## 基于高斯/洛伦兹线型拟合比的谐波检测压强反演研究(特邀)

高 楠1, 于永波1, 杜振辉2, 李金义3, 孟召宗1, 张宗华1

(1. 河北工业大学 机械工程学院, 天津 300130;

2. 天津大学 精密测试技术及仪器国家重点实验室, 天津 300072;

3. 天津工业大学 天津市电工电能新技术重点实验室, 天津 300387)

摘 要:调谐激光吸收光谱 (TLAS) 技术具有非接触、抗干扰、高灵敏度等优势,可对气体进行浓度、 温度、压强的测量。目前已有的压强检测模型中多以谱线的有限特征点进行提取与计算,存在易受干 扰、测量误差较大的问题,因而有必要建立新的抗干扰、稳定性强的压强检测模型。针对此问题,文中 根据吸收线宽的气体压力测量方法,提出了低压与高压范围内压强与谱线线型拟合函数的数学模型。 结合谱线展宽原理,对不同压强下的二次谐波吸收线进行仿真研究。通过改变 Gauss 线型函数和 Lorentz 线型函数的半高宽比例关系模拟压强变化,分析信号拟合度的变化趋势,仿真结果表明,在理 想情况以及激光器线宽、白噪声、背景干扰影响下,Gauss/Lorentz 线型拟合度之比与压强之间存在三阶 拟合关系, 拟合度均保持在 0.998 0 以上,且与传统模型相比在动态噪声和背景干扰下具有更好的稳定 性。最后对 CO<sub>2</sub> 气体 1 580 nm 位置的实测信号进行处理,实验结果表明,实际检测谱线 Gauss/Lorentz 线型拟合度之比与压强之间的三阶拟合度为 0.986 3,略低于仿真的拟合度 0.998 7,符合仿真分析结 果。文中提出的方法可以根据吸收谱线的拟合比曲线反演气体压强,为气体压强检测提供了解决方案。 关键词:调谐激光吸收光谱; 谱线展宽; 曲线拟合; 压强检测

中图分类号: O433.4 文献标志码: A DOI: 10.3788/IRLA20230428

## 0 引 言

随着工业化的不断发展,气体压强检测在实际测量中的需求越来越大。例如在气体管道泄漏问题、轮胎气密性实验问题、井下通风、中央空调、风管风力、电力及煤炭行业压力过程、有气压要求的实验室、消防工程用的室内气体压力控制领域等方面都有重要应用。目前压强检测方法多为接触式测量,很难满足恶劣环境下的瞬时测量需求。调谐激光吸收光谱(Tunable Laser Absorption Spectroscopy, TLAS)技术是一种非接触式气体测量方法,可进行实时、快速、多组分多参数测量,灵敏度高,适用于恶劣环境<sup>[1]</sup>。因此,基于 TLAS 技术可对气体进行浓度、温度、压强的测量。

TLAS 技术在气体压强检测中得到了一定的发

展。贾良权<sup>[2]</sup>等研究了在不同温度压强 (1~10 atm, 1 atm=1.013×10<sup>5</sup> Pa)下 O<sub>2</sub>分子吸收谱线的二次谐波 峰值,对通过二次谐波峰值反演气体浓度产生的误差 进行了分析,提出了误差修正方法。陈舟<sup>[3]</sup>等考虑了 温度压强同时变化对气体线型峰值的影响,得出在压 强 1×10<sup>-3</sup> atm<sup>-1</sup>~1×10<sup>3</sup> atm 或温度在 70~2 500 K 时可用 Lorentz 线型峰值来计算峰值吸收系数。李金义<sup>[4]</sup>等 人利用 CO<sub>2</sub> 吸收谱线的一次谐波峰谷值间距和二次 谐波过零点间距分别反演气体压强,与传感器测得的 压强对比,偏差在 1% 以内。吕晓静<sup>[5]</sup>等在 1~10.13× 10<sup>5</sup> Pa 压力环境下,对 1.58 μm 处 CO<sub>2</sub> 吸收光谱进行 了数值模拟,得到了高压下的 CO<sub>2</sub> 吸收光谱转性,为 TLAS 技术应用于研究高压燃烧环境打下基础。张博 涵<sup>[6]</sup>等以 CO<sub>2</sub>气体为研究对象构建压力测量模型,对

