# 光学学报

## 基于锯齿波调制非平坦光频梳的信道化多频测量

蒋玉政,李晶\*,朱伟,裴丽,宁提纲

北京交通大学光波技术研究所,北京100044

**摘要** 研究了一种基于非平坦光频梳的多频率瞬时信号检测方案。该方案采用待测多频信号与锯齿波共同调制,在加载电信号的同时实现非平坦光频梳的生成,并最终利用拍频后成对电信号的功率比值实现对微波频率的标定。通过将待测信号调制与光频梳生成合并的方式可避免多条支路检测的不平衡变化,系统测频范围可通过改变锯齿波频率调节。 仿真实现了在 0.3~40 GHz 的频率范围内,测量误差小于 40 MHz 的微波信号多频测量。此外,分析了待测射频功率和 调制器偏置漂移的影响,结果显示,该系统可辨识待测信号的最小功率为-10 dBm,而且对调制器偏置漂移不敏感。 关键词 多频信号;瞬时微波测频;光频梳;信道化

**中图分类号** O436 文献标志码 A

#### **DOI:** 10.3788/AOS231045

## 1引言

微波测频技术在国防和民用应用中发挥着重要作 用,如电子战、雷达、无线通信等<sup>[1-2]</sup>。微波频率测量可 以用常规的电学方法来实现。虽然实现了高分辨率的 多频信号测量,但频率测量范围受到电子瓶颈的限制, 测量系统容易受到电磁干扰,而基于光子辅助的频率 测量不仅可以解决此类问题,而且具有灵活性高、速度 快等优点。

一般来说,光子辅助频率测量系统工作原理可分 为三种,分别是频率功率映射(FTPM)<sup>[3]</sup>、频率时间映 射(FTTM)和频率空间映射(FTSM)<sup>[4-7]</sup>。基于频率功 率映射的微波测频方案的关键是构建振幅比较函数 (ACF),该函数可以利用色散元件<sup>[8]</sup>、光学混合单元<sup>[9]</sup> 或光学滤光片<sup>[10]</sup>等,通过两个平行通道的微波功率比来 实现。频率功率映射方案具有实时性好、精度高的优 点,但大多数方案在测量多频微波信号时有很大困难。 基于频率时间映射方案的关键是建立一种光载波时延 与未知射频(RF)的关系,可以通过移频循环延迟线<sup>[11]</sup>、 扫描光学滤波器<sup>[12]</sup>或可调谐激光器<sup>[13]</sup>来实现,这种方案 很容易实现多频信号的测量,但对有实时性要求的场 景不适用。基于频率空间映射的方案适合处理多频信 号,同时可以实时获得准确的频率信息。目前,许多信 道器都是通过光频梳(OFC)<sup>[14]</sup>或法布里-珀罗滤波器<sup>[15]</sup> 实现的,但往往需要滤波器阵列或波分复用器 (WDM),这也会增加系统复杂度,降低系统的灵活性。

针对FTSM方案存在的问题,本文提出了一种无 需光学滤波的多频信号瞬时检测方案,该方案通过锯 齿波调制的非平坦光频梳,以功率非均匀下降的梳尺 功率比为参照,利用待测信号与光频梳的拍频功率比 确定信号的频率范围,再由解调后的频率信息计算待 测信号的精确频率。所提系统的测量范围可以通过改 变锯齿波的频率调节,具有一定的灵活性。此外,本文 还对待测射频信号功率和调制器偏置漂移的影响进行 了分析。

#### 2 基本原理

#### 2.1 系统原理

多频测量系统的原理图如图 1(a)所示。该系统 由连续波激光器(CW)、锯齿波发生器、马赫-曾德尔调 制器(MZM)、光电探测器(PD)等组成,另外光放大器 (EDFA)在图中未画出。

连续光载波表示为 $E_{in}(t) = E_0 \exp(j2\pi f_c t)$ ,其中 $E_0$ 和 $f_c$ 为光载波的幅值和频率,待测的入射射频信号为  $v_{RF}(t) = \sum_{i=1}^{+\infty} v_i \cos(2\pi f_i t)$ ,锯齿波信号 $v_{saw}(t)$ 表示为

$$v_{\rm saw}(t) = \begin{cases} \frac{v_0 t}{T}, \ 0 \le t \le cT, \\ 0, \ cT \le t \le T \end{cases}$$
(1)

