半捷联导引头混合自抗扰控制系统设计

陈开伟,温求道,夏群利

(北京理工大学 宇航学院,北京 100081)

摘 要:为了使半捷联导引头在干扰力矩和刻度尺误差引起的耦合干扰及其他不确定干扰下仍具 有很强的鲁棒性,提出了伺服系统混合自抗扰控制 (Active Disturbance Rejection Control, ADRC)方 案。首先,建立了导引头半捷联稳定平台数学模型;其次,设计了半捷联导引头稳定平台混合自抗 扰控制系统,通过对自抗扰稳定回路频带特性进行研究,分析了控制器参数对控制性能的影响,给 出了控制参数设计原则;最后,对混合自抗扰控制方案进行了数字仿真验证。仿真结果表明:相比 于传统控制器,混合自抗扰控制器能获得更好的控制精度,能有效克服干扰力矩和刻度尺误差对 导引头的影响,在典型弹体频率 2 Hz 处隔离度幅值比传统控制器最多能降低约 67.9%。研究成结 果可为半捷联导引头稳定控制系统的设计提供指导。

关键词:半捷联导引头; 自抗扰控制; 隔离度; 干扰力矩; 刻度尺误差 中图分类号:TJ765.3 文献标志码:A **DOI**: 10.3788/IRLA201847.1131001

Hybrid ADRC system design for semi-strapdown seeker

Chen Kaiwei, Wen Qiuqiu, Xia Qunli

(School of Aerospace Engineering, Beijing Institute of Technology, Beijing 100081, China)

Abstract: A hybrid active disturbance rejection control (ADRC) scheme for stable loop was proposed. In order to make the semi-strapdown seekers have strong robustness under the coupling disturbances induced by disturbance torques and scale error and other uncertain perturbations. Firstly, the mathematic model of the semi-strapdown stable platform was established. Secondly, a hybrid ADRC system for the stable platform of a semi-strapdown seeker was designed. The influence of controller parameters on the control performance was analyzed by studying the frequency characteristics of ADRC, and the design principle of control parameters was given. Finally, the hybrid ADRC scheme was verified by mathematical simulation. The simulation results show that, compared with the traditional controller, the hybrid ADRC achieves better control accuracy and can effectively overcome the influence of disturbance torque and scale error on the seeker. The amplitude of the disturbance rejection rate (DRR) can be reduced by about 67.9% under the typical attitude disturbance frequency (2 Hz). The research results can provide guidance for the design of semi-strapdown seeker stable control system.

Key words: semi-strapdown seeker; ADRC; DRR; disturbance torque; scale error

收稿日期:2018-06-13; 修订日期:2018-07-17

基金项目:国家自然科学基金(51575523)

作者简介:陈开伟(1991-),男,博士生,主要从事飞行器制导与控制方面的研究。Email:kwillchan@outlook.com 导师简介:夏群利(1971-),男,副教授,博士,主要从事导弹总体设计、制导控制方面的研究。Email:1010@bit.edu.cn

0 引 言

半捷联导引头去掉稳定平台上的速率陀螺,利用 弹体上现有的陀螺信号与稳定平台框架位置传感器信 号相结合,以测定稳定平台的惯性速率^[1-2]。这种稳定 方式的机械结构简单,有利于实现导引头小型化和低 成本,尤其适用于空间有限的战术导弹应用。

然而,导引头伺服系统存在的非线性摩擦等干 扰力矩,会使弹体的运动耦合进导引头运动中,引起 隔离度(Disturbance Rejection Rate, DRR)问题,半捷 联稳定回路速率陀螺和框架角传感器动力学的不匹 配又会加重弹体扰动耦合的影响,给系统带来更多 的扰动和不确定因素。传统的 PID 控制、相位超前 校正等控制器的设计依赖于对象的参数,且控制器 鲁棒性不够好,不能很好地克服外界扰动及参数变 化对系统的不利影响^[3]。现代控制理论如最优控制 理论、自适应控制理论等可以有效提高系统性能,但 设计难度大,计算复杂,控制系统成本高,不易在实 际工程中得到推广和应用^[4]。

