## 可见光-近红外光谱的矽卡岩型铁矿反演模型

毛亚纯1,温 健1\*,付艳华2,曹 旺1,赵占国3,丁瑞波1

1. 东北大学资源与土木工程学院, 辽宁 沈阳 110819

2. 东北大学江河建筑学院, 辽宁 沈阳 110819

3. 中国黄金集团,北京 100000

摘 要 铁矿资源是我国国民经济基础产业中的重要组成要素,在我国经济发展中有举足轻重的地位。铁 矿品位的检定效率对铁矿石开采效率有重大影响。目前,铁矿石品位的化学分析检定法,不仅存在成本较 高,化验周期长的问题,更主要的是其无法实现铁矿品位原位测定,相对配矿流程存在滞后效应,无法有效 降低矿石开采的损失贫化率;基于可见光-近红外光谱分析的铁矿品位原位测定技术是解决这一问题的有效 途径。以 225 个红岭矽卡岩型铁矿测试样本的可见光-近红外光谱数据及化学分析数据为数据源,首先对原 始数据进行了平滑处理,并分析了矽卡岩型铁矿可见光-近红外光谱特征,然后利用倒数对数、多元散射校 正(MSC)两种预处理方法对平滑后的光谱数据进行处理,再分别以主成分分析法(PCA)、遗传算法(GA)两 种降维算法对预处理前后的光谱数据进行了处理,获取了六种不同预处理组合算法处理后的数据源。其中 以 PCA 降维算法所降维数分别为 3 维、3 维、7 维;以 GA 降维算法所降维数分别为 477 维、489 维、509 维。最后基于随机森林(RF)和极限学习机(ELM)建立了矽卡岩型矿石金属铁品位的定量反演模型,以决定 系数(R<sup>2</sup>)、均方根误差(RMSE)和平均相对误差(MRE)三个指标分别对模型的稳定性、精确度、可信度进行 评价。结果表明,经 MSC 处理及 PCA 降维后的数据基于 ELM 算法建立的定量反演模型效果最优,其 R<sup>2</sup> 可 达 0.99、RMSE 为 0.005 7、MRE 为 2.0%,该方法所建模型对红岭砂卡岩型铁矿品位反演精度有明显的提 升。对矽卡岩铁矿品位的实时、快速分析提供了一种有效的方法,对实现矽卡岩型铁矿的高效开采具有重要 的现实意义。

关键词 可见光-近红外光谱; 砂卡岩铁矿; 降维算法; 预处理组合算法; 定量反演模型 中图分类号: TP79 文献标识码: A DOI: 10.3964/j.issn.1000-0593(2022)01-0068-06

## 引 言

铁矿是我国经济发展的重要矿产资源,其中砂卡岩型铁 矿是我国重要的铁矿床类型之一,其储量约占全国铁矿床总 储量的11%,矿石类型以磁铁矿为主<sup>[1]</sup>。传统的矿石品位检 定方法以化学分析法为主,检测方法较为准确,但由于成本 昂贵、检定周期较长,无法实现矿石品位的即时原位测 定<sup>[2]</sup>,相对配矿流程均存在滞后效应,因此难以有效降低矿 石开采的损失贫化率。如今,如何做到低成本,快速、准确 确定铁矿品位及合理、高效开采铁矿已成为铁矿开采中亟待 解决的关键问题。高光谱遥感由于其高分辨率、波谱连续、 信息丰富<sup>[3]</sup>,已被广泛应用于植被指数反演、土壤含盐量反 演、重金属品位反演等领域[4-6]。

