# 杂化矢量光场的研究进展(特邀)

张 莉,梁信洲,林 倩,蔡秉烨

(佛山科学技术学院物理与光电工程学院,广东佛山 528225)

摘 要: 偏振是光场的一个重要矢量属性。依据空间偏振分布的不同,可以将光场分为标量光场和矢 量光场。其中,非均匀偏振分布的矢量光场在光场传播、聚焦、非线性效应等方面表现出一系列有趣的 行为,对其进行深入研究具有重要的科学意义和应用价值。一种在同一波阵面上包含不同偏振态的杂 化矢量光场,因其比普通矢量光场具有更丰富的偏振特性,自 2010 年被发现以来,在光通信、光学操 控、量子通信等领域中展现诸多诱人的前景,目前已成为光学领域的一个研究热点。综述着重介绍了 杂化矢量光的制备以及其在聚焦、传播和非线性光学等方面中的特性和应用。

关键词:杂化矢量光场; 偏振奇异性; 全庞加莱光; 庞加莱球 中图分类号: O431 文献标志码: A **DOI**: 10.3788/IRLA20210447

## Research progress of hybrid vector beams (Invited)

Zhang Li, Liang Xinzhou, Lin Qian, Cai Bingye

(School of Physics and Optoelectronic Engineering, Foshan University, Foshan 528225, China)

**Abstract:** Polarization is an important property of light field. According to the spatial polarization distribution, optical field can be divided into the scalar field and the vector field. Since the vector field with inhomogeneous polarization distribution performs some interesting behaviors in light propagation, studying the vector beam is of either scientific significance or engineering applied importance. The hybrid vector beams, which contains all kinds of polarization state in the same wave front, has attracted a lot of interests since 2010. Due to the richer polarization states than the normal vector beam, the hybrid vector beam shows attractive prospect on the optical communication, optical manipulation and quantum communication fields. Here, the generation, focusing, propagating and nonlinear optics of the hybrid vector beam were summarized.

Key words: hybrid vector beams; polarization singularity; full Poincaré beams; Poincaré sphere

收稿日期:2021-07-03; 修订日期:2021-08-26

基金项目:粤港澳智能微纳光电技术联合实验室研究基金 (2020B1212030010); 广东省普通高校特色创新项目 (2019KTSCX196) 作者简介:张莉,女,副教授,博士,主要从事矢量光场非线性效应及力学效应方面的研究。

## 0 引 言

众所周知光是一种横波,具有偏振特性。偏振现 象最早可以追溯到 1669 年 Bartholinus 首次发现的晶 体双折射。然而,人们真正认识到偏振则归功于 Fresnel,他从横波观点出发,说明光的偏振并据此解 释了旋光现象。1864年, Maxwell 建立著名的电磁场 方程组并预言了电磁波的存在,理论诠释了光的偏 振。对于传统光束而言,其偏振态为空间均匀分布, 例如线偏振、圆偏振、椭圆偏振等。20世纪60年代, 科学家们从理论上提出了两种偏振态非均匀分布的 矢量光场——径向偏振场光场和旋向偏振光场[1]。然 而实验上产生这两种光场却在激光发明之后的20世 纪 70 年代。Mushiake 等<sup>[2]</sup> 在激光谐振腔内设计了一 种特殊的光学振荡器,实验输出径向偏振光场; Pohl 等<sup>33</sup>利用谐振腔中的偏振模式选择器产生了旋向偏 振光场。最初,矢量光场大多在激光器内部产生<sup>[2-3]</sup>, 后来逐渐发展出通过全息图<sup>[4]</sup>、干涉仪<sup>[5]</sup>和液晶器 件<sup>[6]</sup>等产生矢量光场的技术。

早期矢量光的研究多集中在产生和制备,直到 2000年, Rochester 大学 Brown 研究组<sup>[7]</sup> 对径向和旋 向矢量光紧聚焦特性的研究使人们对矢量光场有了 全新的认识。他们指出径向矢量光经过紧聚焦得到 很强的纵向电场分布,这在标量光场中无法实现。 Dorn 等<sup>[8]</sup> 实验上得到了最小尺度达 0.161λ<sup>2</sup> 的聚焦光 斑,远小于相同条件下线偏振聚焦光斑。2002年, 詹 其文团队<sup>[9]</sup>将紧聚焦特性推广到任意形式的柱矢量, 给出了对聚焦场调控的方法。聚焦矢量场研究的不 断进步也促进着矢量光场应用领域的不断扩展,尤其 是在光操控和激光加工领域。Sato 等<sup>[10]</sup> 验证了径向 矢量偏振光在轴向捕获的优势,旋向矢量光在横向捕 恭上效率更高。Meier 等<sup>[11]</sup> 发现在切割金属时, 径向 偏振光的切割效率比线偏振光和圆偏振光高 1.5~2 倍。2009 年, 詹其文<sup>[12]</sup> 对柱对称矢量光的概念 及应用做了全面的综述,矢量光场的研究进入快速发 展时期。由于其独特的偏振特性,矢量光场在微纳粒 子操控<sup>[10]</sup>、材料科学<sup>[13]</sup>、高分辨成像<sup>[14]</sup>、光通 信[15]、激光加工[11]和粒子加速[16]等领域都有着重要 作用。

