文章编号: 1005-5630(2020)05-0077-06 **DOI**: 10.3969/j.issn.1005-5630.2020.05.012

# 基于拓扑单向波导的电磁诱导透明效应研究

#### 袁庆斌1,2

- (1. 上海理工大学上海市现代光学系统重点实验室,上海 200093;
  - 2. 上海理工大学 光电信息与计算机工程学院,上海 200093)

摘要:为了研究电磁诱导透明效应在拓扑单向波导中的表现,设计了一种基于磁性光子晶体的耦合谐振腔波导。通过对谐振腔位置的调控实现了具有单向性质的电磁诱导透明效应,并利用有限时域差分仿真证明了电磁诱导透明效应在单向拓扑波导中的相关特性。该研究可为拓扑波导中实现光延迟、光开关等提供参考。

关键词:磁性光子晶体;单向拓扑波导;电磁诱导透明

中图分类号: O 436.3 文献标志码: A

# Electromagnetically induced transparency based on topological one-way waveguide

#### YUAN Qingbin<sup>1,2</sup>

- (1. Shanghai Key Laboratory of Modern Optical System, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai 200093, China;
- 2. School of Optical-Electrical and Computer Engineering, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai 200093, China)

**Abstract:** In this paper, a coupled resonant waveguide based on magnetic photonic crystal has been proposed. The resonant frequency can be controlled by tuning the position of cavities to realize the electromagnetically induced transparency in topological one-way waveguide. The corresponding characteristics are demonstrated based on the finite-difference time-domain method. Our study may provide an approach to realize optical delay and optical switches in the topological waveguide.

**Keywords:** magnetic photonic crystal; topological one-way waveguide; electromagnetically induced transparency

## 引言

最早将拓扑概念引进光学系统中的是 Haldane 等<sup>[1]</sup> 和 Raghu 等<sup>[2]</sup>,他们发现,在有法拉第效应

的旋电介质构成的六角晶格光子晶体中,电磁波 可以实现类似量子霍尔效应的单向传播模式。其 产生的原因类似于电子体系:在六角晶格中,狄 拉克点的简并是由时间反演对称性和空间反映对

收稿日期: 2020-05-01

作者简介: 袁庆斌 (1994—), 男,硕士研究生,研究方向为太赫兹波导器件。E-mail: wfqingbin@163.com

称性保护的, 因此, 通过破缺系统的时间反演对 称性来打开狄拉克点,可以实现光学系统的拓扑 相变。然而,自然界中存在的旋电材料对时间反 演对称性破缺的响应不大,实验上很难观察到稳 定的单向传输的边界态。因此, Wang 等提出采 用旋磁介质来替代旋电介质[3],通过打开具有二 次型的能带交叉点来实现拓扑相变。这个方案随 后就在实验上得到了验证[4],并给人们后来在基 于磁性光子晶体的拓扑光子系统中的电磁波调控 提供了一个重要的研究方向。Fu等分别从理论 和实验上研究了不同的波导宽度对单向边缘模式 的影响<sup>[5]</sup>。Liu 等提出,利用具有非互易磁表面 等离子激元的波导结构能够设计出完美的电磁波 单向吸收器<sup>[6]</sup>。Liu 等研究了两个独立的拓扑光 子态在双通道磁性光子晶体中的反向相互耦合效 应<sup>[7]</sup>。Yang 等通过调节波导两侧磁柱的尺寸以 调控色散结构,实现了受拓扑保护的单向慢光态<sup>[8]</sup>。 Skirlo等在大陈数波导中提出了具有单向性质的 功率分配器<sup>[9]</sup>。Liang 等研究了磁可调的三端口 向环形器<sup>[10]</sup>。Li 等基于错位磁光光子晶体结构 和利用"双拓扑态结构"实现了低维的光捕获[11]。

