# 脉冲红外热波用于半透明涂层厚度测量

何涛1,沈中华1,陈飞1,陈力2

(1. 南京理工大学理学院,江苏南京210014;2. 电子科技大学光电科学与工程学院,四川成都611731)

摘 要:为了快速、准确地测量半透明涂层的厚度,提出了一种基于脉冲红外热波的测量方法。建立 了半透明涂层半无限大脉冲热传导简化理论模型和半透明涂层的脉冲红外加热双层物理模型,理论分 析和数值计算结果表明:半透明涂层的厚度与表面温度的峰值时刻在对数坐标上呈现线性关系,利用 这种线性关系可以直接测量半透明涂层的厚度,而不再需要在样品表面喷涂黑漆以避免半透明性的影 响。实验上建立脉冲红外热波系统并制作了厚度连续变化的半透明涂层试件,得到的厚度误差小于 5%。结果显示该技术具有快速和非接触式测量半透明涂层厚度的潜力。 关键词:脉冲红外热波; 涂层厚度测量; 有限元仿真; 半透明涂层

中图分类号: TN219 文献标志码: A **DOI**: 10.3788/IRLA20210890

# Measurement of translucent coating thickness based on pulsed thermography

He Tao<sup>1</sup>, Shen Zhonghua<sup>1</sup>, Chen Fei<sup>1</sup>, Chen Li<sup>2</sup>

(1. School of Science, Nanjing University of Science and Technology, Nanjing 210014, China;

2. School of Optoelectronic Science and Engineering, University of Electronic Science and Technology of China, Chengdu 611731, China)

**Abstract:** To measure the thickness of translucent coating quickly and accurately, the method based on pulse thermography was proposed. A simplified theoretical semi-infinite model of pulsed infrared heating conduction for translucent coating and a two-layer physical model of pulsed infrared heating for translucent coatings were established. The theoretical analysis and numerical results show that the thickness of the translucent coating is linearly proportional to the peak time of the surface temperature in logarithmic coordinates, through which the thickness of the translucent coating can be derived without spraying black ink on the surface of the sample to avoid the effect of translucency. A translucent coating specimen with continuously varying thickness was fabricated and tested with a flash thermographic system. The result of the measured thicknesses is within 5% of the actual values. It demonstrates that the technique has the potential for fast and non-contact measurement of the thickness for translucent coatings.

Key words: pulsed thermography; coating thickness measurement; finite element simulation; translucent coating

收稿日期:2021-11-24; 修订日期:2022-01-29

基金项目:国家自然科学基金 (61975080)

作者简介:何涛,男,硕士生,主要从事无损检测方面的研究。

导师简介:沈中华,女,教授,博士生导师,主要从事激光超声技术及应用、激光与材料相互作用及应用等方面的研究。

## 0 引 言

随着现代工业的快速发展,涂层和薄膜扮演着越 来越重要的角色。涂层厚度直接影响涂层的光学性 能、热学性能等,因此,现代工业对涂层厚度的测量提 出了更高的要求。涂层厚度测量技术可以分为直接 测量和间接测量。常见的直接测量技术有金相显微 镜法、千分尺法和探针法等。这些测量技术大多具有 破坏性,且检测精度有限。间接测量是通过测量材料 的声、光、热、电、磁等物理性质的变化,将相关的物 理量通过计算转化为涂层厚度。超声检测的优势在 于穿透力强、方向性好,但需要在待测件表面涂抹耦 合剂,且材料中的分层、气孔等缺陷也会导致测量误 差,在工业检测中会受到一定限制[1-3];涡流检测的优 势在于检测速度快,无需耦合剂,但要求待测件是导 电金属材料[4-6],且并不具备大面积检测的能力,不适 用于现代工业大面积的涂层厚度检测:红外检测具备 检测速度快、非接触、检测面积大等优势,能够胜任 现代工业对涂层厚度的检测工作。