自抗扰控制(Active Disturbance Rejection Control,

ADRC) 技术把作用于被控对象的所有不确定因素都 归结为总的未知扰动,利用对象的输入输出数据对它 进行估计和补偿,从而使控制系统获得更好的闭环动 态性能⁶³。该控制器不依赖于对象精确模型,算法简单, 具有较强的适应性、鲁棒性和可操作性。

半捷联导引头伺服控制系统的稳定回路和跟踪回 路对弹体的姿态扰动都具有隔离作用。然而跟踪回路 带宽频率一般较低,只对超低频率的弹体姿态扰动有 隔离作用,在系统中对隔离扰动起主要作用的是稳定 回路,改善稳定回路的动态特性是实现高精度稳定平 台的关键。因此文中提出半捷联导引头稳定平台混合 自抗扰控制系统设计方案,在稳定回路设计自抗扰控 制器以提高稳定控制精度,而跟踪回路保持原有设计 不变从而实现对指令的快速性跟踪。

1 半捷联导引头控制系统数学模型

典型半捷联导引头稳定平台控制系统工作原理 框图如图 1 所示。其中 L_R 为电枢绕组的电感与电 阻, K_T 为电机力矩系数, J 为平台转动惯量, K_B 为 反电势系数, K_1 、 K_2 为运放与功放, $\dot{\vartheta}$ 为弹体姿态角





速度, $G_{cs}(s)$ 为框架角传感器, $G_{g}(s)$ 为角速率陀螺。

半捷联导引头稳定回路对探测系统光轴进行稳定,隔离弹体的扰动对导引头光轴指向的影响。导弹 飞行过程中,气压、震动等不确定因素引起的传感器 刻度尺系数的不匹配会造成弹体姿态角运动的不完 全解耦,引发隔离度问题。

导引头转动过程中导线的拉扯以及转动连接处

的动静摩擦等引起干扰力矩回路,干扰力矩的产生 会使导引头光轴指向产生偏差,降低导引头的控制 精度^[6],是引起半捷联导引头隔离度问题的又一重 要因素。图1中G_D(s)为总的干扰力矩传递函数,干 扰力矩来源主要有库仑摩擦力矩T_{fric}、粘滞阻尼力 矩T_{vise}和弹簧力矩T_{spr}^[7]。库仑摩擦力矩是一种非线 性干扰力矩,粘滞阻尼力矩和弹簧力矩可以简化为 线性模型,其数学模型为:

$$T_{\rm fric}(t) = \begin{cases} T_{\rm coul} & \dot{\varphi}_r > 0\\ -T_{\rm coul} & \dot{\varphi}_r < 0 \end{cases}$$
(1)
$$T_{\rm visc}(t) = K_{\omega} \dot{\varphi}_r(t) \\ T_{\rm spr}(t) = K_n \varphi_r(t) \end{cases}$$

式中: φ_r 为导引头框架角; K_{ω} 和 K_n 为比例系数。

2 半捷联导引头混合自抗扰控制

常用的自抗扰控制器有非线性^[8]和线性^[9]两种 形式,线性自抗扰控制(LADRC)保持了自抗扰控制 算法的优良控制性能,且算法更为简单,容易实现。 因此文中采用 LADRC 算法,将耦合干扰及模型偏 差等所有不确定因素当作总扰动,利用线性扩张状 态观测器(LESO)进行估计并加以补偿,再采用 PD 控制器进行误差反馈控制,从而实现对指令的精确 跟踪。以下给出稳定回路自抗扰控制器的设计过程。

图 1 中,由于框架角传感器和角速率陀螺频带远高于跟踪回路频带,可忽略两个传感器的动力学,取 $G_{cs}(s)=1, G_{g}(s)=1, 则可得到由电机控制电压 <math>u$ 到 合成视线角速度信号 λ^{*} 的传递函数为:

$$G(s) = \frac{\lambda^*}{u} = \frac{K_T}{JLs^2 + JRs + K_E K_T}$$
(2)