Stokes 参量是描述矢量光场偏振最重要的方法,

利用 Stokes 参量绘制的 Poincaré球面可以直观地展示 矢量光场的偏振状态。Poincaré球面上的点代表不同 的偏振状态,对于空间均匀的偏振光,其偏振态为球 面上某一点;对于早期发现的柱矢量光场,其偏振态 为球面上的赤道。若能创建一种偏振状态可以覆盖 整个 Poincaré球的矢量光束,便可大大提高光场偏振 调控的灵活性,增强光子器件和光学系统的功能和能 力。2010年,王慧田课题组<sup>[17]</sup>和Brown研究组<sup>[18]</sup>分 别独立构建了满足该条件的奇异光束——杂化矢量 光或全庞加莱光 (FP光)。从某种意义上讲, FP光束 属于杂化矢量光的子集。杂化矢量光场横截面的偏 振分布随角向和径向多维度变化,在单光束中遍历所 有的偏振状态,无法用 Poincaré球上的单一点描述。 文双春和罗海陆课题组[19]于 2015 年推广了普通 Poincaré球的概念,提出杂化 Poincaré球 (HyOPS)。 HyOPS 上每一点都可代表一种杂化矢量光,可用于分 析杂化矢量光的奇异性和 Pancharatnam-Berry(PB) 几何相位<sup>[20-22]</sup>。由于杂化矢量光具有丰富的偏振信 息,所以在传播、聚焦、非线性光学等方面表现出不 同的光学效应[23-26]。目前,杂化矢量光在三维微纳粒 子捕获[27] 及大气湍流光束传播[28] 中都表现出潜在的 应用前景。因此,研究杂化矢量光具有重要的物理意 义,文中将从理论、制备、特性及相关应用等方面综 述近年来杂化矢量光的研究进展。

#### 1 理论模型

理论上,杂化矢量光通常由两种携带不同轨道角 动量的正交偏振光叠加构成。普遍意义的杂化矢量 光可以表示为:

$$\vec{E}(\rho,\varphi) = AE_{l_1}(\rho,\varphi)\hat{e}_1 + BE_{l_2}(\rho,\varphi)\hat{e}_2 \tag{1}$$

式中: $\rho$ , $\varphi$ ,z分别代表柱坐标系的坐标; $\hat{e}_1$ 和 $\hat{e}_2$ 分别代 表两个正交偏振的单位矢量;A和B为光场轮廓参 数; $E_{l_1}(\rho,\varphi)$ 和 $E_{l_2}(\rho,\varphi)$ 分别代表携带轨道角动量为  $l_1$ 和 $l_2$ 的光束,其形式取决于具体实现方式。

2010年,王慧田课题组<sup>[17]</sup>采用两束携带±1的轨 道角动量涡旋光场实现杂化矢量光场,公式(1)写为:

$$\vec{E}(\rho,\varphi) = \exp(i\varphi)\hat{e}_1 + \exp(-i\varphi)\hat{e}_2 \tag{2}$$

式中:  $\hat{e}_1 = (\cos\phi, \sin\phi) = \hat{e}_2 = (-\sin\phi, \cos\phi)$ 由水平和垂 直基矢旋转得到,  $\phi$ 为其旋转角度。不同 $\phi$ 对应的偏振 第9期

分布如图 1 所示。同一年, Brown 课题组<sup>[18]</sup>采用高阶 Laguerre-Gauss(LG) 光束与基模高斯光叠加实现另一种杂化矢量光——FP 光, 相应地, 公式(1)可以写为:

 $\vec{E}(\rho,\varphi) = LG_0^0(\rho,\varphi)\hat{e}_1 + LG_0^l(\rho,\varphi)\hat{e}_2$ (3) 其中, LG 光束可以描述为:

$$LG_0^l(r,\varphi) = E_0 r^l L_0^l \left(\frac{2r}{w^2}\right) \exp\left(-\frac{r^2}{w^2}\right) \exp(il\varphi) \qquad (4)$$

式中: φ为方位角; w为束腰; LG<sub>0</sub>(•)为相关的拉盖尔 多项式。不同ê<sub>1</sub>和ê<sub>2</sub>组合下全庞加莱光的偏振分布如 图 2 所示。



图 1  $\phi$ =0,  $\pi/4$ ,  $\pi/2$ ,  $3\pi/4$  时, 杂化矢量光的偏振分布<sup>[17]</sup> Fig.1 Distribution of polarization for hybrid vector light with  $\phi$ =0,  $\pi/4$ ,  $\pi/2$ ,  $3\pi/4$ <sup>[17]</sup>

(a) (b) (c)

图 2 (a)  $\hat{e}_1 = (1,i)$ 和 $\hat{e}_2 = (1,-i)$ 、(b)  $\hat{e}_1 = (1,-i)$ 和 $\hat{e}_2 = (1,i)$ 、(c)  $\hat{e}_1 = (1,0)$ 和 $\hat{e}_2 = (0,1)$ 时, FP 光束的偏振分布<sup>[18]</sup>

Fig.2 Distribution of polarization for FP beams where  $\hat{e}_1$  and  $\hat{e}_2$  are, respectively, (a)  $\hat{e}_1 = (1, i)$ ,  $\hat{e}_2 = (1, -i)$ ; (b)  $\hat{e}_1 = (1, -i)$ ,  $\hat{e}_2 = (1, i)$ ; (c)  $\hat{e}_1 = (1, 0)$ ,  $\hat{e}_2 = (0, 1)^{[18]}$ 

除了 LG 光束,其他携带轨道角动量的光束叠加 也可以实现杂化矢量光,例如 2013 年, Cardano 等<sup>[29]</sup> 通过超几何高斯光产生的杂化矢量光场可以表

$$HyGG_{pm} = C_{pm} \frac{\Gamma(1+|m|+p/2)}{\Gamma(|m|+1)} i^{|m|+1} \left(\frac{z}{z_R}\right)^{p/2} \left(\frac{z}{z_R}+i\right)^{-[1+|m|+p/2]}$$

式中: $\Gamma$ ()为伽马函数; $_1F_1$ ()为合流超几何函数;w为束腰; $z_R$ 为瑞利范围。2015年, Shvedov等<sup>[30]</sup>基于 Bessel 光束产生杂化矢量光场:

$$\vec{E}(\rho,\varphi) = AJ_{|l_1|}(k_\rho\rho)\exp(il_1\varphi)\hat{e}_{\rm L} + BJ_{|l_2|}(k_\rho\rho)\exp(il_2\varphi)\hat{e}_R$$
(7)

式中: J<sub>II</sub>(•)为一类 Bessel 函数。2016 年, Garcia-Gracia

示为:

$$\vec{E}(\rho,\varphi) = HyGG_{-|l|,l}(\rho)[A\hat{e}_L + B\exp(2il\varphi)\hat{e}_R]$$
(5)

