**doi**:10.3788/gzxb20164501.0106004

# 光纤中声波导布里渊散射声波对斯托克斯波的影响

李强强,侯尚林,刘延君,雷景丽,李晓晓,王道斌,武刚

(兰州理工大学 理学院,兰州 730050)

摘 要:利用全矢量有限元法模拟了单模光纤中声波导布里渊散射 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>声波模式对斯托克斯 波增益、相位调制和双折射的影响.研究结果表明:当布里渊频移与 R<sub>0.8</sub>和 TR<sub>2.10</sub>声波频率相同时,斯托 克斯波的增益最大,且增益随泵浦功率的增大而增大;R<sub>0.1</sub>、TR<sub>2.1</sub>、TR<sub>2.5</sub>、TR<sub>2.7</sub>和 TR<sub>2.10</sub>声波模式对斯托 克斯波相位调制较大,且相位调制随泵浦功率的增大呈线性增大,其中 TR<sub>2.m</sub>模对斯托克斯波相位调制 比 R<sub>0.m</sub>模大;TR<sub>2.1</sub>、TR<sub>2.5</sub>、TR<sub>2.7</sub>、TR<sub>2.10</sub>声波模式对斯托克斯波产生较为明显的附加双折射,且附加双折 射程度随着泵浦功率的增加呈线性增大.

关键词:光纤;布里渊散射;矢量有限元;增益;相位调制;附加双折射

**中图分类号:**TN929.11 文献标识码:A

**文章编号**:1004-4213(2016)01-0106004-6

## Influence of Acoustic Wave on Stokes Wave of Guide Acoustic Wave Brillouin Scattering in Fibers

LI Qiang-qiang, HOU Shang-lin, LIU Yan-jun, LEI Jing-li, LI Xiao-xiao, WANG Dao-bin, WU Gang

(School of Science, Lanzhou University of Technology, Lanzhou 730050, China)

**Abstract:** The effects of  $R_{0,m}$  and  $TR_{2,m}$  acoustic modes of guided acoustic wave Brillouin scattering on gain, phase modulation and additional birefringence in single mode fiber were investigated by the all-vector finite element method. The results show that the gain of guided acoustic wave Brillouin scattering reaches maximum at their frequencies matching those of  $R_{0,8}$  and  $TR_{2,10}$  modes in  $R_{0,m}$  and  $TR_{2,m} (0^{\circ}/90^{\circ})$  mode, and the gain increases with the increasing of pump power. The Stokes wave phases modulated obviously by  $R_{0,1}$ ,  $TR_{2,5}$ ,  $TR_{2,7}$  and  $TR_{2,10}$  modes, where  $TR_{2,m}$  mode plays a vital role in the phase modulation which linearly increases with the increasing of pump power.  $TR_{2,1}$ ,  $TR_{2,5}$ ,  $TR_{2,7}$ ,  $TR_{2,10}$  modes obviously induce additional birefringence which linearly increase with pump power increasing.

**Key words:** Brillouin scattering; Vectorial finite element; Gain; Phase modulation; Additional birefringence

OCIS Codes: 060.3510; 290.5900; 190.4420;060.5060

## 0 引言

强泵浦光引起的电致伸缩力能在光纤中激起弹性 声波场,声波场将散射泵浦光,这个过程称为受激布里 渊散射<sup>[1]</sup>,是光波和声波相互作用产生的一种非线性 效应.根据散射光传输方向不同,受激布里渊散射分为 前向布里渊散射和后向布里渊散射,前向布里渊散射 又称为声波导布里渊散射(Guided Acoustic Wave Brillouin Scattering, GAWBS)<sup>[2]</sup>,参与 GAWBS 的两 种声波模式分别是径向模式 R<sub>0.m</sub>和扭转径向模式 TR<sub>2.m</sub>.