式中:v₀和T是锯齿波信号的振幅和周期;c表示非零 信号在周期T中所占比例,c∈[0,1],其波形图在图1 (a)中有所展示。根据傅里叶级数展开法,锯齿波可以 表示为

收稿日期: 2023-05-26; 修回日期: 2023-06-19; 录用日期: 2023-06-30; 网络首发日期: 2023-08-02

基金项目:国家自然科学基金(62235003,62221001)、中央高校基本科研业务费(2022JBMC004)

通信作者: \*lijing@bjtu.edu.cn



图1 多频测量系统。(a)系统原理;(b)图(a)中对应位置的频谱

Fig. 1 Multifrequency measurement system. (a) System principle; (b) spectra of the corresponding positions in Fig. (a)

$$v_{\rm saw}(t) = v_0 \bigg[ \frac{c}{2} + \sum_{k=1}^{+\infty} A_k \cos(2k\pi f_s t) + \sum_{k=1}^{+\infty} B_k \sin(2k\pi f_s t) \bigg] = \sum_{k=0}^{+\infty} \bigg[ A_k \cos(2k\pi f_s t) + B_k \sin(2k\pi f_s t) \bigg], \qquad (2)$$

其中

$$\begin{cases} A_{0} = \frac{v_{0}c}{2}, B_{0} = 0\\ A_{k} = v_{0} \left[ \frac{1}{k\pi} \sin(2kc\pi) + \frac{1}{2k^{2}c\pi^{2}} \cos(2kc\pi) - \frac{1}{2k^{2}c\pi^{2}} \right],\\ B_{k} = v_{0} \left[ -\frac{1}{k\pi} \cos(2kc\pi) + \frac{1}{2k^{2}c\pi^{2}} \sin(2kc\pi) \right] \end{cases}$$
(3)

式中:f<sub>s</sub>为锯齿波的频率。其频谱如图1(b1)所示,通过设置MZM的偏置电压使其工作在MITP,以抑制载波的 双边带调制(CS-DSB)方式将锯齿波信号调制到光域从而形成测频需要的光频梳,测量信号时,待测信号会与锯 齿波合并输入到MZM的射频端口,值得注意的是,待测信号属于弱调制,其功率远小于调制锯齿波,因此调制器 输出光场可以近似表示为

$$E_{c}(t) \propto E_{in}(t) \left\{ \exp\left[j\frac{\pi v_{saw}(t)}{v_{\pi}}\right] - \exp\left[-j\frac{\pi v_{saw}(t)}{v_{\pi}}\right] + 2j\sum_{i=1}^{+\infty} \sin\left[\frac{\pi v_{RF}(t)}{v_{\pi}}\right] \right\} = E_{in}(t) \left\{ \prod_{k=0}^{+\infty} \left[\sum_{n=-\infty}^{+\infty} j^{n} J_{nk}(\beta_{A_{k}}) \exp\left(j2\pi nkf_{s}t\right) \times \sum_{m=-\infty}^{+\infty} J_{mk}(\beta_{A_{k}}) \exp\left(j2\pi mkf_{s}t\right)\right] - \prod_{k=0}^{+\infty} \left[\sum_{n=-\infty}^{+\infty} j^{n} J_{nk}(-\beta_{A_{k}}) \exp\left(j2\pi nkf_{s}t\right) \times \sum_{m=-\infty}^{+\infty} J_{mk}(-\beta_{A_{k}}) \exp\left(j2\pi mkf_{s}t\right)\right] + 2j\sum_{i=1}^{+\infty} \sin\left[\frac{\pi v_{RF}(t)}{v_{\pi}}\right] \right\} = E_{in}(t) \left[\sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=-\infty}^{+\infty} j^{nk} \overline{J_{n1}(\beta_{A_{1}}) \cdots J_{nk}(\beta_{A_{k}}) J_{m1}(\beta_{B_{1}}) \cdots J_{m1}(\beta_{B_{k}})} \exp\left[j2\pi \overline{(n1+\dots+nk+m1+\dots+mk)} f_{s}t\right] - \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=-\infty}^{+\infty} j^{nk} \overline{J_{n1}(-\beta_{A_{1}}) \cdots J_{nk}(-\beta_{A_{k}}) J_{m1}(-\beta_{B_{k}})} \exp\left[j2\pi \overline{(n1+\dots+nk+m1+\dots+mk)} f_{s}t\right] + \sum_{n=-\infty}^{+\infty} 4jJ_{1}(\beta_{i}) \cos\left(2\pi f_{i}t\right)\right],$$
(4)