由于原始高光谱数据存在数据冗余、信噪比低等问题, 严重影响其特征分析的准确性和建模反演精度,为此大量学 者在高光谱数据的预处理、及降维处理等方面进行了的研 究<sup>[7-8]</sup>,这些方法均有效降低了高光谱数据的冗余度,快速 准确地提取出有效的光谱信息,达到提升预测精度降低误差 的目标。同时国内外很多学者也对数据处理以及建模方法进 行了大量的研究。Chudnovsky等基于偏最小二乘法多元分 析,证明了仅通过沉积物粉尘的可见光-近红外高光谱数据 即可对其进行准确预测<sup>[9]</sup>;高伟等以铁矿粉的高光谱数据为 数据源,建立了多种反演模型,其中 SFIM-RFR 模型预测结 果误差最小,证明了基于高光谱数据预测铁矿粉中全铁品位 的可行性和有效性<sup>[10]</sup>; 陈俊英等建立了 SNV-SR-ELM 模

e-mail: dbdxmyc@163.com

收稿日期: 2020-11-30,修订日期: 2021-03-09

基金项目:国家自然科学基金项目(52074064)资助

**作者简介:**毛亚纯,1966年生,东北大学资源与土木工程学院教授 \* 通讯作者 e-mail: 1241042848@qq.com

型,对高光谱反演水质模型的优化以及污水水质的快速监测 和综合评价提供了有效途径<sup>[11]</sup>。虽然国内外学者对高光谱 数据处理及建模方法的研究已经取得了一定的进展,但目前 基于矽卡岩型铁矿高光谱数据的研究相对较少。

以红岭砂卡岩型铁矿的化学分析与光谱测试数据为数据 源,并对其进行数据预处理及降维多种组合算法处理,同时 以随机森林算法和极限学习机算法两种算法为建模方法建立 矿石铁品位的定量反演模型。结果表明,经 MSC 处理及 PCA 降维后的数据基于 ELM 算法(MSC-PCA-ELM)建立的 定量反演模型效果最优,其中决定系数 R<sup>2</sup> 为 0.99、均方根 误差 RMSE 为 0.005 7、平均相对误差 MRE 为 2.0%,由此 可见利用该方法可准确快速反演砂卡岩型铁矿的品位,为我 国砂卡岩型铁矿品位的快速原位分析提供了有效手段。

## 1 实验部分

#### 1.1 研究区与矿石采样

红岭铅锌矿位于我国内蒙古赤峰市,主要开采铁、锌矿体,是以铁、铅、锌为主的砂卡岩型多金属矿床。2019年6 月在内蒙古赤峰红岭矿区采集了井下砂卡岩型铁矿样本。为 保证所采集的样本具有代表性、多样性及建模的普适性,故 采取矿区均匀抽样的方式采集了相应的砂卡岩型铁矿样本, 如图 1(a)所示。

为使所建模型在井下具有实际应用性,因此对砂卡岩型 铁矿样本进行了钻孔、取芯及切块处理,最终制成共 225 件 块状样本,如图 1(b)和(c)所示。



### 1.2 矿石铁品位与光谱测定

使用美国 SVC HR-1024 便携式地物光谱仪采集光谱, 波段范围 350~2 500 nm,通道数为1 024,最小积分时间为 1 s。在观测角度等条件保持不变的情况下,分别以太阳光和 卤素灯光作为光源的测试结果基本一致。但考虑到井下应用 将以卤素灯作为光源,因此以卤素灯作为测试光源,并在夜 间封闭环境条件下对样本进行了测试,测试时使样本观测面 保持水平,光谱仪镜头垂直于样品观测面,采样积分时间设 置为2 s,每个样品重复测试2次,视场角为4°。为避免光谱 测试出现的偶然性,取两次反射率平均值作为该矿石的实际 反射光谱数据。在实验过程中,每隔 10~15 min 进行一次白 板测定。

