# 离轴抛物面镜像面扫描太赫兹光学设计

张 钊1,2,孙景旭1,刘则洵1,李宪圣1,任建岳1

(1. 中国科学院长春光学精密机械与物理研究所,吉林长春 130033;

2. 中国科学院大学,北京 100049)

摘 要:为了提高太赫兹成像速度,设计了一种像面扫描太赫兹快速成像系统。它为反射式单像素 探测器成像,成像系统采用新设计的表面镀金的离轴抛物面镜结构以实现大口径、无遮拦、高反射 率、高质量成像;反射成像系统光学设计 F 数为 2.93,通光孔径为 100 mm,视场为±1°,焦距为 293.45 mm,成像窗尺寸为 64 mm×64 mm,圆孔直径为 2 mm,扫描采集 16×16 像素图像时间为0.1 min, 32×32 像素图像时间为 0.42 min,64×64 像素图像时间为 1.7 min,空间分辨率为 1 cm。扫描系统结合 压缩传感成像理论采用新型像面扫描方法实现快速成像,在系统焦平面位置加入旋转多孔盘,对像面 的图像进行太赫兹能量强度扫描,使用金属光锥收集能量到高莱探测器。利用压缩传感理论的特殊条 件(采样数目与图像像素数相等)进行像面图像采集,然后利用正则归一化方程重构像面图像,该系统 具有成像速度快、分辨率高、低成本、结构紧凑合理的优点。

关键词:太赫兹; 离轴抛物面镜; 像面扫描; 光学设计 中图分类号:O59 文献标志码:A DOI: 10.3788/IRLA201645.0703003

# Optical design of THz image surface scanning with an off axis parabolic mirror

Zhang Zhao<sup>1,2</sup>, Sun Jingxu<sup>1</sup>, Liu Zexun<sup>1</sup>, Li Xiansheng<sup>1</sup>, Ren Jianyue<sup>1</sup>

Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun 130033, China;
 University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: In order to improve the THz imaging speed, an image surface scanning THz fast imaging system was designed. It was a single pixel imaging system basing on the reflection type. The system collected THz by an off axis parabolic mirror which was used to realize the imaging of large caliber, high transmittance, high quality imaging. The optical parameters of system were that F/# was 2.93, the aperture diameter was 120 mm, the field angle was  $\pm 1^{\circ}$ , the focus length was 293.45 mm, the size of imaging window was 64 mm×64 mm, the diameter of circular hole was 2 mm, the imaging speed of 16× 16 pixels was 0.1 min, the imaging speed of  $32\times32$  pixels was 0.47 min, the imaging speed of  $64\times64$  pixls was 1.7 min, and the spatial resolution was 10 mm. The system combined with compressed sensing theory and image surface position, which scanned the THz intensity. Then a light cone was employed to collect energy to the Golay detector. The device output image by a special situation of compressed sensing theory that the sample number equaled to the image pixels. Sequentially, the regular least squares algorithm was used to reconstruct intensity distribution. The system has the property of high imaging speed and resolution, low costs, and small structure.

Key words: THz; off axis parabolic mirror; image surface scanning; optical design

收稿日期:2015-11-24; 修订日期:2015-12-27

**基金项目:**国家自然科学基金(61405191)

作者简介:张钊(1989-),男,博士生,主要从事航天遥感器研究工作。Email:250627410@qq.com

导师简介:任建岳(1952-),男,研究员,主要从事航天遥感器研究工作。Email:Renjy@ciomp.ac.cn

# 0 引 言

太赫兹波是频率在 0.1~10 THz 内的电磁波, 位 于红外波段与微波波段的中间,现在研究较多的中 心区通常在 0.3~3 THz 范围。太赫兹电磁波也被称 为T射线,属于远红外线和亚毫米波范畴。近20年 来,太赫兹已经发生了深刻的变革,随着新材料提供 了高功率的发射源、太赫兹已应用于越来越广的研 究领域[1]。太赫兹信号具有很强的穿透力,太赫兹成 像技术广泛应用于材料检测、非破坏性测试、安全扫 描和医疗领域等,太赫兹成像技术主要包括时域光 谱成像、层析成像、全息成像和连续波成像等。时域 光谱成像系统在电场的时域波形中提取反映样品信 息的数据进行成像。时域成像工作带宽高,成像分辨 率较高,但是扫描时间较长,相对于时域光谱成像, 连续太赫兹成像只检测电磁波透过样品或经样品反 射后的强度信息,不具备提供相位信息的能力,但是 连续太赫兹成像系统具有较高的辐射功率、系统简 单、价格低、成像速度较快、使用方便等特点,对于扫 描物体比较大而又只需要检测缺陷或者透射性质, 连续太赫兹成像具有明显的优势[2]。