R<sub>0,m</sub>模式的声波振动在光纤径向各个方向相同, 导致折射率扰动相同,对散射光产生均匀的相位调制, 对入射光的偏振性不敏感,将产生极化性 GAWBS.而 TR<sub>2,m</sub>模式的声波振动在光纤横截面的两个垂直轴上 分布明显不同,因此在两个轴向上引起的折射率扰动 不同,这不仅造成了入射光相位调制,还产生了附加双 折射.根据入射光偏振方向与 TR<sub>2,m</sub>模振动方向不同,

**基金项目**:国家自然科学基金(Nos. 61167005,61367007)、甘肃省自然科学基金(Nos. 1112RJZA018,1112RJZA017)和留学人员科技活动 项目择优资助项目

第一作者:李强强(1989-),男,硕士研究生,主要研究方向为光纤传感. Email:qiangqiangli1220@163.com

导师(通讯作者):侯尚林(1970-),男,教授,博士,主要研究方向为光纤通信器件和传感. Email:houshanglin@163.com 收稿日期:2015-07-20;录用日期:2015-09-29

TR<sub>2,m</sub>模又分为 0°/90°和-45°/45°振动形式,为双重简 并.0°/90°振动形式和 R<sub>0,m</sub>模式一样对入射光偏振不敏 感,产生极化性 GAWBS,而-45°/45°振动形式对入射 光的偏振性较敏感,将产生去极化 GAWBS.

目前对于 GAWBS 的研究主要集中在光纤结构对 声波模式的影响及其在传感和光器件等方面的应用. B. stiller 等<sup>[3]</sup> 研究发现不同的光子晶体光纤(Photonic Crystal Fiber, PCF)结构可以选择出不同的声波模式, 用于频率选择器. Jean charles 等<sup>[4]</sup> 实验研究表明 PCF 空气孔可以将声模限制在纤芯,增强 GAWBS,可用于 布里渊光纤放大器和声波产生器. Takashi Matsui 等<sup>□□</sup>研究表明 GAWBS 频移与温度系数存在依赖性, 可用于温度传感器.本课题组也研究了结构、温度、应 力、材料掺杂等对去极化型 GAWBS 的布里渊频移的 影响<sup>[6-8]</sup>. 参与 GAWBS 的 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>声波模式对入 射光波产生的相位调制、附加双折射以及对斯托克斯 (Stokes)波增益的影响近年来引起人们的关注<sup>[9-10]</sup>. R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>声波模式导致 Stokes 波的相位调制可应 用于慢光<sup>[11]</sup>、全光组波<sup>[12]</sup>、光开关<sup>[13]</sup>等光器件.TR<sub>2,m</sub> 声波模式引起 Stokes 波附加双折射可用于可调偏振 器、可调衰减器[14]、可调线性光开关[15]等光器件. 声波 模式对于 Stokes 波的 GAWBS 增益的影响规律在布里 渊光纤放大器方面也有潜在的应用.然而有关声波模

式以及泵浦功率对 Stokes 波相位调制、附加双折射和 GAWBS 增益影响的研究鲜有报道.

本文通过数值求解电致伸缩力作用下单模光纤声 波微小位移方程,模拟了声波导布里渊散射 R<sub>0,m</sub>和 TR<sub>2,m</sub>声波模式在不同泵浦功率下对 Stokes 波 GAWBS 增益、相位调制以及 TR<sub>2,m</sub>声波模式引起的附 加双折射的影响.

### 1 理论分析

#### 1.1 GAWBS 理论模型

在声波导布里渊散射中,入射的泵浦波能量会转 变为声波和斯托克斯波能量.随着泵浦光传播距离的 增加,泵浦功率逐渐减小,其激起的声波强度减弱,声 波对斯托克斯波的影响也会减小.但光纤长度较小时, 泵浦光功率比斯托克斯光功率大几个数量级,可以忽 略泵浦功率的慢变对声波导布里渊散射的影响.对于 布里渊光器件,其尺寸较小,泵浦功率慢变对器件的影 响也可忽略.

采用 SMF28 单模光纤作为研究对象,其中纤芯直 径为 8.4  $\mu$ m,折射率为 1.4492,包层直径为 125  $\mu$ m, 折射率为 1.444.表 1 给出 SMF28 光纤的一些物理参 量<sup>[16]</sup>.