基金项目:天津市自然科学基金项目 (20JCYBJC00160)

收稿日期:2023-07-11; 修订日期:2023-07-19

作者简介:高楠,男,副教授,博士,主要从事光学测量与光谱检测等方面的研究。

测量模型进行仿真分析以及实验验证,结果表明,在 1~2 atm 的气压范围内,吸光度曲线仿真结果与 Spectra-Plot 的结果高度重合。这些研究对于建立压强从低 压到高压之间的模型并探讨系统自带干扰对模型有 无影响没有提及。

还有很多针对压强展开的气体测量工作。段金 虎<sup>[7]</sup>等基于直接吸收光谱来测量气体压强,但是直接 吸收光谱法测量易受干扰,测量误差较大。该小组<sup>[8]</sup> 又利用波长调制光谱技术来测量两条 H<sub>2</sub>O 吸收谱线, 基于谱线的 4f<sub>peak</sub>/2f<sub>peak</sub>和 2f/1f信号,通过迭代算法实 现了气体压强和组分浓度的同时测量。Cai<sup>[9]</sup>等通过 TLAS 技术测量了无菌液体瓶顶部空间的压力和水的 浓度。Sur<sup>[10]</sup>等将波长调制光谱法应用于高压煤气化 炉中,对煤气化炉中 CO、CO<sub>2</sub>、H<sub>2</sub>O 等进行了测量。 曹亚南<sup>[11]</sup>等用位于7168.437 cm<sup>-1</sup>处的 H<sub>2</sub>O 的吸收谱 线对密闭玻璃容器中 H<sub>2</sub>O 的浓度和压力进行了同步 测量。这些都是压强检测时只考虑了理想情况,没有 考虑噪声、背景干扰等影响下的压强检测。测得的气 体吸收谱线可能由于系统干扰会对压强反演有不同 影响,因此需要考虑不同干扰情况下的压强检测。

文中基于 TLAS 原理, 运用基于分析吸收线线型 与压强之间关系的研究方法进行压强检测。模拟实 际系统测得的吸收谱线对气体压强进行仿真研究, 分 析不同干扰情况下信号拟合度的变化趋势, 建立压强 与拟合度之比的数学模型。利用 TLAS 技术进行气 体检测, 将二次谐波信号进行压强反演, 并与仿真结 果进行比较, 验证所建立模型, 为气体压强的非接触 测量提供了新的思路。

## 1 测量原理

## 1.1 TLAS 基本原理

当一束频率为v的单色光穿过长度为L的充满某 种介质的吸收池时,介质分子吸收一部分光能,透射 光强I和入射光强I<sub>0</sub>之间满足Lambert-Beer 定律<sup>[12]</sup>:

$$I = I_0 \exp[-\alpha(\nu)CL] = I_0 \exp[-PS(T)\varphi(\nu)CL] \quad (1)$$

式中: $\alpha(v)$ 为气体的吸收系数, cm<sup>-1</sup>, 该系数与气体的 种类以及穿过该气体的光频率有关; C 为探测气体的 浓度, mol·cm<sup>-3</sup>; L 为吸收光程长度, cm; P 为待测气体 的压强, atm; S(T) 为谱线的吸收强度, cm<sup>-2</sup>·atm<sup>-1</sup>, 只与 温度有关;  $\varphi(v)$ 为线型函数, 表示待测气体吸收谱线 的形状, 与待测气体温度、压强、种类及各成分含量 有关<sup>[13]</sup>。

#### 1.2 谱线展宽原理

不同展宽机制对应不同的谱线线型,主要分为三 种基本线型<sup>[14]</sup>: Lorentz线型、Gauss线型、Voigt线 型。线型函数表示被测气体吸收谱线的形状,主要存 在两种谱线展宽机制<sup>[15]</sup>:碰撞展宽和多普勒展宽。

碰撞展宽是由于辐射原子或分子周围存在大量 的干扰粒子,它们之间相互碰撞引起谱线加宽。随着 压力的增大,碰撞加宽作用加大导致谱线线宽增加, 因此这种展宽又称为压力展宽。碰撞展宽的线型函 数是 Lorentz 函数,其线型函数表达式为:

$$g_L(\nu,\nu_0) = \frac{1}{2\pi} \frac{\Delta \nu_L}{(\nu - \nu_0)^2 + \left(\frac{\Delta \nu_L}{2}\right)^2}$$
(2)