目前所用的 THz 成像技术主要为逐点扫描成 像,但是逐点扫描成像会降低采样速度,目前机械逐 点扫描方式得到一幅 100×100 像素的图像大概需要 20 min,而阵列式探测成像具有复杂程度高和成本高 等缺点。因此,寻找更多、更好的 THz 成像方法也是 目前 THz 成像研究的重点之一。基于像面扫描的离 轴抛物面镜 THz 成像技术是将信号压缩方面的压缩 传感理论应用于 THz 成像而发展出来的一种新的 成像技术。这种方法可以避免传统的机械逐点扫描, 舍弃价格高昂同时系统复杂的太赫兹阵列探测器, 结合离轴抛物面镜的高反射率消球差色差的优点, 实现真正的高像质快速太赫兹成像方法。

## 1 原 理

#### 1.1 扫描原理

传统的信号获取和处理过程主要包括采样、压 缩、传输和解压缩四个部分,必须满足香浓定理,即 采样频率不能低于模拟信号频率的2倍<sup>[3]</sup>。在传统 信号传递压缩过程中,先对信号进行变换,然后对少 数绝对值较大的系数进行压缩编码, 舍弃零或接近 零的系数,这种数据压缩舍弃大部分之前采集得到 的数据,虽不影响最终结果或图像,但是采集了许多 浪费信息,既消耗时间又占用资源。如果信号本身是 可压缩的,利用压缩感知理论可以直接获取信号的 压缩数据,从而节省时间,减少不必要的数据采集过 程<sup>[3]</sup>,其核心思想是可压缩信号在某个变换域是稀疏 的,这样就可以用变换基与不相关的观测矩阵变化 所得的高维信号投影到一个低维空间上,然后优化 求解得到原始信号,这种方法突破了香农采样定理。 压缩传感理论的测量过程是线性的<sup>[4]</sup>.假设 P 是一 个长度为 N 的二维原始信号, 测得值 Y 是原始信号 在测量矩阵 $\phi$ 下的线性投影<sup>[5]</sup>,投影公式:

$$Y_{M\times N} = \Phi_{M\times N} P_{N\times N}, \qquad (1)$$

式中:M表示测量次数,因此Y是一个长度为 $M \times N$ 的二维信号,当M = N时, $\Phi_{M \times N}$ 为一个方阵,方程为适定方程,方便求解。图1为 $2 \times 2$ 像素图像根据公式(1)的计算过程图。



图 1 测量矩阵方程求解

Fig.1 Measurement matrix equation

#### 1.2 成像方式选择

THz 光学系统需要根据应用场合来设计。目前 光学系统的结构形式主要分为折射式、折反式及反 射式。THz 光学系统设计应满足如下要求:

(1)小尺寸,便于整机安装调试;

(2)尽可能大的相对孔径;

(3)满足要求的视场角:

(4)在所选波段内有最小辐射能损失;

(5)适应不同环境,并具有可靠稳定的光学性能等。

折射(透射)式 THz 光学系统具有较大视场、低 F 数、加工装调工艺成熟、可消除各种像差、结构轻小 紧凑、透射性好及性能稳定等特点。在二维成像光学 系统中,一般应用光电晶体进行探测,光学系统物距 远大于透镜焦距。其成像分辨率 $\Delta=1.22\lambda D_t f/(D_s D)$ ; 当探测晶体尺寸、透镜直径及探测波长确定,则 可设计如图 2 所示的谐衍/折射变焦光学系统来 得到一定分辨率的图像<sup>[6]</sup>。但该设计受到材料特 性限制,光能损失较大,难以实现大口径、长焦距 设计,在提高相对孔径、压缩结构长度等方面有 较大困难。



图 2 THz 谐衍/折射变焦光学系统简图

Fig.2 Diagram of THz refraction zoom optical system

离轴三反射式 THz 光学系统具有易获得大口径 反射材料、无色差且能较好地校正球差和彗差、光能 损失小、工作波段宽、系统总长度短等优点。如图3 所示,其中图 3(a)为离轴三反光学系统简图:图 3(b) 为共轴三反光学系统简图。







three-mirror anastigmatic system

利用 ZEMAX 光学成像设计软件,通过编写简单 的 ZPL 宏指令及光阑和视场离轴实现初始结构计 算,再经优化计算而设计出理想的光学系统四。但其 F数较大,中心挡光,光机结构复杂性增大,加工装 调困难,杂散光不易控制,制作成本高,难以满足大 视场大孔径成像要求。