表 1 SMF28 光纤物理参量 Table 1 The physical parameters of SMF28 fiber

	Elastic coefficient/GPa	Elasto-optical coefficient	Mass density/(kg $\cdot$ m <sup>-3</sup> )		
Fiber core	$C_{11} = 76, C_{12} = 16.15, C_{44} = 29.9$	$P_{11} = 0.12, P_{12} = 0.27, P_{44} = -0.073$	2 254		
Fiber cladding	$C_{11} = 78, C_{12} = 16, C_{44} = 31$	$P_{11} = 0.12, P_{12} = 0.27, P_{44} = -0.073$	2 203		
对于 GAW	BS.其声学模分布在光纤的横	載面上, 式中 $c_{x} = c_{x} + m_{x}$ , c_为	$x_{im}$ 为虑部,目 $m = -i \cdot a$		

为于 GAWBS, 具产学模分布在元纤的横截面上, 因此只考虑 xy 平面内的情形. 电致伸缩力作用下声波 质点的位移方程<sup>[16-17]</sup>为

$$\rho \frac{\partial^2 u_i}{\partial t^2} - (C_{ijkl} u_{k,l})_{,j} = -T^{\text{es}}_{ij,j}$$
(1)

电致伸缩力为

$$T_{ii}^{es} = -\varepsilon_0 \boldsymbol{\gamma}_{blii} \boldsymbol{E}_b \boldsymbol{E}_l^* e^{i(\boldsymbol{q}_{z} - \omega t)}$$
<sup>(2)</sup>

式中 $\chi_{klij} = \epsilon_{km} \epsilon_{ln} p_{mnij}, \rho$ 为介质密度,  $\epsilon_0$ 和 $\epsilon_{km(ln)}$ 分别为 真空介电常量和介质的介电张量, q为声模波矢量,  $\omega$ 为声模频率,  $E_k E_l^*$ 为电场并矢,  $\chi_{klij}$ 为四阶极化张量,  $p_{mnij}$ 为四阶弹光张量.

光纤材料为二氧化硅材料,属于各项同性介质,考虑材料的粘滞阻力,其刚度矩阵 C<sub>ikt</sub>为复数,表示为

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{C}_{ijkl} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & c_{12} & 0 & 0 & 0 \\ \dot{c}_{12} & \dot{c}_{11} & \dot{c}_{12} & 0 & 0 & 0 \\ \dot{c}_{12} & \dot{c}_{12} & \dot{c}_{11} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \dot{c}_{44} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & c_{44} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & c_{44} \end{bmatrix}$$
(3)

式中 $c_{ij} = c_{ij} + m_{ij}, c_{ij}$ 为实部, $m_{ij}$ 为虚部,且 $m_{ij} = -i \cdot \omega$   $\cdot \eta_{ij}, \eta_{ij} = \frac{c_{ij}}{Q \cdot \omega}$ 为材料粘滞系数,Q为材料品质因数, 对于二氧化硅材料 Q 值取 1000<sup>[18]</sup>.

在 GAWBS 中,由于横向声波模式垂直于光纤的 轴向,则声波波矢量 q 约为零,利用这个关系求解式 (1)可得出每种横向声模的位移场分布 u(x,y)以及相 应的应变场分布  $s_x(x,y)$ 和  $s_y(x,y)$ .

#### 1.2 GAWBS 增益

GAWBS 增益是用于描述 Stokes 光被放大程度的 物理参量,指在 GAWBS 频移(也是  $R_{0,m}$ 和  $TR_{2,m}$ 声模 频率)处的 Stokes 波增益.其中 Stokes 波的 GAWBS 增益  $g_{0(m)}$ 在第 m 阶声模中心处频率为<sup>[9]</sup>

$$g_{0(m)} \propto \frac{Q_0(m)Q_1(m)}{\omega} \tag{4}$$

式中 $Q_0(m)$ 和 $Q_1(m)$ 为声光耦合因子,表示为

$$Q_{0}(m) = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} E(x, y)^{2} \rho_{0m}(x, y) r dr d\varphi$$
 (5)

$$Q_{1}(m) = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{a} \nabla_{\perp}^{2} E(x, y)^{2} \rho_{0m}(x, y) r dr d\varphi \qquad (6)$$

式中 E(x,y)和  $\rho_{0m}(x,y)$ 分别是光纤基模(HE<sub>11</sub>)电场 分布和 m 阶声模的密度振幅分布.

在这里可以用声场的位移分布 u(x,y)代替式(5) 和式(6)中的密度振幅分布  $\rho_{0m}(x,y)$ 得出 GAWBS 相 对增益<sup>[19]</sup>.