式中: $V_{\pi}$ 表示调制器的半波电压; $J_{n1}\cdots J_{nk}$ , $J_{m1}\cdots J_{mk}$ 表示各阶谐波的振幅; $\beta$ 为调制指数, $\beta_{i}=\pi v_{i}/v_{\pi}$ , $\beta_{Ak}=\pi A_{k}/v_{\pi}$ ,  $\beta_{Ak}=\pi B_{k}/v_{\pi}$ ,另外由于待测射频信号属于小信号调制,所以只考虑其一阶边带,调制后的频谱如图1(b3)所示。通 过定义 $\gamma=n1+\cdots+nk+m1+\cdots+mk$ ,式(3)可以简化成

$$E_{c}(t) = E_{in}(t) \left[ \sum_{\gamma=-\infty}^{+\infty} J_{\gamma^{+}} \exp\left(j2\pi\gamma f_{s}t\right) - \sum_{\gamma=-\infty}^{+\infty} J_{\gamma^{-}} \exp\left(j2\pi\gamma f_{s}t\right) + 4jJ_{1}(\beta_{i})\cos\left(2\pi f_{i}t\right) \right] = E_{0} \left\{ \sum_{k=0}^{+\infty} b_{k} \exp\left[j2\pi(f_{c} \pm kf_{s})t\right] + \sum_{i=1}^{+\infty} a_{i} \exp\left[j2\pi(f_{c} \pm f_{i})t\right] \right\}_{0}$$

$$(5)$$

然后将 *E*<sub>c</sub>(*t*)发送到 PD 中进行混频,得到的信号频谱如图 1(b4)所示。假设待测信号频率位于第 *k* 个梳齿和 (*k*+1)个梳齿之间,由于待测信号功率远小于锯齿波功率,因此拍频信号近似表示为

$$i_{\rm D}(t) \propto \sum_{i=1}^{+\infty} \Big\{ Rab_k \cos\Big\{ 2\pi \big[ f_i - (f_{\rm c} + kf_{\rm s}) \big] t \Big\} + Rab_{k+1} \cos\Big\{ 2\pi \big[ f_{\rm c} + (k+1)f_{\rm s} - f_i \big] t \Big\} \Big\},\tag{6}$$

式中:R表示 PD的响应度,由于功率较弱,被测信号之间的跳动信号被忽略。 $f_i - (f_c + kf_s)$ 处的拍频音定义为 $f_{i-L}, f_c + (k+1)f_s - f_n$ 定义为 $f_{i-R}, f_{i-L}$ 和 $f_{i-R}$ 之间的功率比可以表示为

$$\gamma = \frac{P_{n-L}}{P_{n-R}} = \frac{b_k^2}{b_{k+1}^2}$$
(7)

当一个单频信号进入系统时,它首先与锯齿波合 并进入4个通道之一,然后被调制到光域。混频后分 解为2个拍频信号。由于OFC的非平坦性,在不同的 信道中,2个拍频信号的功率比不同。由式(7)可知, 功率比与OFC相邻两个梳齿的功率比一致。通过寻 找一对满足 $f_{i-L}+f_{i-R}=f_s$ 关系的拍频音,并根据功率比 定位其信道,可以清楚地识别未知信号,如果信号位于 第k个通道,则频率计算公式为 $f_i=(k-1)\times f_s+f_{i-Lo}$ 如图1(b4)所示,当 $f_i$ 被系统拦截时,得到频率为 $f_{1-L}$ 和  $f_{1-R}$ 的拍频信号,其中功率较高的信号被识别为 $f_{1-Lo}$ 根据它们的功率比判断,这个信号落入了第1个信道。 因此被测频率 $f_1=(1-1)\times f_s+f_{i-Lo}$ 。将高频信号转换 为 $f_s$ 的低带宽,利用低速模数转换和数字信号处理技 术可以实现实时测量。信道化划分依赖于不同的功率 比,即频率功率映射。这种频率测量方法也应用于多 频信号的估计。

