长波红外鱼眼凝视光学系统设计

张继艳*, 孙丽婷, 秦 腾

(厦门理工学院光电与通信工程学院,福建厦门361000)

摘 要:提出了一种新型的长波红外鱼眼镜头设计方法,基于高斯光学和三级像差理论,在传统的反 远距的广角镜头的基础上,增加一片负弯月型透镜的前组,使其半视场角由原来的±70°增加到±100°。 采用等距离投影成像方法,系统*f-θ* 畸变小于 6%, 焦距为 1.97 mm,相对孔径为 1:1,采用像方远心的 成像设计,边缘视场相对照度达到 80%。为了增大孔径,消除轴外像差,采用五片非球面设计,成像质 量接近衍射极限,全视场的调制传递函数大于 0.37@42 lp/mm,采用机械被动式的无热化设计方法可 以满足较宽的温度范围内系统成像质量稳定。设计结果对长波红外鱼眼光学系统设计具有一定的参 考价值。

关键词:光学设计; 长波红外; *f-θ* 畸变; 鱼眼镜头; 超广角 中图分类号: O439; TH74 文献标志码: A **DOI**: 10.3788/IRLA20220430

Design of long-wave infrared fisheye staring optical system

Zhang Jiyan^{*}, Sun Liting, Qin Teng

(School of Opto-electronic and Communication Engineering, Xiamen University of Technology, Xiamen 361000, China)

Abstract: A novel design method for long-wave infrared (LWIR) fisheye lens was proposed based on Gaussian optics and the third-order aberration theory. The half field of view (FOV) of traditional inversed telephoto wide-angle lens increased from $\pm 70^{\circ}$ to $\pm 100^{\circ}$ by adding a negative meniscus to pre-group. By using the equidistant projection imaging method, the *f*- θ distortion of the system was less than 6%. The focal length was 1.97 mm, its relative aperture was 1 : 1, the system was telecentric structure in the image space, and its relative illumination of the marginal FOV achieved 0.8. A five-piece aspheric design was adopted to increase the aperture and remove the off-axis aberrations. The imaging quality is near-diffraction-limited. The modulation transfer function value was above 0.37@42 lp/mm. The imaging quality of the system was stable at a wide range of temperatures with the mechanically passive athermal method. The results have a certain reference for LWIR fisheye optical system design.

Key words: optical design; LWIR; $f - \theta$ distortion; fisheye lens; ultra wide-angle

基金项目:国家自然科学基金 (61704142)

收稿日期:2022-06-22; 修订日期:2022-08-28

作者简介:张继艳,女,讲师,硕士生导师,博士,主要从事信息光学、光学系统设计方面的研究。

0 引 言

超大视场的红外凝视成像技术因具有全空域包容、全时域实时的战场感知能力,日益受到重视。比较目前常见的红外凝视光学系统,现有的小视场旋转/扫描系统视场较小,无法做到全时域实时,而折反射 全景立体成像技术又存在中心盲区,且其体积较为庞大。红外鱼眼凝视系统可以单机同时监测120°~180° 的视场区域,执行半球区域红外预警,时域漏警率低, 结构简单,体积小,质量轻,功耗低,有着广阔的发展 前景^[1-4]。

国内外已有多家科研机构对超大视场红外鱼眼 镜头展开了深入的研究。国内吴海清等讨论了折射 /衍射的红外鱼眼镜头设计方案^[5];付跃刚等对双波段 红外鱼眼镜头的无热化设计进行了研究^[6];段其强等 设计了折反射的小型紧凑式红外全景镜头^[7]。国外 Simon Thibault 设计并研发了用于全方位态势感知的 半球长波红外全景镜头,采用非球面和柱面镜,所设 计的透镜结构紧凑^[8];Guillaume Druart 等对针孔式红 外鱼眼镜头进行了研究^[9]。上述文献中系统设计均未 有同时具有大孔径且超大视场的长波红外鱼眼光学 系统设计。

光电侦查领域对光学镜头的成像灵敏度提出更高要求,系统要具备大的相对孔径及更高的像面照度 及分辨率^[10],兼具超大视场和大孔径是长波红外鱼眼 凝视光学系统较为重要的目标。