以上这些成果说明,通过磁性光子晶体中的单向边缘模式对电磁波进行调控具有广阔的应用前景。本文是在拓扑保护耦合谐振腔波导中研究电磁诱导透明(EIT)效应的物理特性。耦合谐振腔波导中电磁诱导透明效应的产生有两种物理途径:一种是一个波导辐射共振腔(明模腔)与一个非辐射共振腔(暗模腔)进行直接耦合<sup>[12]</sup>;另一种是两个失谐的共振腔通过波导间接耦合<sup>[13]</sup>。本文采用第一种途径实现单向拓扑波导中的 EIT效应。我们在磁性光子晶体构成的单向波导的一侧加入两个谐振腔,通过调节谐振腔的位置,可以改变其谐振频率。由于两个谐振腔的共振模式之间的相干相消,实现了具有单向特性的电磁诱导透明效应。

### 1 EIT 效应基本原理与模型设计

#### 1.1 EIT 效应基本原理

电磁诱导透明最早发现于三能级原子系统中<sup>[14]</sup>,是光与物质媒介相互作用中电磁场与原

子能级系统之间产生的一种量子干涉效应。图 1 为电磁诱导透明三能级模型,整个三能级系统由 |0>基态, |2>亚稳态和|1>激发态组成。在图 1 中,当强度较弱且频率为 $\omega_p$ 的探测光照射到能 级结构中时, 若探测光能够为原子在 (0) 基态和 |1>激发态之间跃迁提供足够的能量,原子将从 |0>基态跃迁到|1>激发态并吸收几乎全部的探测 光,从而得到一个明显的吸收光谱,跃迁路径 为: |0⟩→|1⟩。当在|2⟩亚稳态和|1⟩激发态之间 加入强度为 $\omega_c$ 的泵浦光时,亚稳态和激发态能 级跃迁被打通,新的跃迁路径为:  $|0\rangle \rightarrow |1\rangle \rightarrow |2\rangle \rightarrow$ |1>。两种不同的跃迁路径之间产生相消干涉, 导致探测光不再被吸收,从而形成一个明显的透 明窗口,即电磁诱导透明现象。EIT 透射窗口的 特性在光学方面也有重要的应用,目前光学耦合 谐振腔的 EIT 效应已经在光子晶体波导[15-17]、平 行平板波导[18-19] 和表面等离子体[20-24] 等很多光 学结构中被发现。

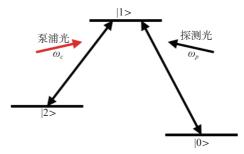


图 1 电磁诱导透明三能级模型

Fig. 1 The three-level model of electromagnetically induced transparency

本文设计的单向波导由正方晶格的钇铁石榴石介质柱(YIG)光子晶体构成,其半径r=0.13a(a为晶格常数),介电常数 $\epsilon=15$ 。在一对大小相等方向相反的外磁场作用下,该磁性光子晶体结构的时间反演对称性被破坏,并产生一个单向畴壁,使得限制在其中的电磁波呈现单向传输特性[25-26]。单向耦合谐振腔波导结构如图 2所示,其中:上半部分和下半部分分别代表方向相反的外加磁场,整个结构的边界条件设置为完美匹配层(PML); $H_1$ 和 $H_2$ 分别代表两个谐振腔与波导的距离,D表示两个腔之间的水平距离。基于三能级理论,在光子晶体中不同高度挖空两组2\*2的介质柱构造两个共振频点不同的高O值谐

振腔,其共振频点分别为 $\omega_A$ 和 $\omega_B$ 。当光源从左 边端口输入,在波导中将产生单向的边缘模式。 设 $\phi$ 和 $\delta_{AB}$ 分别为电磁波在两个腔中一个往返产 生的相移和衰减, 当两个腔满足相位匹配条件  $\phi = 2n\pi$  并且  $\delta_{AB} = 2\tau_{\text{total}}(\omega_A - \omega_B) \neq 0$ 时(其中  $\tau_{\text{total}}$ 为电磁波在两个腔中一个往返所需的时间), 耦 合进入共振腔的电磁波将形成 F-P 谐振并形成驻 波模式。此时,由于两个腔模之间的相消干涉, 导致出现电磁诱导透明窗口。

