排放口结构对水下航行器热射流红外特征的影响

高程哲,杜永成*,杨 立

(海军工程大学动力工程学院,湖北武汉430000)

摘 要:水下航行器动力系统循环冷却水经由排放口排出,与环境水体掺混换热形成热射流。热射流 在环境水体中扩散、浮升并在水体表面形成红外特征。为探究排放口结构对水下航行器热射流红外特 征的影响,文中采用仿真分析结合实验验证的方法进行研究。依托 CFD 计算软件平台建立水下航行 器运动模型,设计不同半径比椭圆形排放口结构并对比热射流红外特征差异。通过缩比水池实验验证 椭圆形排放口半径比对热射流红外特征的影响,同时验证仿真计算方法及设计参数的有效性。在椭圆 形排放口的基础上,进一步设计排放口数量及分布位置,抑制热射流红外特征,提升水下航行器热隐身 性能。根据仿真计算及实验结果可知,在排放流量相同的条件下,半径比越小的椭圆形排放口热射流 掺混换热效果越好,红外特征越不明显。同时,增加排放口数量以及排放口分布位置采用两翼排列方 式可以进一步加强热射流温度衰减,降低水面最高峰值温度。

关键词:水下航行器; 热射流; 排放口; 结构设计; 红外特征 中图分类号: O358 文献标志码: A **DOI**: 10.3788/IRLA20220333

Influence of the discharge port structure on infrared characteristics of underwater vehicle thermal jet

Gao Chengzhe, Du Yongcheng*, Yang Li

(Academy of Power Engineering, Naval University of Engineering, Wuhan 430000, China)

Abstract: The circulating cooling water of the underwater vehicle power system discharged from the discharge port, mixed with the environmental water for heat exchange and formed the thermal jet. The thermal jet diffused and floated in the environmental water and forms infrared characteristics on the surface of the water. In order to explore the influence of the structure of the discharge port on the infrared characteristics of the underwater vehicle thermal jet, this paper used the method of simulation analysis and experimental verification. Based on the CFD calculation software platform, the motion model of underwater vehicle was established, the structure of different radius-ratio oval discharge ports was designed, and the infrared characteristics of the thermal jet was verified by the scale tank experiment, and the authenticity of the simulation calculation method and design parameters was verified at the same time. On the basis of oval discharge ports, the number and distribution position of discharge ports were further designed to suppress the infrared characteristics of thermal jet and improve the thermal stealth performance of underwater vehicles. According to the simulation calculation and

收稿日期:2022-05-10; 修订日期:2022-06-15

基金项目:国家自然科学基金 (52271354)

通讯作者:杜永成,男,讲师,博士,主要从事船舶红外特征技术方面的研究。

作者简介:高程哲,男,硕士生,主要从事传热、传质、热流体学及其应用方面的研究。

导师简介:杨立,男,教授,博士生导师,博士,主要从事船舶及其尾流红外特征方面的研究。

experimental results, under the condition of the same discharge flow, the smaller the radius ratio was, the better the mixed heat transfer effect of the oval discharge port was, and the less obvious the infrared characteristics were. At the same time, increasing the number of discharge ports and adopting the symmetrical arrangement of discharge ports could further strengthen the temperature attenuation of thermal jet and reduce the surface maximum temperature.

Key words: underwater vehicle; thermal jet; discharge port; structure design; infrared characteristics

0 引 言

为保证设备正常运行,航行器在水下运动过程中 会利用冷却水吸收设备运行所产生的热量,冷却水排 出后形成热射流^[1-4]并与环境流体掺混换热。热射流 向上浮升在水面形成红外特征,易被红外探测设备监 测发现。