鱼眼镜头中,大视场物点的成像光束以大角度入 射到前组负弯月型透镜,光束经过光学系统后在子午 和弧矢平面内的聚焦位置不一致并且波阵面严重偏 离球面,研究轴对称光学系统的赛德尔像差理论不再 适用于该类光学系统的设计和像差分析^[11-12]。鱼眼 镜头中的光阑像差使得主光线标定存在严重困难,常 规反远距镜头计算不适用于此类超大广角系统。大 孔径结构设计一般较复杂,大视场角的轴外像差较严 重,同时兼备大孔径且超大视场的红外广角镜头的初 始结构获取存在困难。

文中提出一种新型的长波红外鱼眼镜头的设计 方法,在传统的广角大孔径红外镜头的基础上,通过 在前组增加一片负弯月型透镜,将视场角从广角扩大 到超广角,基于高斯光学与三级像差理论,对前后组 分别进行计算,得到系统的初始结构。基于该方法, 设计了全视场角为200°的大孔径的长波红外鱼眼光 学系统,相对孔径为1:1,系统结构简单,共由五片透 镜组成,采用五个非球面,结构采用像方远心光路设 计,满足成像敏感元件光照度的要求,像面均匀性好^[13], 成像接收器采用非制冷长波焦平面阵列探测器,工作 波段为 8~12 μm,成像系统的分辨率较高。采用等距 离投影的成像方式,设计中控制像高与视场角呈线性 关系,为图像的畸变校正带来了方便。采用机械被动 式的无热化设计方法可以满足较宽的温度范围内系 统成像质量稳定。设计结果对长波红外鱼眼光学系 统设计具有一定的参考价值。

1 设计思路

鱼眼透镜从反远距结构演化而来,后截距较长, 焦距较短,焦距越短其桶形畸变就越大。由于其视场 角较大,采用非相似成像思想,像空间会引入大量的 桶形畸变,鱼眼透镜对畸变不加以控制,可以获得覆 盖整个半球的视野^[14]。根据不同的研究需要,天文测 量、通量校准和亮度测量必须采用准确的畸变投影模 型。为了从鱼眼光学系统中获得图像信息,设计采用 的是等距离投影的鱼眼图像校正模型^[15]。

有限共轭距系统的焦距和放大率公式为:

$$\frac{1}{l'} - \frac{1}{l} = \frac{1}{f'}$$
(1)

$$\beta = \frac{l'}{l} \tag{2}$$

公式 (1)、(2) 的实际成像都是近轴公式, 它们的 正弦、正切与弧度值都近似相等, 轴上主光线的孔径 角u'和主光线的视场角ω都不大, 但是超广角物镜的 视场显然不符合上述公式, 同时其共轭面横向放大率 β也不再是常数, 从而产生了很大的畸变。横向放大 率β随着视场角ω的增大呈现非线性, 大视场角下的 入射光瞳偏移, 近轴近似的公式不再成立^[3]。

鱼眼镜头物方近轴的主光线入射角和轴外视场 的主光线入射角的不对称会产生光阑彗差, 焦距也同 样随着视场角的增加而变化, 孔径光阑会发生倾斜, 光瞳倾斜以压缩瞳孔为代价, 也进而改变了光瞳的光 通量。

红外鱼眼镜头如半视场角超过90°,则传统的光

线追迹中迭代逼近的算法就会出现错误,因其迭代起 点离真实的入瞳中心较远,会出现"主光线"在折射面 上全反射或与折射面无交点,从而使计算中断^[16-17]。 所提出的方法是基于传统反远距广角镜头的基础上, 在前组增加一片负光焦度的弯月型透镜,使其半视场 角增加到90°以上。通过相关公式推导,由总的光焦 度、后组焦距及后组的后截距反推前组的焦距及前组 和后组的间距*d*₁,从而获得前后组的相对孔径,得到 系统的初始结构。