#### 1.3 声波模式引起 Stokes 波的相位调制

GAWBS 中不同声学模式对入射 Stokes 波作用的效果不同,  $R_{0,m}$ 模在径向形成的折射率扰动相同, 对入射 Stokes 波在光纤 x 和 y 轴上的相位调制也相同. 而  $TR_{2,m}$ 模在径向有两个明显的轴, 两个轴上产生的折射率扰动不同, 在 x 和 y 轴上对 Stokes 有不同的相位调制.

由弹光效应可知,声模在 x(或 y)方向折射率 n 扰 动大小为<sup>[20]</sup>

$$\Delta n_{x(y)}(x,y) = \frac{n^3}{2} \left[ p_{11(12)} s_x(x,y) + p_{12(11)} s_y(x,y) \right] (7)$$

x(或 y)方向的 Stokes 波平均相位调制量为

$$\overline{\Delta \varepsilon_{x(y)}} = \frac{\omega_0 l}{c} \iint \Delta n_{x(y)}(x, y) E_0(x, y) dx dy$$
(8)

式中 *P*<sub>11</sub>,*P*<sub>12</sub>为弹光系数,ω<sub>0</sub>、*l*、*c*分别为光波角频率、 光纤长度、真空光速,*E*<sub>0</sub>(*x*,*y*)为归一化光场分布.

#### 1.4 扭转径向声波引起 Stokes 波的附加双折射

GAWBS 中 TR<sub>2.m</sub>模在径向有两个明显的轴,因而 造成附加双折射.考虑 TR<sub>2.m</sub>模对光纤造成的附加双折 射,光纤折射率可写为

$$\boldsymbol{n}' = \begin{bmatrix} n + \Delta n_x(x, y) & 0 & 0 \\ 0 & n + \Delta n_y(x, y) & 0 \\ 0 & 0 & n \end{bmatrix}$$
(9)

光纤中光波的矢量波动方程为

$$\nabla \times (\nabla \times \boldsymbol{E}) - \boldsymbol{k}_0^2 \, \boldsymbol{n}^2 \, \boldsymbol{E} = 0 \tag{10}$$

由于光纤在纵向具有平移不变性,电场 E 可表述为

 $E(x,y,z) = E(x,y) \exp(-i\beta z)$  (11) 式中 β 是传播常量. 将式(9)、(11)代人式(10),利用全 矢量有限元法计算可得到光纤中光场模式的有效折射 率  $n_{\text{eff}} = \beta/k_0$ .本文只讨论 TR<sub>2,m</sub>模对光纤基模(HE<sub>11</sub>) 造成的模式双折射. 通常用  $B_m$  描述模式双折射程度, 定义为<sup>[21]</sup>

$$B_m = |n_x - n_y| \tag{12}$$

式中 n<sub>x</sub>、n<sub>y</sub> 分别为 x, y 轴光纤基模的有效折射率.

## 2 数值模拟结果及讨论

#### 2.1 泵浦功率对 GAWBS 增益的影响

利用全矢量有限元法计算式(1)可得 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub> 模的位移场分布和相应的声模频率,见表 2,与文献 [2]中的实验值非常接近.其中 R<sub>0.8</sub>和 TR<sub>2.5</sub>模式的 位移场分布如图1,两种模式分别出现在 232.1 MHz 和108.6 MHz处.从图1可以看出R<sub>0.8</sub>模式振动分布

表 2  $R_{0,m}$ 和  $R_{2,m}$ 声波模式频率 Table 2 The frequency of  $R_{0,m}$  and  $TR_{2,m}$  modes

<i>m</i> -order mode	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$R_{\scriptscriptstyle 0, \it m} \ frequency/MHz$	30.1	49.0	80.4	111.0	141.3	171.6	201.3	232.1	262.5	293.1
TR <sub>2,m</sub> frequency/MHz	22.3	39.3	70.4	81.5	108.6	125.9	140.2	169.5	175.6	200.8

为均匀的同心圆,且从纤芯到包层有 8 个节点;TR<sub>2,5</sub> 模声波振动有两个很明显的双折射轴,振动对折射率 的影响并不是均匀的.



