文章编号: 1005-5630(2021)06-0019-07

DOI: 10.3969/j.issn.1005-5630.2021.06.004

基于多目标优化的明文域信息隐藏算法

蒋婵钰,张紫欣,秦 川

(上海理工大学光电信息与计算机工程学院,上海 200093)

摘要: 在传统的信息隐藏算法中,嵌入率和图像视觉质量是互相制约的,因而无法平衡两者 之间的关系。为此,提出了一种将可逆信息隐藏算法和不可逆信息隐藏算法相结合的高保真 算法。利用不可逆信息隐藏算法的高嵌入率和可逆信息隐藏算法在图像视觉质量方面的高峰 值信嗓比(peak signal-to-noise ratio, PSNR),在失真较小的情况下实现隐藏更多的秘密信 息。此外,该算法还能根据具体的应用场景找到相对最优的嵌入率、恢复图像的 PSNR 和含 密图像的 PSNR 的平衡点,从而适应不同的应用需求。实验结果表明,与现有的其他算法相 比,该算法具有更高的嵌入容量和更好的图像视觉质量。

关键词:信息隐藏;多目标优化;预测误差直方图;矩阵编码 中图分类号:TN 253 文献标志码:A

Information hiding in plain-text images based on multi-objective optimization

JIANG Chanyu, ZHANG Zixin, QIN Chuan (School of Optical-Electrical and Computer Engineering, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai 200093, China)

Abstract: In traditional information hiding algorithms, embedding rate and image visual quality are mutually restricted, so the relationship between them cannot be balanced. Therefore, in this paper, a high fidelity scheme combining reversible information hiding method and irreversible information hiding method is proposed, which takes advantage of the high embedding rate of the irreversible information hiding method and the high peak signal-to-noise ratio (PSNR) of the reversible information hiding method in the aspect of image visual quality, so as to embed more secret information with less distortion. In addition, the scheme can also find the relative optimal embedding rate, the balance point between the restored image PSNR and the PSNR containing the dense image according to the specific application scene, so as to adapt to different application requirements. Experimental results show that the proposed scheme has higher embedding capacity and better image visual quality than the existing schemes.

Keywords: information hiding; multi-objective optimization; prediction error histogram shifting; matrix encoding

收稿日期:2021-03-15

作者简介:蒋婵钰 (1995—),女,硕士研究生,研究方向为信息隐藏。E-mail: jcy13861629212@163.com

引 言

信息隐藏技术通常是将一个字符串的消息(如 数字签名)嵌入到一个数字对象(如图像、音频 或视频信号)^[1]中,且人们无法感知到数字对象 的变化,因而被广泛应用于版权保护、指纹识 别、身份验证和秘密通信等领域。近年来,研究 人员提出了很多信息隐藏算法。Zhang 等^[2] 提出 了一种新的修改方向的(exploiting modification direction, EMD)方法,该方法利用魔术矩阵作为参 考,修改载体图像的最低有效位(least significant bit, LSB)。Chang 等^[3] 提出了一种基于(7,4)汉 明码的高嵌入率的信息隐藏方法,通过信息隐藏 技术可以无损地提取出嵌入的秘密信息,但无法 避免数字对象在恢复过程中遭到的破坏。因此, 一种可逆信息隐藏(reversible dataing hiding, RDH) 技术受到了人们的关注,该技术不仅可以提取嵌 入的信息,而且可以无损地恢复原始的载体图 像。到目前为止, RDH算法主要采用3种技 术,即无损压缩^[4-5]、差分扩展(DE)^[6-7]和直方图 平移(HS)^[8-14]。Celik 等^[5]提出,通过无损压缩 的方式来压缩载体图像,从而创建冗余空间来嵌 入秘密信息。Tian^[6]提出了差分扩展法,该方法 是将相邻像素之间的差异加倍,以生成新的最低 有效位平面来嵌入秘密信息。Ni 等^[9] 提出了直 方图平移法,该方法用直方图呈现像素点出现的 频率,将出现次数最多的像素点作为峰值点,将 出现次数为0的像素点作为零值点,并通过修改 直方图的峰值点对应的像素值来实现信息的隐 藏。但是,以上这些方法也存在一些不足。