光谱采集完毕后,为了进一步降低噪声的干扰,采用

Savitzky Golay 法对原始光谱数据进行了平滑处理<sup>[12]</sup>,图 2 是 225 个块状砂卡岩型铁矿样本的光谱曲线。



Fig. 2 Visible and near infrared spectra of samples

## 光谱特征如下:

(1)样品的光谱反射率大部分在10%~30%之间。

(2)在400~550 nm 反射率为上升趋势,一部分曲线上 升趋势显著,斜率较大,另一部分曲线上升趋势缓慢,斜率 较小,且在550 nm 附近出现波峰。

(3)在 550~1 180 nm 反射率下降,其中在 870 nm 附近 出现微弱波谷。

对上述现象进行分析发现,在 350~550 nm 间的光谱差 异与样本铁品位有一定相关性,斜率小的样本普遍铁品位均 值高于斜率大的样本铁品位均值。

光谱测试结束后,将全部实验样品进行了研磨化验处 理,以确定各个样品的铁品位。由化验结果得出,样本铁品 位在 6.75%~66%之间,平均品位为 27.84%。

## 2 结果与讨论

#### 2.1 光谱数据预处理

由于原始高光谱数据存在数据冗余、信噪比低等问题, 为了增强光谱信息,突出光谱特征,提高信噪比,采用倒数 对数、多元散射校正两种预处理方法。

#### (1)倒数对数法

倒数对数法不仅可以有效增强光谱在可见光波段的差 异,还可以有效的减弱因测试时光照条件变换所引起的乘性 因素的影响。倒数对数法计算公式如式(1)所示

$$\theta' = \log\left(\frac{1}{\theta}\right) \tag{1}$$

式(1)中, *θ*为平滑后的原始光谱数据, *θ*<sup>'</sup>为经倒数对数处理 后的光谱数据。图 3 是 225 个块状砂卡岩型铁矿样本经过倒 数对数处理后的光谱曲线。

#### (2)多元散射校正

多元散射校正处理可有效降低因散射对光谱数据的影响,在一定程度上增强特征波段的有效信息<sup>[13]</sup>。该算法的具体实现过程为:首先由式(2)计算样本的平均光谱作为标准光谱,然后将各种原始光谱与标准光谱作一元回归,如式(3)所示,最后由式(4)计算多元散射校正后的光谱数据。



Fig. 3 Spectral curves after reciprocal logarithm processing

$$\overline{A}_{m,n} = \frac{\sum_{m=n}^{i} A_{m,n}}{i} \tag{2}$$

$$A_m = l_m \overline{A} + B_m \tag{3}$$

$$A_{m(msc)} = \frac{A_m - B_m}{l_m} \tag{4}$$

式中, A 为 i×w 维定标光谱矩阵, i 为样品数, w 为光谱采 集时所用波段数, l<sub>m</sub> 和 B<sub>m</sub> 分别表示经平滑处理后的原始光 谱数据和平均光谱数据作为一元线性回归后的相对偏移系数 和平移量。图 4 是 225 个块状矽卡岩型铁矿样本经过多元散 射校正处理后的光谱曲线。





## 2.2 降维处理

(1)遗传算法

遗传算法(genetic algorithm, GA)作为一种自适应的全 局概率搜索算法,它的优越性很大程度体现在建模自变量提 取方面。利用遗传算法对 225 个样本进行波长筛选时,先将 矿石样本按照铁品位从小到大均匀选出训练集 169 个与测试 集 56 个。然后根据高光谱波段数,设置染色体长度为 973, 初始种群大小设为 20,最大繁殖代数设置为 100,设置交叉 概率和变异概率范围为[0,1],然后采用 BP 神经网络法针 对每一个体计算个体适应度 **Ŵ**,其中训练函数采用 trainlm 函数,设置学习率为 0.000 1,训练次数为 1 000 次。每次计 算均用遗传算法对神经网络权值和阈值进行优化,具体步骤 如图 5 所示,其中以测试集铁品位预测值与真实值的误差平 方和的倒数构建适应度函数,如式(5)所示

$$g(X) = \frac{1}{SE} = \frac{1}{\operatorname{sse}(\hat{W} - W)} = \frac{1}{\sum_{i=1}^{n} (\hat{w}_i - w_i)^2}$$
(5)

式(5)中  $\hat{W} = \{w_1, w_2, \dots, w_n\}$ 为样本铁品位预测值,  $W = \{w_1, w_2, \dots, w_n\}$ 为样本铁品位真实值, *n* 为实验测试样本的数目。