国内外学者对热射流相关特征进行了大量的实 验及仿真研究。Voropayev^[4-8]对各类航行器热射流 紊流流迹进行了全面而详细的研究,通过实验测量热 射流紊流流迹的温度场扩散分布以及速度场矢量分 布等射流紊动特征。研究重点分析了热射流的变化 特点,并未涉及附体结构对于热射流特征的影响作 用。杨卫平等¹⁹利用等比例缩小水下航行器模型在 模拟水池中进行热射流排出的相似实验,保证了结构 比例的相似、排放流量的相似从而实现排出热射流温 度扩散过程及浮升衰减过程的相似。实验探究了航 行器巡航深度、热射流排放速度等影响因素对热射流 温度场分布的影响。来庆志[10] 通过水槽实验对水下 航行器热射流排出过程进行模拟,采用显色剂对热射 流紊流流场进行观测,通过这一实验方法详细记录了 热射流浮升变化过程。与上述实验不同,文中重点对 排放口结构作用下热射流红外特征的变化进行探 讨。周哲等[11]采用了不同于来流法的温度差值法来 计算热射流温度变化特征,对比了不同工况下热射流 温度衰减特征的差异。该研究通过优化仿真方法提 高计算的可靠性,对于探讨影响热射流特征变化的因 素并不深入。从上述研究中可以看出,有关热射流特 征及变化过程的研究十分完善,但未对排放口结构在 热射流特征中的影响进行深入研究探讨。

一般来说,水下航行器热射流排放口为圆形结构,圆形排放口制造简单,经济实用。但不同结构排放口是否对热射流特征产生影响,相关研究尚不充足。张健等^[12-13]对水下航行器热射流排放口结构形

状进行了研究。结果表明在椭圆形排放口作用下,热 射流紊流流场出现了变化,轴心最高温度衰减规律也 与圆形排放口有所不同。该研究仅简单对比圆形及 椭圆形排放口结构作用,并未对椭圆形排放口结构进 行深入研究。文中以椭圆形排放口结构为基础,详细 探讨不同半径比椭圆形排放口结构对热射流红外特 征的影响。周哲[14]等对圆形、长圆形排放口进行了 数值模拟,结果表明交叉排列的横向长圆形更有利于 增强热射流与环境水体的掺混换热。该文章依旧以 圆形排放口结构为基础,未对椭圆形排放口结构进行 研究。但上述文章未对椭圆形排放口结构进行深入 分析,研究上仍存在不足。另外,与单孔排放口相比, 多孔排放口结构可以使得单股热射流分为多股热射 流,加强热射流与环境流体掺混换热效果。高猛等[15] 对多孔射流的分叉及融合现象做出了详细研究,阐述 了多孔结构排放口射流问题的特点。但该研究对多 孔结构分孔形状没有进行深入的考虑,其次对分孔分 布位置考虑简单。郑亚男等[16] 对平板多孔射流形成 的旋涡结构特征进行了研究,结果表明,多孔射流的 发展变化产生强脉动特性,壁面边界层出现尾迹涡结 构。但该研究未对射流温度特性展开探讨。文中重 点围绕排放口结构,首先考虑不同半径比椭圆形排放 口对热射流红外特征的影响,并进行实验验证;其次 对排放口数量及分布方式进行设计,得到最有利于抑 制热射流红外特征的排放口结构,提升水下航行器热 隐身性能,降低水下航行器被天基或空基红外设备探 测到的风险,为工业设计制造提供理论研究思路。

1 物理方程及模型

流体运动的复杂性是出于流体本身特性所决定 的,流体的惯性、流体的可压缩性、流体的黏性等使 得如何描述、测量流体运动变得较为困难。再加上流 体运动是否为定常或非定常流动,有旋或无旋流动, 层流或湍流流动等,这些流动特点同样导致了流体运

第52卷

(8)

动的复杂性。根据流体运动的物理特性,数学家和物理学家们以数学表达的形式建立了流体运动的相关 方程组用以描述流体运动^[17]。

质量守恒方程可表示为:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial \left(\rho u_i\right)}{\partial x_i} = 0 \tag{1}$$

动量守恒方程可表示为:

$$\rho \frac{\partial u_i}{\partial t} + \rho u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial p}{\partial x_i} - (\rho_0 - \rho) g_i = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\mu \left(\frac{\partial u_i}{\partial u_j} + \frac{\partial u_j}{\partial u_i} \right) \right] - \frac{2}{3} \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\mu \frac{\partial u_j}{\partial x_j} \right)$$
(2)