1.1 光学系统设计

光学系统由传统的长波红外广角镜头与附加的 弯月型透镜构成。传统的红外广角镜头的半视场角 通常为40°≤ω≤70°。为了减小前组的负担,使系统 半视场角增加到90°以上,后组选取半视场角为70°的 长波红外广角物镜。图1为半视场角为70°的传统长 波红外广角镜头的光路图,由四片透镜组成,均为高 折射率低色散的锗(Ge)红外材料。系统为反远距结 构,其前组具有负光焦度,透镜组的后工作距大于其 焦距。该系统为像方远心光路设计,孔径光阑位于后 组的物方焦平面上,像面与后组的后焦面重合,其像 方主光线与光轴平行,出瞳位于像方无穷远,该红外 广角物镜具有较大的孔径值。



Fig.1 Traditional LWIR wide-field lens

在传统的长波红外广角镜头前增加一片负光焦度的弯月型透镜,系统被分成两个透镜组,第一透镜 组为第一表面到第二表面,第二透镜组为第三表面到 第十一表面,如图2所示的鱼眼光学系统中,负的弯 月型透镜可以将半视场角增加到100°,后组的四片透 镜将补偿由于物距的变化所引起的像平面的变化,由 于是内聚型透镜,并不会改变图1传统广角物镜所示 的透镜总长度。图2同样给出用于近轴设计的鱼眼 透镜的光学结构,像面上的近轴光线和鱼眼透镜系统 焦距之间的关系如公式(3)、(4)所示^[18]:

$$\varphi = \varphi_1 + \varphi_2 - d_1 \varphi_1 \varphi_2 \tag{3}$$

$$d_1\varphi_1 = 1 - d_2\varphi \tag{4}$$

式中: φ_1 , φ_2 分别为第一透镜组和第二透镜组的光焦 度; d_1 为第一透镜组的第二主平面 H'_1 到第二透镜组的 第一主平面 H_2 之间的距离; d_2 为第二透镜组的第二主 平面 H'_2 到像平面之间的距离; φ 为鱼眼透镜总的光焦 度,系统焦距的倒数。在近轴系统中,由于向传统广 角系统中添加一个附加透镜,则 φ_2 和 d_2 是已知的。为 了便于推导,取归一化条件,假设 $\varphi = 1$,则由公式(3)、 (4)可以得出:

$$f_1' = \frac{f'}{1 - d_2\varphi_2} = \frac{f'}{1 - \frac{d_2}{f_2'}}$$
(5)

$$d_{1} = \left(1 - \frac{d_{2}}{f'}\right)f_{1}' = \frac{f'\left(1 - \frac{d_{2}}{f'}\right)}{1 - \frac{d_{2}}{f_{2}'}}$$
(6)

式中: f₁', f₂', f'分别为第一透镜组的焦距和第二透镜组 焦距及系统总焦距, 通过公式 (5) 可以确定第一透镜 组焦距f₁', 如仍然选择 Ge 为透镜材料, 可以确定第一 片附加弯月形透镜的结构参数, 因其折射率高, 故两 表面曲率较小, 可以减小大角度入射光线像差, 特别 是高级像差。Ge 在 8~12 µm 波段色散较低, 有利于 对色差进行校正。



Fig.2 Paraxial optical path diagram of the system

由公式(6)可得到系统前后组之间的距离d₁,鱼 眼透镜设计中,如增大前组和后组之间的间隔d₁,则 前后组所负担的入射偏角会减小,此时光学筒长和前 组的横向尺寸会增大;反之,如果减小d₁,则前后组所 负担的入射偏角会增大,镜头的整体尺寸将随之减 小,因此合理选择d₁值很重要。此时反远距物镜的光 阑位于后组及其附近,对弯月形透镜进行整体弯曲, 使彗差、畸变、倍率色差处于较小的状态,剩余像差 由后组进行补偿。