这里, HyGGpm 为超几何高斯光束:

$$\rho^{|m|} \mathrm{e}^{-ir^2/w^2(\zeta+i)} \mathrm{e}^{im\varphi_1} F_1\left(-\frac{p}{2}, |m|+1; \frac{z_R^2 r^2}{w^2 z(z+iz_R)}\right) \tag{6}$$

等<sup>[31]</sup> 通过 Mathieu 光束产生杂化矢量光:

$$\vec{E}(\rho,\varphi) = \mathrm{MB}_{0}^{e}(\rho,\varphi)\,\hat{e}_{L} + \mathrm{HMB}_{l}^{\pm}(\rho,\varphi)\,\hat{e}_{R} \qquad (8)$$

式中: MB 和 HM 代表不同的 Mathieu 光束。

尽管杂化矢量光可以通过不同形式的光束实现, 但是其偏振存在一定的相似性。这种相似性反应在 偏振奇异性上。Nye<sup>[32]</sup>在 1983 年提出偏振奇异性的 概念, Dennis<sup>[33]</sup>在 2002 年对光场的奇异性做了详细 的综述。偏振奇异性包括偏振取向的不确定性—— C点和偏振旋向的不确定性——L线。C点偏振奇异 性一般用C点指数 I<sub>C</sub>描述。I<sub>C</sub>定义为线积分<sup>[29]</sup>:

$$I_{\rm C} = \frac{1}{2\pi} \oint_L \mathrm{d}R \cdot \nabla \gamma_0 \tag{9}$$

式中: 70 为相位分布; L 为绕 C 点的闭合曲线。杂化 矢量光比柱矢量光场具有更为丰富的 C 点奇异性。 一般柱矢量光场 C 点指数的大小为±1/2, 而杂化矢量 光为 1/2 的整数倍。杂化矢量光的 C 点附近偏振态 椭圆半长轴构成一簇围绕 C 点的流线。不同的 C 点 指数对应不同形状流线:对于 *I*<sub>C</sub>=1/2 的 C 点,构成星 形流线;对于 *I*<sub>C</sub>=-1/2 的 C 点,构成分柠檬形或变种星 形流线;对于 *I*<sub>C</sub>=1 的 C 点,构成螺旋形流线,如图 3 所示<sup>[29]</sup>。杂化矢量光的 *I*<sub>C</sub> 只取决于基矢光携带的轨 道角动量,与具体光束类型无关。从某种意义上讲, 这是因为携带相同角动量的杂化矢量光的 Stokes 参 数在统计上是不变的,与具体光束形式无关<sup>[34]</sup>。

与C点丰富的拓扑结构相比,L线的拓扑性比较单一,没有复杂的类型划分。如图 3 所示<sup>[29]</sup>,通常杂 化矢量光的L线是闭合同心圆环,其半径与光场轮廓 参数*A、B*有关,与携带轨道角动量和具体光束类型 无关。



图 3 星形 ( $I_C=1/2$ )、柠檬形 ( $I_C=-1/2$ ) 和螺旋形  $I_C=1$  流线对应 C 点与 L 线<sup>[29]</sup> Fig.3 C-point and L-line in star ( $I_C=1/2$ ), lemon ( $I_C=-1/2$ ), spiral fields ( $I_C=1$ )<sup>[29]</sup>

## 2 杂化矢量光的制备

杂化矢量光的实验产生方法主要有两种:一种是 双光束叠加法,对两束正交偏振光分别进行相位调制 和幅度调制,然后采用干涉叠加的方法合成杂化矢量 光;一种是单光束调制法,利用光场调制器件,如空间 光调制器 (Spatial Light Modulator, SLM)、Q板 (Qplate)、电介超表面结构、电介光栅等,对单光束的偏 振和相位同时调制。

#### 2.1 双光束叠加法

双光束干涉叠加法包括共轴干涉和离轴干涉。 如图 4 所示, 2010 年王慧田课题组<sup>[17]</sup>在 4f 系统中利 用 SLM 设计共轴相干光路,借助 SLM 在其+1 和 -1 级衍射场获得具有相反拓扑荷的轨道角动量光, 分别经过不同 λ/2 波片调制为正交线偏涡旋光,最后 通过 Ronchi 相位光栅 (G) 实现两模式的合束叠加,首 次获得偏振非均匀分布的杂化矢量光场。2017年,高 春清课题组<sup>[35]</sup> 调整此方案,利用反射型 SLM 输出两 束具有不同拓扑荷的水平偏振涡旋光,半波片 HWP 将其中一束调制为垂直偏振,并用沃拉斯顿棱镜 WP 代替 Ronchi 相位光栅实现两正交模式的合束叠 加,装置图如图 5 所示。2020年,赵建林课题组<sup>[36]</sup> 巧 妙地设计了一种共路径干涉法,对正交基矢量进行角 幅度调制,得到具有方位极化梯度的杂化矢量光。

由于共轴干涉对光路要求较高,因而一部分研究 人员受干涉仪的启发设计了离轴干涉方案。2012 年,Galvez 等<sup>[37]</sup>利用双臂中均带有叉形光栅的 MachZehnder 干涉装置制备了 Poincaré光束。如图 6 所示, 偏振分束器分开的两束正交线偏振光分别进入干涉 的两臂,经过两臂中的叉形光栅形成正交线偏振涡旋 光,在第二个偏振分束器叠加形成杂化矢量光。基于 该方案,2016年,Lu等<sup>[38]</sup>用 Dove 棱镜代替叉形光栅,产生的杂化矢量光光强分布呈现花瓣状;2017年, Wang等<sup>[39]</sup>利用 SLM 代替叉形光栅,使正交偏振的高 斯光与任意轨道角动量的涡旋光叠加,得到任意阶





Fig.4 Common-path interferometer setup implemented with a transmission SLM to generate hybridly polarized vector fields<sup>[17]</sup>





Fig.5 Common-path interferometer setup implemented with a reflective SLM to generate hybrid Poincaré beams<sup>[35]</sup>