目前对于大多数红外检测技术,待测件大多是不 透明的,激励能量被材料吸收引起表层温度迅速上 升。然而,对于一些透明度较高的涂层材料,激励能 量并不仅仅作用在材料表层,而是对涂层整体进行加 热,因此,广泛使用的表面加热模型已不再适用。

Ptaszek 进行了关于热障涂层缺陷检测的理论和 实验分析,提出使用长波红外相机可以消除半透明性 对温度采集的不利影响<sup>[7]</sup>。Shepard 等人研究了基于 脉冲热成像的半透明热障涂层厚度检测技术,认为传 统的 TSR 方法在一定程度上仍然可以用于检测涂层 厚度[8]。李艳红等人通过在样品表面喷涂黑色涂料来 消除涂层的半透明性,并使用二阶导数的峰值时刻来 确定涂层厚度<sup>[9]</sup>。赵世斌等人在 TBC 表面喷涂胶体 石墨,通过脉冲热成像检测热障涂层的疲劳缺 陷<sup>[10]</sup>。刘颖韬等人建立半透明试件内部缺陷的脉冲 红外物理加热模型,结果显示试件的半透明性会降低 表面温度信号或改变信号变化趋势,这可能会影响检 测能力[11-12]。郭兴旺等人通过有限元仿真进行闪光 灯色温对缺陷检测效果影响的研究,结果显示低色温 和高色温闪光灯对半透明材料红外检测更有利[13]。 唐庆菊等人建立了不透明涂层的脉冲红外加热双层

热传导模型,结果显示提高脉冲能量有助于涂层厚度 不均匀性检测,提高采样频率有利于采集最大对比度 红外图像<sup>[14]</sup>。Sreedhar等人基于脉冲相位热成像和太 赫兹时域光谱进行热障涂层厚度退化对比研究,结果 显示脉冲法检测误差小于 10%,有助于飞机发动机等 部件的预防性维修措施<sup>[15]</sup>。Shrestha 等人通过有限元 仿真和实验进行脉冲相位法和锁相法的涂层测厚对 比研究,结果显示脉冲相位法的检测速度和检测精度 都更胜一筹<sup>[16-17]</sup>。Caruso 等人基于脉冲红外热成像 对半透明纸制品的表面温度场进行研究,有限元数值 模拟和实验结果显示样品表面温度变化与半透明纸 品厚度呈现相关性<sup>[18]</sup>。何棱云等人基于长脉冲红外 加热进行环氧树脂涂层测厚研究,提出一种基于 *k* 范 围温度变化斜率曲线的涂层厚度检测方法,实验结果 显示该方法对于环氧树脂涂层的检测误差小于 10%<sup>[19]</sup>。

上述大多数研究都是用不透明材料覆盖待测件 表面以避免涂层透明性的干扰,或者忽略涂层的透明 性影响。基于红外无损检测直接对半透明涂层进行 测厚的研究较少,且检测精度不高。因此,文中建立 了半透明涂层的半无限大脉冲红外加热理论模型和 脉冲红外加热双层物理模型,以中等吸光度和较薄涂 层作为重点,分析不同厚度下的表面温度场,制作样 品并通过实验验证了理论模拟结果。

# 1 热传导理论分析

对于半透明涂层的传热问题,由于激励方式是脉 冲激励,只考虑热流在厚度方向的传热过程。假设材 料各向同性且处处均匀,基底厚度无限大,这样将原 来的三维双层结构热传导问题简化为一维双层结构 热传导问题。图1所示为脉冲红外加热的半透明涂 层几何模型,其中1为涂层的厚度。





当脉冲光激励在涂层表面时,一部分光被涂层表 面反射,另一部分光透过涂层上表面,经过涂层吸收 后剩余能量辐照在基底表面被基底吸收。为了分析 计算方便,假定材料和基底的热力学参数相同,不考 虑材料热力学参数随温度变化的情况,仅考虑脉冲光 能量和材料的热传导。建立热传导方程:

$$k\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + q = \rho c \frac{\partial T}{\partial t} \tag{1}$$