图 3 为附加的前组负弯月形透镜的主光线示意 图,其中 α_1 、 α_2 分别为边缘视场主光线在第一、二表面 的入射角, β_1 、 β_2 分别为边缘视场主光线入射到第一、 二表面的折射角, r_1 , r_2 为前组负弯月型透镜前后表面 的曲率半径, ω_0 、 ω_1 、 ω_2 分别为入射的物方视场角、 第一表面及第二表面的主光线像方视场角, θ 为第二 表面出射光线的法线和光轴的夹角, h_1 、 h_2 分别为边 缘视场主光线在透镜前后表面的光线投射高度。由 前述已知,后组的物方视场角即为前组负弯月形透镜 的第二表面像方视场角 ω_2 ,设计要求的物方视场角 ω_0 为已知,故可求视场角的压缩比 $\omega_0/\omega_2^{[11]}$:

$$\sin\theta = k = \frac{h_2}{r_2} \tag{7}$$

*k*一般取 0.75~0.95,则可得到下述关系,前述弯月 形透镜的材料 Ge 为已知:

$$\begin{cases} \sin\beta_2 = \sin(\theta - \omega_2) \\ \sin\alpha_2 = \sin\beta_2/n \\ \omega_1 = \omega_2 + \beta_2 - \alpha_2 \\ \beta_1 - \alpha_1 = \omega_0 - \omega_1 \\ \sin\alpha_1 = n \sin\beta_1 \end{cases}$$
(8)

一般前组弯月形透镜的厚度均远小于其曲率半径,所以暂不考虑透镜的厚度,前组附加透镜前后表面的曲率半径满足如下关系:

$$\frac{r_2}{r_1} = \frac{\sin\omega_1 - \sin\beta_1}{\sin\alpha_2 + \sin\omega_1} \tag{9}$$

由于φ1已知,且满足:

$$\varphi_1 = (n-1)(c_1 - c_2) \tag{10}$$

式中: *c*₁, *c*₂分别为第一表面和第二面的曲率。由公式 (7)~(10)即可确定满足视场角压缩比的前后表面的曲 率半径*r*₁, *r*₂:

$$h_1 = r_1 \sin(\omega_0 - \alpha_1) \tag{11}$$

由公式(11),第一表面上的边缘视场主光线入射 高度h₁也随之确定,h₁即为系统第一表面半孔径。负 弯月形透镜的初始结构确定后,系统的初始结构就随 之确定,如求解结果不合理,可以对相关参数k值等进 行修正。

增加了前组弯月形透镜后,组合系统的半视场角 增大到了100°,为了提高其光学分辨率及调制传递函 数 (MTF),需要用三级像差理论对组合系统进行优 化。设计中使用了非球面来增加设计的自由度,有利 于进一步消除轴外像差,也为设计*f* – θ畸变提供了更 多的自由度。





Fig.3 Optical scheme of a chief ray passing the negative meniscus lens

光学系统中第一、四、六、九、十一面设置为偶次非球面,可由公式(12)、(13)表示:

$$z(r) = \frac{cr^2}{1 + \sqrt{1 - (1+k)c^2r^2}} + A_4r^4 + A_6r^6 + A_8r^8 + A_{10}r^{10} + \cdots$$
(12)

$$x^2 = x^2 + y^2$$
 (13)

式中:参数z为非球面沿z轴方向的球面矢高; c表示球 面曲率; k代表圆锥系数; A₄, A₆, A₈, A₁₀分别代表四 级、六级、八级、十级的非球面系数; r为光学表面的 径向坐标。

1.2 像面照度的均匀性

对于鱼眼透镜而言,由成像照度公式 (14), 轴外 像点的相对照度随cos⁴ω′下降:

$$E' = E_0 \cos^4 \omega' \tag{14}$$

式中: *E*₀表示中心视场的像面照度; *E*′表示轴外视场的像面照度; *ω*′为像方半视场角。

轴外斜光束截面与轴上光束截面比为渐晕系数

k,则E' = kE₀cos⁴ω',如果ω' ≥ 60,则边缘视场的照度 不足中心视场照度的 6.5%,光线在探测器上的入射 角直接影响探测器的相对响应值,边缘视场能量及光 线在探测器上的入射角问题在该系统中尤为重要,如 入射角过大,将使红外凝视系统的传感器无法正常工 作。像方远心光路的设计减小了轴外主光线在像面 上的入射角度,提高了边缘视场的光照度。同时,光 阑彗差的存在使得近轴入瞳边缘光线的直径小于入 瞳的直径,此时渐晕系数大于 1,轴外点近轴入瞳的光 束宽度必定要大于轴上物点的光束宽度,从而部分地 抵消了cos⁴ω'的影响,提高了轴外像点的照度,增大了 像面相对照度。