式中: ρ_0 为环境流体密度; μ 为动力粘性系数; $u_i(i = 1, 2)$ 代表了x, y方向上的速度分量。

能量守恒方程可表示为:

$$\rho c_p \frac{\partial T}{\partial t} + \rho c_p u_j \frac{\partial T}{\partial x_j} = u_j \frac{\partial p}{\partial x_j} + \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\lambda \frac{\partial T}{\partial x_j} \right)$$
(3)

受温度影响,环境水体密度状态方程可表示为: $\rho(T) = -6.71 + 9.119T - 0.02645T^2 + 2.399 \times 10^{-5}T^3$ (4)

选择 Realizable *k*-模型将湍流的脉动值附加项与时均值联系起来。

湍动能 k 方程可表示为:

$$\frac{\partial(\rho k)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho u_j k)}{\partial x_j} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\mu + \frac{\mu_i}{\sigma_k} \right) \frac{\partial k}{\partial x_j} \right] + G_k + G_b - \rho \varepsilon$$
(5)

耗散率 ε 方程可表示为:

$$\frac{\partial(\rho\varepsilon)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho u_j\varepsilon)}{\partial x_j} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial\varepsilon}{\partial x_j} \right] + \rho C_1 S \varepsilon - \rho C_2 \frac{\varepsilon^2}{k + \sqrt{\nu\varepsilon}} + C_{1\varepsilon} \frac{\varepsilon}{k} C_{3\varepsilon} G_b$$
(6)

式中: G_k 代表平均速度梯度引起的湍动能; G_b 代表浮 升影响引起的湍动能; $C_1 = 1.44$; $C_2 = 1.9$; $\sigma_k = 1.0$; $\sigma = 1.2$ 。

其中

$$C_1 = \max\left[0.43, \frac{1}{\eta+5}\right], \ \eta = S\frac{k}{\varepsilon}, \ S = \sqrt{2S_{ij}S_{ij}}C_{3\varepsilon} = \tanh\left|\frac{v}{u}\right|$$
(7)

式中:v为平行于重力矢量的速度分量;u为垂直于重 力矢量的速度分量。 其中

$$C_{\mu} = \frac{1}{A_0 + A_s \frac{kU^*}{\varepsilon}} \tag{9}$$

其中

$$A_0 = 4.04, \ A_s = \sqrt{6}\cos\varphi, \ U^* \equiv \sqrt{s_{ij}s_{ij}} + \tilde{\Omega}_{ij}\tilde{\Omega}_{ij}$$

 $\mu_t = \rho C_\mu \frac{k^2}{c}$

$$\begin{split} \varphi &= \frac{1}{3} \arccos\left(\sqrt{6}W\right), \ W = \frac{s_{ij} + s_{jk} + s_{ki}}{\tilde{s}^3}, \ W = \frac{s_{ij} + s_{jk} + s_{ki}}{\tilde{s}^3}, \\ s_{ij} &= \frac{1}{2} \left(\frac{\partial u_j}{\partial x_i} + \frac{\partial u_i}{\partial x_j}\right) \end{split}$$

式中: *Ω_{ii}*在角速度为ω的移动参考系中的平均旋转速 率张量。

2 网格划分及计算条件

2.1 网格划分

流体计算域长宽高为8m×1.1m×0.5m,水下航行器 距离流体计算域左侧来流面100mm,距离右侧出流面 7000mm,距离底部100mm,距离顶部300mm(距离 水面200mm),距离后部300mm,距离前部700mm。 绘制网格时采用非结构化网格进行划分,在局部尺寸 上,对排放口、航行器表面以及局部加密实体区域进 行限制,网格类型采用多面体混六面体网格类型。网 格划分完成后如图1所示。



图1 流体计算域网格划分示意图



2.2 计算条件

在边界条件的设置上, 排放口为速度入口边界条件 (velocity-inlet); 航行器表面为非计算边界条件 (dead); 来流面为速度入口边界条件 (velocity-inlet); 出流面为压力出口边界条件 (pressure-outlet); 流体计算域顶部 (top) 为压力出口边界条件 (pressure-outlet); 流体计算域其余面 (wallw) 为对称边界条件 (symmetry)。