系统可以表示成:

$$\ddot{\lambda}^* = \frac{R}{L}\dot{\lambda}^* - \frac{K_E K_T}{LJ}\lambda^* + \frac{K_T}{LJ}u + \omega$$
(3)

式中:ω为外部干扰。

令系统参数 $a_1=R/L \ a_0=K_E K_T/LJ$, 控制增益 $b=K_T/LJ$, 若取 $b_0\approx b$, 定义 $F=-a_1\lambda^*-a_0\lambda^*+\omega+(b-b_0)u$ 为系统广义扰动, 包含系统内部不确定性和外部干 扰,则可以得到系统状态方程:

$$\begin{array}{l}
\dot{x}_{1} = x_{2} \\
\dot{x}_{2} = x_{3} + b_{0} u \\
\dot{x}_{3} = h \\
\lambda^{*} = x_{1}
\end{array}$$
(4)

式中: $x_1 = \lambda^* , x_2 = \lambda^*$ 为系统状态变量; $x_3 = F$ 为扩张状

态变量, h=F。

则可建立三阶 LESO 如下:

$$\dot{z}_{1} = z_{2} - l_{1} e_{1}$$

$$\dot{z}_{2} = z_{3} - l_{2} e_{1} + b_{0} u$$

$$\dot{z}_{3} = -l_{3} e_{1}$$
(5)

式中: $e_1 = z_1 - \lambda^*$, $L = [l_1, l_2, l_3]^T$ 为观测器增益矩阵。 通过选取合适的观测器增益, LESO 能够实现对系 统状态变量的实时跟踪, 即 $z_1 \rightarrow \lambda^*, z_2 \rightarrow \lambda^*, z_3 \rightarrow F$ 观测器增益洗取为:

$$l_1 = 3\omega_o, \ l_2 = 3\omega_o^2, \ l_3 = 3\omega_o^3$$
 (6)

式中:ω。为观测器带宽。构造控制律:

$$u = \frac{-z_3 + u_0}{b_0}$$
(7)

忽略 z₃对 F 的观测误差,设计 PD 控制器

$$u_0 = k_p (\lambda_c - z_1) - k_d z_2 \tag{8}$$

式中: λ_c 为视线角速度输入指令; k_p 、 k_d 为控制器增益。且有:

$$k_p = \omega_c^2, \ k_d = 2\zeta\omega_c \tag{9}$$

式中: ω_{c} 为控制器带宽; ζ 为阻尼比,文中取 ζ =1。

由此可以得到基于混合自抗扰控制的半捷联导 引头稳定平台伺服系统工作原理框图如图 2 所示。



图 2 半捷联导引头混合自抗扰控制工作原理框图

Fig.2 Working schematic of hybrid ADRC for semi-strapdown seeker

相比于典型半捷联导引头控制系统,混合自抗扰控制系统用LADRC取代了原稳定回路的控制器,而保留了原跟踪回路的控制增益。

3 自抗扰稳定回路特性分析

由图 2 可知,半捷联导引头混合自抗扰控制系 统控制参数的配置问题即为控制器带宽 ω_c和观测 器带宽 ω_o的选取,文中从频率特性出发,研究 ω_c及 ω_o 对控制性能的影响,并给出控制器参数的确定原则。

由公式(5)~(9)得,自抗扰稳定回路可以等效表示为:

$$u = G_c(s)\lambda_c - H(s)\lambda^* \tag{10}$$

其中

$$G_{c}(s) = \frac{\omega_{c}^{2}(s+\omega_{o})^{2}}{b_{0}\left[(s+\omega_{o})^{2}+2\omega_{c}s^{2}+(\omega_{c}^{2}+6\omega_{o}\omega_{c})s-\omega_{o}^{3}\right]}$$
(11)

H(s) =

$$\frac{(3\omega_c^2\omega_o+6\omega_c\omega_o^2+\omega_o^3)s^2+(3\omega_c^2\omega_o^2+2\omega_c\omega_o^3)s+\omega_c^2\omega_o^3}{b_0\left[(s+\omega_o)^3+2\omega_cs^2+(\omega_c^2+6\omega_o\omega_c)s-\omega_o^3\right]}$$
(12)