式中: *T*(*y*,*t*)为材料的温度; *k*为材料的导热系数; *ρ*为 材料的密度; *c*为材料的比热容; *q*为材料的内热源, 代 表单位时间内脉冲光作用在材料单位体积上产生的 能量。表示为:

$$q(y,t) = p_0 \cdot f(y) \cdot g(t) \tag{2}$$

式中: *p*<sub>0</sub>为脉冲光的功率密度; *f*(y)为脉冲光在空间上的分布函数; *g*(*t*)为脉冲光在时间上的分布函数。脉冲光在y方向上呈现指数规律衰减,由于半透明涂层的穿透深度较大,不能忽视脉冲光直接对基底表面的热作用,因此脉冲光的时间和空间分布函数分别表示为:

$$f(y) = \mu e^{-\mu y} \cdot \eta (l - y) + e^{-\mu l} \cdot \delta(y - l)$$
(3)

$$g(t) = \delta(t - t_0) \tag{4}$$

式中: $\mu$ 为半透明材料的消光系数; $\eta(y)$ 为阶跃函数;  $\delta(y)$ 为脉冲函数; $t_0$ 为脉冲光激励时刻。

初始条件:

$$T(y,t)|_{t=0} = 0$$
 (5)

边界条件:

$$\left. T(y,t) \right|_{y=\infty} = 0 \tag{6}$$

$$\left. \frac{\partial T(y,t)}{\partial y} \right|_{y=0} = 0 \tag{7}$$

由于 $t_0 \rightarrow 0$ ,通过 Laplace 变换:  $y \rightarrow \omega, t \rightarrow s, T \rightarrow U$ 将公式 (1) 改写为:

$$U(\omega, s) = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{p_0}{\rho c} \frac{e^{-st_0}}{s + k\omega^2/\rho c} \frac{\mu + i\omega e^{-(\mu + i\omega)l}}{\mu + i\omega}$$
(8)

首先对s做Laplace逆变换:

$$U(\omega,t) = p_0 \sqrt{\frac{2}{\pi}} \left[ \exp -\frac{k}{\rho c} \omega^2 (t-t_0) \right] \frac{\mu + i\omega e^{-(\mu + i\omega)l}}{\mu + i\omega} = p_0 \sqrt{\frac{2}{\pi}} F(\omega) G(\omega)$$
(9)

其中

$$F(\omega) = \exp\left[\frac{-k}{\rho c}\omega^2 (t - t_0)\right]$$
(10)

$$G(\omega) = \frac{\mu + i\omega e^{-(\mu+\omega)i}}{\mu + i\omega}$$
(11)

F(ω)的逆变换为:

$$f(y) = \sqrt{2}\lambda e^{-\lambda^2 y^2}, \quad \lambda = \sqrt{\frac{\rho c}{4kt}}$$
(12)

G(ω)的逆变换为:

$$g(y) = \sqrt{2\pi} e^{-\mu y} [\delta(y-l) - \mu \eta(y-l) + \mu \eta(y)]$$
(13)

将公式(12)和公式(13)卷积后代入公式(9)得到 半透明涂层表面温度场:

$$T(y = 0, t) = p_0 \sqrt{\frac{2}{\pi}} e^{-\lambda^2 l^2 - \mu l} \cdot \left\{ \pi \mu e^{\left(\frac{2\lambda^2 l + \mu}{2\lambda}\right)^2} \cdot \left[ \operatorname{erf}\left(\lambda l + \frac{\mu}{2\lambda}\right) - \operatorname{erf}\left(\frac{\mu}{2\lambda}\right) \right] + 2\sqrt{\pi}\lambda \right\}$$
(14)