来流面设置环境流体来流温度 293 K,来流速度 0.1 m/s; 排放口设置热射流初始温度 333 K,热射流初始速度 0.3 m/s。

在求解设置中,考虑到水下航行器热射流水面红 外特征,文中在流体计算域中划分出空气层,对气液 交界层采用 VOF 流体体积函数进行追踪,水面上的 空气层厚度为 100 mm。求解方法上文中采用基于有 限体积法思想的 SIMPLE 算法, Solver 类型为 Pressure-Based,时间属性上采用 Transient。同时将重力作用 对流体运动的影响体现在求解过程中。关于计算求 解的可靠性要求体现在对各参数收敛残差的限制上, 能量残差的收敛数量级要小于 10⁻⁷,其余各参数残差 的收敛数量级要小于 10⁻⁴。计算过程中达到残差收 敛要求可认为计算求解结果可靠。

为消除网格数量对计算结果的影响,选取热射流 距排放口中心水平距离 0.1、0.3、0.5 m 处中心最高温 度值作为验证数据,对比验证相同位置、不同网格数 量条件下,水下航行器热射流中心最高温度。同时, 提取水面中轴线上距排放口中心水平距离 1.5、2、 2.5 m 处温度值进行对比。验证结果如图 2 所示。图 中数据表明,当网格数量超过 100 万时,热射流在距 离排放口中心不同距离处中心最高温度值较为一致, 误差值较小,在 0.01 K 以内。因此在设置网格尺寸 时,将网格数量控制在 150 万左右较为合适。



Fig.2 Grid independence test

3 椭圆形排放口仿真对比

在空间维度中,以排放口中心为坐标原点,环境 流体流动方向为X轴负方向,热射流排出方向为Y轴 正方向,重力方向为Z轴负方向建立三维直角坐标 系。各结构椭圆形排放口长短半径分别沿X轴及 Z轴方向分布。定义Z轴上椭圆形排放口半径与 X轴上椭圆形排放口半径之比为半径比。表1为不 同半径比椭圆形排放口结构参数。各结构椭圆形排 放口如图3所示。

从图 4 中热射流流迹可以看出,受环境水体运动 影响,冷却水排出后出现分流现象,形成两股热射 流。其中一股热射流在 Z 轴方向上浮升较快,但在 Y 轴方向上运动距离较小;另一股热射流浮升高度较 低,但排出的距离较远。由于出口速度较大,热射流 在射出一段距离后才开始向后运动,运动状态受航行 器壁面影响较小。

从图 5 中排放口附近流体运动可以发现,来流与 冷却水掺混时在排放口后方形成了涡旋运动。由于 热射流温度高、速度快,流体压力较小,与排放口后方 环境水体产生压力差,由此形成了排放口后方与来流 方向完全相反的流体运动。因此,受环境水体逆流运 动影响,冷却水在排出后形成两股运动状态不同的热 射流。环境水体与热射流之间充分接触掺混,接触面 周长即为圆形排放口周长,约 62.832 mm。

图 6 为热射流排放 20 s 时水面温度云图, 受热射 流温度影响, 环境水体自由液面形成了部分温度升高 区域, 温升区域以某一点为中心向四周扩散。由于热

表1 不同半径比椭圆形排放口结构参数

Tab.1 Structure parameters of different radius ratio oval discharge ports

Number	Radius in Z-axis/m	Radius in X-axis/m	Radius ratio
Str 1	0.004	0.025	4:25
Str 2	0.005	0.02	1:4
Str 3	0.008	0.0125	16:25
Str 4	0.01	0.01	1:1
Str 5	0.0125	0.008	25:16
Str 6	0.02	0.005	4:1
Str 7	0.025	0.004	25:4



Fig.3 Structure diagram of different radius ratio oval discharge ports



Fig.4 Flow streamline of thermal jet from circle discharge port



图 5 圆形排放口热射流局部速度矢量图

Fig.5 Local velocity vector diagram of thermal jet from circle discharge port



图 6 圆形排放口热射流水面温度分布

Fig.6 Surface temperature contour of thermal jet from circle discharge port

射流分流现象的出现,导致水面温升区域存在两个温度中心,水面温度扩散区域以X轴方向上横向扩散为主。水面温升区域在X轴方向上的最大扩散距离为2.138 m,在Y轴方向上的最大扩散距离为0.794 m。