则公式(10)可用图3所示的系统框图表示。



Fig.3 Equivalent system block diagram

$$\frac{\lambda^*}{\lambda_c} = \frac{G(s)G_c(s)}{1 + G(s)H(s)}$$
(13)

根据公式(4),可将控制对象改写为:

$$\lambda^* = \frac{F + b_0 u}{s^2} \tag{14}$$

将公式(14)和
$$G_c(s)$$
、 $H(s)$ 代人公式(13),可得:
 $\lambda^* = G_i(s)\lambda_c + G_d(s)F$ (15)

式中: $G_i(s) = \frac{\omega_c^2}{(s+\omega_c)^2}$ 为对视线角速度指令 λ_c 的跟踪

项;
$$G_d(s) = \frac{(s+\omega_c)^2 + 3\omega_o(s+2\omega_c+\omega_o)}{(s+\omega_c)^2(s+\omega_o)^3}s$$
为 LESO 的动

态观测误差引起的扰动项。

由公式(15)可知,系统输出 λ^* 由跟踪项和扰动 项组成。跟踪项为临界阻尼二阶环节,其性能只与控 制器带宽 ω_c 有关, ω_c 越大,跟踪越快,且跟踪无静 差。而扰动项的性能与 ω_c 和 ω_a 均相关。

3.1 稳定回路抗扰特性

由上述分析可知,外部扰动对 LADRC 抗扰性 能的影响决定于 ω_c 和 ω_o 。令 $k=\omega_o/\omega_c$,分别取 $\omega_c=$ 30、k=1,3,5 与 $\omega_o=30$ 、k=1,1/3,1/5 时,扰动项的频率 特性如图 4 所示。



图 4 扰动项频率特性 Fig.4 Frequency characteristic of disturbance term

由图 4 可知,当 ω_c 不变,k 增大时,扰动增益减 小;当 ω_o 不变,k 减小时,扰动增益减小。因此增大 ω_o 、 ω_c ,可以减小扰动增益,增强系统的抗扰能力。

3.2 稳定回路稳定特性

取 $\omega_c=30, k=1,2,3,4$ 时,系统的开环频率特性如图5所示。



图 5 系统开环频率特性

Fig.5 System open-loop frequency characteristics

由图 5 可知,当 ω_c 不变,ω_o 增大时,系统的相位 裕度也增大,系统稳定性增强。

根据式,当视线角速度指令 λ_c 发生突变时,较 大的跟踪误差会使得控制量 u 剧增,ω_c 过大容易造 成控制器饱和。当 ω_o 过大时,引入的观测噪声会降 低观测器的估计能力,从而降低系统的鲁棒性。因 此,应折衷考虑控制品质与噪声抑制性能,合理选择 控制器与观测器带宽。

3.3 自抗扰控制器参数确定原则

由上述分析可知, ω_c 和 ω_o 对导引头稳定回路的 抗扰性能、稳定性等具有重要影响。文中依据上述分 析,并结合工程实际,提出如下半捷联导引头稳定回 路自抗扰控制器参数的确定原则。

在确定控制器和观测器带宽时,应同时考虑低频干扰和高频噪声的影响,系统带宽越大,响应速度越快,扰动抑制能力越强,但高频噪声干扰越大。据此,可确定一组 ω_c 和 ω_o 初值,使得稳定回路既能抑制导引头平台的低频干扰,又能对高频噪声有足够的动态衰减。接着利用频率域综合设计方法对控制参数进行设计,同时增大 ω_c 和 ω_o ,直到控制信号噪声或者系统输出振动难以满足系统要求,再分别对 ω_c 和 ω_o 进行适当调整,确保系统达到控制要求。

4 仿真分析

为了验证半捷联导引头混合自抗扰控制系统的 控制性能,在表1所示的典型导引头参数下,通过数 值仿真分析系统的跟踪性能、稳定性能及抗干扰性 能,并与传统控制算法进行对比。