假定闪光灯功率 500 W, 半透明材料为环氧树 脂, 其消光系数为 0.5 mm<sup>-1</sup>, 得到图 2 所示的不同厚 度的半透明涂层表面温度时间变化曲线。







从图 2 中可以看出,因为脉冲光对不同涂层厚度 的样品表面激励能量相同,不同涂层厚度的样品表面 温度在初始时刻温度一致。由于脉冲光同时激励交 界面,交界面具有更高的温度,热流同时向涂层上表 面和基底下表面传导,样品表面温度持续升高,直到 热流到达涂层表面,此时表面温度达到峰值。由于基 底半无限大,热流持续向下传导,样品表面温度持续 下降,最终不同厚度的样品表面温度以同样的速率降 温,降温曲线斜率近似为-0.5,说明此时模型和半无 限大脉冲激励一维热传导模型的降温过程近似。

图 3 显示了表面温度峰值时刻与涂层厚度在对 数坐标的关系。结果显示涂层厚度与表面温度峰值 时刻在对数坐标上呈现线性关系。材料热力学参数 固定的情况下,热波在固体中一维热传导的距离和时 间呈现指数关系。表面温度峰值出现的原因是交界 面向涂层上表面的热传导作用,因此涂层厚度和表面 温度在对数坐标上呈现线性关系。



图 3 涂层厚度-解析峰值时刻对数图

Fig.3 Coating thickness vs peak time of surface temperature in logarithm scale

# 2 数值计算分析

# 2.1 几何模型

图 4 为半透明涂层的红外加热模型。其中 a 为 模型长度, b 和 l 分别为基底和涂层的厚度。



图 4 数值计算模型示意图



#### 2.2 物理模型

当脉冲光激励在涂层表面后,一部分光被涂层上 表面反射,另一部分光透过涂层上表面,经过涂层吸 收后剩余能量辐照在基底表面,被基底吸收。涂层和 基底吸收能量后温度迅速升高。为了分析方便,不考 虑材料热力学参数随温度变化的情况,仅考虑脉冲光 能量和材料的热传导。因此,热传导方程表示为:

$$k_i \frac{\partial^2 T_i(y,t)}{\partial y^2} + q_i = \rho_i c_i \frac{\partial T_i(y,t)}{\partial t} (i = 1,2)$$
(15)

式中:  $T_1(y,t)$ 和 $T_2(y,t)$ 分别表示 t时刻时涂层和基底的 温度场;  $k_1$ 和 $k_2$ 分别表示涂层和基底的导热系数;  $\rho_1$ 和 $\rho_2$ 分别表示涂层和基底的密度;  $c_1$ 和 $c_2$ 分别表示 涂层和基底的比热容;  $q_1$ 和 $q_2$ 为涂层和基底的内热源。

在闪光灯辐照下,半透明涂层吸收闪光灯能量转 化成热能引起涂层温度迅速升高,剩余能量被基底金 属材料吸收转化成热能引起表层温度迅速升高。金 属材料的表层厚度一般在纳米级,因此可以将闪光灯 对金属基底的热作用看作边界条件,内热源可以表示为:

$$q_1 = p_0 \cdot f(y) \cdot g(t) \tag{16}$$

$$q_2 = 0 \tag{17}$$

式中: *p*<sub>0</sub>为脉冲光功率密度; *f*(y)为闪光灯在涂层内部 的空间分布函数; *g*(*t*)为闪光灯的时间分布函数。分 别表示为:

$$f(y) = \mu \cdot e^{-\mu y} \tag{18}$$

$$g(t) = \varepsilon(t) \cdot \varepsilon (t_0 - t) \tag{19}$$

式中: μ为材料的消光系数; ε(t)为关于时间的阶跃函数; t<sub>0</sub>为闪光灯脉冲持续时间。在涂层与基底的交界 面满足连续条件:

$$-k_1 \frac{\partial T_1(y,t)}{\partial y}\Big|_{y=l} + p_0 \cdot e^{-\mu l} \cdot g(t) = -k_2 \frac{\partial T_2(y,t)}{\partial y}\Big|_{y=l}$$
(20)

$$T_1(l,t) = T_2(l,t)$$
(21)