一方面,一些提出的可逆方法缺乏灵活性和 便利性。例如,文献 [12] 是利用峰值点来嵌入 数据,虽然此方法有效,但有时只需在水印区域 嵌入很少的信息,这种以牺牲所有的误差值(在 峰值点与其对应的零点之间移动)为代价来容纳 这么少的数据是不可取的。这些方法一般都不能 根据具体的应用场景找到最优的嵌入率、恢复图 像的峰值信噪比(peak signal-to-noise ratio, PSNR) 和嵌入图像的 PSNR 的平衡点。

另一方面,在数据嵌入后,可逆信息隐藏的 技术有助于提高图像质量但嵌入率较低,而不可 逆信息隐藏方法能取得更高的嵌入率。如果只采 用传统的可逆信息隐藏算法,就不能对信息提供 一个大范围的嵌入率选择,所以灵活性不够。

基于这些考虑,本文将可逆信息隐藏方法与 不可逆信息隐藏方法相结合,以获得失真小、嵌 入率高的效果,实现多目标优化。与其他方法相 比,数据嵌入之前,我们可以调整嵌入率,嵌入 图像的 PSNR,恢复图像的 PSNR 的权值,以获 得不同的结果来适应不同的应用需求。

1 信息隐藏算法

1.1 算法框架

本文算法的框架如图 1 所示,由图像预处 理、数据隐藏和数据提取/图像恢复 3 个阶段组 成。在预处理阶段,先对原始图像进行块分类。 在数据隐藏阶段,数据隐藏者利用数据隐藏密 钥,采用预测误差直方图平移法和魔方矩阵编码 法,将秘密数据嵌入到经过预处理后的图像块 中。纹理平滑的图像块即为可逆信息隐藏图像 块,对其用预测误差直方图平移法;纹理复杂的 图像块即为不可逆信息隐藏图像块,对其用魔术 矩阵编码法。在最后数据提取/图像恢复阶段, 当拥有数据隐藏密钥时,接收者可以提取出嵌入 的秘密数据并且恢复图像。

1.2 预处理

以 8 位灰度图像为例,假设原始未压缩图像 I_o 的大小为 $M \times N$ (高×宽)。 I_o 的每个像素记为 $p_{i,j}$,其中i,j表示像素的坐标位置,且1 \leq $i \leq M$,1 $\leq j \leq N$ 。为了简化说明,假设 $M \approx N$ 都是2的幂。为了评估不同图像块的复杂度,对 原始图像进行如下处理。

首先,将原始图像 I_o 分成若干个大小为 $s \times s$ 的不重叠块。

其次,使用 Sobel 算子计算图像块 B_m ($m = 1,2,\dots,(MN/s^2)$)中每个像素的复杂度大小,将每 个像素的复杂度累加得到图像块 B_m 的复杂度并 且记为 G_m ,并设置阈值 G_T 。如果 $G_m \leq G_T$, 则将图像块 B_m 视为纹理光滑的图像块,归类为 可逆信息隐藏图像块;如果 $G_m > G_T$,则将图 像块 B_m 视为纹理复杂的图像块,归类为不可逆



图1 本文算法框架

Fig. 1 Framework of the proposed algorithm

信息隐藏图像块。

最后,生成一个大小为(*M*/*s*²)×(*N*/*s*²)的矩 阵 *U*,用于区分当前块是可逆信息隐藏图像块还 是不可逆信息隐藏图像块,以便于后续提取数据 和恢复图像。

1.3 理论推导

假设有 Q 块的复杂度满足 $G_m \leq G_T$,即可逆 信息隐藏图像块的数量为 Q。对于每个可逆图 像块 B_m ,第一行和第一列的像素都不做修改, 剩下的像素按照光栅扫描顺序进行预测。 B_m 中所 有预测误差 $e_{u,v}^{(m)}$ 可以收集起来生成一个块预测误 差直方图(block prediction error histogram, BPEH)。 为了能便于正确提取数据和恢复图像,第一行和 第一列的像素都不用于嵌入数据。假设块 B_m 由 N_m 个不同的预测误差值组成,即 BPEH 中有 N_m 个非空柱。然后,找出两个最高的峰值柱,并将 它们分别记为左峰值 V_{pl} 和右峰值 V_{pr} ,同时将所 有预测误差值大于 V_{pr} 的直方柱向右移动一个单 位,将所有预测误差值小于 V_{pl} 的直方柱向左移 动一个单位。整个嵌入规则可以表示为