式中: $v_0$ 为谱线中心吸收频率; $\Delta v_L$ 为 Lorentz 线型的 半高宽。

多普勒展宽是由于分子的无规则热运动,分子吸 收激光后引发多普勒频移,分子吸收和发射单频光的 机率不再相同引起谱线加宽。气体多普勒展宽的线 型函数一般为 Gauss 函数,谱线的多普勒展宽的线型 函数表达式为:

$$g_D(\nu,\nu_0) = \frac{2}{\Delta\nu_D} \sqrt{\frac{\ln 2}{\pi}} \exp\left[-4\ln 2\left(\frac{\nu-\nu_0}{\Delta\nu_D}\right)^2\right] \qquad (3)$$

式中: $v_0$ 为谱线中心吸收频率; $\Delta v_D$ 为 Gauss 线型的半高宽。

Gauss 线型与压强变化无关; Lorentz 线型随压强的增大而减小; Voigt 线型随着压强的增大由 Gauss 线型向 Lorentz 线型过渡,由 Gauss 线型和 Lorentz 线型的卷积得到<sup>[16]</sup>。其近似表达式为<sup>[17]</sup>:

$$g_{\nu}(\nu,\nu_0) = \frac{2}{\Delta\nu_D} \sqrt{\frac{\ln 2}{\pi}} \frac{a}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\exp(-y^2)}{a^2 + (w-y)^2} dy \qquad (4)$$

式中: $a = \frac{\sqrt{\ln 2}\Delta v_L}{\Delta v_G}$ ; $w = \frac{\sqrt{\ln 2}(v - v_0)}{\Delta v_G}$ ; $y = \frac{\sqrt{\ln 2}(v_i - v)}{\Delta v_G}$ ;  $\Delta v_G \setminus \Delta v_L$ 分别为多普勒展宽和碰撞展宽的半高宽; $v_0$ 为线型中心频率; $v_i$ 为激光频率<sup>[18]</sup>。

基于谐波检测原理得到 Voigt 线型函数的二次谐

波信号,其峰宽用两谷值之间的波长宽度表示,无论 Gauss 线型还是 Lorentz 线型,原函数的半高宽与二次 谐波的峰宽之比均为常数,因此气体吸收峰的半高宽 可由二次谐波的峰宽描述。随着压强的增大,碰撞展 宽在谱线展宽中逐渐占据主导因素,而 Lorentz 线型 的半高宽与压强成正比,谱线的宽度会随之变大。也 就是说压强对二次谐波信号产生影响,进而反映在吸 收线线型上。因此文中基于压强对吸收谱线的影响, 通过调节两种线型半高宽占比来模拟压强变化,以 Gauss 线型和 Lorentz 线型的表达式分别拟合,通过拟 合度之比的测量对气体压强进行实时检测。

## 2 数学模型仿真

## 2.1 理想状态仿真

文中对通过卷积方式得到的二阶导数信号进行



## 图 1 仿真曲线: (a) Lorentz 原函数占总峰宽比例 5%; (b) Lorentz 原 函数占总峰宽比例 95%

Fig.1 Simulation curve: (a) The original Lorentz function accounts for 5% of the total peak width; (b) The original Lorentz function accounts for 95% of the total peak width

仿真分析,固定两原函数半高宽和为1,Lorentz原函数半高宽占总峰宽比例为5%~95%,间隔5%,令Gauss 原函数峰高与Lorentz二阶导数信号峰高都为1保持 不变。

当 Lorentz 原函数半高宽占总峰宽比例为 5%、 95% 时仿真曲线如图 1 所示。

由图 1 可知,随着压强的增加,曲线由接近 Gauss 拟合变为接近 Lorentz 拟合,与上面论述一致。

依据上述方法计算得到 19组仿真结果,其中 Gauss 拟合度与 Lorentz 拟合度之比用大写字母 Y (L<sub>ftf</sub>/G<sub>ft</sub>)表示。Y随半高宽占比改变而改变,而压强 变化用半高宽占比模拟,故可建立压强与 Y之间的关 系。通过对仿真结果进行拟合,得到压强与 Y之间各 阶拟合曲线如图 2 所示。