由于目前在太赫兹波段具有良好透射性能的材 料非常稀少,适用于太赫兹波段的透镜难以获取,同 时适用于太赫兹材料的透镜对于可见光不适用,系 统的装调的难度很大。因此,折射式和折反式系统在 太赫兹波段难以实现,离轴三反系统由于设计复杂, 系统 F 数较低,装调难度大,离轴抛物面镜系统受到 材料限制影响较小,反射材料较折射材料易于获得, 能量衰减小并且完全没有色差,并且可以消除球差的 影响,适用波段宽,系统透过率高,便于轻量化设计, 而目前可购的离轴抛物面镜主要用于准直太赫兹波, 口径小,不适用于远距离成像,因此利用 ZEMAX 光 学设计软件进行大口径高反射率离轴抛物面镜光学 系统设计,从而保证太赫兹成像质量。

#### 1.3 成像原理

成像设备的工作原理是:观测的瞬时视场所包 含的目标被主动太赫兹辐射源照射反射出的太赫兹 波,通过离轴抛物面镜反射成像在焦面位置上,通过 像面扫描装置对像面图像进行强度扫描,再通过金 属光锥收集会聚在成像窗上的全部能量,利用太赫 兹单像素探测器进行采样。这样,探测器得到数据是 与瞬时圆盘在成像窗上对应图案与像面图像强度的 内积结果数据。若让圆盘按照设定速度匀速转动,在 一次循环转动内让像面光与成像窗的不同图案多次 内积,同时记录每一次的内积结果,即得到内积数据 数组、圆盘一次循环转动在每一时刻在成像窗上的

第45卷

图案是固定的,即测量矩阵也是固定的,并且通过实 验前标定可以得到,整个测量过程属于线性测量,最 后通过测量矩阵逆矩阵与内积数组作积,反演出像 面能量强度分布,得到原始信号即目标图像。使用设 备前需要对圆盘矩阵进行测量,使用可见光积分球 提供均匀光源照明,使照明到圆盘成像窗上的辐射 亮度或照度几乎均匀,然后利用与 GOLAY 探测器 采样频率一致的可见光波段探测器进行同频率采样 和同频率同初始位置旋转测量一段时间范围内的单 像素强度图像保存数据,由于像面的亮度或照度的 均匀性很高,可以认为到达成像窗的能量是均匀的, 将测到的强度归一化,然后利用相对测量方法测量 成像窗位置的能量强度值,根据公式(1)的逆过程可 以得到该圆盘圆孔在该频率该测试时间范围内的测 量矩阵  $\Phi_{MXN}$ ,当确定  $\Phi_{MXN}$ 后即可在实际测量中使用 矩阵来计算成像窗位置的能量强度。

图 4 为 CAD 设计的系统像面扫描圆盘示意图, 成像窗尺寸为64×64mm,圆孔尺寸为2mm,旋转速 度与最终设定输出图像的像素数目大小相互对应。



图 4 圆盘圆孔示意图 Fig.4 Schematic diagram of plate with holes

#### 2 设备成像模式

由于自然界存在的太赫兹辐射能量较低,需要 外置主动辐射光源对目标物体进行太赫兹主动照 明.像面扫描太赫兹快速成像设备由主动辐射照明 系统、反射成像系统、像面扫描系统、能量收集系统 和探测系统组成,如图5所示。

主动式辐射系统由 CW 连续太赫兹辐射源 1 构 成:反射式成像系统由自行设计的镀金离轴抛物面 镜2构成:像面扫描系统由多孔圆盘3、固定成像窗 4、旋转马达5构成:能量收集系统由太赫兹高反射



