对光学侦察卫星的地面探测模型与试验研究

邢 晖,张岩岫,雷 萍,马 娜,王娟锋,康大勇

(中国人民解放军 63891 部队,河南 洛阳 471003)

摘 要: 在空间光电对抗领域,地面光电跟踪设备对卫星的实时在轨跟踪是实施干扰对抗的前提,光 学侦查卫星多运行在太阳同步轨道上。首先,根据光学侦查卫星对地观测多为垂直下视或者侧摆下 视,以及地面光电干扰设备必须位于光学侦查卫星视场内的特点,经独立数学推导,获得了卫星与地面 设备相互位置关系的数学模型,包括地面光电设备对光学侦查卫星的观测距离和观测角度的数学表达 式;其次,根据卫星星体及其太阳能电池板的辐射散射特性,以及地球大气环境和地物背景的可见光散 射传输特性,推导获得了星体及观测路径的散射辐射传输数学模型,以及地面光电设备探测器靶面目 标与背景光辐射照度的数学表达式;最后,根据侦查卫星散射辐射的大气闪烁特性,应用概率统计理论 与工程经验分析,指出影响探测概率的决定因素为大气闪烁引起的目标背景对比度变化,据此提出了 一种新的地面光电设备对光学侦查卫星的探测概率模型。经实测试验数据验证,文中模型的计算结果 与实际测量数据的吻合度较高。

关键词:光学侦察卫星; 太阳同步轨道; 视星等; 路径亮度; 探测概率 中图分类号:V19 文献标志码:A DOI: 10.3788/IRLA20210978

Research on ground detection model and test of optical reconnaissance satellite

Xing Hui, Zhang Yanxiu, Lei Ping, Ma Na, Wang Juanfeng, Kang Dayong

(The 63891 Units of People's Liberation Army, Luoyang 471003, China)

Abstract: In the field of space optoelectronic countermeasures, the real-time on-orbit tracking of satellites by ground optoelectronic tracking equipment is a prerequisite for interference countermeasures, and optical reconnaissance satellites mostly operate in sun-synchronous orbits. Firstly, according to the optical reconnaissance satellite earth observation was apparent under vertical or lateral swing down more visual, and ground jamming equipment must be located within the optical reconnaissance satellite view characteristic, through independent mathematical deduction, the mathematical model of satellite and ground equipment location relationship between each other, including the ground photoelectric devices of optical reconnaissance satellite observation distance and the mathematical expression of observation angle; Secondly, according to the radiation scattering characteristics of the satellite and their solar panel, as well as the scattering transmission characteristics of the earth's atmospheric environment and terrain background in the visual band, the mathematical model of the scattering radiation transmission of the star and the observation path was derived, and the mathematical expression of photoelectric equipment which represent the target and the background respectively were obtained; Finally, based on the atmospheric scintillation characteristics of the scattering experience

收稿日期:2022-02-20; 修订日期:2022-03-15

作者简介:邢晖,男,高级工程师,硕士,主要从事光电系统总体设计与测试评估方面的研究。

analysis, it was pointed out that the decisive factor affecting the detection probability was the change in the target background contrast caused by the atmospheric scintillation, based on this, a new detection probability model of the optical reconnaissance satellite by ground optoelectronic equipment was proposed. The actual test data verifies that the calculated results of the model in this paper are in good agreement with the actual measured data.

Key words: optical reconnaissance satellite; sun-synchronous orbit; visual magnitude; path brightness; probability of detection

0 引 言

大量高分辨率光学侦察卫星频繁过境对国土安 全构成了严重威胁,对其进行密切的跟踪监视是十分 必要的。在空间光电对抗领域,地面电视跟踪设备主 要用于卫星的实时在轨跟踪,在稳定跟踪卫星的前提 下,地面光电干扰装备才能对卫星实施窄波束强光干 扰,对卫星的跟踪性能决定了这类光电干扰装备的干 扰效果。地面电视跟踪设备能否成功捕获并跟踪卫 星,与卫星轨道参数、星体的目标光学特性、电视跟 踪设备探测能力、可见光大气传输特性等因素有关。