按照相同的模型、相同的网格划分、相同的计算 参数设置对不同半径比椭圆形排放口排出热射流过 程进行计算。对计算结果进行分析后得到不同半径 比椭圆形排放口作用下热射流水面温升区域特征 数值。 表 2 为各半径比椭圆形排放口热射流排放 20 s 时在水面形成的温度扩散区域相关特征的数值。以 圆形 (结构 4) 排放口特征值为标准值,当排放口半径 比小于 1 时,水面最高峰值温度下降,与标准值相比, 最大降幅为 52.03%。当排放口半径比发生变化,热射 流水面温度扩散区域横向扩散最大距离变化不大,纵 向扩散最大距离减少 25.82%~34.38%。

虽然不同半径比椭圆形排放口面积相同,但是 排放口周长不同。其中,结构1与结构7排放口周 长最大为 241.080 mm, 而圆形 (结构 4) 排放口周长最 小为 62.832 mm。排放口周长越大, 热射流在排放 口出口处与环境水体的接触面越大, 掺混换热效果 越好。

从图 7 中半径比 4:25 和 25:4 的椭圆形排放口 热射流流迹来看,半径比越小,热射流在出口处宽度 越小,热射流温度衰减越快,浮升较快的一股热射流 流量也越小。半径比小于 1 的椭圆形排放口作用下 热射流分流现象更加明显,半径比为 4:25 时,热射 流对水面温升扩散区域的影响小于半径比为 25:4 的椭圆形排放口作用。

表 2 不同半径比椭圆形排放口热射流水面温度场特征值

Tab.2 Surface temperature value of thermal jet from

different radius ratio oval discharge ports

Number	Peak temperature/ K	Diffusion distance in X-axis/m	Diffusion distance in <i>Y</i> -axis/m
Str 1	293.071	2.152	0.521
Str 2	293.109	2.140	0.580
Str 3	293.101	2.119	0.539
Str 4	293.148	2.138	0.794
Str 5	293.100	2.129	0.541
Str 6	293.152	2.213	0.586
Str 7	293.196	2.333	0.589



图 7 半径比 4:25、25:4 椭圆形排放口热射流流迹图 Fig.7 Flow streamline of thermal jet from radius ratio 4:25,25:4 oval discharge ports

4 椭圆形排放口实验研究

该实验所准备的实验器材大致分为四项:实验水 池、水下航行器模型、电驱轨道拖车、红外热像仪及 照相设备,如图 8~图 11 所示。

实验水池长 7.5 m、宽 1 m、高 1 m。水池底部有两 个入水口和一个排水口,入水口进水流量为 2084 cm³/s, 出水口排水流量为 695 cm³/s。水下航行器模型长 0.591 m,最大直径 0.061 m,排放口位于水下航行器中 心后 0.150 m 处。电驱轨道拖车位于水池上方,拖车 通过控制箱调节速度,带动水下航行器在水池中直 行,拖车运动速度即水下航行器航行速度。拖车上方 设置有水箱,增压泵,流量调节阀等。通过控制阀门 开度调整水流进入水下航行器模型的速度,从而调整 热射流排放速度。

将水下航行器模型置于水池中,航行器位于水面



图 8 实验示意图 Fig.8 Experimental diagram

0.02 m 以下, 航行器通过铁管与拖车上方管道连接水 箱, 水箱内热水经由排放口排出, 与水池内室温状态 下的环境水体掺混换热。热水温度保持与环境水体 温度相差 40 ℃。水箱内加入黑色示踪剂体现热射流 运动状态。同时通过控制箱启动拖车在轨道上直行 带动航行器运动, 模拟航行器航行状态。在水池一侧 利用红外热像仪对水池水面温度场进行测量, 测量热 射流水面红外特征。