$$e'_{u,v}^{(m)} = \begin{cases} e_{u,v}^{(m)} + 1, & \text{if } e_{u,v}^{(m)} > V_{\text{pr}} \\ e_{u,v}^{(m)} + b, & \text{if } e_{u,v}^{(m)} = V_{\text{pr}} \\ e_{u,v}^{(m)}, & \text{if } V_{\text{pl}} < e_{u,v}^{(m)} < V_{\text{pr}} \\ e_{u,v}^{(m)} - b, & \text{if } e_{u,v}^{(m)} = V_{\text{pl}} \\ e_{u,v}^{(m)} - 1, & \text{if } e_{u,v}^{(m)} < V_{\text{pl}} \end{cases}$$
(1)

式中: $e'_{u,v}^{(m)}$ 为修正的预测误差值; $b \in \{0,1\}$ 为要 嵌入的秘密数据。假设我们嵌入相同数量的数据 (即p比特)到每个块中,则可以计算图像的嵌入 容量 C_1 为

$$C_1 = Qp \tag{2}$$

式中 Q 为可逆信息隐藏图像块的数量。同时, 将块 B_m 中满足 $V_{pl} < e_{u,v}^{(m)} < V_{pr}$ 的 $e_{u,v}^{(m)}$ 的总数表示 为 x,并假设秘密数据具有相等的概率,即为 0 和 1。那么,所有可逆信息隐藏图像块的含密 图像块总失真 D_1 可以表示为

$$D_1 = Q \times \left(s^2 - x - \frac{p}{2}\right) \tag{3}$$

魔术矩阵编码方法的嵌入率为 $R = \frac{\log_2(2n+1)}{n}$, $n \to \ge 2$ 的正整数。由于R表示每个原始像素中嵌入的秘密比特数,因此,每个不可逆信息隐藏 图像块 B_n 的数据嵌入容量 C_m 可以记为

$$C_m = s^2 \times \frac{\log_2\left(2n+1\right)}{n}.\tag{4}$$

由于有Q个可逆信息隐藏图像块,其中 MN/s^4 块用于记录原始 LSB 值,所以剩余的 $\left(\frac{MN}{s^2} - Q - \frac{MN}{s^4}\right)$ 块用于不可逆信息隐藏。所有不可逆信息隐藏。 藏图像块的数据嵌入容量 C_2 记为

$$C_2 = \left(\frac{MN}{s^2} - Q - \frac{MN}{s^4}\right) \times s^2 \times \frac{\log_2(2n+1)}{n}$$
(5)

嵌入效率 $E_{\delta} = [(2n+1) \times \log_2(2n+1)]/2n$ 表示

嵌入比特数与由于数据嵌入而产生的畸变的比特 数之比。由于 *E*_δ表示了每改变一个像素能嵌入 多少数据,所以所有不可逆信息隐藏图像块的块 失真 *D*₂可以表示为

$$D_2 = \frac{C_2}{E_\delta} = \frac{2(MN - Qs^2 - MN/s^2)}{2n+1}$$
(6)

本文综合考虑含密图像和恢复图像,研究基 于拉格朗日乘数法的图像性能最优问题。假设, 除了可逆信息隐藏块数目Q和可逆信息隐藏块 的嵌入率之外所有的参数都是已知的。在这种情 况下,可以得到相应的可逆块的数量,该数量可 表示为

$$Q = \frac{F - FH}{G + EH} \tag{7}$$

$$\vec{x} \oplus: E = s^2 - x - \frac{p}{2} - \frac{2s^2}{2n+1}; F = \frac{2(MN - MN/s^2)}{2n+1}; G = \frac{2s^2}{2n+1}; H = (\omega_1 \omega_2 G)^{\frac{1}{2}} / \omega_3 \left(\left(\frac{E\left(MN - \frac{MN}{s^2}\right)\log_2(2n+1)}{n} \right) - \frac{2s^2}{n} \right) + \frac{2s^2}{n} \left(\frac{E\left(NN - \frac{MN}{s^2}\right)\log_2(2n+1)}{n} \right) - \frac{2s^2}{n} + \frac{2s^$$