Fig.6 Mach-Zehnder interferometer setup to generate hybrid Poincaré beams[37]

FP 光束。除了 Mach-Zehnder 干涉装置, Sagnac 干涉 装置也常用于杂化矢量光的制备。2016年, Ling 等<sup>[40]</sup> 利用 SLM、偏振分束器 PBS 和反射镜 M 组合形成 Sagnac 干涉装置, 如图 7 所示。经过半波片 HWP1、 格兰棱镜 GLP 和四分之一波片 QWP1 共同调制后得 到的任意单一偏振光, 被偏振分束器 PBS 分为水平偏 振透射光和垂直偏振反射光。其中,水平偏振光通过 SLM 加载螺旋相位,经过反射镜 M 反射后与垂直偏 振高斯光叠加,得到 FP 光束。2019年,袁操今小 组<sup>[41-42]</sup>在 SLM 上加载两种不同涡旋光,采用 Sagnac 装置获得完美同心庞加莱光束。



图 7 基于 Sagnac 干涉装置产生杂化庞加莱光<sup>[40]</sup>

Fig.7 Sagnac interferometer setup to generate hybrid Poincaré beams<sup>[40]</sup>

#### 2.2 单光束调制法

伴随着双光束叠加法,对单一光束进行调制并产 生混合矢量光的工作也逐一涌现。早期,单光束调制 法主要是利用具有特殊折射率分布的热应力玻璃实 现相位和强度调制,从而得到杂化矢量光。例如 Brown研究组产生 FP 光束<sup>[18]</sup>和部分 FP 光束<sup>[43]</sup>均基 于热应力玻璃。目前,利用液晶器件对单光束进行调 制成为制备杂化矢量光的热门方法。液晶器件分为 透射式和反射式两种,透射式以 Q 板 (Q-plate) 为代 表,反射式以 SLM 为代表。

Q 板是由液晶分子构成的一种特殊的各向异性 双折射相位板<sup>[44]</sup>。2013年, Cardano等人<sup>[29]</sup>利用 Q 板 将左/右旋圆偏振光调制为偏振可覆盖庞加莱球的奇 异光束,该光束由携带不同轨道角动量的正交偏振分 量组成。装置图如图 8 所示,插图显示了由 q = 1/2, -1/2,1的 Q 板产生的柠檬形光束、星形光束和螺旋 形光束的强度分布和偏振分布。2017年,湖南大学文 双春课题组<sup>[45]</sup>对该装置进行改进,利用 Q 板和螺旋 相位板组合,将椭圆基模高斯光调制为基模高斯光和 高阶拉盖尔高斯光的叠加态,在 HyOPS 上实现了任 意 FP 光束的产生。装置如图 9 所示,线偏振高斯光 束依次通过格兰棱镜 GLP1、四分之一波片 QWP1 和 Q板 (QP)产生普通矢量光束,然后再通过螺旋相位 板 (SPP)加载轨道角动量将普通矢量光束转化为杂化 矢量光场。2019年,他们改变实验装置,利用电控 Q板获得任意阶杂化矢量光束<sup>[46]</sup>。2020年,陆延青课 题组<sup>[47]</sup>采用 Dammann 涡旋 Q 板多通道产生了杂化 矢量光。通过调节入射偏振,最多可以在 HyOPS 上 同时获得 24 个不同模式的杂化矢量光。

SLM 是一种像素化的液晶显示器,每个像素都能 独立调控反射光场的相位或振幅。2015年,Khajavi 等<sup>[48]</sup>利用半波片调制光束的偏振,使其既有水平分量 又有垂直分量,两个 SLM 则分别对水平和垂直分量 进行相位调制,使其成为具有不同轨道角动量的涡旋 光,最终产生任意 Poincaré光束。Alpmann等<sup>[49]</sup>简化 该装置,仅用一个 SLM 加载两种不同涡旋相位全息 图,利用波片和反射镜控制光束的偏振和角度,使得 具有正交线偏分量的光先后入射到 SLM 上不同位



图 8 基于 Q 板制备偏振奇异光场的实验装置<sup>[29]</sup>

Fig.8 Experimental setup with q-plate to generate optical beams with polarization singularities<sup>[29]</sup>



图 9 基于 Q 板和 SPP 制备 FP 光束的实验装置<sup>[45]</sup> Fig.9 Experimental setup with Q-plate and SPP to generate FP beams<sup>[45]</sup>

置,加载不同轨道角动量,最终获得杂化矢量光。除此以外,Otte等<sup>[50]</sup>利用 SLM 研究矢量光场偏振奇异性的同时,发现高阶庞加莱球矢量光在空间传输过程中也可以产生杂化矢量光,其偏振分布取决于传播距离。

除了液晶器件,近年来也有一些研究人员开始 利用特殊结构器件调制单光束制备杂化矢量光。 Lerman等<sup>[51]</sup>利用空间变换的亚波长电介光栅和可旋 转四分之一波片组合得到杂化矢量光。文双春课题 组<sup>[52]</sup>将具有可调谐性的液晶与介电超表面结合,通过 控制加载在液晶相位延迟器上的电压实现任意杂化 矢量光。最近, Lin 等<sup>[53]</sup>讨论了基于微腔的生成方 案,利用光在硅微环腔中传播时自旋自由度和轨道自 由度之间的耦合形成 FP 光。此外, 陆延青课题组<sup>[54]</sup> 基于全介电超表面宽带生成完美庞加莱光, 装置图如 图 10 所示。经过声光可调谐滤波器 (AOTF) 系统过 滤后的超连续激光通过线性偏振器 (LP) 和四分之一 波片 (QWP)转换成所需的偏振光并入射到超表面形 成完美庞加莱光, 透射光经过线性偏振器 (LP) 过滤 后被捕获。





Fig.10 Experimental setup with all dielectric metasurface platform to generate perfect Poincaré beams<sup>[54]</sup>