#### 2.2 仿真验证

本文方案采用锯齿波调制实现非平坦光频梳, 同时为了控制非平坦光频梳相邻梳齿间功率比,需 要合理调节锯齿波的占空比,因此实验需要高采样 率的任意波形发生器,而实验室暂无该实验设备,因 此本文采用光学仿真来分析方案的可行性。基于方 案原理图,利用 Optisystem 构建了实验仿真系统,在 仿真中,采用中心频率 f=193.1 THz、线宽为 10 MHz、输出功率为20 dBm 的连续波激光器作为光 源。设置锯齿波的频率 f = 10 GHz、振幅为1V。 MZM的半波电压设置为4V、消光比设置为40dB。 然后将待测信号与锯齿波通过电桥合并输入到 MZM 的射频端口。另外,本节中输入待测信号的振 幅均设置为0.03 V。偏置电压设置为4 V,使 MZM 工作在 MITP, 以实现 CS-DSB。经过调制的光信号 被发送到PD进行混频,得到拍频信号(图2、3)。需 要指出的是,光电流中的这些频率信息可以通过快 速傅里叶变换等计算机处理,通过这种方式可以实 现多频测量系统。本文采用电频谱分析仪(ESA)来 获取拍频结果。





图 2 不同 *c* 值下通道功率比。(a)*c*=0.3; (b)*c*=0.5; (c)*c*=0.7; (d)*c*=0.9 Fig. 2 Channel power ratio at different *c* values. (a)*c*=0.3; (b)*c*=0.5; (c)*c*=0.7; (d)*c*=0.9



Fig. 3 Optical frequency comb at *c*=0.9

首先用单频信号对所提出系统进行测试,分别为  $f_1$ =6.7 GHz、 $f_2$ =12.4 GHz、 $f_3$ =28.2 GHz 和  $f_4$ = 33.5 GHz。这些信号分别进入不同的通道,最后的拍 频结果如图 4 所示。当频率 $f_1$ =6.7 GHz 的信号输入 系统时,出现频率分别为 3.28 GHz 和 6.72 GHz 的两 个 拍 频 音,如图 4 (a)所示,对应的功率分别为 -19.58 dBm 和-10.89 dBm。由于 6.72 GHz 的功率 高于 3.28 GHz,因此 $f_{1-L}$ =6.72 GHz。得到的功率比 为8.69 dB,由图 2(d)可知,信号进入的是 Ch1。因此, 估计频率 $f_1$ =6.72 GHz。同样地,图 4(b)~(d)分别为  $f_i = f_2, f_3, f_4$ 时不同的测量结果。对应的功率比分别为 6.21 dB、3.69 dB和 2.77 dB,满足图 2(d)中不同的信 道 功 率 比 。 $f_2$ 、 $f_3$ 和  $f_4$ 的 最 终 估 计 频率 分 别 为 12.42 GHz、28.2 GHz和 33.52 GHz。

考虑到多频信号,图5给出了同时输入多个单频 信号时的仿真结果。图 5(a)和(b)分别为两个输入信 号在同一通道内和不在同一通道内的结果。例如,在 图 5(b)中,两个频率为 f<sub>2</sub>=13.1 GHz 和 f<sub>4</sub>=35.5 GHz 的信号一起输入。通过监测 ESA,得到两对具有 PD 响应带宽的拍频信号,频率分别为3.12 GHz、 4.53 GHz、5.47 GHz 和 6.88 GHz, 功率分别为 -22.52 dBm、-34.84 dBm、-32.51 dBm 和 -28.60 dBm。根据一对拍频信号的频率和为f.的原 理, $f_{i-L}$ 和 $f_{i-R}$ 的频率可以被识别出来,如图 5(b)所示,  $f_{i-L}$ 和 $f_{i-R}$ 的功率比分别为 6.08 dB 和 2.33 dB,表明 f<sub>2</sub> 落入Ch2, f4落入Ch4。最终估计频率为13.12 GHz和 35.47 GHz。当系统截获两个频率为2.4 GHz、 7.8 GHz的射频信号时,测量结果分别为2.42 GHz和 7.81 GHz,如图 5(a)所示。图 5(c)为分别接收 fi= 2.4 GHz、f<sub>2</sub>=13.6 GHz 和 f<sub>3</sub>=25.4 GHz 三个信号时 的测量结果。用同样的方法,估计频率为2.42 GHz、 13.59 GHz 和 25.39 GHz。同样地,对于 fi=6.4 GHz、 f<sub>2</sub>=14.7 GHz、f<sub>3</sub>=28.2 GHz 和 f<sub>4</sub>=30.5 GHz,估计频 率分别为 6.41 GHz、14.69 GHz、28.20 GHz 和 30.47 GHz,如图 5(d)所示。