Fig.5 System structure

率金属光锥6构成:探测系统由太赫兹单像素 GOLAY 探测器 7 构成。CW 连续太赫兹辐射源提供 几十毫瓦级别高功率辐射目标物体:镀金离轴抛物 面镜可以实现大口径、高反射率、高质量成像,其通 光口径为120mm,设计像面处的系统的弥散斑直径 远小于系统艾里斑直径,成像质量达到衍射极限;像 面扫描系统通过固定成像窗和旋转多孔圆盘组成实 现在像面处的动态扫描,让每一瞬时在成像窗内的 多孔圆盘的图案与瞬时像面能量强度产生内积作 用,马达带动圆盘旋转,在一个循环周期范围内内积 有限数目的采样强度和圆盘图案、内积数目与最终 要获得的图像的像素数目相等,当圆盘设计完成,旋 转周期确定,则在一个周期内成像窗上显示的圆盘 图案矩阵是确定值,对应结果图像像素数目,得到一 个确定的测量矩阵  $\Phi_{M \times N}$ ; 探测系统选用太赫兹 GOLAY 探测器,响应时间典型值为 25 ms,采样频率 高达 40 Hz, 在一个周期内采集确定数目的样本组 成,测量数据 Y<sub>M×N</sub>。图像处理的原理是基于线性测量 关系  $Y_{M\times N} = \Phi_{M\times N} P_{N\times N}$ ,通过测量矩阵与测量数据建立 方程组,利用正则化最小二乘法

$$\hat{P} = \left[ \Phi^{\mathrm{T}} \Phi + \sum_{l} \mu_{l} H_{l}^{\mathrm{T}} H_{l} \right]^{-1} \Phi^{\mathrm{T}} \hat{Y}$$
(2)

快速准确求解,得到原始信号 X<sub>N×N</sub>即得到目标图像, 根据上述原理分析计算采样时间,当成像窗尺寸为 64×64 mm, 根据探测器采样频率典型值为 40 Hz 计 算可以得到:当重构像素数为256时,采样时间为 0.1 min; 当重构像素数为 1024 时, 采样时间为 0.42 min; 当重构像素数为4096时,采样时间为1.7min。

# 3 设计实例

光学系统设计时以位于反射镜前的虚拟面为全 局坐标参考面,在共轴反射式光学系统的设计基础

第45卷

上,通过加入离轴偏心与倾斜量优化得到完善的系 统设计。首先,在共轴系统的基础上根据几何光学和 像差理论可知,共轴系统的焦距为反射镜曲率半径 的 1/2,即 *f=r*/2,计算得到了光学系统初始结构包括 反射镜顶点的曲率、圆锥系数、间隔等参数,然后设 置系统的入瞳直径尺寸大小、反射镜的曲率半径和 厚度间隔大小,像面尺寸设置为与成像窗宽度相等, 系统偏心量由公式(3)计算:

$$z = \frac{cr^2}{1 + \sqrt{1 - (1 + k)c^2r^2}}$$
(3)

式中:c为顶点曲率半径;r为透镜的径向坐标单位; k为非球面系数常数。k<-1时为双曲面,k=-1时为 抛物面,-1<k<0时为椭圆面,k=0时为球面。因此取 k=-1。根据公式(3)设置反射镜初始离轴偏心量值, 同时设置像面的偏心量和倾斜量与反射镜相对应, 这样可以保证像面处成像质量,然后再对反射镜进 行离轴偏移量和倾斜量的优化,通过设定 Merit Function 优化函数的阈值,得到最终设计结果:偏心 量 DY 表示相对参考面的 y 方向偏心;倾斜角度 TX 表示相对参考面绕 x 轴的旋转角度,顺时针为正,逆 时针为负;非球面系数 Conic/4th 表示透镜表面圆锥 系数/4 次非球面系数。离轴抛物面镜光学设计图如 图 6 所示,光学设计系统结构参数见表 1。



图 6 离轴抛物面镜设计图 Fig.6 Optical design diagram of parabolic mirror

图 7 为 5 个不同物方视场位置下系统未加倾斜

的弥散斑图,可以看出未加倾斜的像面具有明显的 彗差。图 8 为加入与对应抛物面镜倾斜量后像面的 弥散斑,可以看出系统的弥散斑图像较好,比艾里 斑尺寸小很多,系统存在衍射效应,这是由于太赫 兹波长较长引起的,此时需要从物理光学的角度去 分析成像效果。为了更准确地判断最终像面的成像 质量好坏,还需要观察系统的调制传递函数(MTF) 曲线、衍射能量集中度曲线以及系统点扩散函数曲









图8系统的点斑图

Fig.8 Spot diagram of optical system

表 1 光学设计参数

Surface	Radius/mm	Interval/mm	Offset DY/mm	Tilt angle $TX/(^{\circ})$	Material	Aspheric coefficient
Object surface	×	20 000	0	0	Air	0/0
Mirror	-586.905	-297.780	200	0	Mirror	-1
Imaging plane	œ	0	-203.344	-37.636	Air	0