在可见光波段,卫星星体的目标光学特性与其几 何形状、姿态、材料反射率等因素有关。对侦察卫星 的可见光散射特性的测量与研究,目前主要通过两种 方法:(1)已知卫星几何结构、表面材料时,可通过构 建实物缩比模型,并通过模拟光源对该模型照射,模 拟在轨卫星的光照条件与仪器观测角度,测量并建立 卫星的目标光散射特性模型;(2)对于无法获知几何 结构、表面材料特性的卫星,则需要对卫星进行大量 的在轨观测,并结合光照条件、卫星姿态、大气传输 等观测条件,对预先建立的仿真模型进行不断的数据 修正和校准,逐步逼近真实模型。

当前,世界航天大国都建立了较为完善的在轨卫 星监控网络,这类监控网络主要跟踪监控在轨卫星的 轨道参数,光学侦察卫星是其主要监控对象;对于军 事应用背景的侦察卫星,除了对其进行轨道监控外, 还需针对不同军事应用,对其进行精准定位、连续跟 踪、目标特性测量等,建立主要在轨卫星的目标特性 模型与数据。根据卫星光学特性模型与轨道特性,可 进行目标探测与识别、捕获与跟踪性能预测,并可据 此开展相关地面装备的态势规划与布局设计等。

1 星地位置关系

光学侦察卫星一般运行在太阳同步轨道,为了获

得较高的地面光学分辨率,其飞行轨道高度一般不 超过 1000 km。太阳同步轨道的特点是卫星飞行的 轨道平面始终与太阳照射方向成固定夹角,太阳同步 轨道卫星必须保持轨道面进动角速度与地球公转同 步,因此太阳同步轨道的进动角速度为2π/365.25/24/ 3 600 = 0.1991 µrad/s。卫星轨道倾角是指卫星运行轨 道法线矢量 (由右手定则确定)与地球北极极轴指向 的夹角,因此卫星公转面与地球自转的赤道平面重合 且转动方向相同时为 0°轨道倾角,反之则为 180°倾 角,太阳同步轨道的进动角速度Ω与轨道倾角*i*的关 系为^[1]:

$$\dot{\Omega} = -\frac{3}{2} \sqrt{\frac{\mu}{a^3}} J_2 \left(\frac{a_e}{a - ae^2}\right)^2 \cos i \tag{1}$$

式中: a 为卫星轨道半长轴; e 为轨道偏心率; μ = 398 600.5 km³/s²为地球引力常数; J_2 = 1.082 63×10⁻³ 为地球非球形摄动一阶常数; a_e = 6 378 km为地球赤 道半径。例如, 对于"锁眼"KH-12 光学侦察卫星, 其 轨道近地点 300 km、远地点 1000 km, 则其轨道长轴 a=7028 km, 偏心率 e=0.0498, 则其轨道倾角 i=97.95°, 其轨道运行周期为 T_s = $2\pi \sqrt{(a^3/\mu)}$ = 5 863.5 s。因此 KH-12 卫星为逆行 (由南向北) 轨道, 轨道面与极轴的 夹角为 7.95°。轨道高度、偏心率、轨道倾角相同的太 阳同步轨道, 其轨道平面可根据需要选择很多种, 典 型的如晨昏轨道 (卫星始终运行在地球昼夜交界线上 空)、昼夜轨道 (卫星始终运行在地球当地时正午-午 夜线上空)等。

从地面观测太阳同步轨道卫星时,由于地球曲率 的影响,其过境时间与卫星周期、轨道高度、椭圆偏 心率等因素有关,光学侦察卫星的轨道高度很低,可 近似为圆形轨道。光学侦察卫星对地观测时,一般垂 直下视侦察或有一定的侧摆角度,地面设备对其实施 跟踪干扰时,必须位于卫星的侦察画幅带范围内,地 面设备与卫星轨迹地面投影线的距离一般不超过数 百千米,如图1所示。

图 1(a) 中, 卫星 S 沿圆弧线 BB'从地平线升起和 降落, 观测点 A 与卫星轨迹地面投影线相交于 O, 图 1(b) 是其地面投影图, GN 为地理北极指向。若以 卫星升起最高点时刻为 0 时, 观测点与卫星地面投影 距离为 *R_d*, 则 *T* 时刻卫星距离为:

$$R = \sqrt{a^2 + a_e^2 - \frac{2aa_e^2\cos(T\sqrt{\mu/a^3})}{\sqrt{a_e^2 + R_d^2}}}$$
(2)