接着以 0.3 GHz 为起始频率,300 MHz 为步长,在 0.3~40 GHz 范围内进行频率测量,测量结果如图 6 所 示。图 6(a)为测量结果随待测信号频率变化的曲线, 直线表示理想测量值,圆圈标记表示实际测量结果,可 以看出,在采样点中,有两个点无法测量到准确的结果, 分别是 15 GHz 和 30 GHz。图 6(b)为测量误差曲线,实



图 4 单频信号的拍频。(a)6.7 GHz; (b)12.4 GHz; (c)28.2 GHz; (d)33.5 GHz Fig. 4 Beat frequency of single-frequency signals. (a) 6.7 GHz; (b) 12.4 GHz; (c) 28.2 GHz; (d) 33.5 GHz



图 5 多频信号的拍频。(a) 2.4 GHz, 7.8 GHz; (b) 13.1 GHz, 35.5 GHz; (c) 2.4 GHz, 13.6 GHz, 25.4 GHz; (d) 6.4 GHz, 14.7 GHz, 28.2 GHz, 30.5 GHz

Fig. 5 Beat frequency of multi-frequency signal. (a) 2.4 GHz , 7.8 GHz; (b) 13.1 GHz, 35.5 GHz; (c) 2.4 GHz, 13.6 GHz, and 25.4 GHz; (d) 6.4 GHz, 14.7 GHz, 28.2 GHz, and 30.5 GHz

本小节验证了方案测量单频信号和多频信号的可 行性,实现了0.3~40 GHz范围内频率估计误差小于 40 MHz的频率测量。从信号频率的判定过程来看,影

心圆代表绝对误差,空心圆代表相对误差,可以看出,在 0.3~40 GHz范围内,绝对误差小于40 MHz,相对误差 优于4%。经计算,均方根误差为22.66 MHz。



图 6 频率测量结果。(a)测量结果随输入射频的变化曲线;(b)测量误差曲线

Fig. 6 Frequency measurement results. (a) Variation curve of measurement results with input RF; (b) measurement error curves

响信号测量精度的因素包括噪声和电谱仪的采样速率,其中噪声包括系统热噪声、PD的暗电流等。这些因素会影响拍频后成对电信号的功率比,从而影响信

号所处信道的判断。拍频后的频率信息由电谱仪获得,因此电谱仪的采样速率也会对测量结果有一定影响。



图 7 无频率模糊的 IMFM 系统 Fig. 7 IMFM system with free ambiguity.

## 3 分析与讨论

#### 3.1 频率模糊

在图 6(a)中,频率15 GHz 和 30 GHz 的信号无法 测量,这是因为信号处于各自通道的中间位置,拍频后 会出现两个频率一样的信号叠加在一起,无法分辨出 *f<sub>i-L</sub>*和*f<sub>i-R</sub>*,为了解决类似的频率模糊问题,在系统中加 入另一个锯齿波发生器,如图 7 所示,频率为*f*'s,其他 参数不变。*f*<sub>s</sub>和*f*'s之间的差异可以根据不同的条件灵 活调整。E、F、G 点的频谱与A、C、D 点的频谱相似, 假设*f*'s=12 GHz,分析了以下三种情况。

首先,当输入未知频率等于通道带宽的1/2(例如 15 GHz)时,两个拍频重叠,由于无法计算功率差,频 率模糊,如图8(a)所示。通过在系统中增加一个频率 为f'的锯齿波,形成一个带宽不一样的通道,将这些重 叠的拍频信号分离出来,如图8(b)所示,由此可以估 计频率。第二种情况,当两个信号同时输入到同一区 间,且频率对称于信道中心频率(例如待测射频信号 fi=2.6 GHz、f2=7.4 GHz)时,拍频后只有2个信号频 率,且功率几乎相等,如图8(c)所示,这会导致频率无 法估计,而改变通道带宽后,这种对称性被打破,如图 8(d)所示,由此可以进行准确估计。第三种情况,当待 测信号频率等于通道边界(例如fi=kfs)时,射频信号无 法被包含在通道内,因此,在0~fs内不会出现拍频信 号,如图8(e)所示,改变通道带宽后,待测信号会被包 含在通道内,从而在拍频后出现两个拍频音,如图8(f) 所示。