Fig.2 Fitting curve of pressure and Y

由图 2 可知, 压强与 Y 的三阶拟合有很好的拟合 效果, 故可运用三阶拟合公式进行模拟压强检测, 即 可初步确定 Y 与压强之间近似三阶拟合关系。

### 2.2 考虑激光器线宽

激光器线宽通常远小于吸收峰的峰宽,仿真过程中,设激光器线宽信号模型的幅值为1,峰宽为第一次卷积前 Lorentz 二阶函数信号的原函数半高宽的 1/20、1/10、3/20、1/5。加原函数半高宽的 1/20、1/10、3/20、1/5 的激光器线宽后,压强与 Y 的曲线拟合结果对比如图 3 所示。

由图 3 可知,加入激光器线宽后 Y 值变大,在图 中表现为曲线纵向伸展,激光器线宽越宽 Y 值越大, 曲线纵向伸展越明显,但整体上压强与 Y 仍满足三阶 拟合关系。





Fig.3 Curve comparison of pressure and Y after adding the laser linewidth

#### 2.3 考虑白噪声仿真

在实际系统中存在白噪声的影响,向二阶 Voigt 信号加上不同幅值比例的白噪声信号,通过 Y 值来分 析白噪声对仿真信号的影响。

TLAS 系统信噪比为 100 左右, 所以选取白噪声 幅值系数分别为信号峰高的 1/400、1/200、1/150、 1/100、1/80、1/60、1/40、1/30、1/20。对最终信号进行 函数拟合, 通过 Y 值分析白噪声对仿真信号的影响。 加白噪声后, 压强与 Y 的曲线对比如图 4 所示。







由于白噪声具有随机性的特点,故考虑白噪声 后,图像会有白噪声的无规律波动,但整体上压强与 Y仍满足三阶拟合关系。

#### 2.4 考虑背景干扰仿真

在实际情况下会有背景干扰的影响。向二阶 Voigt 信号加上背景干扰,将结果进行函数拟合,通过 Y 值 分析背景干扰对仿真信号的影响。

用正弦函数仿真背景干扰,分别分析幅值、频率 的变化对曲线拟合度的影响。

2.4.1 背景干扰幅值的影响

保持背景干扰的频率和相位不变,研究幅值变化 对拟合度的影响,如图 5 所示,幅值分别取峰高的 5%、10%、15%、20%、30%、40%、60%时,可以看出 Y与压强的拟合曲线都有很好的三阶拟合关系,幅值 变化对压强与 Y 的拟合曲线没有影响。



图 5 频率为信号频率的 0.1 倍时,加不同幅值背景干扰后压强与 Y的曲线对比图

Fig.5 When the frequency is 0.1 times the signal frequency, the curve comparison of pressure and *Y* after adding background interference of different amplitudes

#### 2.4.2 背景干扰频率的影响

取背景干扰的幅值为信号峰高的 10%, 频率分别 为信号频率的 0.2、0.4、0.6、0.8、1、1.2、1.4、1.6、 1.8、2。加不同频率的背景干扰后, 压强与 *Y* 的拟合 曲线如图 6 所示。

由图 6 可知,不同频率下压强与 Y 的拟合曲线都 有较高的三阶拟合度,曲线整体有上下的波动。由此





说明背景干扰的频率变化对压强与 Y 的拟合曲线的 拟合度无影响。

## 2.5 与传统模型仿真比较

在已有的压强测量方法中,主要包括峰宽检测与 2f/4f 幅值检测。用上述 Voigt 函数,对压强和谱线峰 宽、二次谐波与四次谐波幅值之比的数学模型进行仿 真分析。仿真结果与 Gauss/Lorentz 拟合度之比相近, 两种特征值与压强的拟合结果均为三阶,且在固定激 光器线宽、噪声与背景的干扰下,三阶拟合度仍能保 持在 0.998 0 以上。