卫星轨道倾角确定时,不同纬度的卫星轨道地面 投影线与北极指向变化很大。将地球按照理想球体 处理,如图2所示,箭头指向左上方的圆弧为卫星轨 迹地面投影线,其轨道倾角为*i*,地球表面北纬 N°线 与卫星轨道投影线相交于 O 点,穿过 O 点指向北极 的经线为地理北极指向 GN。





Fig.1 Relationship between satellite transit trajectory and geographic location







则 *O* 点处对应的卫星轨迹投影线与地理北极指向的夹角α为:

$$\alpha = \arccos\left[\frac{\cos 2N - \cos 2i}{2\cos N\sqrt{\sin^2 i - \sin^2 N}}\right]$$
(3)

如北纬40°线上,KH-12卫星地面投影线指向角 约为北偏西10.2°。以地理北极为初始指向,顺时针 旋转角度为方位角,则观测方向方位、俯仰角度为:

$$\theta_A = \frac{3\pi}{2} - \alpha + \arcsin\left[\frac{a}{R}\sin(T\sqrt{\mu/a^3})\right]$$
(4)

$$\theta_E = \arctan\left[\frac{aa_e\cos(T\sqrt{\mu/a^3})}{R_d\sqrt{a_e^2 + R_d^2}} - \frac{a_e}{R_d}\right]$$
(5)

获知地面观测点与卫星的相对地理位置关系后, 再根据地球与太阳相对运行关系可以得到对应年历、 纬度、时间对应的太阳高角和太阳方位角,若卫星过 境时刻的太阳方位角θ_{SA}、俯仰角θ_{SE},则太阳照射方向 与观测方向相对卫星的方位、俯仰夹角为:

$$\gamma_A = \theta_A - \theta_{SA} - \pi \tag{6}$$

$$\gamma_E = \theta_{SE} + \theta_E \tag{7}$$

2 星体探测模型

2.1 星体反射辐射

卫星亮度与太阳照射条件有关,在光度学领域^[2], 大气层外太阳光照度为 1.39×10⁵ lx; 在辐射度学领 域^[3],太阳在大气层外的可见光辐射照度约为 632 W/m²。在天文观测领域,常用视星等的概念描述 天体的亮度及其在地面形成的照度,定义标准烛光 1 m 处的照度为 1 lx 的视星等为 0, 视星等为 *M* 的天 体的照度为:

$${}^{M}E = {}^{0}E \times 10^{-0.4M} \tag{8}$$

式中:⁶*E*为0等星的照度,视星等0的绝对星等为 -13.98,其照度为⁶*E*=10^{-13.98×0.4}=2.56×10⁻⁶ lx,人眼可视 的最暗星体为6等星,则⁶*E*=1×10⁻⁸ lx。

对于光学侦察卫星, 一般采用大口径对地观测镜 头, 其外形大致呈圆柱形。由于对地观测的需要, 其 观测镜头方向一般朝向地面方向, 即垂直指向地面 的圆柱体。如 KH-12 直径约 4 m, 长度约 13 m。假定 卫星星体为直径 d、长度 1 的均匀朗伯体, 大气层外太 阳光照度为 E_0 , 星体反射率为 $I_1 = \frac{E_0}{\pi} lr \rho_1 (1 + \cos \gamma_A) \cdot \cos[\theta_{SE} - R_d/a_e] \cos[\theta_E + R_d/a_e], 则地面观测设备观测$ 到的星体太阳光反射辐射强度为:

$$I_1 = \frac{E_0}{\pi} lr \rho_1 (1 + \cos \gamma_A) \cos[\theta_{SE} - R_d/a_e] \cos[\theta_E + R_d/a_e]$$
(9)

公式(9)为简单圆柱体的光散射模型,若卫星星体形状复杂时,普遍采用的方法是:将星体视为很多个小面元平面朗伯体,根据其空间位置进行逐面元求和或积分,小面元dS反射率ρ_s、太阳光入射角γ_s、观测角θ_s的反射辐射强度*dI*₁为:

$$dI_1 = \frac{E_0}{\pi} \rho_s \cos \gamma_s \cos \theta_s \mathrm{d}S \tag{10}$$