## 3 杂化矢量光的特性与应用

#### 3.1 杂化矢量光在聚焦方面的特性及应用

矢量光的聚焦特性可以用 Richards-Wolf 矢量衍 射方法进行数值分析。对于沿着 z 轴传播的光束而 言, 焦平面附近的光场可以表示为<sup>[9]</sup>:

$$\vec{E}(r,\phi,z) = \frac{ikfe^{-ikf}}{2\pi} \int_{0}^{\theta_{\text{max}}} d\theta \int_{0}^{2\pi} d\varphi [(E_{\varphi}\hat{e}_{\varphi} + E_{\rho}\hat{e}_{\rho})e^{i\vec{k}\cdot\vec{r}}\sin\theta\sqrt{\cos\theta}]$$
(10)

式中:  $E_{\varphi}$ 和  $E_{\rho}$ 为入瞳处矢量光的角向和径向分量;  $\theta_{max}$ 是由透镜数值孔径决定的最大角度; k 是波矢。

Brown 研究组<sup>[7]</sup> 发现相对于均匀偏振分布的光 束, 径向偏振的柱矢量在紧聚焦过程中产生更强的纵 向电场, 而角向偏振的柱矢量光在紧聚焦区域则不存 在纵向电场。Wang 等<sup>[55]</sup>利用二元环状光学器件对 径向柱矢量光进行紧聚焦,产生一个超长"光针"聚焦 分布,经过参数优化后获得超衍射极限的光针。除此 之外,利用紧聚焦柱矢量光束还可以激发纳米天线中 等离激元,在定制等离子纳米天线的光散射方面具有 巨大的应用潜力<sup>[56]</sup>。

杂化矢量光的紧聚焦场比柱矢量光场的行为更 为丰富。在聚焦场中心附近,偏振椭圆的取向不再局 限于 *x-y* 平面,大部分沿 *z* 轴方向,场强存在较强 *z* 分 量,如图 11 所示<sup>[24]</sup>。沿 *z* 轴方向的偏振椭圆导致其 自旋方向垂直于 *z* 轴,即横向自旋<sup>[57-58]</sup>。横向自旋是 自旋—轨道角动量守恒的结论,它的大小取决于入瞳 处偏振椭圆的椭圆率和椭圆取向。





此外,聚焦杂化矢量光场的纵向光强分布也十分 有趣。2017年,满忠胜课题组<sup>[59]</sup>对任意偏振态的光 束聚焦特性进行分析,提出了通过控制正交线偏振基 模实现聚焦整形的方法。2018年,詹其文团队<sup>[60]</sup>指 出低数值孔径聚焦的杂化矢量光场可以在焦平面上 形成一个柱对称的阶跃光强分布,通过对杂化矢量光 参数的控制可以实现阶跃光场定制化。同年,李艳秋 课题组<sup>[61]</sup>分析了FP光束在紧聚焦条件下的光强与纵 向电场相位分布,证明了纵向电场具有轨道角动量分 布。2019年,笔者与陈理想课题组<sup>[27]</sup>分析了紧聚焦 下杂化矢量纵向光强对称性与其阶次之间的关系,给 出光强分布图样具有*m-n*+2 重轴对称性,*m*和*n*代表 轨道角动量,具体如图 12 所示。

杂化矢量光场独特的聚焦特性使其在光学捕获 方面更具优势。2012年,Wang<sup>[62]</sup>发现在光束截面, FP光对瑞利粒子表现为指向光束中心的力场,能将 微粒束缚在光束中心。2018年,Xue等<sup>[63]</sup>指出,聚焦 的杂化矢量光在束腰处的光力更为稳定,而且可以克 服热运动的影响。2019年,笔者与陈理想课题组<sup>[27]</sup> 研究了强聚焦情况下杂化矢量光的光力行为,发现微 粒可在多个位置被捕获,捕获位置的数量取决于携带 轨道角动量的值,这恰好与聚焦光场光强分布对应。 除此之外,聚焦杂化矢量光场还可以将微粒限制在焦 平面附近,有效地实现三维捕获。



(d) m=3, n=4

(f) m=3, n=6

## 图 12 焦平面归一化光强分布[27]



## 3.2 杂化矢量光在传播方面的特性及应用

在实际大气中传播时,由于大气不均匀分布、气 流、湍流等对激光光强产生负面影响,引起光强闪 烁。2015年, Wei 等<sup>[28]</sup> 通过调节杂化矢量光光场轮 廓参数的比值大幅降低了光束经过湍流时的闪烁现 象。相比于高斯光束或 LG 光束, 杂化矢量光在减弱 湍流引起的闪烁具有明显优势,为大气激光通讯、激 光武器、激光遥感等应用奠定基础。

实际上,杂化矢量光在自由空间传输时,偏振模 式和 Gouy 相位相关。对于正交圆偏振 LG 光产生的 杂化矢量光而言, Gouy 相位为  $\varphi=(l_R-l_L) \arctan Z_R$ , 其 中, l<sub>R</sub>和 l<sub>1</sub>分别为右旋 LG 光和左旋 LG 的轨道角动 量。随着传输距离 z 的增加, Gouy 相位发生改变, 导 致偏振产生一个正比于 Gouy 相位的旋转<sup>[64]</sup>。旋转方 向取决于(l<sub>B</sub>-l<sub>1</sub>)的正负,若为正值时,旋转方向是逆 时针;若为负值时,旋转方向为顺时针。因此, Arora 等<sup>[20]</sup> 提出可以通过杂化矢量光传输时的旋转方 向判断轨道角动量的正负。