图 12 中热射流随时间变化在环境水体中不断扩散,热射流与环境水体的温差使得两类流体之间密度 不同,热射流密度较小,受浮力作用向上浮升。初期 热射流向上浮升不明显,经过一段时间的运动,热射



图 9 实验水池 Fig.9 Experimental pool

图 10 拖车控制器 Fig.10 Controller of trailer platform

图 11 水下航行器模型 Fig.11 Model of underwater vehicle

流向上浮升至接近水面,热射流宽度随着排出距离的 增加越来越大。

图 12 圆形排放口热射流运动扩散轨迹 Fig.12 Trajectory of thermal jet from circle discharge port

图 13 中受热射流影响,水面形成部分温升区域, 与仿真结果不同在于,实验环境下水面温度扩散不均 匀、不连续,但仍然以运动方向上的扩散为主,水面最 大温差也较低。

图 13 圆形排放口热射流水面温度场

Fig.13 Surface temperature contour of thermal jet from circle discharge port

在相同的实验条件下,对比不同半径比椭圆形排 放口热射流水面温度最大温差如图 14 所示。与圆形 (结构 4) 排放口相比,排放口半径比小于 1 时,水面最 大温差下降,降幅在 12.84%~35.80% 之间;半径比大 于 1 时,水面最大温差增加。

通过实验证明,改变排放口半径比对于热射流在 水面形成的温度扩散区域有较为明显的影响。实验 所得结论与仿真计算结论较为一致,降低排放口半径 比有利于加强热射流与环境流体掺混换热,抑制热射 流水面红外特征。

图 14 不同半径比椭圆形排放口热射流水面最大温差

Fig.14 Surface maximum temperature difference of thermal jet from different radius ratio oval discharge ports

5 多孔排放口仿真分析

由仿真及实验结果可知,当椭圆形排放口半径比 为4:25时,排放口周长最大,Z轴半径最小,热射流 宽度最小,热射流与环境流体掺混换热效果最好。因 此,在结构1椭圆形排放口的基础上,保持排放口总 面积不变,增加排放口数量,调整排放口分布位置,保 证分孔排放口半径比不变。具体排放口结构如图15 所示。

从图 16 中可以看出,当排放口位于水下航行器 一侧时,分孔热射流之间会产生卷吸掺混现象,不利 于热射流温度迅速下降。当两个排放口上下分布时, 热射流动量损失迅速,速度损失大,与环境水体掺混 效果较差。当两个排放口前后分布时,热射流在初始 运动方向上运动距离增大,温度下降迅速,与环境水 体掺混换热效果好。当两个排放口位于航行器两侧 时,热射流温度下降最快。排放口分孔热射流之间没 有卷吸现象,有利于提升热射流与环境水体掺混换热 效果。

图 17 为各多孔排放口热射流浮升高度变化曲 线。从图中可以看出,结构 a 排放口热射流浮升较 快,热射流温度下降较慢,而结构 b 与结构 c 排放口 热射流温度衰减较快,浮升高度也较低。与单孔半径 比 4:25 椭圆形排放口相比,结构 a 排放口热射流对 水面温度影响增强,水面最大温差为 0.128 K。而结 构 c 排放口热射流在水面形成的温度中心最大温差 为 0.052 K,热射流红外特征减弱。

图 16 多孔排放口热射流流迹图 Fig.16 Flow streamline of thermal jet from discharge multiport

图 17 多孔排放口热射流浮升高度

Fig.17 Floating height of thermal jet from discharge multiport

6 结 论

文中通过仿真结合实验的方法探究水下航行器 排放口结构对热射流红外特征的影响。设计椭圆形 排放口,改变排放口半径比,增加排放口接触面周 长。同时进一步设计多孔排放口,增加排放口数量, 调整排放口分布位置。根据研究结果可以得到如下 结论:

(1) 排放口半径比越小, 热射流掺混接触面大, 热 射流掺混换热效果越好, 热射流红外特征越不明显。

(2) 排放口 Z 轴半径越小, 热射流在出口处宽度 越窄, 热射流浮升高度越低。 (3) 增加排放口数量, 减小排放口间隙有利于加 快热射流温度衰减过程, 降低热射流在水面形成的温 度中心最大温差。