模型中基底下表面的边界条件按照绝热条件处理:

$$\left. \frac{\partial T(y,t)}{\partial y} \right|_{y=l+b} = 0 \tag{22}$$

温度场的初始条件:

$$T(y,t)|_{t=0} = 293.15 \text{ K}$$
 (23)

## 2.3 材料参数

由于环氧树脂具备高透明性,将其与碳粉混合作 为半透明涂层的材料,结构钢作为基底。

为了确定涂层材料的消光系数μ,制作了不同厚 度的半透明试片,通过测量不同厚度试片的透射光 强,对不同厚度的透射光强进行拟合,效果如图 5 所示。得到半透明涂层厚度与光强的关系如下:

 $I = I_0 e^{-0.496\,5l} \tag{24}$ 



Fig.5 Coating thickness vs transmittance

故半透明涂层的消光系数 $\mu = 0.4965 \text{ mm}^{-1}$ ,材料的其他热力学参数如表1所示。

表1 模型使用的热力学参数

Tab.1 Parameters used in the model

	Density/ kg·m <sup>-3</sup>	Heat capacity/ $J \cdot (kg \cdot K)^{-1}$	Thermal conductivity/ $W \cdot (m \cdot K)^{-1}$
Coating	1 200	1 000	0.2
Substrate	7850	475	80

#### 2.4 有限元分析

在仿真中,涂层厚度范围为 50~200 μm,厚度步 长 25 μm,基底厚度 5 mm,脉冲峰值功率 10<sup>4</sup> W,闪光 灯脉冲持续时间为 3 ms。样品表面温度 T 在对数坐 标的时间变化如图 6 所示。

结果表明,虽然涂层厚度不同,但由于涂层表面 吸收的能量相等,涂层的表面温度在一开始基本相 同。由于热传导作用,金属基底表层吸收的能量传递 到涂层表面,导致涂层表面温度升高达到峰值温度。 随着时间推移,涂层表面温度逐渐降低,直到试件整 体达到热平衡状态。

分析图 6 中温度信号变化规律可知,涂层表面温 度到达峰值的时刻与涂层的厚度有关。图 7 显示了 表面温度峰值时刻与涂层厚度在对数坐标的关系。



图 6 双对数坐标下不同涂层厚度样品的温度变化仿真结果

Fig.6 Simulation surface temperature of samples with different coating thickness vs time in double logarithm scale

图中的线性关系表明,该方法可应用于半透明涂层的 厚度测量。



图 7 涂层厚度-模拟峰值时刻对数关系

Fig.7 Coating thickness vs simulation peak time of surface temperature in logarithm scale

# 3 实 验

#### 3.1 试件制备

将环氧树脂和碳粉混合作为半透明涂层的材料, 将其浇注在深色钢板的表面上,钢板右侧向上倾斜 0.5 mm。因此,涂层的厚度从左到右逐渐减少。值得 注意的是,与常规红外无损检测不同,样品表面不经 过喷黑漆处理,图 8 为厚度连续变化的涂层试件示意图。

基底长 200 mm, 宽 100 mm, 厚度 5 mm。在浇注 涂层前后, 分别用千分尺多点测量试件的厚度, 取其 差值作为该点涂层厚度。



Fig.8 Schematic diagram of the coating specimen

#### 3.2 实验结果

为了提升脉冲能量的均匀性,使用两个U型闪光 灯管作为激励热源,闪光灯能量为9.6 kJ,脉宽为 3 ms。在U型闪光灯管前方放置磨砂毛玻璃片,进一 步匀化脉冲激励能量。使用非制冷热像仪(Flir A655 sc)采集试件表面温度,其等效噪声温差(NETD) 为 30 mK,图像分辨率为 640×120,采集帧频为 200 Hz。计算机控制闪光灯电源及同步触发器,在红 外热像仪单帧图像采集结束后,电源驱动闪光灯对样 品表面进行加热。红外热像仪采集样品表面温度信 息,并将其传输回计算机进行数据处理分析。选取部 分热成像序列如图 9 所示。