系统中第一片负光焦度的透镜极大地减小了边 缘视场的主光线与光轴的夹角,减轻了后组视场角的 压力,有利于校正轴外像差。系统为像方远心的结 构,各视场主光线平行于主光轴出射,大量的负畸变 进一步减小像方视场角,有效地提高了像面照度的均 匀性。系统的相对孔径较大且轴外入射角较大,使得 系统第一片透镜的边缘视场入射光线位置较高,整个 系统的横向尺寸会偏大,设计中需要在外形尺寸、相 对照度与视场角几个因素之间进行折中。

2 设计结果及分析

2.1 设计参数

成像接收器选用长波非制冷红外焦平面阵列探 测器,其像元尺寸为12μm、像元数量为640×512。鱼 眼光学系统成像比较特殊,其成像面通常为圆形,小 于芯片的垂直方向的尺寸,成像圆内切于感光芯片, 如图4所示,此次镜头设计的奈奎斯特(Nyquist)频率 为1000/(2×a)=42 lp/mm,其中a为像元尺寸。



Fig.4 Image sensor and image plane

长波红外鱼眼光学系统设计参数如表1所示,经 设计优化后的镜头结构参数如表2所示。

表1 系统设计参数

Tab.1 Parameters of the system

Parameter	Value
Wavelength band/µm	8-12
Effective focal length/mm	1.97
Relative aperture	1:1
Image surface size/mm	6.1
Field of view/(°)	± 100

表 2 镜头结构参数

Tab.2 Structure parameters of the lens

Lens	Radius/mm	Thickness/mm	Glass type	Diameter/mm
1 (Aspheric)	21.085	2.856	Ge	15.461
2	12.583	8.950		11.148
3	-36.081	1.050	Ge	3.949
4 (Aspheric)	21.848	3.112		3.708
5	-49.954	1.935	Ge	4.598
6 (Aspheric)	-14.386	2.134		4.805
stop	Infinity	0.852		3.228
8	-17.884	1.335	Ge	3.406
9 (Aspheric)	-13.896	4.733		3.677
10	21.847	2.00	Ge	4.562
11 (Aspheric)	696.584	3.345		4.372
IMA	Infinity			3.058

2.2 像质评价

根据设计参数要求,基于三级像差理论对系统进 行像差的平衡和优化。设计系统前组焦距为-14.74 mm, 后组焦距为 3.43 mm,系统视场角为±100°,后工作距 离为 3.35 mm,总长为 32.3 mm,系统第一片透镜全孔 径为 30 mm,系统相对孔径为1:1。图 5 为系统成像 的点列图,系统中心视场、0.7 视场、全视场成像光斑 的均方根半径 (RMS)分别为 1.475、2.221、2.695 μm, 小于像元的大小 12 μm,成像质量完善。图 6 为系统 的 MTF,系统在 Nyquist 频率 42 lp/mm 处, MTF 大于 0.37,在 0.7 倍的 Nyquist 频率 30 lp/mm 处, MTF 值大 于 0.5,成像接近衍射极限。图 7 为系统的相对照度 图,边缘视场的成像照度是中心视场的 0.8 倍,满足探 测器成像灵敏度的要求。由光线追迹数据,全视场主



光线的入射角小于1°,远心度较高。

2.3 *f*−θ 畸变

全视场角超过180°的红外鱼眼镜头一般存在较大的桶形畸变,物像不再遵循相似成像的关系,为使鱼 眼镜头具有平面像,此时像高与视场选择等距离投影 的成像关系,物像关系满足y = f'θ,像高与视场角具 有线性关系。f - θ畸变表示为:

$$dist = ((y - f'\theta)/f'\theta) \times 100\%$$
(15)