未经处理的数据、经倒数对数变换后的数据和经多元散 射校正变换后的数据经遗传算法处理后,维度由 973 维分别 降至 477 维、489 维和 509 维。



### (2)主成分分析法

主成分分析(principle component analysis, PCA)是一种 线性数据降维分析方法,其主要思想是通过线性变换提取原 始数据的中的主要特征,在减少数据冗余的同时保留原始数 据的绝大有用信息,从而解决特征维数过高的问题,即用压 缩后尽可能少的信息来代替原有的信息<sup>[14]</sup>。步骤如下:

设原始矩阵为  $X = \{x_0, x_1, \dots, x_n\}$ ,其中  $x_0 = x$ ,首先 计算原始矩阵的协方差阵以及它的最大特征值和对应的特征 变量,并组成投影矩阵  $V, V = [v_1, v_2, \dots, v_w]$ 。其中,w的 值由累积贡献率  $F_{(w)}$ 确定, $F_{(w)}$ 的计算公式如式(6)所示,由 式(7)得到降维后的向量  $\widetilde{X} = [\widetilde{x}_1, \widetilde{x}_2, \dots, \widetilde{x}_n]$ 。

$$F_{(w)} = \sum_{k=1}^{w} \lambda_k / \sum_{i=1}^{n} \lambda_i$$
(6)

$$\widetilde{x}_i = V^{\mathrm{T}}(x_i - \overline{x}) \tag{7}$$

累积贡献率设置为 99%,以累计贡献率为依据,计算最 终维度。如图 6(a, b, c)所示,横坐标为依次各主成分,纵坐 标为各主成分贡献率,未经处理的数据、经倒数对数变换后



Fig. 6 Principal component analysis results

#### 2.3 模型建立与验证

随机森林(random forests, RF)是由 Leo Breiman 提出的 一种基于统计学的非线性组合智能机器学习算法。对于回归 问题, RF 模型通过多次 bootstrap 抽样获得随机样本, 然后 通过学习样本特征分别建立相应的决策树, 最后基于投票和 平均的方法输出多个不同功能决策树的最终结果。在算法模 型建立过程中,设置决策树的数量为 500。

极限学习机(extreme learning machine, ELM),是黄广 赋等依据广义逆矩阵理论提出的一种性能优良的单隐含层前 馈神经网络模型。它不仅具有较强的非线性拟合能力,还因 较其他算法模型速度更快、精度更高、参数调整简单而被广 泛应用于多个领域。ELM 在执行过程中随机产生输入层和 隐含层间的连接权值及隐含层的神经元的阈值且在训练中无 需调整,可以获得最优解<sup>[15]</sup>。模型建立过程中将隐含层节点数设置为 30。

模型的稳定性、精确度、可信度分别由决定系数 R<sup>2</sup>、均 方根误差 RMSE 以及平均相对误差 MRE 来检验。

选择169个样品为训练样本和56个样品为测试样本分 别建立随机森林算法模型和极限学习机算法模型。表1和表 2分别为未经处理的数据以及对数据进行不同预处理后使用 随机森林算法和极限学习机算法建模的结果。

表 1 RF反演模型反演结果评价

Table 1	Assessment of KF	inversion res	suns
预处理结果	$R^2$	RMSE	MRE
未经处理的数据	g 0.91	0.054	0.16
GA	0.88	0.054	0.17
倒数对数-GA	0.88	0.068	0.20
MSC-GA	0.89	0.059	0.18
PCA	0.91	0.053	0.16
倒数对数-PCA	0.89	0.061	0.21
MSC-PCA	0.91	0.051	0.16

## 表 2 ELM 反演模型反演结果评价 Table 2 Assessment of ELM inversion results

预处理结果	$R^2$	RMSE	MRE
未经处理的数据	0.90	0.057	0.20
GA	0.91	0.056	0.20
倒数对数-GA	0.95	0.044	0.16
MSC-GA	0.88	0.073	0.22
PCA	0.94	0.042	0.16
倒数对数-PCA	0.91	0.055	0.20
MSC-PCA	0.99	0.0057	0.02