若星体可近似简化为规则几何体,且反射率与入 射角、观测角为该几何体的空间位置函数,则可对上 式进行几何体表面积分,从而获得星体反射辐射强度:

$$I_1 = \frac{E_0}{\pi} \iint_{S} \rho_s \cos \gamma_s \cos \theta_s \mathrm{d}S \tag{11}$$

若星体不能简化为规则几何体,则需要进行小面 元辐射求和,获得整个星体的反射辐射强度,即:

$$I_1 = \frac{E_0}{\pi} \sum \rho_s \cos \gamma_s \cos \theta_s S \tag{12}$$

对于太阳同步轨道卫星,其太阳能电池板一般朝 向太阳照射方向,可视为平面朗伯体,其可见光波段 反射率一般在 5% 左右,但由于其面积很大,作为星 体辐射的一部分不可忽视。根据前文分析,假定太阳 能电池板平面法线太阳照射方向相同,太阳能电池板 面积 *A*,反射率ρ₂,则地面观测设备接收的太阳能电 池板反射辐射强度为:

$$I_2 = \frac{E_0 \,\rho_2 A}{\pi} \cos \gamma_A \cos \gamma_E \tag{13}$$

若大气传输透过率为 τ_a 、观测点距离卫星 R 时, 观测设备入瞳处的星体辐射照度为:

$$E_{S} = \frac{\tau_{a}}{R^{2}}(I_{1} + I_{2}) \tag{14}$$

卫星星体成像到探测器靶面上时,若卫星星体所 张立体角小于探测器像元,给定光学系统入瞳 D、透 过率τ₀、单元探测器面积 A_d,则目标在探测器靶面上 的辐射照度为:

$$E_T = \frac{\pi D^2 \tau_0}{4A_d} E_S \tag{15}$$

若卫星星体在探测器靶面上的成像大于单元探 测器,假定卫星星体辐照能量均匀,目标在探测器上 的成像面积 S_d(大于 A_d),则目标在探测器靶面上的辐射照度为:

$$E'_T = \frac{\pi D^2 \tau_0}{4S_d} E_S \tag{16}$$

2.2 背景辐射

从地面观测卫星时,还要考虑背景辐射强度,若 给定单位立体角的路径亮度 L_V,光学系统 F 数 (f/D), 则单元探测器接收背景辐射照度为:

$$E_B = \frac{\pi L_v \tau_0}{4F^2} \tag{17}$$

不同气象条件、不同光照条件、不同地表反射特性^[4]时,观测路径的背景亮度不同,背景亮度可通过 辐射传输软件计算,CART是中科院安徽光机所开发 的一款辐射传输软件,可获得较高的计算精度^[5]。 图 3 所示为垂直上行观测路径上、不同太阳天顶角 $\beta(^{\circ})$ 时,路径亮度 $L_{v}(W \cdot m^{2} \cdot sr^{-1})$ 的计算结果。CART 软件计算选取的气象参数为:大陆地区 6 月大气模 式、大陆型气溶胶、能见度 23 km、相对湿度 50%,地 表为草地。



2.3 星体闪烁

大气湍流可导致光强起伏,地面电视跟踪设备探测卫星时,如同人眼观察恒星,存在目标强度的闪烁, 强度闪烁与折射率结构常数 C_n^2 有关^[6],测量表明,在 大气对流层内 (高度约 10~20 km),白天 C_n^2 随海拔高 度 h 呈-4/3 指数下降,地面附近高度 1 m 的折射率结 构常数记为 C_n^2 ,则垂直上行观测路径至高度 h 的平 均折射率结构常数为:

$$C_n^2(A) = \frac{C_n^2}{h-1} \int_{1}^{h} z^{-4/3} dz \approx 3C_n^2/h$$
 (18)

地面附近的大气湍流最强,高度上升20km,折射 率结构常数下降约6个数量级,因此对流层以上高 度,大气湍流对光强闪烁的贡献可忽略不计。

大气湍流引起的光强起伏服从对数正态分布,对 于球面波,根据 Tatarskii 的大气湍流理论^[7]和相关研 究参考文献 [8–9],折射率结构常数 *C*_n²不变时,对数 强度起伏方差σ₁为:

$$\sigma_I^2 = \exp\left[\frac{0.17\sigma_0^2}{\left(1+0.167\sigma_0^{12/5}\right)^{7/6}} + \frac{0.225\sigma_0^2}{\left(1+0.259\sigma_0^{12/5}\right)^{5/6}}\right] - 1$$
(19)

