doi:10.3788/gzxb20134206.0631

基于绝缘硅超小微环谐振器的微波光子 相移器设计

王巍,杨丽君,武逶,冯其,白晨旭,冯世娟,王振

(重庆邮电大学光电工程学院,重庆400065)

摘 要:设计了一种基于绝缘硅材料的超小微环相移器,能够在自由频谱范围内实现 2π 相移的同时相移达到最佳线性化.根据全通微环谐振器的相移特性可知,在临界耦合点时微环谐振器达到 π 的相移,在过耦合领域达到 2π 相移.分析了直波导宽度及间距两个参量,用精细度 F 表征间距,讨论了由于这两个参量变化对微环谐振器相移的影响,并且给出了设计的相移范围和相应的功率变化.实验结果表明:若采用 40 GHz 的射频信号,设计的微环相移器射频相移范围为0~4 rad,功率变化不到 6 dB.

文章编号:1004-4213(2013)06-0631-6

Design of Silicon-on-insulator Ultra-small Micro-ring Resonator Microwave Photonics Phase Shifter

WANG Wei, YANG Li-jun, WU Wei, FENG Qi, BAI Chen-xu, FENG Shi-juan, WANG Zhen (College of Electronics Engineering, Chongqing University of Posts and Telecommunications, Chongqing 400065, China)

Abstract: A ultra-small micro-ring phase shifter based on the silicon-on-insulator (SOI) material is designed. 2π phase shift in the free spectral range and optimal linearization is achieved. According to the phase shift characteristics of the micro-ring resonator all-pass phase structure, phase shift of the micro-ring is π at the critical coupling area and 2π in the over coupling area. Two parameters (straight waveguide width and spacing) of the micro-ring are investigated which affect the phase shift. Finesse F also is used as a parameter for spacing, and micro-ring resonator' phase shift combined with the power of change is discussed. The experimental results show that the designed micro-ring phase shifter can achieve the RF phase shift of $0 \sim 4$ rad, and RF power variation is less than 6 dB with a 40 GHz RF signal.

Key words: Silicon-on-insulator; Micro-ring phase shifter; Radio frequency phase shift; Radio frequency power

0 引言

微波光子相移器是微波光子学系统的重要组成 部分.它在相控阵列波束形成系统,智能天线系统以 及生物医学检测系统等应用中扮演着越来越重要的 角色.传统的射频(Radio Frequency, RF)移相器在 工作频率、带宽和相移的可调节范围等方面有着诸 多的限制.近年来,人们对采用光子元件来控制 RF 信号的相位移动进行了研究,这主要是考虑到微波 光子器件具有调节灵活、带宽大及重量轻等特点.之 前已经报道了许多实现 RF 相移的技术,主要包括 用分布反馈激光器进行波长转换^[1],采用受激布里 渊散射信号处理^[2],同频混合等,但是这些实现相移 的技术都非常复杂,准确度不易受控制.而上述系统

基金项目:国家自然科学基金(Nos. 61102075, 51075420)和重庆市电子产业发展基金资助

第一作者:王巍(1967-),教授,博士,主要研究方向为半导体光电、集成电路设计. Email: wangwei@cqupt. edu. cn

通讯作者:杨丽君(1989-),女,硕士研究生,主要研究方向为微波光子学.Email:80promise@sina.com

收稿日期:2012-11-06;录用日期:2013-03-05

中包含了成千上万的元素,传统相移系统中器件尺 寸较大,集成难度较高,实现的相移功能十分受限. 微环谐振器尺寸小便于在片上集成,成本较低,日渐 引起了人们的关注.