综合两个表中的数据,利用经 MSC 处理、PCA 降维后的数据基于 ELM 算法建立的品位定量反演模型效果最优。 如图 7 所示,经该方法处理后使用 ELM 预测的预测值和真 实值作拟合曲线,预测值与真实值的决定系数达到 0.99,均 方根误差为 0.005 7,平均相对误差为 2.0%,与未经处理的数 据建立的模型相比较,有较大的提升,预测效果更为精确。



综合分析上述不同方法处理之后的结果,其中经 MSC 处理、PCA 降维后的数据基于 ELM 算法建立的品位定量反 演模型效果最优。未经处理的数据可能受到设备的局限性以 及实验环境的影响,产生基线平移偏移等现象,对建模造成 负面影响,而通过 MSC 处理之后的数据能很大程度上消除 这种影响,突出光谱特征信息的同时降低信噪比,有助于反 演模型的精度提升,而遗传算法在路径寻优上具有偶然性, 且容易收敛到局部最优解,因此满足不了精度要求。而主成 分分析能最大程度的提取经过 MSC 处理之后光谱数据主要 信息,因此经过该方法建立的模型反演结果精度最优。由于 随机森林是一种集成算法,因此经过预处理的数据对其反演 模型精度没有产生太大变化;而极限学习机算法,学习速度 极快,泛化能力强,预测结果精确,但容易受到噪声以及无 用信息的干扰,导致对未经处理的数据反演建模精度较低, 而选择合适的预处理方法能很大程度消除负面影响。

经 MSC 处理、PCA 降维后的光谱数据,以 ELM 为极限 学习机模型对红岭砂卡岩型铁矿品味反演不仅能大幅度提升 模型反演速度,而且满足高精度、高效率的品位反演需求。

## 3 结 论

以 225 个赤峰红岭砂卡岩型铁矿的化学分析与可见光-近红外光谱测试数据为数据源, 深入研究了测试数据的预处 理方法以及定量反演模型, 结论如下:

(1)利用 MSC 算法对砂卡岩型铁矿光谱数据进行处理可 有效降低散射对数据的影响。利用 PCA 算法对砂卡岩型铁 矿光谱数据进行降维处理可有效降低原始数据冗余,提升建 模速度。

(2)对于砂卡岩型铁矿,使用经 MSC 处理、PCA 降维后的数据,以极限学习机为建模方法,反演结果最优。其中 R<sup>2</sup> 由 0.94 提升至 0.99, MSE 由 0.042 0 降低至 0.005 7, MRE 从 16%降低至 2%,预测精度较高。

针对砂卡岩型铁矿的原位快速品位分析提供了一种有效 方法。但由于不同类型矿体的光谱测试结果会存在不同程度 的差异,因此数据处理方法、所建模型精度也会不同,对此 尚需开展进一步深入研究。

## References

- [1] LI Hou-min, WANG Deng-hong(李厚民, 王登红). Geology in China(中国地质), 2012, 39(3): 559.
- [2] Hu H, Tang Y, Ying, et al. Talanta, 2014, 125: 425.
- [3] Meer F V D. International Journal of Applied Earth Observation & Geoinformation, 2014, 5(1): 55.
- [4] CHEN Zhong-xin, REN Jian-qiang(陈仲新,任建强). Journal of Remote Sensing(遥感学报), 2016, 20(5): 748.
- [5] Ridel F, Denk M, Müller L, et al. Geoderma, 2018, 315: 188.
- [6] Kemper T, Somme S. Environmental. Science & Technology, 2002, 36(12): 2742.
- [7] Meng S, Huang L T, Wang W Q. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2017, 13(7): 897.
- [8] Serpico S B, D'Inca M, Melgani F, et al. Proc SPIE, 2003, 4(10): 17.
- [9] Chudnovsky A, Ben-Dor E, Paz E. Journal of Near Infrared Spectroscopy, 2007, 15(1): 59.
- [10] GAO Wei, YANG Ke-ming, LI Meng-qian, et al(高 伟,杨可明,李孟倩,等). Spectroscopy and Spectral Analysis(光谱学与光谱分析), 2020, 40(8), 2546.
- [11] CHEN Jun-ying, XING Zheng, ZHANG Zhi-tao, et al(陈俊英, 邢 正, 张智韬, 等). Transactions of The Chinese Society for Agricultural Machinery(农业机械学报), 2019, 50(11): 200.
- [12] Roth A. Computers in Physics, 2018, 4(6): 669.
- [13] Wu Y, Peng S, Xie Q, et al. Chemometrics and Intelligent Laboratory Systems, 2019, 185: 114.
- [14] Cui M S, Prasad S, Li W, et al. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 2013, 6(3): 1688.
- [15] Deng C W, Huang G B, Jia X U, et al. Science China (Information Sciences), 2015, 58(2): 20301.