在可见光波段 (0.4~0.76 μm), σ₀为:

$$\sigma_0^2 = 8.34 \times 10^7 C_n^2 (A) R^{11/6}$$
(20)

当观测路径穿越整层大气时, 传输路径长度 R可用对流层观测路径长度等效, 等效路径长度与对流 层高度 h 和观测仰角 θ 有关, 即 $R = h/\sin\theta$ 。白天, 地 面附近折射率结构常数 C_n^2 约为 10^{-14} m⁻²³ 量级, 按照 公式 (18), 垂直上行传输 20 km 的平均 $C_n^2(A)=1.5\times$ 10^{-18} m⁻²³, 根据公式 (19)、(20), 观测仰角 20°时, 可得 到 $\sigma_{f}=0.165$ 。观测卫星时, 由于观测路径穿越了整层 大气, 其强度起伏的对数方差可按照上述方法计算。

假定观测设备探测到的卫星与背景辐射强度均服从对数正态分布,不考虑探测器其它噪声信号时, 探测系统从背景信号中检出目标信号的概率 *P*_d 为:

$$P_d = \frac{1}{2\sqrt{\pi}\sigma_I} \int_0^{+\infty} \exp\left(-\frac{x - \ln(E_T + E_B) + \ln E_B}{4\sigma_I^2}\right) dx \quad (21)$$

若给定探测概率 P_d ,可得到对应标准正态分布函数变量值 k,从而得到目标与背景辐射强度差值,若给定概率值对应随机变量值为 $\sqrt{2\sigma_l k}$,根据探测器成像面上目标背景对比度定义,有:

$$C = \frac{E_T}{E_B} = \exp(\sqrt{2}\sigma_I k) - 1$$
 (22)

以探测概率为 97.7% 时, 对应 *k*=2, 按照 σ_Γ=0.165 计算, 得到*C* = 0.6。

3 实例分析

以光学侦察卫星典型轨道高度 500 km 为例,按 照圆轨道近似,其角速度约 1.107 mrad/s,观测点位于 轨道地面投影线垂直中线上,距离为 500 km,卫星轨 道露出地平线的飞行时间约为 0.12 T_s=680 s,地面观 测站位于北纬 40°线上。如图 4 所示,图 (a) 绘出了观 测距离 R 随观测时间 T 的变化情况,图 (b) 为观测角 度θ随观测距离 R 变化情况,两条曲线从上到下分别 为俯仰和方位角度。假定观测点位于东经 110°、北 纬 40°交点,卫星于 10 月 10 日上午 10 时过境,利用 太阳角度计算工具得到太阳方位角 136.2°,俯仰角 31.6°,根据图 4 可得到太阳、观测点相对卫星的夹角 y随距离 R 时间的变化情况。







若星体尺寸 $\Phi 4 \text{ m} \times 13 \text{ m}$ 、太阳能电池板 $4 \text{ m} \times 6 \text{ m}$,星体反射率 0.2、太阳能电池板反射率 0.05,根据 公式 (8)、(14),可计算卫星星等 M 与观测仰角 θ_{ε} 的变 化关系,如图 5 所示。如观测仰角 10°时,目标卫星亮 度约为 6 等星,此时观测距离 2340 km,此时卫星对观 测仪器照度约为 4.53×10⁻¹¹ W/m²。

若假定目标卫星在探测器靶面成像小于一个像 元,光学系统口径 400 mm、焦距 1000 mm、探测器象 元 10 μm×10 μm、光学系统透过率 0.6。根据上节理 论模型和条件,距离 1350 km 时,目标卫星的星等亮度



图 5 卫星星等亮度随观测仰角变化情况



约为 3.1 等, 观测仰角 37°, 其在探测器靶面的辐射照 度为 0.54 W/m², 根据上述假设条件, 标准气象能见度 条件下, 利用 CART 计算的背景亮度为 22 (W·m⁻²·sr⁻¹), 由公式 (17) 可得背景光在探测器靶面的辐射照度为 1.66 W/m²。此时目标背景对比度为 0.32, 刚好满足 2.3 节提出的探测概率模型约束条件, 即前文假设的 地面探测设备和探测条件下的探测距离为 1350 km。