利用光学设计软件中的操作数可以控制不同视 场所对应的像高值,从而有效控制其f-θ畸变。如图 8 所示,系统f-θ畸变最大值不超过 6%,图 9进一步给 出实际成像投影和等距离投影之间的关系,可以看出 像高与视场角呈线性关系。



Fig.9 Comparison of the real projection scheme to an ideal equidistance projection scheme

3 机械被动式无热化设计

红外光学系统一般要求在较宽的温度范围内能 稳定工作,红外材料的折射率随温度变化较大,温度 变化会造成各元件折射率、曲率半径、厚度及空气间 隔的改变,从而造成离焦像面漂移。红外光学系统的 无热化设计常采用主动式和被动式两种方法,主动式 是通过传感器探测温度变化,计算温度变化产生的像 面漂移,然后利用电机驱动控制像面移动来实现无热 化,主动式一般结构较为复杂。被动式分为光学被动 式和机械被动式[19-20]。光学被动式是利用材料不同 的热膨胀系数的组合实现系统的无热化,一般需要三 种以上的组合材料。光学被动式结构虽然简单,但可 供使用的红外材料种类有限,实现存在一定困难。由 于该系统设计只采用了 Ge 一种红外光学材料, 无法 利用光学被动式的方法来实现无热化,故设计中采用 机械被动式结构实现无热化,利用内外层结构件的热 膨胀和收缩来抵消补偿像面的位移。设计使用双层 镜筒结构,镜筒采用低热膨胀系数(23.6×10⁻⁶/℃)的铝 材料,驱动透镜移动的补偿机构采用高热膨胀系数 (41×10⁻⁶/℃)的镉材料。利用结构材料的周向膨胀驱 动凸轮进而实现轴向驱动。系统前四片透镜为前 固定组,将最后一片透镜及成像靶面设置为后补偿 组。利用简单机械结构的热膨胀驱动无热化补偿组 前后移动。表3给出了不同温度下系统后截距所需 要的补偿量,可以得到系统后截距总的补偿量为 0.07 mm_{\odot}

表 3 不同温度下系统后截距所需补偿量

Tab.3 Compensation amount of back focal length at

different	tem	perati	ire
-----------	-----	--------	-----

Temperature/°C	Back focal length/mm	Shift distance/mm
-40	3.38	+0.04 (Right)
20	3.34	0
60	3.31	-0.03 (Left)

利用内层外层材料热膨胀系数的差异来补偿后 截距的改变,通过公式(16)计算伸缩材料的长度:

$$\Delta L = (L_h \times a_h - L_l \times a_l) \times \Delta T \tag{16}$$

式中: L_h , L_i 分别表示高热膨胀系数与低热膨胀系数 材料的长度; a_h , a_i 分别表示高热膨胀材料与低热膨 胀材料的热膨胀系数; ΔT 表示温差范围。经计算, 铝 材料的长度为 40 mm, 镉材料的长度为 6 mm, 补偿量 ΔL 为 0.07 mm, 与前述软件得到的系统的后截距补偿 量一致。

图 10(a)~(c) 分别为 20、-40、60 ℃ 时系统的 MTF, 可以看出, 经机械后焦补偿后系统的 MTF 改变量很 小, 成像质量仍然接近衍射极限。





4 结 论

文中提出了一种新型的长波红外鱼眼镜头设计 方法,超大视角鱼眼镜头的初始结构计算中,常规反 远距镜头的计算已不适用此类结构,该设计在常规广 角镜头的基础上增加负光焦度的前组,通过高斯光学 理论计算前后组相关参数,将其物方半视场角由原来 的±70°增加到±100°。所设计的长波红外鱼眼凝视光 学系统同时兼具大孔径与大视场角,系统相对孔径为 1:1,采用五片全锗的光学材料,为了校正三级像差, 提高系统的成像分辨率,采用了五片非球面的成像设 计,系统采用机械被动式的无热化设计方法。由设计 结果可以看出,该系统结构简单紧凑,相对孔径大,像 面照度均匀,可以广泛应用于环境监测、机器视觉、 激光告警、目标跟踪和识别等领域。