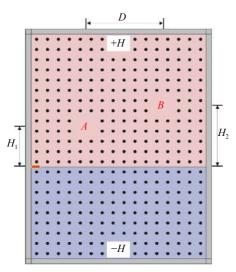


图 2 实现 EIT 效应的耦合谐振腔波导结构 Fig. 2 Coupled resonant waveguide structure to realize EIT effect

#### 仿真结果与分析

采用有限时域差分法对单向电磁诱导透明效 应的透射谱进行仿真。图 3 为光源从左边端口输 入时的 EIT 效应透射谱,此时  $A \setminus B$  谐振腔与波 导的距离分别为 $H_1 = 4a$ 、 $H_2 = 6a$ 。两个谐振腔 分别在  $\omega_A$  = 4.274 472 GHz 和  $\omega_B$  = 4.274 488 GHz 处存在各自的共振频点,同时腔 A 的共振谱明 显宽于腔 B 的透射谱。根据三能级原理、腔 A可视为耦合谐振腔波导中的明模腔, 腔 B 可视 为暗模腔。当两个谐振腔同时存在时,两个腔的 共振谱在 $\omega$  = 4.27 448 GHz 附近叠加, 并出现了 一个向上的透射峰和两个向下的透射谷。由于两 个腔模的相互作用,两个透射谷的频点相较单独 两个腔的透射谱分别向两个方向发生了偏移。作 为对比, 当光源从右边端口输入即光反向输入

时,由于拓扑波导的单向性,使电磁波无法在波 导中传输。

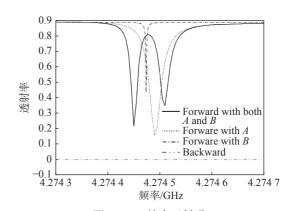


图 3 EIT 效应透射谱

Fig. 3 Transmission spectrum of EIT

图 4 分别给出了两个透射谷和透射峰处 z 方 向的电场分量。当频率为4.27445 GHz时,两个 腔模被同时激发,且能量几乎集中于腔中,如 图 4(a)所示; 当频率位于第二个透射谷4.274 51 GHz 时, 电场能量同样几乎集中在两个腔内, 如 图 4(c)所示; 当频率位于透射峰4.274 48 GHz 时,两个腔模同样被激发,但是由于两个腔模之 间的相干相消,此时几乎没有能量被局域于腔 中, 反之, 波导中的能量较强, 对应的电场分布 如图 4(b)所示。

为了进一步了解单向 EIT 效应在拓扑波导 中的物理过程与机制,对图 4 透射谱中每个透射 峰(谷)附近的电场分布进行进一步分析。图 5 分别显示了频率为 4.274 44 GHz、4.274 47 GHz、 4.274 49 GHz和 4.274 55 GHz 时的电场分布,其 中:图 5(a)、(c)和图 5(b)、(d)分别为左、右边 透射谷两侧频点的电场分布,图 5(b)和图 5(c) 分别为中间透射峰两侧频点的电场分布。由图可 知:对于腔A,频点每经过一个透射谷(峰),相 应的电场模式均会改变, 而腔 B 内的电场模式 只有经过两个透射谷时才会发生模式转换。

通过数值仿真还研究了腔 A 和腔 B 之间不 同的高度差 $\Delta H$ 对透射谱的影响。固定腔A的 位置不变( $H_1 = 4a$ , D = 8a), 当 $\Delta H = H_2 - H_1 = 0$ 时,两个谐振腔的谐振频率相同,此时 $\delta_{AB}$ =  $2\tau_{\text{total}}(\omega_A - \omega_B) = 0$ ,不能满足 EIT 效应的条件。  $\Delta H$  由 a 增加到 3a 时:两个腔之间的耦合强度随 着距离的增加而减小,代表 EIT 效应的透射峰