 $(\omega_1, \omega_2, \omega_3 分别)$ 为嵌入率R、含密图像的峰值信噪比 PSNR、恢复图像的峰值信噪比 PSNR 的权重)。

1.4 数据嵌入

假设图像的每个分块都嵌入了数据,则嵌入 过程由以下5个步骤组成。

(1)将原始图像划分成若干互不重叠的大小为*s×s*的块,并且按照 1.2 节中提到的方法对每 个块进行处理,得到复杂度。

(2)使用一个矩阵 **U**来记录平滑图像块与复杂图像块的位置。

(3)除了最前面的*HW/s*⁴块之外,将剩下的 图像块按照复杂度值从小到大进行排序,复杂度 值较低的*Q*块作为可逆信息隐藏图像块。

(4)在可逆信息隐藏图像块中进行数据嵌入。可逆信息隐藏图像块的嵌入率为*m*₁,每个 块都应该嵌入*m*₁*s*²比特的秘密数据。因此,应 该选择误差值点对应的数目有*m*₁*s*²个的预测误 差值,这说明如果继续使用峰值点的话,可能需 要消耗更多的成本,因为峰值点和零点之间的所 有误差值都将被移动,以此来容纳秘密数据。为 了解决这个问题,本文使用一个足够的空间来嵌 入秘密数据的误差序列峰值点,或者找两个总和 是接近我们需要嵌入秘密数据数目的直方柱。设 $e_{u,v}$ 表示预测误差,b表示要被嵌入的秘密数据, 并且 $b \in \{0,1\}$,具体的数据嵌入方法实现如下:

如果 $e_{u,v} - V_{pr} > 1$,则 $e_{u,v}$ 向右移动一个单位。 如果 $e_{u,v} = V_{pr}$,则 $e_{u,v}$ 修改为 $e_{u,v} + b$ 。 如果 $V_{pl} < e_{u,v} < V_{pr}$,则 $e_{u,v}$ 不作修改。 如果 $e_{u,v} = V_{pl}$,则 $e_{u,v}$ 修改为 $e_{u,v} - b$ 。 如果 $e_{u,v} - V_{pl} > -1$,则 $e_{u,v}$ 向左移动一个单位。 (5) 在不可逆信息隐藏图像块中进行数据嵌

入。使用 n 个像素来携带一个(2n+1)进制比特的秘密数据。要嵌入秘密数据,首先将每个秘密数据转换为(2n+1)进制。图 2 是 n = 2 时的一个魔术矩阵,坐标(a,b)代表像素对{a,b}在魔术矩阵中的位置,该位置对应的数据记为 D(a,b)。

255													
	: 10	0	1	2	2	4	0	1	2	2	4	0	1
	10	0	1	2	3	4	0	1	2	3	4	0	
ndex	9	3	4	0	1	2	3	4	0	I	2	3	
	8	1	2	3	4	0	1	2	3	4	0	1	
	7	4	0	1	2	3	4	0	1	2	3	4	
	6	2	3	4	0	1	2	3	4	0	1	2	
mn	5	0	1	2	3	4	0	1	2	3	4	0	
Colu	4	3	4	0	1	2	3	4	0	1	2	3	
•	3	1	2	3	4	0	1	2	3	4	0	1	
	2	4	0	1	2	3	4	0	1	2	3	4	
	1	2	3	4	0	1	2	3	4	0	1	2	
	0	0	1	2	3	4	0	1	2	3	4	0	
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ··· 255 Row index													
图 7 廢术 4 阵													

Fig. 2 Magic matrix

如果嵌入的信息与数据 D(a,b) 相同,则原始 像素值保持不变。

如果嵌入的信息为数据 *D*(*a*,*b*+1),则像素 值修改为数据 *D*(*a*,*b*+1)。

如果嵌入的信息为数据 D(a,b-1),则像素 值修改为数据 D(a,b-1)。

如果嵌入的信息为数据 D(a+1,b),则像素 值修改为数据 D(a+1,b)。

如果嵌入的信息为数据D(a-1,b),则像素

值修改为数据D(a-1,b)。

1.5 数据提取与图像恢复

数据提取和图像恢复过程由以下4个步骤 组成。

(1)如果接收方拥有数据隐藏密钥,则接收 方可以获得关于图像被划分为HW/s²块的非重叠 块的信息。然后,在前HW/s⁴块中可以得到矩 阵 **U**的信息,于是可以知道纹理平滑的图像块 和纹理复杂的图像块的位置。

(2)可逆信息隐藏块数据提取。首先,可以 通过计算得到预测误差 e'uv; 然后, 在预测误差 直方图中,可以找到用于在原始图像中嵌入信息 的两个点 Vnl, Vpr。