参考文献:

- Zhang Shuai, Liu Bingqi, Huang Fuyu, et al. Super wide field of view staring infrared imaging technology and its application [J]. *Laser & Infrared*, 2016, 46(10): 1176-1182. (in Chinese)
- [2] Kweon G, Choi Y, Laikin M. Fisheye lens for image processing applications [J]. *Journal of the Optical Society of Korea*, 2008, 12(2): 79-87.
- [3] Choi H, Kim W C. Optical system design for light detection and ranging sensor with an ultra-wide field-of-view using a micro actuator [J]. *Microsystem Technologies*, 2020, 26(11): 3561-3567.
- [4] Meng Qingyu, Dong Jihong, Qu Hongfeng, et al. Light optical system design with wide spectral band, large field of view for deep space exploration [J]. *Acta Photonica Sinica*, 2015, 44(1): 135-140. (in Chinese)
- [5] Wu Haiqing, Zhao Xinliang, Li Tonghai, et al. Design of refractive/diffractive IR fish-eye optical system [J]. Acta Photonica Sinica, 2010, 39(8): 1533-1536. (in Chinese)
- [6] Fu Yuegang, Huang Yunhan, Liu Zhiying. Design of dual-band athermal infrared fisheye optical system [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2014, 43(10): 3329-3333. (in Chinese)
- [7] Duan Qiqiang, Zhang Yue, Chen Xianya, et al. Design of compact infrared panoramic lens [J]. *Laser & Optoelectronics Progress*, 2010, 47(6): 062202. (in Chinese)
- [8] Thibault S. Optical design of an hemispherical, long-wave infrared panomorph lens for total situational awareness [C]//

Proceedings of SPIE, 2009, 7298: 72980Y.

- [9] Druart G, Guerineau N, Taboury J, et al. Compact infrared pinhole fisheye for wide field applications [J]. *Appl Opt*, 2009, 48(6): 1104-1113.
- [10] Zhou Yulong. Image analysis of ultra-wide field of view infrared warning system [J]. *Journal of Applied Optics*, 2010, 31(6): 871-875. (in Chinese)
- [11] Lv Lijun, Wu Xuewei. Design of initial structure of fisheye lens[J]. Acta Optica Sinica, 2017, 37(2): 0208001. (in Chinese)
- [12] Cao Yiqing, Shen Zhijuan, Zhang Ruihua. A design method of fisheye lens with a large acceptance aperture [J]. *Journal of Optoelectronics · Laser*, 2020, 31(1): 13-20. (in Chinese)
- [13] Pernechele C, Consolaro L, Jones G H, et al. Telecentric F-theta fisheye lens for space applications [J]. OSA Continuum, 2021, 4(3): 783-789.
- [14] 胡家升. 光学工程导论[M]. 第2版. 大连: 大连理工大学出版 社, 2005.
- [15] Huang M, Wu J, Zhiyong P, et al. High-precision calibration of wide-angle fisheye lens with radial distortion projection ellipse constraint (RDPEC) [J]. *Machine Vision and Applications*, 2022, 33(3): 44.
- [16] Wang Yongzhong. Some key problems about the design of IR thermal imaging fish-eye Lens [J]. *Acta Optica Sinica*, 2005, 34(7): 1078-1080. (in Chinese)
- [17] Wang Yongzhong. CAD of LWIR and MWIR fish-eys lens [J]. J Infrared Millim Waves, 2005, 24(6): 57-60. (in Chinese)
- [18] Herzberger M. Modern Geometrical Optics[M]. New York: Interscience Publisher, 1958.
- [19] Wu Haiqing, Tian Haixia, Cui li. Design of mechanically athermalized longwave infrared optical system with wide field of view and large relative aperture [J]. *Infrared*, 2015, 36(8): 1-4. (in Chinese)
- [20] Wu Xiaojing, Meng Junhe. Athermalizing infrared optical systems by using simple mechanical framework [J]. *Infrared* and Laser Engineering, 2005, 34(4): 391-393. (in Chinese)