综上所述,通道带宽固定是导致频率模糊的主要 原因。在这种情况下,在系统中加入另一个频率不同 的锯齿波同时进行测量的方法是有效的。

#### 3.2 待测信号功率

判断待测信号所处通道,是由一对拍频音的功率 比决定的,因此待测射频信号的功率对测量结果有着 很大影响,在仿真过程中发现,信号功率过小,会导致 拍频信号的功率比不稳定。由于之前假设输入的未知 信号都处于相同的功率水平,为了使仿真环境更加接 近现实,有必要探讨信号在不同功率水平下的影响。 设置待测信号频率 $f_1$ =16 GHz,首先为找到可测量信 号的功率下限,对振幅为0.009 V、0.011 V、0.014 V、 0.018 V,对应功率为一14 dBm、一12 dBm、



图 9 不同功率下射频信号的拍频功率比。(a)-14 dBm; (b)-12 dBm; (c)-10 dBm; (d)-8 dBm Fig. 9 Beat frequency power ratio of RF signal at different powers. (a)-14 dBm; (b)-12 dBm; (c)-10 dBm; (d)-8 dBm

#### 研究论文

#### 第 43 卷 第 22 期/2023 年 11 月/光学学报

-10 dBm、-8 dBm的信号分别测量 20次,以功率比 上下不超过0.5 dB为标准,结果如图9所示,从图9(c) 可以看出,功率-10 dBm开始达到标准,此时标准差 为0.08。

接着,设置待测信号功率从-10dBm变化到

10 dBm, f<sub>1-L</sub>和f<sub>1-R</sub>在不同输入信号功率级下的功率曲 线及其功率比如图 10(a)所示,可以看出,功率比稳定 在 6.2 dB 左右,证明系统性能比较稳定。图 10(b)展 示了不同输入射频功率水平下的估计误差,其值稳定 在 15.62 MHz。



图 10 不同输入信号功率下的功率曲线及误差。(a)估计功率及对应的功率比;(b)频率估计误差 Fig. 10 Power curves and errors under different input signal powers. (a) Estimated power and corresponding power ratio; (b) frequency estimated error

最后,同时输入4个不同的信号,其参数如表1所示,系统参数与之前保持一致,拍频结果如图11所示, 功率比分别为8.77 dB、6.43 dB、3.76 dB、2.85 dB,因 此测量结果为2.97 GHz、14.3 GHz、27.73 GHz、 38.98 GHz,频率估计误差没有超过40 MHz,与图5所 得结论一致。

表1 待测射频信号参数设置 Table1 Parameter setting of the undertest RF signal

	0	8	
Signal	Frequency /GHz	Amplitude /V	Channel
$f_1$	3.0	0.02	Ch1
$f_2$	14.3	0.05	Ch2
$f_3$	27.7	0.09	Ch3
$f_4$	39.0	0.12	Ch4
$f_{\rm s}$	10.0	1.00	_

#### 3.3 MZM 偏置电压漂移

由于 MZM 的内部波导结构和材料等原因,其直流偏置电压的静态工作点会随温度等外界因素的变化





而发生偏移,对其工作特性造成极大的影响,从而影响 系统性能,因此对MZM的偏置电压漂移进行了讨论。

同样设置待测射频信号频率 $f_1$ =24 GHz,并保持 振幅为0.03 V,功率为-3.5 dBm不变,图12(a)展示 了拍频信号 $f_{1-L}$ 和 $f_{1-R}$ 在不同偏置电压漂移下的功率



图12 MZM不同偏置下的功率曲线及误差。(a)估计功率及对应的功率比; (b)频率估计误差

Fig. 12 Power curves and errors of MZM under different biases. (a) Estimated power and corresponding power ratios; (b) frequency estimated error

#### 研究论文

变化及两者的功率比,可以看出,两者的功率比在Ch3 附近,上下不超过0.5dB,从图12(b)也可以看出,测 量误差为15.63 MHz,可以证明,MZM的偏置电压漂 移对系统性能没有影响。