如果 $e'_{u,v} > V_{pr} + 1$,则在数据嵌入过程中已 经对像素进行了移位,其原始像素应为e'uv-1。

如果 $e'_{u,v} \in [V_{pr}, V_{pr}+1]$,则在数据嵌入过程 中已经对像素进行扩展并携带隐藏数据。此时, 嵌入的数据 $b = e'_{u,v} - V_{pr}$, 原始像素为 V_{pr} 。

如果 $e'_{u,v} \in [V_{pl}, V_{pr}]$,则在数据嵌入过程中 像素不变。

如果 $e'_{u,v} \in [V_{pl} - 1, V_{pl}]$,则在数据嵌入过程 中已经对像素进行扩展并携带隐藏数据。嵌入的 数据 $b = V_{pl} - e'_{u,v}$,原始像素为 V_{pl} 。

如果 e'u,v < Vpl-1,则在数据嵌入过程中已 经对像素进行了移位,其原始像素为e'uv+1。

(3)不可逆信息隐藏图像块中数据提取。假 设*n*=2,从第一列和第一行开始提取数据。通 过查找像素对坐标(a, b)对应的秘密数据 D(a, b)b)来提取秘密信息,但不可逆信息隐藏图像块 中的原始像素无法恢复。

(4)图像恢复。将前 HW/s^4 块中像素的LSB 替换为步骤2和步骤3中提取的前MN/s²位秘 密数据,同时恢复可逆信息隐藏图像块。

2 实验结果和比较

本文选取 USC-SIPI 图像库中的 5 个常用的 标准图像 Lena、Baboon、Lake、House、Man 作 为测试图像,每幅图像的大小均为512 像素× 512 像素,如图 3 所示。



(a) Lena

(b) Baboon



(c) Lake



(d) House

(e) Man 图 3 标准测试图像

Fig. 3 Standard test images

研究嵌入率R、含密图像的峰值信噪比 PSNR、恢复图像的峰值信噪比 PSNR 的权重 ω_1 、 ω_2 、 ω_3 对于实验结果的影响,即 ω_1 、 ω_2 、 ω、的大小对可逆信息隐藏图像块 0 值的影响。 图 3 是可逆信息隐藏图像块的嵌入率 $m_1 = 0.2$ 时 的实验结果,每个可逆信息隐藏图像块预期能容 纳 51 位秘密数据。分别给 $\omega_1 \ \omega_2 \ \omega_3$ 设置不 同的权重,测试 ω_1 的权重显著上升是否会直接 影响嵌入容量,同理, ω_2 的权重变化是否会直 接影响含密图像的 PSNR, ω_3 的权重变化是否 会直接影响恢复图像的 PSNR,实验结果如表 1 所示。从表 1 可以很明显地看出,当 ω_1 很大, ω_2 、 ω_3 则会相对较小,此时的嵌入率会高于 ω_1 较小的时候。同理也可以应用到 ω_2 、 ω_3 中。

表 1 不同 ω_1 , ω_2 , ω_3 情况下 Lena 的性能 Tab. 1 Performance for Lena with different emphasis on weights of $\omega_1, \omega_2, \omega_3$

权重	ω_1	ω_2	ω3	Q	嵌入率/(bit/像素)	含密图像的PSNR/dB	恢复图像的PSNR/dB
	0.799999	0.299999	0.000001	114	1.03615	52.10323	52.64217
ω_1	0.699999	0.399999	0.000001	56	1.095 54	52.05778	52.361 52
	0.300000	0.699 996	0.000004	550	0.59237	51.40668	55.45762
ω_2	0.200 000	0.7999996	0.000004	605	0.53274	51.292 03	55.98313
	0.178 500	0.178 500	0.648400	1 0 2 2	0.085 03	50.55541	79.21990
ω_3	0.178 500	0.078 500	0.748400	1 0 2 3	0.08391	50.55326	82.14587

我们在嵌入率 *R*_r、含密图像的 PSNR 以及 恢复图像的 PSNR 方面与文献 [8]、文献 [9]、文 献 [10] 和文献 [11] 中提出的方法进行了比较,

结果如表 2 所示。从表 2 中可以清晰地看出,对 于含密图像,本文的方法具有更高的平均 PSNR 值以及更高的嵌入率。

表 2 本文提出方法与 [8]、[9]、[10]、[11] 的总体比较 Tab. 2 Overall comparison between [8], [9], [10], [11] and our proposed method