图 10 为在对数坐标中绘制了不同涂层厚度的表面温度与时间的关系及拟合曲线。结果表明,不同涂 层厚度下的表面温度变化趋势与模拟结果基本一 致。表面温度的对数峰值时刻与涂层厚度之间存在 单调关系。

实验结果与理论结果的数据差异在于:实验结果 中的表面温度峰值时刻与涂层厚度在对数坐标上的 线性关系存在误差。造成该现象的主要原因有以下 方面:(1)热像仪帧频导致温度数据丢失,对于较薄涂 层,表面温度的峰值出现的较早,温度上升较快。热 像仪采集到的表面温度峰值时刻存在误差,曲线拟合 在一定程度上降低了表面温度峰值时刻的误差。(2)数 值计算中将半透明涂层样品简化成一维热传导模型, 其材料均匀各向同性,但实验上的样品厚度连续变 化,不如理论样品理想。(3)理论计算中涂层表面均 匀加热,实验时闪光灯能量的分布并不如理论理想。

在对数坐标中,表面温度的峰值时刻与涂层厚度 之间的关系曲线如图 11 所示。可以看出,它们之间 存在线性关系,与图 7 所示的模拟结果一致,这些数 据点与拟合直线的偏差在 5% 以内。

同一样本在另外四个区域取样。根据图 11 的校



#### 图 9 部分红外图像序列







coating thickness vs time in double logarithm scale

准曲线计算涂层厚度,结果如表2所示,厚度误差在 5%范围内。

图 12 为试件厚度分布的图像。厚度从右侧较薄 的一侧逐渐过渡为左侧较厚的一侧。由于红外热像 仪帧频和闪光灯能量强度的限制,检测区域仅包括试 样的右半部分,涂层厚度在 80~220 μm 之间。







#### 表 2 涂层厚度检测结果



	Thickness by micrometer/ μm	Thickness by thermography/ µm	Difference
1	103	99.7	3.3%
2	136	139.2	2.3%
3	158	160.6	1.6%
4	197	189.4	4.0%



Fig.12 Test result of thickness distribution of the specimen

#### 结 4 论

文中建立了半透明涂层半无限大脉冲热传导简 化理论模型,推导出半透明涂层表面温度场表达式。 建立了半透明涂层的脉冲红外加热双层物理模型,分 析了半透明涂层的脉冲红外加热表面温度场。证明 了对于中等吸收系数和较薄的涂层,涂层厚度与表面 温度的峰值时刻在对数坐标上存在线性关系,这为脉 冲热成像技术测量半透明涂层厚度提供了理论依据。

利用脉冲热成像技术对制备的厚度连续变化的 半透明涂层试件进行了测试。检测结果与模拟结果 吻合较好,实测厚度与实际厚度相差在5%以内,在 一定程度上提高了直接进行半透明涂层厚度检测的 精度。与常规脉冲红外热成像对于半透明涂层厚度 检测相比,不再需要在样品表面喷涂黑漆或黑色石墨 胶体,有利于在工业中直接对半透明涂层厚度进行检测。