图 1 SMF28 光纤中 R<sub>0.8</sub>、TR<sub>2.5</sub>声波模式位移场分布 Fig. 1 The acoustic model displacement field distribution of the R<sub>0.8</sub> and TR<sub>2.5</sub> modes in the SMF28 fiber

对于单模光纤 SMF28, 假设泵浦功率为 1W,将由 式(1)计算得出的  $R_{0,m}$ 和  $TR_{2,m}$ (*m*取 1~10)的位移场 分布代入式(4)~(6)中,可得出 Stokes 波的相对 GAWBS 增益,如图 2(a)、(c),改变入射泵浦功率大 小,得出泵浦功率对 Stokes 波 GAWBS 相对增益的影 响如图 2(b)、(d).由图 2(a)可以看出  $R_{0,1} \cong R_{0,10}$ 的十 个模式中,当布里渊频移与  $R_{0.8}$ 模频率相同时,Stokes 波的 GAWBS 增益最大, $R_{0.8}$ 模频率为 232.1MHz,即 Stokes 波与泵浦波的频移为 232.1MHz 时,Stokes 波 能获得最大的增益.从图 2(c)中可以看出  $TR_{2,1}$ 、  $TR_{2.5}$ 、 $TR_{2.7}$ 和  $TR_{2.10}$ 四个声波模式(0°/90°)对应的 Stokes 波增益比较大,文献[20]实验结果表明  $TR_{2,1}$ 、  $TR_{2.5}$ 和  $TR_{2.7}$ 模声光耦合较强(其中 m 为 1~7),将产 生较大的光波增益,与实验结论相符.因此入射 Stokes 波与泵浦波频移分别为 22.3 MHz、108.6 MHz、140.2 MHz、200.8 MHz(即  $TR_{2.1}$ 、 $TR_{2.5}$ 、 $TR_{2.7}$ 、 $TR_{2.10}$ 频率) 时,Stokes 波能获得较大的增益.

从图 2(b)可以看出入射泵浦功率从 0.1W 增至 1W 的过程中, $R_{0.8}$ 和  $R_{0.3}$ 模对应的 Stokes 波 GAWBS 增益明显增大, $R_{0.8}$ 模对应 Stokes 波增益增幅较大.由 图 2(d)可知,入射泵浦功率从 0.1W 增至 1W 的过程 中, $TR_{2.5}$ 、 $TR_{2.7}$ 、 $TR_{2.10}$ 模对应的 Stokes 波 GAWBS 增 益随泵浦功率的增加而增大,TR<sub>2,1</sub>模对应 Stokes 波的 增益随泵浦功率的增大有起伏.总体上看 TR<sub>2,1</sub>、 TR<sub>2.5</sub>、TR<sub>2.7</sub>、TR<sub>2.10</sub>对应 Stokes 波的增益随泵浦功率 的增大而增大.从物理意义来看,无论是 R<sub>0.3</sub>、R<sub>0.8</sub>模还 是 TR<sub>2,1</sub>、TR<sub>2,5</sub>、TR<sub>2,7</sub>、TR<sub>2,10</sub>模,当入射的泵浦功率增加时,电场引起的电致伸缩力增大,激起的弹性声波振幅增大,声光耦合作用增强,从而导致 Stokes 波的 GAWBS 增益增大.



#### 图 2 GAWBS 增益及其随泵浦功率的变化关系 Fig. 2 The relative gain of GAWBS and the change depend on pump power

2.2 声波模式调制 Stokes 波的相位及泵浦功率对其 影响

将由式(1)求出的  $R_{0,m}$ 和  $TR_{2,m}$ 声模应变场分布  $s_x(x,y)和 s_y(x,y)代入式(7)和(8)中,得出 <math>R_{0,m}$ 和  $TR_{2,m}$ 声模引起的 Stokes 波相位调制如图 3(a)、(c).改 变入射泵浦功率,得出不同泵浦功率对 Stokes 波相位 调制的影响如图 3(b)、(d).其中图 3(a)、(c)中泵浦功 率为 1 W.