Tab.1 Typical seeker parameters			
Parameter	Value		
L/H	0.003 5		
R/Ω	8		
$J/ \text{kg} \cdot \text{m}^2$	0.002		
$K_{T}/\mathbf{N}\cdot\mathbf{m}\cdot\mathbf{A}^{-1}$	0.215		
$K_E/V \cdot rad \cdot s^{-1}$	0.234		

表1 典型导引头参数

基于上述设计原则,经过调试选取自抗扰控制 器参数为:ω_c=40,ω_c=135。为比较公平,设计传统控 制系统与自抗扰控制系统闭环带宽相同,传统 PI 控

制器参数为: $G_2(s) = \frac{0.01 \ s+1}{s}$ 。

4.1 跟踪性能分析

为了评价系统的跟踪能力,给定期望视线角为 1°,图6给出了系统阶跃响应曲线。由于两种算法的 带宽相同,它们的瞬态响应特性相差不大,混合自抗 扰控制上升时间42 ms,调节时间82 ms,传统控制 上升时间48 ms,调节时间92 ms,且二者均无超 调,跟踪无静差。



Fig.6 Unit step response

4.2 稳定性能分析

图 7 给出了系统的开环伯德图。表 2 给出了两 种控制算法的稳定裕度对比结果。



图 7 系统开环伯德图

Fig.7 Bode figure of open-loop system

表 2 稳定裕度对比

Tab.2 Comparison of stability margin

Controller	Magnitude margin/dB	Phase margin/(°)	Shear frequency/ $rad \cdot s^{-1}$
PI	27	86.2	50.8
ADRC	14.7	82.9	46.6

图 7 和表 2 显示,相比于传统控制,采用混合自 抗扰控制时导引头系统的稳定裕度略有降低,但可 以满足系统的稳定性要求。

4.3 抗干扰性能分析

干扰力矩和刻度尺误差会使导引头光轴的指向 受到弹体运动的影响。定义隔离度为弹体运动引起 的平台相对于惯性空间的转动角速度与弹体相对于 惯性空间的转动角速度的比值,表征导引头稳定平 台对弹体运动的去耦能力。

给定弹体姿态扰动信号 θ 幅值为 A=1(°)/s、频率 f 从 1~100 Hz 变化的正弦信号,图 8 给出了分别在 线性弹簧干扰力矩和非线性库仑摩擦干扰力矩作用 下导引头隔离度水平。



设角速率陀螺和框架角传感器的刻度尺系数分 别为 K_g 和 K_{cso} 弹载惯导系统的精度较高, K_g 波动范 围很小,因此可认为 K_g 近似等于1。半捷联导引头 刻度尺误差 $\Delta K = K_s - K_{cs}$ 主要由框架角传感器刻度尺 K_{cs} 与其名义值之间的波动引起。图9给出了由 ΔK 引起的导引头隔离度。



Fig.9 DRR caused by scale error

由图 8、9 可知,导引头隔离度随着扰动频率的 增加先增大后减小,当干扰频率小于一定值时(约为 30 Hz),无论是干扰力矩还是刻度尺误差作用下,采 用混合自抗扰控制时导引头隔离度均小于传统控 制。而随着干扰频率的增大,由于受到自抗扰控制器 带宽的限制,采用两种控制算法隔离度水平相当。

表3给出了采用混合自抗扰控制算法时在典型 弹体自振频率2Hz处导引头隔离度幅值相对于传 统控制算法的变化率。

表 3 隔离度变化率

Tab.3 Rate of DRR change

Disturbance	K	C _n	K	ω	$ \Delta$	K
	1	5	0.001	0.002	0.005	0.01
Rate of change	-67.9%	-67.7%	-34.2%	-33.3%	-9.2%	-3.2%

由表3可知,在典型弹体姿态干扰下,混合自抗 扰控制对于干扰力矩引起的隔离度控制效果要优于 刻度尺误差引起的隔离度,且相比于传统控制算法 最好时能降低隔离度幅值约67.9%。