Tab.1	Parameter	of	optical	design
-------	-----------	----	---------	--------

线,当成像窗划分像元尺寸设定为1mm时,空间分 辨率为1cm。

MTF 反映了光学系统对不同空间频率成分的传 递能力,对于一个成像系统来说,MTF 越大,成像质 量越好,可以看出光学系统 MTF 基本达到衍射极 限,在截止频率处各视场传递函数值都在 0.5 以上, 成像质量良好。

图 9 为设计系统在 5 个不同物面尺寸——0, *x*:±320 mm,*y*:3±20 mm 处的 MTF 曲线,成像质量 接近衍射极限。



衍射能量集中度曲线显示像面上能量分布的情况,它的横坐标表示以主光线为中心的圆的半径,纵 坐标表示该圆所包含的能量占总能量的百分比,从 图 10 可以看出:在喇叭口大小 5 mm 范围内探测器 能够接收将近 90%的能量,能量集中度基本达到衍 射极限,满足设计要求。





点扩散函数可以计算由物方某一点光源发出由 一个光学系统所成的衍射像的强度分布,由图 11 可 以看出,相对于旁瓣主瓣具有足够高的峰值,而且主 瓣分布在探测器喇叭口大小范围内系统接收到了绝



大部分的能量。

通过对上述设计光学系统的像质的分析可以看 出,该系统成像质量良好,可以满足太赫兹波段成像 的设计要求。

## 4 结 论

利用 ZEMAX 软件新设计的离轴抛物面镜像面 扫描太赫兹成像系统可以快速传递图像,反射成像系 统的 F 数为 2.93, 通光孔径为 100 mm, 视场为±1°, 焦距为 293.45 mm, 成像窗尺寸设计64×64 mm, 当重 构 64×64 像素的图像时,空间分辨率为 1 cm,使用 CAD 新设计的旋转多孔圆盘压缩测量,舍弃传统的 逐点扫描成像,直接进行像素数确定次数测量,再通 过正则归一化重构算法得到目标图像,系统难度较 低、结构紧凑、体积小、重量轻、使用方便、耗能耗材 少、性能稳定、寿命长、可集成化、可批量生产、成本 低廉等,易于实现模块化,可以进行实时快速分析, 具有现场应用价值。

#### 参考文献:

 Li Qi, Hu Jiaqi, Yang Yongfa. 2D reconstructed-image restoration of terahertz Gabor in-line digital holography [J]. *Optics and Precision Engineering*, 2014, 22(8): 2189–2195. (in Chinese)

李琦, 胡佳琦, 杨永发. 太赫兹 Gabor 同轴数字全息二维 再现像复原[J]. 光学 精密工程, 2014, 22(8): 2189-2195.

[2] Li Hongguang, Yang Hongru, Xue Zhanli, et al. Terahertz radiation detection of low temperature blackbody based on narrowband spectral filter method [J]. *Optics and Precision Engineering*, 2014, 21(6): 1411–1416. (in Chinese) 李宏光,杨鸿儒,薛战理,等.窄带光谱滤光法探测低温黑体太赫兹辐射[J].光学精密工程,2014,21(6):1411-1416.

- [3] Takhar D, Laska J N, Wakin M B, et al. A new compressive imaging camera architecture using optical-domain compression [C]//SPIE, 2006, 6065: 606509.
- [4] Chan W L, Chen H T, Taylor A J, et al. A spatial light modulator for terahertz beams [J]. *Applied Physics Letters*, 2009, 94(21): 213511.
- [5] Duncan W D, Schwall R E, Irwin K D, et al. An optical system for body imaging from a distance using near-terahertz frequencies[J]. J Low Temp Phys, 2008, 151: 777–783.
- [6] Liu Ying, Pan Yulong, Wang Xuejin, et al. Design of imaging system with harmonic diffraction element in terahertz multi band [J]. *Optics and Precision Engineering*, 2008, 16(11): 2065–2071. (in Chinese) 刘英, 潘玉龙, 王学进, 等. 谐衍射/折射太赫兹多波段成 像系统设计[J]. 光学 精密工程, 2008, 16(11): 2065–2071.
- [7] Liu Hui, Li Xinglong, Pei Yuntian, et al. Design of off-axis three-mirror optical system [J]. *Laster and Optoeletronics Process*, 2008, 45(12): 59–63. (in Chinese) 刘辉,李兴隆,裴云天,等. 离轴三反射式光学系统的设计 [J]. 激光与光电子学进展, 2008, 45(12): 59–63.