由图 3(a)可以看出从  $R_{0,1}$ 到  $R_{0,10}$ 模,不同的声模 对 Stokes 波相位调制不同,且相位调制有正有负,其 中  $R_{0,1}$ 模对 Stokes 波的相位调制最大,达到 1.44×  $10^{-5}$  rad/m.由图 3(c)可以看出  $TR_{2,m}$ 模不同于  $R_{0,m}$ 模,在 x 和 y 轴对 Stokes 波的相位调制并不相同,主要 由于  $TR_{2,m}$  声模两个轴造成的折射率扰动不相同.  $TR_{2,1}$ 、 $TR_{2,5}$ 、 $TR_{2,7}$ 、 $TR_{2,10}$ 模式的对 Stokes 波的相位 调制较大,在 x 和 y 轴上引起 Stokes 波附加调制大小 相同,正负相反,绝对值分别达到 8.2×10<sup>-5</sup> rad/m、 12.1×10<sup>-5</sup> rad/m、13.7×10<sup>-5</sup> rad/m、14.2×10<sup>-5</sup> rad/m, 相比 R<sub>0.1</sub>模大一个数量级,因而在 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>声波模 式造成 Stokes 波相位调制的过程中,TR<sub>2.m</sub>模起到主要 作用.同时可以看出 TR<sub>2.4</sub>和 TR<sub>2.9</sub>模在 *x* 和 *y* 轴上对 Stokes 波的相位调制同正同负,且绝对值大小接近,所 以 TR<sub>2.4</sub>和 TR<sub>2.9</sub> 对入射 Stokes 波的相位调制类似于 R<sub>0.m</sub>模式,并无双折射产生,即不是所有的 TR<sub>2.m</sub>声波 模式都能造成附加双折射.特定结构的光子晶体光纤 可以增强某些声波,或者抑制其他声波<sup>[3,22]</sup>,因此明确 不同声波模式对斯托克斯光调制影响规律,对设计基 于声波导布里渊光器件有现实意义.

由图 3(b)和(d)可以得出,在泵浦功率从 0.1W 增 加至 1W 的过程中,  $R_{0.1}$ 、 $R_{0.3}$ 、 $TR_{2.5}$ 和  $TR_{2.7}$ 声波模式 引起 Stokes 波的相位调制量随入射功率线性变化.其 中  $R_{0.1}$ 模引起的相位调制量从 0.14×10<sup>-5</sup> rad/m 线性 增加至 1.44×10<sup>-5</sup> rad/m, $R_{0.3}$ 模引起的相位调制量从  $-0.015×10^{-5}$  rad/m 线性增至 $-0.15×10^{-5}$  rad/m. TR<sub>2.5</sub>和 TR<sub>2.7</sub>模式的 x 和 y 轴相位调制大小相同,相 位调制量分别从 1.2×10<sup>-5</sup> rad/m、1.3×10<sup>-5</sup> rad/m 线性增至 12.1×10<sup>-5</sup> rad/m、13.7×10<sup>-5</sup> rad/m.即 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>声波模式对 Stokes 波的相位调制与泵浦 功率呈线性关系.从物理意义来看,无论 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub> 模,由式(1)、(2)可以得到入射泵浦功率与激起声波位移振幅呈线性关系,同时声波位移与其造成应变为线性关系,弹光效应中声波应变与折射率扰动为线性关系.因而当入射泵浦功率线性增大时,R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>模引起 Stokes 波的相位调制量线性增大.



<sup>(</sup>c) The phase shift of Stokes wave induced by  $TR_{2,m}$  mode

(d) The phase shift of Stokes wave versus pump power for  $TR_{2,m}$  mode

图 3 R<sub>0,m</sub>和 TR<sub>2,m</sub>模引起 Stokes 波相位调制及其随泵浦功率变化关系 Fig. 3 The phase shift of Stokes wave and the change depend on pump power for R<sub>0,m</sub> and TR<sub>2,m</sub> mode

#### 2.3 扭转径向声波模式引起 Stokes 波的附加双折射

联立式(1)、(7)、(9)~(12),得到  $TR_{2.m}$ 声波模式 引起 Stokes 波附加双折射如图 4,其中入射泵浦功率 为 10W.可以看出,对于 SMF28 单模光纤,在没有 GAWBS 影响时,其光场基模(HE<sub>11</sub>)两个偏振态的有 效折射率  $n_{eff}$ 均为 1.446308,如图虚线所示.当入射泵 浦功率为 10 W时, $TR_{2.1}$ 、 $TR_{2.5}$ 、 $TR_{2.7}$ 和  $TR_{2.10}$ 声波模 式产生较为明显的模式双折射,其慢轴基模有效折射 率 分 别 变 为 1.446 309、1.446 309、1.446 309 和 1.446 31,快轴基模有效折射率变为 1.463 08、 1.446 308、1.446 307 和 1.446 307.总体上看,慢轴有效 折射率变化比快轴大,其原因与计算准确度的选取有 关.其它  $TR_{2.m}$ 模在泵浦功率为 10 W时并没有双折射.