5 工程应用分析

混合自抗扰控制设计过程简单、易实现,相比于 传统控制方案,能有效克服干扰力矩和弹体扰动对 平台的影响,获得更好的控制精度,可望在半捷联导 引头稳定平台伺服控制中获得应用。文中所提出的 混合自抗扰控制方案在工程实际应用时,需关注以 下关键问题:

(1) 控制器参数整定过程中,增加ω_c或ω_o均会导致高频带增益变大,系统抗噪能力变差。在导引头

控制系统实际应用中,由于控制性能要求必须增ω_c 或ω_o而导致系统噪声过大时,可在观测器前端增加 前置滤波器抑制其影响;

(2) 控制输入增益 b₀ 是与被控对象有关的参数,允许其值在实际的参数值附近一定范围内波动。 工程实践中需要采用合适的方法辨识估计 b₀,提高 控制器的控制性能;

(3) 混合自抗扰控制器对低频干扰有良好的扰动抑制能力,而对于高频干扰的抗扰能力与传统控制器相当。因此在工程应用时,如果能减小量测噪声 对扩张状态观测器的影响,可以在满足鲁棒稳定性 约束的条件下提高观测器带宽,从而进一步提高控 制器的扰动抑制能力。

6 结 论

文中设计了半捷联导引头稳定平台混合自抗扰 控制系统,并对控制性能进行仿真分析,得到结论如 下:

(1)半捷联导引头混合自抗扰控制系统在稳定回路采用自抗扰控制器,而跟踪回路采用传统控制 方案,可同时满足系统稳定精度与快速性的要求。

(2)通过控制器和观测器带宽对稳定回路特性的影响分析,得出自抗扰控制参数的确定原则:ω和ω。的取值应使得稳定回路既能抑制导引头平台的低频干扰,又能对高频噪声有足够的动态衰减;增大ωε、ω。,可以增强系统抗扰能力,但ωε过大易造成控制器饱和,ω。过大会引入观测噪声,设计时应在噪声抑制与控制品质之间折衷考虑。

(3) 仿真结果表明,混合自抗扰控制能够获得与 传统控制算法相当的跟踪性能和稳定性能,且能有 效降低导引头刻度尺误差和干扰力矩引起的隔离度 幅值,相比于传统控制算法,在典型弹体干扰下最多 能降低隔离度幅值约67.9%。

参考文献:

- Rudin R T. Strapdown stabilization for imaging seekers [R]. AIAA-93-2660, 1993: 1-10.
- [2] Zhang Yue, Chu Hairong. Line of sight angular rate estimation of semi –strapdown seeker electromechanical platform observer [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2015, 44(12): 3794–3800. (in Chinese)
- [3] Liu Wei, Ke Fang, Zhu Bin, et al. Double –loop sliding variable structure controller for semi –strapdown stability platform [J]. *Acta Armamentarii*, 2010, 31(12): 1669–1673. (in Chinese)
- [4] Li Xiantao, Zhang Bao, Sun Jinghui, et al. ADRC based on disturbance frequency adaptive of aerial photoelectrical stabilized platform [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2014, 43(5): 1574–1581. (in Chinese)
- [5] Han Jingqing. The Technique for Estimating and Compensating the Uncertainties: Active Disturbance Rejection Control Technique [M]. Beijing: National Defense Industry Press, 2008. (in Chinese)
- [6] Mondal S, Sadhu S, Talukdar S. Platform motion disturbances attenuation in a Missile Seeker subsystem using disturbance observer techniques [C]//Proceedings of the Intelligent Systems and Control (ISCO), 2016: 1–6.
- [7] Wang Zhiwei, Xia Qunli, Qi Zaikang. The effect of seeker disturbance torque on RF guided missile [J]. Journal of Projectiles, Rockets, Missiles and Guidance, 2008, 28(6): 28-34. (in Chinese)
- [8] Han Jingqing. From PID to active disturbance rejection control [J]. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, 2009, 56(3): 900–906.
- [9] Gao Zhiqiang. Scaling and bandwidth-parameterization based controller tuning [C]//Proceedings of the American Control Conference, 2006(6): 4989–4996.