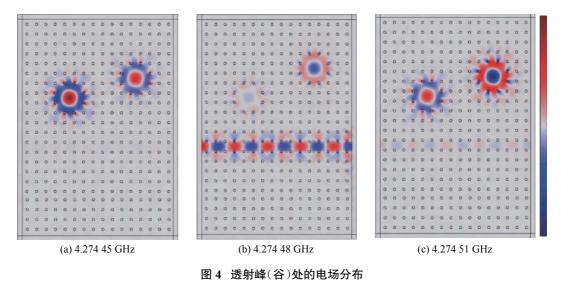


Fig. 4 The Ez distribution corresponding to the frequency at each transmission peak  $(\,dip\,)$ 

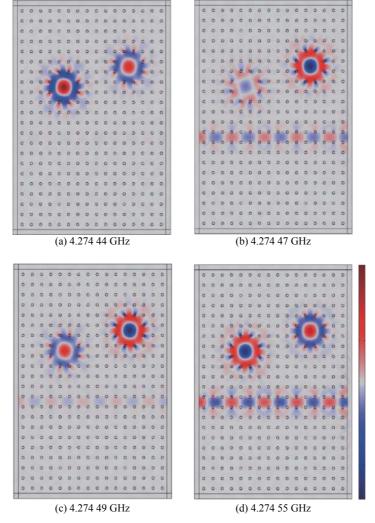


图 5 透射峰(谷)两侧频点对应的电场分布

 $Fig. \ 5 \quad The \ Ez \ distribution \ corresponding \ to \ the \ frequency \ on \ both \ sides \ of \ each \ transmission \ peak \ (\ dip)$ 

和右边的透射谷逐渐发生红移;与之相反,由于决定左边透射谷的共振谱特性主要来源于腔 A与波导的相互作用,左边透射谷的偏移量很小,如图 6 所示。同时,随着  $\Delta H$  的增大,代表 EIT 效应的透射峰逐渐变窄,当  $\Delta H \geq 5a$  时,两个腔之间的相互作用逐渐消失,此时的透射谱对应单个腔 A 的情况。

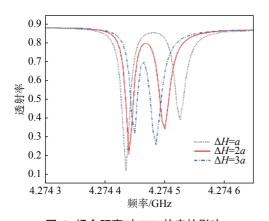


图 6 耦合距离对 EIT 效应的影响 Fig. 6 The effect of coupling distance on EIT effect

#### 3 结 论

通过设计一种基于拓扑单向波导的耦合谐振 腔波导结构,实现了具有单向性质的电磁诱导透 明效应。通过有限时域仿真得到的透射系数,详 细分析了其实现电磁诱导透明的物理机制。此 外,通过改变两个谐振腔的耦合距离,研究了电 磁诱导透明的频率可调现象,发现随着耦合距离 的增加,电磁诱导透明窗口发生红移。

#### 参考文献:

- [1] HALDANE F D M, RAGHU S. Possible realization of directional optical waveguides in photonic crystals with broken time-reversal symmetry[J]. Physical Review Letters, 2008, 100: 013904.
- [2] RAGHU S, HALDANE F D M. Analogs of quantum-Hall-effect edge states in photonic crystals[J]. Physical Review A, 2008, 78: 033834.
- [3] WANG Z, CHONG Y D, JOANNOPOULOS J D, et al.
  Reflection-free one-way edge modes in a gyromagnetic photonic crystal[J]. Physical Review Letters, 2008,