基于微环谐振器的 RF 相移器的研究包括基于 连续光调制、激光源调制等. 微环相移器 RF 相移范 围从最开始的 90°,到采用热光调节手段可对输入 的高功率光实现 0~260°的相位调节,再到如今实 现 360°的调节.一直以来,在 RF 相移范围增加的同 时,其功率的变化也会随之增大.因而需要设计出具 有较高 Q 值也即较低 K 值的微环相移器,以期获得 更大的相移范围,但高 Q 值的微环相移器,以期获得 更大的相移范围,但高 Q 值的微环相移器会带来其 它不可忽略的影响.一个 Q 值约 28 000 的微环谐振 器功率变化可高达 11 dB 左右,实际应用中很难接 受.近年来,对系统简化以及功率的要求越来越高. 低 Q 值的微环谐振器功率变化小,相移更加线性 化,在现实中更具实用性,已逐渐成为研究微环相移 器的新兴方向^[3-4].

本文对基于超小微环谐振器结构的微波光子相移器进行研究,以实现微环最佳线性相移并减小功率变化,与文献[5]从 RF 相移范围与 RF 功率变化 两方面进行对比分析.

绝缘硅微环谐振器相移特性的理论 分析

1.1 全通微环谐振器结构

全通微环谐振器由一个闭合的环与一根直波导 耦合构成,其结构如图 1.



图 1 全通微环谐振器结构原理 Fig. 1 Schamtic of the all-pass micro-ring resonator 直波导将光耦合进环中,光在环中经历一周以 后,又通过耦合领域耦合进入直波导.对单边耦合的 微环谐振器,其线性传输函数可以表示为^[6]

$$\Gamma(w) = \frac{r - a \exp(j\varphi)}{1 - r a \exp(j\varphi)} \tag{1}$$

式中,r 是微环谐振器内耦合领域的传输常量. $a = \exp(-\alpha L/2)$ 代表了微环内的幅度传输,L 和 α 分别为微环谐振器的周长及线性损耗.由相位的定义, $\Phi(w) = \arctan\{Im[H(w)]/Re[H(w)]\},$ 可得到传 输光的相移为

$$\Phi = \pi + \varphi + \arctan \frac{r \sin \varphi}{a - r \cos \varphi} + \arctan \frac{a r \sin \varphi}{1 - a r \cos \varphi}$$
(2)

由式(2)可知,传输光的总相移主要受 4 个参量 (a,r,φ,R)的影响.式中,幅度传输系数 a 可以通过 测量得出.在理想无损耗情况下,耦合领域有 k^2 + $r^2=1$,耦合领域的系数随间距的变化而变化. $\varphi=kL$ 是微环的线性相移,与光频率有关.在半径 R — 致的情况下微环周长 L 相等. $k=2\pi n/\lambda$ 为传播常 量,可以根据需要改变 φ 使其在不同的频率上移动, 且保证相位曲线形状不变.线性相移 φ 主要受有效 折射率 n 的影响.

本文所设计的微环谐振器微波光子移相器采用 绝缘硅(Silicon-On-Insulator, SOI)结构.其中,二 氧化硅厚度为 2 μ m,硅的厚度为 0.22 μ m,微环半 径为 1.5 μ m.

1.2 幅度传输系数 a 的测量

本文给出了一种较为简洁且精准度较高的测量 a的方法.图2(a)是以半周为单位的测量点,图2(b) 是以四分之一周为单位的测量点.



Fig. 2 Measurement of transmission coefficient a of micro-ring resonator

通过测量微环谐振器半周以及四分之一周不同 测量点的数据,得到了多个幅度系数 a 的测量值.在 实际测量过程中,图 2(a)中第 4 幅图以及图 2(b)第 2 幅图的测量值会比其余同类测量值偏大,这是受 到光经历最高点时谐振的影响.通过平均计算后,得 到幅度传输系数 a 值约为 0.925.

1.3 有效折射率 n

在全通型微环谐振器中,直波导宽度直接决定 了有效折射率 $n^{[7]}$.对 TE 模式的光进行了时域有 限差分法(Finite Difference Time Domain,FDTD) 仿真,光波传输沿 Z 轴传播.图 3 为不同直波导宽 度下,有效折射率 n 的强度特性.