最后,当MZM的偏置电压漂移为±0.2%时,不 同功率的多频信号参数如表1所示,最终混频结果如 图13所示。可以看出,该结果与图10的结果基本一 致,只是功率比稍有差异,再次证明了调制器的偏置电 压漂移不会影响系统的测频性能。功率比之间的差异 是由系统噪声引起的。



图 13 MZM 偏置漂移为±0.2% 时,多频信号在不同功率下的 拍频结果

Fig. 13 Beat frequency results of multi-frequency signals at different power levels with MZM bias drift of  $\pm$  0.2%

### 4 结 论

本文提出并分析了一种基于非平坦光频梳的信道 化多频测量系统,利用锯齿波调制生成光频梳。在测 量信号时,待测信号会与锯齿波共同调制,这种方式可 以避免多支路检测的不平衡变化,同时降低系统的复 杂度,提高系统的稳定性。通过改变锯齿波频率,即可 调节系统的测量范围,具有一定的灵活性。仿真实现 了在0.3~40 GHz范围内的多频率测量,且误差小于 40 MHz,相对值误差优于4%。此外,分析了待测射频 信号的功率变化以及 MZM 偏置电压漂移的影响,结 果显示:待测信号功率从一10 dBm 起,功率比开始稳 定,频率判断准确;该系统对 MZM 偏置电压漂移有一 定的容错率,在±1% 变化范围内依旧能准确测量。

#### 参考文献

 Spezio A E. Electronic warfare systems[J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2002, 50(3): 633-644.

#### 第 43 卷 第 22 期/2023 年 11 月/光学学报

- [2] East P W. Fifty years of instantaneous frequency measurement
   [J]. IET Radar, Sonar & Navigation, 2012, 6(2): 112-122.
- [3] 朱伟,李晶,裴丽,等.基于偏振延时干涉的瞬时频率测量系统的分析与优化[J].光学学报,2021,41(21):2107001.
  Zhu W, Li J, Pei L, et al. Analysis and optimization of instantaneous frequency measurement system based on polarization time delay interference[J]. Acta Optica Sinica, 2021, 41(21):2107001.
- Winnall S T, Lindsay A C, Austin M W, et al. A microwave channelizer and spectroscope based on an integrated optical Bragg -grating Fabry-Perot and integrated hybrid Fresnel lens system
   [J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2006, 54(2): 868-872.
- [5] Hu S, Han X Y, Wu P S, et al. A photonic technique for microwave frequency measurement employing tunable dispersive medium[C]//2011 International Topical Meeting on Microwave Photonics jointly held with the 2011 Asia-Pacific Microwave Photonics Conference, October 18-21, 2011, Singapore. New York: IEEE Press, 2011: 165-168.
- [6] Nguyen T A, Chan E H W, Minasian R A. Photonic multiple frequency measurement using a frequency shifting recirculating delay line structure[J]. Journal of Lightwave Technology, 2014, 32(20): 3831-3838.
- [7] 刘可欣,高娜.基于非均匀光频梳的多频率瞬时信号检测方案
  [J].光学学报,2022,42(23):2306004.
  Liu K X, Gao N. Multi-frequency instantaneous signal detection scheme based on non-uniform optical frequency comb[J]. Acta Optica Sinica, 2022, 42(23):2306004.
- [8] Li J, Pei L, Ning T G, et al. Measurement of instantaneous microwave frequency by optical power monitoring based on polarization interference[J]. Journal of Lightwave Technology, 2020, 38(8): 2285-2291.
- [9] Zou X H, Chi H, Yao J P. Microwave frequency measurement based on optical power monitoring using a complementary optical filter pair[J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2009, 57(2): 505-511.
- [10] Lu B, Pan W, Zou X H, et al. Photonic-assisted intrapulse parameters measurement of complex microwave signals[J]. Journal of Lightwave Technology, 2018, 36(17): 3633-3644.
- [11] Nguyen T A, Chan E H W, Minasian R A. Instantaneous highresolution multiple-frequency measurement system based on frequency-to-time mapping technique[J]. Optics Letters, 2014, 39(8): 2419-2422.
- [12] Zhou F, Chen H, Wang X, et al. Photonic multiple microwave frequency measurement based on frequency-to-time mapping[J]. IEEE Photonics Journal, 2018, 10(2): 5500807.
- [13] Ye C H, Fu H Y, Zhu K, et al. All-optical approach to microwave frequency measurement with large spectral range and high accuracy[J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2012, 24 (7): 614-616.
- [14] Lu X K, Pan W, Zou X H, et al. Wideband and ambiguous-free RF channelizer assisted jointly by spacing and profile of optical frequency comb[J]. IEEE Photonics Journal, 2020, 12(3): 5500911.
- [15] Xie X J, Dai Y T, Ji Y, et al. Broadband photonic radiofrequency channelization based on a 39-GHz optical frequency comb[J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2012, 24(8): 661-663.