以 TR<sub>2.5</sub>、TR<sub>2.7</sub>和 TR<sub>2.10</sub>声波模式为例,改变入射泵 浦功率,得出不同泵浦功率和模式双折射的关系如图 5. 泵浦功率从 10W 增至 50W 的过程中,TR<sub>2.5</sub>、TR<sub>2.7</sub>、 TR<sub>2.10</sub>造成模式双折射  $B_m$  分别从  $0.1 \times 10^{-5}$  增





至  $0.8 \times 10^{-5}$ 、 $0.2 \times 10^{-5}$  增至  $1 \times 10^{-5}$ 、 $0.3 \times 10^{-5}$  增至  $1.4 \times 10^{-5}$ . 且  $TR_{2.5}$ 模、 $TR_{2.7}$ 模和  $TR_{2.10}$ 模对光场基模 造成的附加双折射随入射泵浦功率的增大呈线性增大, 其中  $TR_{2.10}$ 模造成模式双折射随泵浦功率增幅最大.



图 5 不同泵浦功率对附加模式双折射的影响 Fig. 5 The additional birefringence of Stokes wave versus pump power

#### 3 结论

利用全矢量有限元法模拟了单模光纤中声波导布 里渊散射 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>声波模式对 Stokes 波增益、相 位调制和双折射的影响.研究结果表明对于 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>(0°/90°)声波模式,当布里渊频移与 R<sub>0.8</sub>和 TR<sub>2.10</sub>声波频率相同时,Stokes 波的增益最大,且增益 随泵浦功率的增大而增大;对于 R<sub>0.m</sub>和 TR<sub>2.m</sub>声波模式 引起 Stokes 波的相位调制,R<sub>0.1</sub>、TR<sub>2.1</sub>、TR<sub>2.5</sub>、TR<sub>2.7</sub>和 TR<sub>2.10</sub>模式引起 Stokes 波的相位调制较大,相位调制 随泵浦功率的增大呈线性增大,且 TR<sub>2.m</sub>声波模式 引起 Stokes 波的附加双折射,TR<sub>2.1</sub>、TR<sub>2.5</sub>、TR<sub>2.7</sub>和 TR<sub>2.10</sub>声波模式能产生较为明显的附加双折射,且大小 随泵浦功率的增加呈线性增大.结论为研究布里渊光 器件提供了理论依据.

#### 参考文献

- [1] DAMZEN M J, VLAD V I, BABIN V, *et al.* Stimulated brillouin scattering: fundamentals and applications [M]. London: Institute of Physics Publishing, 2003, 6.
- [2] SHELBY R M, LEVENSON M D, BAYER P W. Guided acoustic-wave Brillouin scattering [J]. *Physical Review B*, 1985, **31**(8): 5244.
- [3] STILLER B, DELQUÉ M, BEUGNOT J C, *et al.* Frequencyselective excitation of guided acoustic modes in a photonic crystal fiber[J]. *Optics Express*, 2011, **19**(8): 7689-7694.
- [4] BEUGNOT J C, SYLVESTRE T, MAILLOTTE H, et al. Experimental observation of large guided acoustic wave Brillouin scattering in photonic crystal fibres [C]. Optical Communications, 2006. ECOC 2006. European Conference on. IEEE, 2006: 1-2.
- [5] MATSUI T, NAKAJIMA K, SAKAMOTO T, et al. Structural dependence of guided acoustic-wave Brillouin scattering spectra in hole-assisted fiber and its temperature dependence[J]. Applied Optics, 2007, 46(28): 6912-6917.
- [6] HOU Shang-lin, XUE Le-mei, LI Suo-ping, et al. Study on characteristics of acoustic modes via stimulated Brillouin scattering in photonic crystal fiber [J]. Chinese Journal of Physics, 2012, 61(13): 134205.

侯尚林,薛乐梅,黎锁平,等.光子晶体光纤中布里渊散射声 波模式特性的分析[J].物理学报,2012,**61**(13):134205.