选取直波导宽度采样点的间隔为 0.06 μm. 由 图 3 可见,随着直波导宽度的增加,有效折射率 n 逐 渐增大,但变化曲线的斜率逐渐减小.当直波导宽度 达到 0.3 之后有效折射率 n 的变化逐渐趋于平滑.

1.4 传输系数 r

分析可知,改变微环谐振器的间距值影响耦合 领域的传输系数 r.本文通过 FDTD 仿真,保证其他 参量一致的情况下,可以看出不同间距时耦合系数 的强度特性,如图 4.





Fig. 4 The spacing between waveguide vs coupling coefficient k

图 4 中,采样点分别对应间距在 0.1、0.12、 0.14、0.16、0.18、0.2 时的间距.最开始的时候曲线 下降较快,后趋于平缓.如图可知,间距越小,耦合力 度越强,通过谐振进入微环内的能量也越大.

2 精细度 F 与临界耦合间距的关系

2.1 精细度 F 的理论分析

用微环谐振器的关键参量——精细度 F 设计间 距. 微环的精细度 F 等于自由频谱范围(Free Spectral Range, FSR)与半高全宽的比值为

$$F = \frac{\Delta V_{\text{FSR}}}{\Delta V_{\text{FWHD}}} = \pi \frac{\sqrt{ar}}{1 - ar} = \xrightarrow{ra \approx 1} \frac{\pi}{1 - ra}$$
(3)

自由光谱范围 FSR 即 1/T(T 是光在中的传输 时间). 半径越小,环路的周长越短,光在环里传输的 时间也越少. 所以想要增加器件的 FSR 需要减小半 径. 半高全宽定义为下载端谱线下降到最大值一半 的频率宽度.

众所周知,Q值与相移成正比.品质因子Q表 示在一个光子振动周期内,微环中存储的能量与耦 合出微环以及散射损耗掉的总能量之比,谐振波长 λ₀ 与 Δλ 之比可定义为

$$Q = \frac{2\pi^{2}Rn_{\rm eff}}{\lambda_{0}k^{2}} \approx \frac{\lambda_{m}}{\Delta\lambda_{\rm FWHM}} \approx \frac{\pi n_{\rm eff}L}{\lambda} \cdot \frac{\sqrt{ar}}{1-ar}$$
(4)
联立式(3)、(4),可以得到^[8]

$$Q = nFL/\lambda \tag{5}$$

由式(5)可以看出 Q 值与精细度 F 成正比,则 相移与精细度 F 也是成正比的.

微环谐振器幅度传输系数 a 为 1 时视为理想的 无损耗器件,本文测量出幅度传输系数 a 值为 0.925,也即将文中微环考虑为有损耗器件,其谱线 与延迟(也即相移)变化规律是一致的,也更符合实 际应用.对于单环而言,公式(3)中半高全宽也即延 迟 3 dB 带宽,随着耦合系数 k² 增大,延迟也会随之 增大,则F值降低.如图5所示,随着k² 增加,F的



图 5 柄合系数 k^{*} 与有细度 F 的大系 Fig. 5 The finesse F vs coupling coefficient k^{2}

值减少.

由式(3)可知,随着环路损耗系数 a 增加,耦合 系数 k 减小(r 增加),F 增加,r 与 F 成正比.

2.2 临界耦合间距与 F 的关系

微环谐振器在每个谐振点 $\varphi=0.$ 当 r=a 时微 环谐振器的幅度传输降为零,这时环内的损耗与耦 合损耗相等,可以说此时微环谐振器处于临界耦合. 当 r>a 时,微环谐振器处于欠耦合,而当 r<a 时, 微环谐振器处于过耦合.由 1.2 节可知, a 值为 0.925.