#### 3.3 杂化矢量光在非线性光学方面的特性及应用

杂化矢量光的非线性光学效应亦是一个非常有

意义的课题。早期关于非线性光学效应的工作不涉 及频率转换。例如 2014 年, 陈理想课题组[65] 报道了 杂化矢量光的电光效应。经过电光效应的杂化矢量 光在自由空间传播过程中,其C点和L线会产生分 裂,分裂行为与细胞核和细胞质的分裂相似。直到 2018年,涉及频率转换的非线性光学效应研究出现。 笔者与陈理想课题组<sup>[26]</sup>利用相位匹配导致倍频光束 输出单一偏振这一特性,通过倍频将杂化矢量光不可 见的偏振拓扑结构可视化。由于大多数非线性过程 具有偏振敏感性,因此杂化矢量光的非线性频率转换 具有挑战性。2019年,笔者[25]从相位匹配输出单一 线偏振光出发,提出利用正交级连晶体装置对 FP 光 进行倍频,不仅在频率加倍的同时保留了光束的偏振 特性,而且实现了拓扑荷的加倍,使其呈现出新的流 线形状,图 13 给出了星形流线的 FP 光在倍频后转化 为螺旋形流线。同年, Yang 等<sup>[66]</sup>引入 Sagnac 干涉仪 实现正交偏振倍频矢量光叠加,从而得到倍频的杂化 矢量光。接着,基于 Yang 等人的装置,朱智涵课题 组<sup>[67]</sup>提出自锁干涉仪,得到倍频后的杂化矢量光,同 时发现倍频矢量光的C点在衍射传播中具有旋转效

应。2020年,基于同样装置,他们<sup>[68]</sup>在II类相位匹配的长周期极化晶体 PPKTP 中实现了参量上转换,在频率转换的同时,保证杂化矢量光的偏振模式不变性。他们的结果为基于矢量模式的高维量子或高容量经典信道接口奠定了基础。2021年,Silva等<sup>[69]</sup>基

于正交级连晶体的装置研究了杂化矢量光的参量下 转换。泵浦光和信号光中有一束为杂化矢量光而另 外一束为线偏振光时,可以输出与输入偏振一致的杂 化矢量光。



图 13 C 点场线 (黑线) 及 L 线 (蓝线) 的分布情况: (a) 基频光; (b) 理论倍频光; (c) 实验倍频光<sup>[25]</sup>

Fig.13 Streamlines around C points and L lines distribution: (a) Fundamental FP beam; (b) and (c) numerical and experimental results of the second harmonic beam<sup>[25]</sup>

除了频率转换,另一个有趣的非线性光场效应是 偏振旋转。由于 Gouv 相位的影响, 杂化矢量光在自 由空间传播时存在一定的偏振旋转,但是这个旋转角 度有限。2020年,东南大学顾兵课题组<sup>[70]</sup>发现 FP 光 束经过各向同性的 Kerr 介质会出现整体偏振旋转。 对于各向异性的 Kerr 介质, FP 光束在传播过程中, 光 强图样由中心亮斑围绕的衍射环变成椭圆结构并伴 随着两段衍射环。这主要是由于各向异性介质导致 柠檬形 FP 光具有空间结构的非线性相移,这种相移 来自于两个幅度不相等的左旋和右旋分量,最终引起 光强图样和偏振分布出现了对称性破缺。除了 Kerr 介质,西安交通大学李福利课题组<sup>[71-72]</sup>发现杂化矢量 光在铷原子蒸汽中也会发生偏振旋转。由于原子蒸 汽对光子的吸收和激发,在原子蒸汽中传播时,杂化 矢量光偏振旋转角则可以突破 Gouy 相位导致偏振旋 转的极限。通过调节原子的相关参数可以实现任意 偏振旋转角的控制,这对于偏振控制具有潜在的应用 价值。

### 4 总结与展望

杂化矢量光作为一种特殊的矢量光场具有独特的偏振特性,自 2010 年被提出以来引起研究人员的

广泛关注。文中简要回顾了杂化矢量光场的重要研 究进展,包括理论模型、制备、以及其在聚焦、传播、 非线性光学效应等方面的特性和应用。目前,杂化矢 量光的产生方法已经成熟,然而其特性仍在研究阶 段,诸如杂化矢量光和频、差频、参量转换等非线性 光学效应、杂化矢量光传播过程中偏振奇异性的拓扑 结构等都是十分有趣的研究方向,因此在这个领域会 出现许多新现象、新想法。新特性的出现必然会伴随 新应用的诞生,未来杂化矢量光的研究将逐渐从理论 转向应用,这与学术兴趣和技术发展导向直接相关, 在今后一段时间内都将是一个值得关注的课题。

#### 参考文献:

- Snitzer E. Cylindrical dielectric waveguide modes [J]. Journal of the Optical Society of America A, 1961, 51(5): 491-498.
- [2] Mushiake Y, Matsumura K, Nakajima N. Generation of radially polarized optical beam mode by laser oscillation [J]. *Proceedings of the IEEE*, 1972, 60(9): 1107-1109.
- [3] Pohl D. Operation of a ruby laser in the purely transverse electric mode TE01 [J]. *Applied Physics Letters*, 1972, 20(7): 266-267.
- [4] Churin E G, Hobfeld J, Tschudi T. Polarization configuration with singular point formed by computer generated holograms
   [J]. *Optics Communications*, 1993, 99(1): 13-17.