图 6 为地面设备对某过境卫星的试验测量结 果。图 6 的数据表明,跟踪探测过程中卫星亮度闪烁 十分明显,跟踪仰角越低,星等亮度起伏越严重,符合 前文给出的大气闪烁模型变化规律;跟踪仰角越高, 星等亮度越大,变化趋势符合前文给出的星等亮度模 型规律。图 7 为观测仰角 20°左右的卫星星等亮度变 化数据,其亮度数据主要集中在 6.2±0.2 星等范围内, 强度闪烁方差约占 0.2 个星等亮度,根据星等亮度定 义,则其强度起伏方差的对数值为σ_l = ln(10^{0.4×02}) = 0.184,根据前文计算结果 (σ_l = 0.165)并结合测量条 件比对,理论计算值与测量数据吻合度较好。



图 6 过境卫星星等亮度实测结果

Fig.6 Measured results of transit satellite magnitude brightness

因此, 文中提出的星体探测模型与测量结果的趋势规律一致。在光学侦察卫星轨道数据支持下, 可依



图 7 观测仰角 20°时过境卫星亮度实测结果

Fig.7 Measured results of the transit satellite brightness at 20° elevation

据该模型推算地面装备的探测距离及仰角,据此开展 装备态势预先设计,在目标特性测量数据支持下,可 依据卫星亮度变化规律进行目标探测与识别等方面 的应用。

4 结 论

侦察卫星星体形状、尺寸、表面反射率等条件, 决定了卫星反射太阳光的辐射强度,观测仪器入瞳面 积与卫星在探测器靶面的辐射照度呈正比关系,探测 器靶面上的背景辐射照度与观测仪器F数呈反比关 系;另外,随着距离增大、目标仰角降低,观测路径透 过率降低,目标在探测器靶面上的辐射照度也会降低。

理论模型与试验研究表明,白天探测光学侦察卫 星时,太阳光是自然界最大的干扰源,而大气闪烁是 影响观测设备探测目标的重要因素,观测仰角越低, 观测路径穿越的大气层厚度越大,目标卫星与背景的 强度闪烁越大,目标探测越困难。因此,目标星等亮 度不是决定地面设备探测能力的唯一因素,在低星等 亮度条件下,只要观测路径背景亮度足够低,大气闪 烁又满足探测概率条件时,观测设备依然可以稳定探 测跟踪目标。

参考文献:

- Gan Chuxiong, Liu Jixiang. The Overall Design of Ballistic Missiles and Launch Vehicles [M]. Beijing: National Defense Industry Press, 1993: 301-316. (in Chinese)
- [2] Li Jingzhen. Optical Manual [M]. Xi'an: Shaanxi Science and Technology Press, 2010: 882-885. (in Chinese)
- [3] Zhang Jianqi, Fang Xiaoping. Infrared Physics [M]. Xi'an: Xidian University Press, 2004: 115-117. (in Chinese)
- [4] China Meteorological Administration. Satellite Calibration Field Ground and Typical Surface Object Spectrum Data Set [M].
 Beijing: Meteorological Press, 2008: 47-309. (in Chinese)

- [5] Dai Congming, Wei Liliu, Chen Xiuhong. General Atmospheric Radiation Transmission Software (CART) molecular absorption and thermal radiation calculation accuracy verification [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2013, 42(1): 174-180. (in Chinese)
- [6] Frederick G. Smith, Atmospheric Propagation of Radiation [M]. Bellingham: SPIE Optical Engineering, 1993: 159-201.
- [7] Tatarskii V I. Wave Propagation in a Turbulent Medium [M].

New York: Dover Publications, 1961.

- [8] Luo Zhimin, Wu Zhensen, Guo Lixin, et al. Research on light wave scintillation in turbulent atmosphere [J]. *Journal of Xidian University*, 2001, 28: 273-277. (in Chinese)
- [9] Zhang Yixin, Chi Zeying. Transmission and Imaging of Light Waves in the Atmosphere [M]. Beijing: National Defense Industry Press, 1997. (in Chinese)