由式(3) $F = \pi/(1 - ra)$,可以看出所设计的微 环谐振器在临界耦合点时 F的值约为 21.76;并且 由于损耗的限制,精细度 F的上限为 41.8.当 F大 于 21.76 时,属于欠耦合领域;当 F小于 21.76 时, 属于过耦合领域.由前文可知,在刚达到临界耦合点 时,相位会经历一个 π 的变化,而进入过耦合领域, 相位会经历 2π 的变化.

考虑到按照公式 $F = \pi/(1 - ra)$ 计算 F 在临界 耦 合点时的值稍微偏大,本文结合式(3)没有忽略 $\sqrt{ar}, 取 \sqrt{ar} = a = 0.925$. 经严格计算以后,F 在临 界 耦合点的值为 20.1,取F的值为整数20(F=20). 当 F=20 时,可以推算出耦合系数 k^2 的值为 0.16. 图 6 展示了不同间距下耦合系数的强度.

可以看到,在间距为 0.14 μ m 和 0.16 μ m 时,k值都非常接近 0.4. 但是为保证微环谐振器实现 2 π 的相移功能,就必须使得设计的微环谐振器稍微超 过临界耦合点,即(k < 0.4).

在间距 0.14 μm 时 k 值 为 0.418, 间距 0.16 μm 时 k 值约为 0.38, 符合要求. 本文设计的微环谐振器间距为 0.16 μm.



Fig. 6 The spacing vs coupling coefficient

3 实验结果分析与讨论

3.1 有效折射率 n 对相移的影响

由理论分析可知,直波导宽度与有效折射率 n成正比,并且从 $\varphi = kL$ 与 $k = 2\pi n/\lambda$ 可推出,n 与相移也成正比.所以在半径一致的情况下,以临界耦合点的相移为界,微环谐振器在欠耦合与过耦合领域, 直波导宽度越大,相移变化幅度越大.

本文选取频谱范围从负的 400 GHz 到正的 400 GHz. 图7展示了不同直波导宽度的相移理论 仿真. 本文设计的微环谐振器直波导宽度为 0.16 μm,本文与对应的文献[5]有效折射率n分别 为 2.553 692 16 以及 3.094.

选取较大的频谱来观察,可以看出随着直波导 宽度的增加,微环谐振器的自由频谱范围变窄,相同 频率范围内产生的相移数增多.图7(b)为本文设计 的微环谐振器,因为最接近临界耦合点,所以在所有 的直波导相移图中,相移最为线性化,幅度波动最 小,而文献[5]的设计相位幅度波动最大.







3.2 传输系数 r 对相移的影响

讨论可知,间距越小耦合力度越强,传输系数 *r* 的值越小,即间距与 *r* 呈反比.在其他参量一致的情况下,由图 6 中不同间距值对应的不同耦合系数,由 $F = \pi/(1 - ra)$ 可计算出 0.1、0.12、0.14、0.16、0.18、0.2 时对应的精细度 *F* 分别为 5.3、8.9、13.2、27.8、37.7.图 8 以 *F* 为参量给出不同间距值 对应的相位特性.





从图 8 可以看出,在欠耦合领域(F>20),相位 在正负值之间变化,并且幅度非常小.而在过耦合领 域(F<20),越接近临近耦合,相移曲线在谐振点附 近越陡峭.这一特性在微波光子滤波器中都有很广 泛的应用^[9],本文所设计的微环谐振器相移(在 F= 20 时)达到了完整的 2π.仿真结果表明:本文用精细 度 F 推导出的理论间距值是较为准确的,使设计的 微环相移器达到了临界耦合.

3.3 RF 相移和 RF 功率的分析

RF 相移系统发展初期,受条件限制大量采用 20 GHz 的 RF 信号.现今 40 GHz 的 RF 信号使得 RF 相移范围更广,能满足一般对相位的要求而被 普遍采用. 本文采用 40 GHz 的 RF 信号,用 matlab 仿真 得到的 RF 相移结果如图 9(a)以及相应的 RF 功率 变化如图 9(b).





