3216-3231.
- [10] 安宇鹏,王一丁,李黎,等.采用Tracepro进行中红外气体 检测系统的光路结构设计[J].激光与红外,2009,11:72-76.
- [7] 袁莉.大口径平像场激光扩束器光学系统的研制[J].激光与红外,2007(3):672-675.
- [8] 辛维娟.多波长激光扩束器的光学设计[J]. 光学仪器, 2007(3):31-34.
- [9] 胡明勇.1.064 μm测风激光雷达扩束系统的设计[J]. 量 子电子学报,2006(3):467-470.
- [10] 樊丽娜. 激光扩束望远镜的光学设计[J]. 红外, 2007(4):20-22.