为比较文中提出的 Gauss/Lorentz 拟合度之比与 峰宽、2*f*/4*f* 幅值面对不同噪声与背景干扰下的抗干扰 能力,对生成的同一谱线,加不同噪声与背景,用标准 差评价其特征值的起伏程度,结果如表1所示。

由于 Gauss/Lorentz 拟合度之比的计算过程中,整 条谱线的所有点都参与拟合计算, 而峰宽和 2//4/ 幅值 的特征值由部分特征点计算得到, 易受到各种因素的 影响。因而在抗干扰能力方面, Gauss/Lorentz 拟合度 之比优于峰宽和 2//4/ 幅值, 例如在背景频率变化干扰 中, 特征值能够保持相对稳定, 如图 7 所示。

表1 同一谱线三种特征值在不同噪声与背景下的标准差

## Tab.1 The standard deviation of three eigenvalues of the same spectral line in different noise and background

Influencing factors	Noise changes	Background amplitude changes	Background frequency changes
The ratio of the fitting of Gauss and Lorentz	0.000 868 8	0.054 38	0.005 514
Peak width	0.011 28	0.168 9	0.071 97
Amplitude of 2f/4f	0.001 194	0.070 07	0.026 55







## 2.6 小结

该节通过卷积方式得到的二阶导数信号仿真吸 收谱线的二次谐波,通过改变 Gauss/Lorentz 比例关系 仿真压强变化,建立 Gauss/Lorentz 拟合度之比于压强 的数学模型,并对激光器线宽、噪声、背景干扰的影 响进行分析。仿真结果表明,Gauss/Lorentz 拟合度之 比于压强存在三阶拟合关系,不受激光器线宽、噪 声、背景干扰的影响,并且在拟合度相近的情况下,相 比峰宽和 2f/4f 幅值表现出更好的抗噪声、背景干扰 的能力于稳定性。

## 3 实测数据

在 25 ℃ 室温条件下, 通过 TLAS 系统采集得到

CO<sub>2</sub>气体在 30、40、50、60、70、80、90、100、120、 140、160、180、200、220、240 kPa 时的数据,分别进 行 Gauss 函数拟合和 Lorentz 函数拟合,其中 50 kPa 和 180 kPa 时的曲线如图 8 所示。



图 8 不同压强下的 Gauss、Lorentz 拟合曲线

Fig.8 Gauss fitting and Lorentz fitting curves under different pressures

由图 8 可知,随着压强的增加,曲线由接近 Gauss 函数拟合变为接近 Lorentz 函数拟合,与仿真结果和分析结果一致。

实验选取 1 580 nm 位置的 CO<sub>2</sub> 的吸收谱线。 通过 TLAS 系统采集得到压强范围为 30~240 kPa 时对应的数据, 对数据进行 Gauss 函数拟合以及 Lorentz 函数拟合, 求出拟合度之比 Y, 实验结果如 图 9 所示。

由图 9 可知, 气体检测实验的三阶拟合度为 0.986 3, 经过多次实验的平均拟合度均在 0.985 0 以 上。因受到实际因素的影响导致略低于仿真值 0.998 7, 但拟合趋势一致, 符合仿真分析结果。



Fig.9 The fitting curve of measured pressure and Y

## 4 结 论

为了建立更加有效的压强检测方法,基于谱线展 宽原理,以Gauss函数半高宽和Lorentz函数半高宽 比例关系模拟压强变化,用Voigt函数描述吸收谱线 的线型。建立了理想情况、激光器线宽、白噪声、背 景干扰下压强与拟合度之比Y的数学模型。通过仿 真分析,压强与Y满足三阶拟合关系,不受激光器线 宽、白噪声、背景干扰,且能在动态噪声、背景干扰下 保持稳定,在压强检测方面优于传统模型。采用 CO2吸收谱线进行实验验证,分析实验数据得到的曲 线拟合度略低,但曲线拟合趋势一致,说明了建立的 数学模型的有效性。文中方法在压强测量方面有一 定的理论意义与使用价值,为压强检测提供了新思路。