本文与文献[5]中微环设计的材料,厚度都相 同.文献[5]中微环环形波导宽度为 0.46 μm,直波 导宽度采用 0.32 μm,间距 0.31 μm.

图 9(a)中虚线和实线分别代表文献[5]以及本 文设计的 RF 相移.如图可见,本文设计的微环谐振 器 RF 相移范围为 0~4 rad,比文献[5]中的 RF 相 移范围小近 2 rad; RF 相移占频谱宽度较大,文献 [5]RF 相移最大值较本文更大,但本文相移设计明 显更加线性化.图 9(b)中为其相应的功率变化:文献[5]中微环谐振器的功率变化高达 12 dB,而本文设计的微环谐振器的功率变化不到 6 dB,不及文献[5]中的一半.

4 结论

设计了基于 SOI 超小半径的微环相移器. 环形 波导宽度为 0.3 μ m,直波导宽度与波导间距都为 0.16 μ m.实验结果表明:在半径一致的情况下,全 通结构的微环谐振器的相移主要与直波导宽度以及 间距有关;减少直波导宽度则有效折射率 *n* 也减小, 相应的器件所需功率降低.通过设计微环谐振器的 间距,微环谐振器符合临界耦合条件,在自由频谱范 围内达到了 2 π 相移,自由频谱范围为 72 nm,在相 同的自由频谱范围中,相移达到最佳线性化,RF 相 移范围为 0~4 rad,同时 RF 功率变化更低.

参考文献

- [1] FISHER M R, CHUANG S L. A microwave photonic phaseshifter based on wavelength conversion in a DFB laser[J]. *IEEE Photonics Technology Letters*, 2006, 18(6): 1714-1716.
- [2] LOAYSSA A, LAHOZ F J. Broad-band RF photonic phase shifter based on stimulated Brillouin scattering and singlesideband modulation[J]. *IEEE Photonics Technology Letters*, 2006, 18(1): 208-210.
- [3] CHANG Qing-jiang, LI Qiang, ZHANG Zi-yang, et al. A

tunable broad-band photonic RF phase shifter based on a silicon microring resonator[J]. *IEEE Photonics Technology Letters*, 2009, **21**(1): 60-62.

- [4] PU M, LIU L, XUE W, et al. Tunable microwave phase shifter based on silicon on insulator microring resonator[J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2010, 22(12): 869-871.
- [5] XU Qian-fan, FATTAL D, BEAUSOLEIL R G, et al. 1.5 μm-radius high-Q silicon microring resonators [C]. 2008 Conference on Lasers and Electro-Optics and 2008 Conference on Quantum Electronics and Laser Science (CLEO/QELS 2008), 2008, San Jose, CA, USA, 1-2.
- [6] PU M, LIU L, XUE W, et al. Widely tunable microwave phase shifter based on silicon-on-insulator dual-microring resonator[C]. Optics Express, 2010, 18(6): 6172-6182.
- [7] CHAO C Y, GUO L J. Design and optimization of microring resonators in biochemical sensing applications [J]. IEEE Journal of Lightwave Technology, 2006, 24(3): 1395-1402.
- [8] HEEBNER J E, WONG V, SCHWEINSBERG A, et al. Optical transmission characteristics of fiber ring resonators [J]. IEEE Journal of Quantum Electron, 2004, 40(6): 726-730.
- [9] LLORET J, SANCHO J, PU M, et al. Complex-coefficient microwave photonic tunable filter using slow light silicon-oninsulator-based microring resonator [C]. Microwave Photonics, 2011 International Topical Meeting on &-Microwave Photonics Conference, 2011 Asia-Pacific, MWP/ APMP, 2011, 421-424.
- [10] LI Qiang, CHANG Qing-jiang, LIU Fang-fei, et al. Optically tunable microwave-photonic phase shifter based on silicon microring resonator[C]. 34th European Conference on Optical Communication, 2008, 1-2.