# Quantitative Inversion Model Based on the Visible and Near-Infrared Spectrum for Skarn-Type Iron Ore

MAO Ya-chun1, WEN Jian1\*, FU Yan-hua2, CAO Wang1, ZHAO Zhan-guo3, DING Rui-bo1

1. School of Resources and Civil Engineering, Northeastern University, Shenyang 110819, China

2. Northeastern University JangHo Architecture, Shenyang 110819, China

3. China National Gold Group Co., Ltd., Beijing 100000, China

Abstract Iron ore resources are an important component of the basic industries of China's national economy and play a pivotal role in China's economic development. In particular, the efficiency of iron ore grade determination has a significant impact on the efficiency of iron ore mining. At present, the method of iron ore grade determination is mainly based on chemical analysis. However, it not only has the problems of high cost and long assay cycle but also cannot achieve the in-situ determination of iron ore grade, which has a lag effect relative to the ore allocation process and cannot effectively reduce the loss depletion rate of ore mining, so the in-situ determination of iron ore grade based on visible and near-infrared spectral analysis is an effective way to solve this problem. This paper uses visible and near-infrared spectral data and chemical analysis data from 225 test samples of Hongling Skarn-Type iron ores as data sources. First, the original data were smoothed and analyzed for visible and near-infrared spectral characteristics of Skarn-Type iron ores, and then the smoothed spectral data were processed by using two pre-processing methods, including logarithm of reciprocal and multiple scattering correction (MSC). -Before and after pre-processing, the spectral data were processed using two-dimensionality reduction algorithms, including genetic algorithm (GA) and principal component analysis (PCA), and obtain the data sources were processed by six different pre-processing combination algorithms. The PCA dimensionality reduction algorithm was used to reduce the dimensionality of the spectral data before and after the preprocessing, and the dimensionality reduced were 3, 3 and 7 dimensions respectively; The GA dimensionality reduction algorithm was used to reduce the dimensionality of the spectral data before and after the pre-processing, and the dimensionality reduced were 477, 489 and 509 dimensions respectively. Finally, based on Random Forest (RF) and Extreme Learning Machine (ELM), a quantitative inversion model of iron grades in skarn-type ores was established, and the stability, accuracy and credibility of the model were evaluated in terms of coefficient of determination  $(R^2)$ , root means square error (RMSE) and mean relative error (MRE). The results show that the quantitative inversion model based on the ELM algorithm, using MSC-processed and PCAdimensioned data, is the most effective, with  $R^2$  of 0.99, RMSE of 0.005 7 and MRE of 2.0%. The accuracy of the model for inversion of HongLing skarn-type iron ore grades has been significantly improved. This research provides an effective method for the real-time and rapid analysis of skarn-type iron ore grade, which is of great practical importance for efficient skarn-type iron ore mining.

**Keywords** Visible and near-infrared spectroscopy; Skarn-type iron ore; Dimensionality reduction algorithm; Preprocessing combination algorithm; Quantitative inversion model

(Received Nov. 30, 2020; accepted Mar. 9, 2021)

\* Corresponding author