- [7] HOU Shang-lin, XUE Le-mei, WANG Ju-wei, et al. Temperature and stress response of depolarized guided acoustic Brillouin scattering in photonic crystal fibers [J]. Chinese Journal of L<sub>μ</sub>minescence, 2013, 34(4):500-505. 侯尚林,薛乐梅,王菊巍,等. 光子晶体光纤中去极化声波导 布里渊散射温度及应变响应[J].发光学报, 2013, 34(4):500-505.
- [8] ZHANG Wen-yu, HOU Shang-lin, LIU Yan-jun, et al. Effects of doping and structure on brillouin frequency shift and scattering efficiency of depolarized guided acoustic wave in fibers[J]. Acta Photonica Sinica, 2015, 44(5): 0506005. 张雯豫,侯尚林,刘延君,等. 掺杂和结构对光纤中去极化型 声波导布里渊散射频移与散射效率的影响[J]. 光子学报, 2015, 44(5): 0506005.
- [9] WANG Jing. Researches of the forward Brillouin scattering and the sagnac loop filter [D]. Beijing: Beijing Jiaotong University, 2010.
  王静. 前向 Brillouin 散射和光纤 sagnac 环滤波性的研究[D]. 北京:北京交通大学, 2010.
- [10] MCELHENNY J E. Acoustic waves in small-core photonic crystal fibers: An investigation through Brillouin scattering [M]. 2009.
- [11] LU Zhi-wei, DONG Yong-kang, LI Qiang. Slow light in multi-line Brillouin gain spectrum[J]. Optics Express, 2007, 15(4): 1871-1877.
- [12] HUI Zhan-qiang. Demonstration of 6×40 Gbit/s all-optical wavelength multicasting exploiting self-phase modulation in photonic crystal fiber[J]. Infrared and Laser Engineering. 2015, 44(1): 222-227. 惠战强. 基于光子晶体光纤中自相位调制效应的6×40 Gbit/s 全光波长组播实验研究[J]. 红外与激光工程, 2015, 44(1): 222-227.
- [13] PETROPOULOS P, MONRO T M, BELARDI W, et al. 2R-regenerative all-optical switch based on a highly nonlinear holey fiber[J]. Optics Letters, 2001, 26(16): 1233-1235.
- [14] CHEN Tao, LIANG Zhong-cheng, XU Rong-qing. A variable optical attenuator based on liquid optical wedge[J]. Acta Photonica Sinica, 2013, 42(12): 1478-1481. 陈陶,梁忠诚,徐荣青.可变透镜边沿模拟顶角可调棱镜的可 变光衰减器[J].光子学报,2013, 42(12): 1478-1481.
- [15] LEE K J, PARK H C, KIM B Y. Highly efficient all-fiber tunable polarization filter using torsional acoustic wave[J]. Optics Express, 2007, 15(19): 12362-12367.
- [16] BEUGNOT J C, LAUDE V. Electrostriction and guidance of acoustic phonons in optical fibers [J]. *Physical Review B*, 2012, 86(22): 224304.
- [17] LAUDE V, BEUGNOT J C. Generation of phonons from electrostriction in small-core optical waveguides [J]. AIP Advances, 2013, 3(4): 042109.
- [18] RAKICH P T, REINKE C, CAMACHO R, et al. Giant enhancement of stimulated Brillouin scattering in the subwavelength limit[J]. Physical Review X, 2012, 2(1): 011008.
- [19] 李淳飞.非线性光学[M].哈尔滨工业大学出版社,2005.
- [20] POUSTIE A J. Bandwidth and mode intensities of guided acoustic-wave Brillouin scattering in optical fibers [J]. Journal of the Optical Society of America B, 1993, 10(4): 691-696.
- [21] AGRAWAL G P. Nonlinear fiber optics [M]. Academic Press. 2007
- [22] MATSUI T, NAKAJIMA K, SAKAMOTO T, et al. Controllability of guided acoustic-wave Brillouin scattering spectra in hole-assisted fibers [ C ]. Optical Fiber Communication Conference. Optical Society of America, 2007: OThA.

Foundation item: The National Natural Science Foundation of China (Nos. 61167005, 61367007), the Natural Science Foundation of Gansu Province (Nos. 1112RJZA018, 1112RJZA017), Science and Technology Activities Merit Aid Projects