### 参考文献:

- Suo Huiying. The application and research of ultrasonic non-[1] destructive testing technology [D]. Nanjing: Najing University of Posts and Telecommunications, 2012. (in Chinese)
- [2] Yao Zhiwei, Wei Yonggeng, Shi Yong. Research on the method of measuring oil film thickness based on ultrasonic measurement [J]. Journal of Engineering of Heilongjiang University, 2021, 12(1): 54-61. (in Chinese)
- [3] Pan Xiang, Zhang Yongkang, Chang Guoqiang. Analysis of the out-of-tolerance of calibration results of ultrasonic thickness gauge [J]. Metrology & Measurement Technique, 2020, 47(10): 89-91. (in Chinese)
- [4] Sun Jiwei, Feng Fuzhou, Min Qingxu, et al. Optimization of eddy current pulsed thermography detection condition using particle swarm optimization [J]. Infrared and Laser Engineering, 2018, 47(8): 0818005. (in Chinese)
- [5] Wang Anguan, Liu Yu, Hao Xianfeng, et al. Pulsed eddy current thickness measurement method under large lift based on power spectral density peak [J]. NDT, 2021, 43(10): 29-33. (in Chinese)
- [6] Xie Jianhong, Shi Jian, Xi Xiaowen, et al. Research on inversion of thermal barrier coating thickness based on BP neural network [J]. Journal of Ordnance Equipment Engineering, 2021, 42(4): 228-232, 243. (in Chinese)
- [7] Ptaszek G, Cawley P, Almond D, et al. Transient thermography testing of unpainted thermal barrier coating (TBC) systems [J]. NDTE International, 2013, 59: 48-56.
- Shepard S M, Hou Y L, Lhota J R, et al. Thermographic [8] measurement of thermal barrier coating thickness [C]//Proceedings of SPIE, 2005, 5782: 407-410.
- [9] Li Yanhong, Zhao Yuejin, Zhang Cunlin. Infrared testing for translucent coatings [J]. Optics and Precision Engineering, 2009, 17(7): 1502-1506. (in Chinese)

- [10] Zhao S , Wang H , Wu N , et al. Nondestructive testing of the fatigue properties of air plasma sprayed thermal barrier coatings by pulsed thermography[J]. *Russian Journal of Nondestructive Testing*, 2015, 51: 445-456.
- [11] Liu Yingtao, Tang Jia, Guo Xingwang, et al. Effects of composites translucence on flash in frared thermal detection [J]. *Laser & Infrared*, 2017, 47(10): 1264-1270. (in Chinese)
- [12] Chen Dong, Guo Xingwang, Liu Yingtao. Modeling of infrared pulsed thermography on translucent composites[J] *Nondestructive Testing*, 2016, 38(10): 42-47, 52. (in Chinese)
- [13] Guo Xingwang, Guan Heqing, Liu Yingtao, et al. Spectrum characteristics and light source selection for infrared thermal imaging testing of semitransparent materials [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2017, 46(1): 0104001. (in Chinese)
- [14] Tang Q, Liu J, Dai J, et al. Theoretical and experimental study on thermal barrier coating (TBC) uneven thickness detection using pulsed infrared thermography technology [J]. *Applied Thermal Engineering*, 2017, 114: 770-775.
- [15] Unnikrishnakurup S, Dash J, Ray S, et al. Nondestructive

evaluation of thermal barrier coating thickness degradation using pulsed IR thermography and THz-TDS measurements: A comparative study [J]. *NDT & E International*, 2020, 116: 102367.

- [16] Shrestha R, Kim W. Evaluation of coating thickness by thermal wave imaging: A comparative study of pulsed and lock-in infrared thermography - Part I: Simulation [J]. *Infrared Physics* & *Technology*, 2017, 83: 124-131.
- [17] Shrestha R, Kim W. Evaluation of coating thickness by thermal wave imaging: A comparative study of pulsed and lock-in infrared thermography – Part II: Experimental investigation [J]. *Infrared Physics & Technology*, 2018, 92: 24-29.
- [18] Caruso G, Paoloni S, Orazi N, et al. Quantitative evaluations by infrared thermography in optically semi-transparent paper-based artefacts [J]. *Measurement*, 2019, 143: 258-266.
- [19] He Lengyun. Research on coating thickness measurement based on infrared nondestructive testing technology[D]. Chengdu: University of Electronic Science and Technology of China, 2018. (in Chinese)