#### 参考文献:

- Li Zhe, Zhang Zhirong, Sun Pengshuai, et al. Multi-point full range monitoring of methane based on TDLAS technology [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2017, 46(9): 0917009. (in Chinese)
- [2] Jia Liangquan, Liu Wenqing, Liu Jianguo, et al. Effect of temperature and pressure changes on the second harmonic inversion results [J]. *Chinese Journal of Lasers*, 2014, 41(12): 15004. (in Chinese)
- [3] Chen Zhou, Tao Shaohua, Du Xiangjun, et al. Accurate calculation of spectral line profiles by considering influence of varying pressure and temperature in a gas [J]. *Spectroscopy and Spectral Analysis*, 2013, 33(2): 312-315. (in Chinese)
- [4] Li Jinyi, Fan Hongqing, Tian Xinli, et al. Pressure correction for

calibration-free measurement of wavelength modulation spectroscopy in atmospheric environment [J]. *Spectroscopy and Spectral Analysis*, 2020, 40(5): 1407-1412. (in Chinese)

- [5] Lü Xiaojing, Weng Chunsheng, Li Ning. The analysis of CO<sub>2</sub> absorption spectrum characteristics near 1.58 μm at high pressure [J]. *Acta Phys Sin*, 2012, 61(23): 240-246. (in Chinese)
- [6] Zhang Bohan, Yang Jun, Wei Wei, et al. Research on gas pressure measurement technology based on TDLAS direct absorption method [J]. *Metrology and Measurement Technology*, 2021, 41(5): 100-107. (in Chinese)
- [7] Duan Jinhu, Jin Xing, Wang Gangyu, et al. Measuring gas pressure based on direct absorption spectroscopy [J]. *Physics Experimentation*, 2016, 36(4): 7-11. (in Chinese)
- [8] Qu Dongsheng, Hong Yanji, Wang Guangyu, et al. Wavelengthmodulation spectroscopy for measurements of gas pressure, temperature and H<sub>2</sub>O concentration in high-temperature environment [J]. *Spectroscopy and Spectral Analysis*, 2017, 37(5): 1339-1344. (in Chinese)
- [9] Cai Tingdong, Wang Guishi, Cao Zhensong, et al. Sensor for headspace pressure and H<sub>2</sub>O concentration measurements in closed vials by tunable diode laser absorption spectroscopy [J]. *Optics and Lasers in Engineering*, 2014, 58: 48-53.
- [10] Sur Ritobrata, Sun Kai, Jeffries Jay B, et al. Scannedwavelength-modulation-spectroscopy sensor for CO, CO<sub>2</sub>, CH<sub>4</sub> and H<sub>2</sub>O in a high-pressure engineering-scale transport-reactor coal gasifier [J]. *Fuel*, 2015, 150: 102-111.
- [11] Cao Yanan, Wang Guishi, Tan Tu, et al. Concentration and pressure measurement of water vapor in sealed glass containers based on tunable diode laser absorption spectroscopy [J]. Acta

Phys Sin, 2016, 65(8): 134-139. (in Chinese)

- [12] Li Hengkuan, Piao Heng, Wang Peng, et al. Development of high precision CO<sub>2</sub> detection system based on near infrared absorption spectroscopy [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2023, 52(3): 20210828. (in Chinese)
- [13] Lü Wenjing, Li Honglian, Li Wenduo, et al. Optimization and experimental research on modulation parameters of TDLAS technology [J]. *Laser Technology*, 2021, 45(3): 336-343. (in Chinese)
- [14] Yu Yingchun, Wang Han, Wang Zhimin, et al. Simulation study of NH<sub>3</sub> concentration measurement based on QCL-TDLAS [J]. *Journal of Applied Optics*, 2020, 41(6): 0603006. (in Chinese)
- [15] Zhao Chenglong, Huang Danfei, Liu Zhiying, et al. Measurement of trace CO<sub>2</sub> concentration with open-path TDLAS-WMS technology [J]. *Acta Photonica Sinica*, 2022, 51(2): 0230001. (in Chinese)
- [16] Yun Yuxin, Lv Tianguang, Han Hong, et al. Effects of pressure and temperature on gaseous infrared absorption properties [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2011, 40(6): 992-996. (in Chinese)
- [17] Spearrin R M, Schultz I A, Jeffries J B, et al. Laser absorption of nitric oxide for thermometry in high-enthalpy air [J]. *Measurement Science and Technology*, 2014, 25(12): 125103.
- [18] Goldenstein Christopher S, Jeffries Jay B, Hanson, Ronald K. Diode laser measurements of linestrength and temperaturedependent lineshape parameters of H<sub>2</sub>O-, CO<sub>2</sub>-, and N-2perturbed H<sub>2</sub>O transitions near 2 474 and 2 482 nm [J]. *Journal of Quantitative Spectroscopy & Radiative Transfer*, 2013, 130: 100-111.