- 100: 013905.
- [4] WANG Z, CHONG Y D, JOANNOPOULOS J D, et al. Observation of unidirectional backscattering-immune topological electromagnetic states[J]. Nature, 2009, 461(7265): 772 775.
- [5] FU J X, LIU R J, LI Z Y, et al. Robust one-way modes in gyromagnetic photonic crystal waveguides with different interfaces[J]. Applied Physics Letters, 2010, 97(4): 041112.
- [6] LIU S Y, LU W L, LIN Z F, et al. Magnetically controllable unidirectional electromagnetic waveguiding devices designed with metamaterials[J]. Applied Physics Letters, 2010, 97(20): 201113.
- [7] LIU K X, SHEN L F, ZHENG X D, et al. Interaction between two one-way waveguides[J]. IEEE Journal of Quantum Electronics, 2012, 48(8): 1059 1064.
- [8] YANG Y, POO Y, WU R X, et al. Experimental demonstration of one-way slow wave in waveguide involving gyromagnetic photonic crystals[J]. Applied Physics Letters, 2013, 102(23): 231113.
- [9] SKIRLO S A, LU L, SOLJAČIĆ M. Multimode oneway waveguides of large chern numbers[J]. Physical Review Letters, 2014, 113: 113904.
- [10] LIANG W Y. Magnetically controllable circulator based on photonic crystal unidirectional waveguide consisting of metamaterials[C]//Proceedings volume 9918, metamaterials, metadevices, and metasystems 2016. San Diego: SPIE, 2016: 99182H.
- [11] LI F F, WANG H X, XIONG Z, et al. Topological light-trapping on a dislocation[J]. Nature Communications, 2018, 9: 2462.
- [12] SMITH D D, CHANG H, FULLER K A, et al. Coupled-resonator-induced transparency[J]. Physical Review A, 2004, 69(6): 063804.
- [13] YANG X D, YU M B, KWONG D L, et al. All-optical analog to electromagnetically induced transparency in multiple coupled photonic crystal cavities[J]. Physical Review Letters, 2009, 102(17): 173902.
- [14] MARANGOS J P. Electromagnetically induced transparency[J]. Optica Acta: International Journal of Optics, 1998, 45(3): 33.
- [15] YANIK M F, SUH W, WANG W, et al. Stopping light in a waveguide with an all-optical analog of electromagnetically induced transparency[J]. Physical Review Letters, 2004, 93(23): 233903.
- [16] ZHOU J H, MU D, YANG J H, et al. Coupledresonator-induced transparency in photonic crystal

- waveguide resonator systems[J]. Optics Express, 2011, 19(6): 4856 4861.
- [17] XIAO Y F, GAO J, ZOU X B, et al. Coupled quantum electrodynamics in photonic crystal cavities towards controlled phase gate operations[J]. New Journal of Physics, 2008, 10(12): 123013.
- [18] CHEN L, GAO C M, XU J M, et al. Observation of electromagnetically induced transparency-like transmission in terahertz asymmetric waveguide-cavities systems[J]. Optics Letters, 2013, 38(9): 1379 1381.
- [19] CHEN L, XU J M, GAO C M, et al. Manipulating terahertz electromagnetic induced transparency through parallel plate waveguide cavities[J]. Applied Physics Letters, 2013, 103(25): 251105.
- [20] SAFAVI-NAEINI A H, ALEGRE T P M, CHAN J, et al. Electromagnetically induced transparency and slow light with optomechanics[J]. Nature, 2011, 472(7341): 69 73.
- [21] XIAO Y F, HE L N, ZHU J G, et al. Electromagnetically induced transparency-like effect in a single polydimethylsiloxane-coated silica microtoroid[J].

- Applied Physics Letters, 2009, 94(23): 231115.
- [22] TANG B, DAI L, JIANG C. Electromagnetic response of a compound plasmonic –dielectric system with coupled-grating-induced transparency[J]. Physics Letters A, 2012, 376(14): 1234 1238.
- [23] DONG Z G, LIU H, XU M X, et al. Plasmonically induced transparent magnetic resonance in a metallic metamaterial composed of asymmetric double bars[J]. Optics Express, 2010, 18(17): 18229 – 18234.
- [24] PIAO X J, YU S, PARK N. Control of Fano asymmetry in plasmon induced transparency and its application to plasmonic waveguide modulator[J]. Optics Express, 2012, 20(17): 18994 – 18999.
- [25] ZANG X F, JIANG C. Edge mode in nonreciprocal photonic crystal waveguide: manipulating the unidirectional electromagnetic pulse dynamically[J]. Journal of the Optical Society of America B, 2011, 28(3): 554 557.
- [26] ZANG X F, JIANG C. Temperature-stabilized one-way electromagnetic modes in a magneto-optic unidirectional waveguide[J]. Applied Optics, 2010, 49(31): 6111 6115.

(编辑:刘铁英)