- [5] Tidwell S C, Kim G H, Kimura W D. Efficient radially polarized laser beam generation with a double interferometer [J]. *Applied Optics*, 1993, 32(27): 5222-5229.
- [6] Stalder M, Schadt M. Linearly polarized light with axial symmetry generated by liquid-crystal polarization converters [J]. *Optics Letters*, 1996, 21(23): 1948-1950.
- [7] Youngworth K S, Brown T G. Focusing of high numerical aperture cylindrical-vector beams [J]. *Optics Express*, 2000, 7(2): 77-87.
- [8] Dorn R, Quabis S, Leuchs G. Sharper focus for a radially polarized light beam [J]. *Physical Review Letters*, 2003, 91(23): 233901.
- Zhan Q, Leger J. Focus shaping using cylindrical vector beams
  [J]. *Optics Express*, 2002, 10(7): 324-331.
- [10] Kozawa Y, Sato S. Optical trapping of micrometer-sized dielectric particles by cylindrical vector beams [J]. *Optics Express*, 2010, 18(10): 10828-10833.
- [11] Meier M, Romano V, Feurer T. Material processing with pulsed radially and azimuthally polarized laser radiation [J]. *Applied Physics A*, 2007, 86(3): 329-334.
- [12] Zhan Q. Cylindrical vector beams: from mathematical concepts to applications [J]. *Advances in Optics and Photonics*, 2009, 1(1): 1-57.
- [13] Liu Z, Liu Y, Ke Y, et al. Geometric phase Doppler effect: when struct light meets rotating structured materials [J]. *Optics Express*, 2017, 25(10): 111564-11573.
- [14] Wang H, Shi L, Yuan G, et al. Subwavelength and superresolution nondiffraction beam [J]. *Applied Physics Letters*, 2006, 89(17): 171102.
- [15] Zhang X, Xia T, Cheng S, et al. Free-space information transfer using the elliptic vortex beam with fractional topological charge
   [J]. *Optics Communications*, 2019, 431(1): 238-244.
- [16] Vieira J, Mendoca J T. Nonlinear laser drivendonutwakefields for positron and electron acceleration [J]. *Physical Review Letters*, 2014, 112(21): 215001.
- [17] Wang X, Li Y, Chen J, et al. A new type of vector fields with hybrid states of polarization [J]. *Optics Express*, 2010, 18(10): 10786-10795.
- [18] Beckley A M, Brown T G, Alonso M A. Full Poincaré beams
  [J]. *Optics Express*, 2010, 18(10): 10777-10785.
- [19] Yi X, Liu Y, Ling X, et al. Hybrid-order Poincare sphere [J]. *Physical Review A*, 2015, 91(2): 023801.
- [20] Arora G, Rajput R, Senthilkumaran P. Full Poincaré beam with all the Stokes vortices [J]. *Optics Letters*, 2019, 44(22): 5638-5641.

- [21] Ruchi A G, Senthilkumaran P. Hybrid order Poincaré spheres for Stokes singularities [J]. *Optics Letters*, 2020, 45(18): 5136-5139.
- [22] Liu Y, Liu Z, Zhou J, et al. Measurements of Pancharatnam–Berry phase in mode transformations on hybridorder Poincaré sphere [J]. *Optics Letters*, 2017, 42(17): 3447-3450.
- [23] Wang H, Rui G, Zhan Q. Dynamic propagation of optical vortices embedded in full Poincaré beams with rotationally polarization symmetry [J]. *Optics Communications*, 2015, 351(1): 15-25.
- [24] Lerman G M, Stern L, Levy U. Generation and tight focusing of hybridly polarized vector beams [J]. *Optics Express*, 2010, 18(26): 27650-27657.
- [25] Zhang L, Lin F, Qiu X, et al. Full vectorial feature of secondharmonic generation with full Poincaré beams [J]. *Chinese Optics Letters*, 2019, 17(9): 091901.
- [26] Zhang L, Qiu X, Li F, et al. Second harmonic generation with full Poincaré beams [J]. *Optics Express*, 2018, 26(9): 11678-11684.
- [27] Zhang L, Qiu X, Zeng L, et al. Multiple trapping using a focused hybrid vector beam [J]. *Chinese Physics B*, 2019, 28(9): 094202.
- [28] Wei C, Wu D, Liang C, et al. Experimental verification of significant reduction of turbulence-induced scintillation in a full Poincaré beam [J]. *Optics Express*, 2015, 23(19): 24331-24341.
- [29] Cardano F, Karimi E, Marrucci L, et al. Generation and dynamics of optical beams with polarization singularities [J]. *Optics Express*, 2013, 21(7): 8815-8820.
- [30] Shvedov V, Karpinski P, Sheng Y, et al. Visualizing polarization singularities in Bessel Poincaré beams [J]. *Optics Express*, 2015, 23(9): 12444-12453.
- [31] Garcia-Gracia H, Gutiérrez-Vega J C. Polarization singularities in nondiffracting Mathieu-Poincaré beams [J]. *Journal of Optics*, 2016, 18(1): 014006.
- [32] Nye G F. Polarization effects in the diffraction of electromagnetic waves: the role of disclinations [J]. *Proceedings* of the Royal Society of London Series A, 1983, 387(1792): 105-132.
- [33] Dennis M R. Polarization singularities in paraxial vector fields: morphology and statistics [J]. *Optics Communications*, 2002, 213(4-6): 201-221.
- [34] Lopez-Mago D. On the overall polarisation properties of Poincaré beams [J]. *Journal of Optics*, 2019, 21(11): 115605.
- [35] Fu S, Zhai Y, Wang T, et al. Tailoring arbitrary hybrid Poincaré beams through a single hologram [J]. *Applied Physics Letters*,

2017, 111(21): 211101.

- [36] Han L, Qi S, Liu S, et al. Hybrid vector beams with non-uniform orbital angular momentum density induced by designed azimuthal polarization gradient [J]. *Chinese Physics B*, 2020, 29(9): 094203.
- [37] Galvez E, Khadka S, Schubert W H, et al. Poincaré-beam patterns produced by nonseparable superpositions of Laguerre-Gauss and polarization modes of light [J]. *Applied Optics*, 2012, 51(15): 2925-2934.
- [38] Lu T, Huang T, Wang J, et al. Generation of flower high-order Poincaré sphere laser beams from a spatial light modulator [J]. *Scientific Reports*, 2016, 6(1): 39657.
- [39] Wang Y, Wang L, Xin Y. Generation of full Poincaré beams on arbitrary order Poincaré sphere [J]. *Current Optics and Photonics*, 2017, 1(6): 631-636.
- [40] Ling X, Yi X, Dai Z, et al. Characterization and manipulation of full Poincaré beams on the hybrid Poincaré sphere [J]. *Journal* of the Optical Society of America B, 2016, 33(11): 2172-2176.
- [41] Li D, Feng S, Nie S, et al. Generation of arbitrary perfect Poincaré beams [J]. *Journal of Applied Physics*, 2019, 125(7): 073105.
- [42] Gu Z, Yin D, Gu F, et al. Generation of concentric perfect Poincaré beams [J]. *Scientific Reports*, 2019, 9(1): 15301.
- [43] Beckley A M, Brown T G, Alonso M A. Full Poincaré beams II: partial polarization [J]. *Optics Express*, 2012, 20(9): 9357-9362.
- [44] Marrucci L, Manzo C, Paparo D. Pancharatnam-Berry phase optical elements for wave front shaping in the visible domain: switchable helical mode generation [J]. *Applied Physics Letters*, 2006, 88(22): 221102.
- [45] Liu Z X, Liu Y Y, Ke Y G, et al. Generation of arbitrary vector vortex beams on hybrid-order Poincaré sphere [J]. *Photonics Research*, 2017, 5(1): 15-21.
- [46] Lou S, Zhou Y, Yuan Y, et al. Generation of arbitrary vector vortex beams on hybrid-order Poincaré sphere based on liquid crystal device [J]. *Optics Express*, 2019, 27(6): 8596-8604.
- [47] Zhang Y, Chen P, Ge S, et al. Spin-controlled massive channels of hybrid-order Poincare sphere beams [J]. *Applied Physics Letters*, 2020, 117(8): 081101.
- [48] Khajavi B, Galvez E J. Preparation of Poincaré beams with a same-path polarization/spatial-mode interferometer [J]. Optical Engineering, 2015, 54(11): 111305.
- [49] Alpmann C, Schlickriede C, Otte E, et al. Dynamic modulation of Poincaré beams [J]. *Scientific Reports*, 2017, 7(1): 8076.
- [50] Otte E, Alpmann C, Denz C. Polarization singularity explosions in tailored light fields [J]. *Laser Photonics Reviews*, 2018,