(4)当排放口分布在水下航行器两侧时,排放口 之间卷吸掺混现象消失,热射流温度衰减过程加快, 在水面形成的温度扩散区域特征也越不明显。

(5) 排放口结构对热射流红外特征具有明显影 响,改变排放口形状、数量、分布位置有利于提升水 下航行器热隐身性能。

参考文献:

- Chevary R. Tutu H K. Intermittrly and preferential transport of heat in a round jet [J]. *Fluid Mech*, 1978, 88(1): 133-160.
- [2] Garret W D, Smith P M. Physical and chemical factors affecting the thermal IR imagery of ship wakes(AD-A144034)[R]. Washington DC: Naval Research Lab, 1984.
- [3] Peltzer R, Garrett W, Smith P. A remote sensing study of a surface ship wake [J]. *International Journal of Remote Sensing*, 1985, 8(5): 689-704.
- [4] Chen C J, Singh K. Development of a two-scale turbulence model and prediction of buoyant shear flows[C]//AIAA Thermophys and Heat Transfer Conf. Heat Transfer in Turbulent Flows, 1990, 138: 53.
- [5] Voropayev S I, Fernando H J S, Smirnov S A, et al. On surface signatures generated by submerged momentum sources [J]. *Physics of Fluids*, 2007, 19(7): 465.
- [6] Voropayev S I, Fernando H J S, Nath C. Thermal and dynamic

第52卷

surface signatures of the wake of a submerged sphere [J]. *Journal of Visualization*, 2009, 12(4): 285.

- [7] Voropayev S I, Nath C, Fernando H J S. Thermal surface signatures of ship propeller wakes in stratified waters [J]. *Physics of Fluids*, 2012, 24(11): 466-469.
- [8] Voropayev S I, Nath C, Fernando H J S. Surface signatures of submerged heated jet [J]. *Environ Fluid Mech*, 2014, 14(5): 1105-1121.
- [9] Yang Weiping, Zhang Zhilong, Li Jicheng, et al. Thermal wakes detectability of submerged objects based on scale model [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2016, 45(3): 0302002. (in Chinese)
- [10] Lai Qingzhi. Study of infrared radiative characteristics of nuclear-powered submarine's thermal wake[D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2017. (in Chinese)
- [11] Zhou Zhe, Bai Zongliang, Shi Jingcheng, et al. The study on thesimulation method based on temperature interpolation technology for the buoyancy law and ocean-surface thermal characteristic of submarine wake [J]. *Infrared Technology*, 2019, 41(11): 1039-1046. (in Chinese)
- [12] Zhang Jian, Yang Li, Zhang Shicheng, et al. Temperature characteristic of horizontal heated water jets in the flow [J].

Huazhong University of Science and Technology (Natural Science Edition), 2011, 39(8): 62-66. (in Chinese)

- [13] Zhang Jian, Yang Li, Zhang Shicheng, et al. Three-dimensional numerical simulation of horizontal circle heated water jets in the flow [J]. *Advances in Water Science*, 2011, 22(5): 668-672. (in Chinese)
- [14] Zhou Zhe, Bai Zongliang, Zhao Detao, et al. Structure optimization and simulation analysis of submarine discharge port based on CFD [J]. *Ship Science and Technology*, 2020, 42(5): 66-70. (in Chinese)
- [15] Gao Meng, Huai Wenxin, Zeng Yuhong. Dilution characteristics of vertical multiple jets in crossflow [J]. *Huazhong University* of Science and Technology (Natural Science Edition), 2018, 46(6): 94-98. (in Chinese)
- Zheng Yanan, Wang Guoyu, Lu Yafei, et al. Study on the flow field characteristics of multiple jets under the flat surface[C]// Proceedings of the 32nd National Conference on Hydrodynamics, 2020. (in Chinese)
- [17] Bae Y Y, Kim E S, Kim M. Assessment of low-Reynolds number k-ε turbulence models against highly buoyant flows [J]. *International Journal of Heat and Mass Transfer*, 2017, 108: 529-536.