方法	嵌入率/(bit/像素)	嵌入容量/bit	含密图像PSNR/dB
文献[8]	0.0854	22 377	48.32
文献[9]	0.0208	5460	48.2
文献[10]	0.0546	14313	50.13
文献[11]	0.0529	13 868	47.29
本文方法	0.0828~1.1509	21710~129952	50.55~52.13

3 结 论

本文将可逆信息隐藏算法和不可逆信息隐藏 算法相结合,提出了一种嵌入容量大、图像视觉 质量高的明文域信息隐藏算法。在数据嵌入之 前,预先设置不同的嵌入率、含密图像的 PSNR 和恢复图像的 PSNR 的权重,得到相应的采用可 逆信息隐藏算法的可逆块和采用不可逆信息隐藏 方法的不可逆块的比例。在嵌入阶段,采用 2 种 算法进行信息隐藏。最后,提取出秘密数据,恢 复图像。与其他传统算法相比,本文算法在嵌入 率和含密图像的视觉质量方面都有较好的性能。 未来我们希望能采用不同的信息隐藏算法来优化 多目标优化的信息隐藏算法。此外,我们还将对 该算法从明文域拓展到密文域,从而进一步增强 信息隐藏算法的安全性。

参考文献:

- [1] 吴国华, 龚礼春, 袁理锋, 等. 中文文本信息隐藏研究 进展 [J]. 通信学报, 2019, 40(9): 145 – 156.
- [2] ZHANG X P, WANG S Z. Efficient steganographic embedding by exploiting modification direction[J]. IEEE Communications Letters, 2006, 10(11): 781 –

783.

- [3] CHANG C C, KIEU T D, CHOU Y C. A high payload steganographic scheme based on (7, 4) Hamming Code for digital images[C]//Proceedings of 2008 International Symposium on Electronic Commerce and Security. Guangzhou: IEEE, 2008: 16-21.
- [4] FRIDRICH J, GOLJAN M, DU R. Lossless data embedding—new paradigm in digital watermarking[J].
 EURASIP Journal on Advances in Signal Processing, 2002, 2002(2): 185 – 196.
- [5] CELIK M U, SHARMA G, TEKALP A M, et al. Lossless generalized-LSB data embedding[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2005, 14(2): 253 – 266.
- [6] TIAN J. Reversible data embedding using a difference expansion[J]. IEEE Transactions on Circuits and Systems for Video Technology, 2003, 13(8): 890 – 896.
- [7] ZHANG T, LI X L, QI W F, et al. Location-based PVO and adaptive pairwise modification for efficient reversible data hiding[J]. IEEE Transactions on Information Forensics and Security, 2020, 15: 2306 – 2319.
- [8] TAI W L, YEH C M, CHANG C C. Reversible data hiding based on histogram modification of pixel

differences[J]. IEEE Transactions on Circuits and Systems for Video Technology, 2009, 19(6): 906 – 910.

- [9] NI Z C, SHI Y Q, ANSARI N, et al. Reversible data hiding[J]. IEEE Transactions on Circuits and Systems for Video Technology, 2006, 16(3): 354 – 362.
- [10] HUANG H C, FANG W C. Authenticity preservation with histogram-based reversible data hiding and quadtree concepts[J]. Sensors, 2011, 11(10): 9717 – 9731.
- [11] FALLAHPOUR M, SEDAAGHI M H. High capacity lossless data hiding based on histogram modification[J].
 IEICE Electronics Express, 2007, 4(7): 205 – 210.
- [12] CHANG C C, TAI W L, CHEN K N. Lossless data hiding based on histogram modification for image authentication[C]//Proceedings of 2008 IEEE/IFIP International Conference on Embedded and Ubiquitous Computing. Shanghai: IEEE, 2008: 506 – 511.
- [13] WANG D W, ZHANG X Q, YU C Q, et al. Reversible data hiding by using adaptive pixel value prediction and adaptive embedding bin selection[J]. IEEE Signal Processing Letters, 2019, 26(11): 1713 – 1717.
- [14] 孙刘杰, 庄松林. 印刷图像中隐藏水印的菲涅耳变 换方法 [J]. 上海理工大学学报, 2008, 30(5): 475 478.

(编辑:刘铁英)