# Research on harmonic detection pressure inversion based on Gauss/Lorentz line fitting ratio (*invited*)

Gao Nan<sup>1</sup>, Yu Yongbo<sup>1</sup>, Du Zhenhui<sup>2</sup>, Li Jinyi<sup>3</sup>, Meng Zhaozong<sup>1</sup>, Zhang Zonghua<sup>1</sup>

(1. School of Mechanical Engineering, Hebei University of Technology, Tianjin 300130, China;

2. State Key Laboratory of Precision Measuring Technology and Instruments, Tianjin University, Tianjin 300072, China;

3. Key Laboratory of Advanced Electrical Engineering and Energy Technology, Tiangong University, Tianjin 300387, China)

## Abstract:

**Objective** Tuned laser absorption spectroscopy (TLAS) technology has advantages such as non-contact, antiinterference, and high sensitivity, which can be used for gas concentration, temperature, and pressure measurement. In the existing pressure detection models, limited feature points of spectral lines are mostly extracted and calculated, which can lead to problems such as susceptibility to interference in measurement results and significant measurement errors. Therefore, it is necessary to establish a new anti-interference and stable pressure detection model. To solve this problem, a mathematical model was proposed for fitting the pressure and spectral line shape function within the low and high pressure ranges based on the gas pressure measurement method of absorption line width.

**Methods** Simulation research on the second harmonic absorption lines under different pressures was conducted based on the principle of spectral line broadening. In order to simulate the pressure changes by adjusting the Gauss/Lorentz halfwidth ratio, the second-order derivative signal was obtained by convolution of Gauss and Lorentz functions to simulate the second harmonic of the absorption spectral line. By establishing a mathematical model of the Gauss/Lorentz line fitting ratio and pressure, the fitting relationship between the two was obtained under ideal conditions and the influence of laser line width, white noise, and background interference. The comparative analysis on the stability of the fitting ratio with eigenvalues used to calculate pressure in existing models such as the peak width and 2f/4f amplitude under dynamic noise and background interference were conducted. Finally, the measured signal at 1 580 nm of CO<sub>2</sub> gas was processed to verify the simulation results.

**Results and Discussions** The simulation results show that under ideal conditions and the influence of laser linewidth, white noise, and background interference, there is a third-order fitting relationship between the Gauss/Lorentz line fitting ratio and pressure, and the fitting degree remains above 0.998 0 (Fig.3-6). Compared with traditional models, it has better stability under dynamic noise and background interference (Tab.1). The experimental results show that the third-order fit between the Gauss/Lorentz line fitting ratio of the actual detection spectral line and the pressure is 0.986 3 (Fig.9), slightly lower than the simulated fit of 0.998 7 (Fig.2), which is consistent with the simulation analysis results.

**Conclusions** In order to establish a more effective pressure detection method, based on the principle of spectral line broadening, the pressure change is simulated using the ratio of Gauss function half width to Lorentz function half width, and the Voigt function is used to describe the absorption spectral line shape. A mathematical model was established for the pressure to fitting ratio under ideal conditions, laser linewidth, white noise, and background interference. Through simulation analysis, the relationship between pressure and fitting ratio satisfies a third-order fitting relationship, which is not only affected by laser linewidth, white noise, and background interference, but also maintain stability under dynamic noise and background interference, which exhibits advantages in pressure detection compared to traditional models. The experimental validation was carried out using  $CO_2$  absorption spectra. The curve fitting obtained from analyzing the experimental data was slightly lower, but its trend was consistent, which indicated the effectiveness of the established mathematical model. The proposed method has certain theoretical significance and practical value in pressure measurement, providing new ideas for pressure detection.

Key words: tunable laser absorption spectroscopy; spectral line broadening; curve fitting; pressure detection

Funding projects: Natural Science Foundation of Tianjin (20JCYBJC00160)