12(6): 1700200.

- [51] Lerman G M, Levy U. Generation of a radially polarized light beam using space-variant subwavelength gratings at 1064 nm [J]. *Optics Letters*, 2008, 33(23): 2782-2784.
- [52] Wang R, He S, Chen S, et al. Electrically driven generation of arbitrary vector vortex beams on the hybrid-order Poincaré sphere [J]. *Optics Letters*, 2018, 43(15): 3570-3573.
- [53] Lin W B, Ota Y, Arakawa Y, et al. Microcavity-based generation of full Poincaré beams with arbitrary skyrmion numbers [J]. *Physical Review Research*, 2021, 3(2): 023055.
- [54] Liu M Z, Huo P C, Zhu W Q, et al. Broadband generation of perfect Poincaré beams via dielectric spin-multiplexed metasurface [J]. *Nature Communications*, 2021, 12: 2230.
- [55] Wang H, Shi L, Lukyanchuk B, et al. Creation of a needle of longitudinally polarized light in vacuum using binary optics [J]. *Nature Photonics*, 2008, 2(8): 501-505.
- [56] Zang X, Bautista G, Turquet L, et al. Efficient hybrid-mode excitation in plasmonic nanoantennas by tightly focused higherorder vector beams [J]. *Journal of the Optical Society of America B*, 2021, 38(2): 521-529.
- [57] Zhu W, Shvedov V, She W, et al. Transverse spin angular momentum of tightly focused full Poincaré beams [J]. Optics Express, 2015, 23(26): 34029-34041.
- [58] Man Z, Dou X, Urbach H P. The evolutions of spin density and energy flux of strongly focused standard full Poincaré beams [J]. *Optics Communications*, 2002, 458(1): 124790.
- [59] Man Z, Bai Z, Li J, et al. Focus shaping by tailoring arbitrary hybrid polarization states that have a combination of orthogonal linear polarization bases [J]. *Applied Optics*, 2018, 57(12): 3047-3055.
- [60] Han W, Cheng W, Zhan Q W. Flattop focusing with full Poincaré beams under low numerical aperture illumination [J]. *Optics Letters*, 2011, 36(9): 1605-1607.
- [61] Dai X, Li Y, Liu L. Tight focusing properties of hybrid-order Poincaré sphere beams [J]. *Optics Communications*, 2018, 426(1): 46-53.
- [62] Wang L G. Optical forces on submicron particles induced by full Poincaré beams [J]. *Optics Express*, 2012, 20(19): 20814-20826.
- [63] Xue Y, Wang Y, Zhou S, et al. Focus shaping and optical manipulation using highly focused second-order full Poincaré beam [J]. *Journal of the Optical Society of America A*, 2018, 35(6): 953-958.
- [64] Sanchez M M, Davis J A, Moreno I, et al. Gouy phase effects on propagation of pure and hybrid vector beams [J]. *Optics Express*, 2019, 27(3): 2374-2386.

- [65] Lu X, Wu Z, Zhang W, et al. Polarization singularities and orbital angular momentum sidebands from rotational symmetry broken by the Pockels effect [J]. *Scientific Reports*, 2014, 4(1): 4865.
- [66] Yang C, Zhou Z, Li Y, et al. Nonlinear frequency conversion and manipulation of vector beams in a Sagnac loop [J]. *Optics Letters*, 2019, 44(2): 219-222.
- [67] Wu H, Zhou Z, Gao W, et al. Dynamic tomography of the spinorbit coupling in nonlinear optics [J]. *Physical Review A*, 2019, 99(2): 023830.
- [68] Wu H, Zhao B, Rosles-Guzmán, et al. Spatial-polarizationindependent parametric up-conversion of vectorially structured light [J]. *Physical Review Applied*, 2020, 13(6): 064041.

- [69] Silva N R, Oliveira A G, Arruda M F Z, et al. Stimulated parametric down-conversion with vector vortex beams [J]. *Physical Review Applied*, 2021, 15(2): 024039.
- [70] Wen B, Rui G, He J, et al. Polarization rotation and singularity evolution of fundamental Poincaré beams through anisotropic Kerr nonlinearities [J]. *Journal of Optics*, 2020, 22(8): 08550.
- [71] Yang X, Chen Y, Wang J, et al. Observing quantum coherence induced transparency of hybrid vector beams in atomic vapor [J]. *Optics Letters*, 2019, 44(11): 2911-2914.
- [72] Luo D, Hu H, Pan C, et al. Nonlinear control of polarization rotation of hybrid-order vector vortex beams [J]. *Journal of Optics*, 2020, 22(11): 115612.