## Channelized Multi-Frequency Measurements Based on Sawtooth Wave Modulated Non-Flat Optical Frequency Combs

Jiang Yuzheng, Li Jing<sup>\*</sup>, Zhu Wei, Pei Li, Ning Tigang

Institute of Lightwave Technology, Beijing Jiaotong University, Beijing 100044, China

#### Abstract

Microwave frequency measurement technology plays an important role in various defense and civil **Objective** applications, such as electronic warfare, radar, and wireless communications. Microwave frequency measurements can be achieved by conventional electrical methods. Although high-resolution multi-frequency signal measurement is achieved, the frequency measurement range is limited by electronic bottlenecks, and the measurement system is susceptible to electromagnetic interference, while photonic-assisted frequency measurement based on photonics can not only overcome such problems but also has the advantages of high flexibility and high speed. In general, photonic-assisted instantaneous frequency measurement systems work in three ways, which are frequency power mapping (FTPM), frequency time mapping (FTTM), and frequency space mapping (FTSM). FTPM-based schemes have the advantages of good real-time performance and high accuracy, but most of them have great difficulties in measuring multi-frequency microwave signals. FTTM-based schemes are easy to implement the measurement of multi-frequency signals, but they are not applicable in scenarios with real-time requirements. FTSM-based schemes are suitable for handling multi-frequency signals while obtaining accurate frequency information in real time, but they often require filter arrays or wavelength division multiplexers (WDM), which can increase the system complexity and reduce the flexibility of the system. To address the problems of the FTSM-based scheme, we propose a multi-frequency signal transient detection scheme without optical filtering.

**Methods** The experimental system is built by using optical simulation software. The system uses a non-flat optical frequency comb modulated by a sawtooth wave to determine the frequency range of the signal by using the beat-to-beam power ratio of the signal to be measured and the optical frequency comb as a reference and then calculates the exact frequency of the signal to be measured from the demodulated frequency information. The system uses the multi-frequency signal to be measured and the sawtooth wave to be modulated together, and the generation of non-flat optical frequency combs is realized while loading the electrical signal. The frequency information can be processed by a computer such as fast Fourier transform, and the multi-frequency measurement system can be realized in this way. In this paper, an electrical spectrum analyzer (ESA) is used to obtain the beat frequency results.

**Results and Discussions** Firstly, the system is verified with single-frequency signal and multi-frequency signal, and the results are shown in Fig. 4 and Fig. 5, respectively, which are in accordance with the theoretical results. Then the frequency measurement is carried out within the measurement range of the system in steps of 300 MHz, and the measurement results are shown in Fig. 6, with the absolute error within 40 MHz, but two of the sampling points could not be measured because the signal frequency to be measured is in the middle and border position of the channel, resulting in the inability to get paired electrical signals after tapping the frequency. For such problems, another branch with different channel width is added to the original system. In addition, as the system is susceptible to noise, it is easy to cause the power ratio of weak signals to be unstable, so the influence of the power of the signal to be measured on the measurement results is analyzed, as shown in Fig. 9. The power ratio of the signal to be measured starts to stabilize from -10 dBm. Due to the internal waveguide structure and material of Mach-Zehnder modulator (MZM), the static operating point of its direct current (DC) bias voltage will shift with the change of external factors such as temperature, which will greatly affect its operating characteristics and system performance, so the bias voltage drift of MZM is discussed. It can still be measured accurately within the floating range of 1% up and down, and the results are shown in Fig. 12.

**Conclusions** In summary, a channelized multi-frequency measurement system based on a non-flat optical frequency comb is proposed and analyzed. The sawtooth wave spectral power decreases step by step, and it is modulated into the optical domain by suppressing the carrier bilateral band modulation, which can form the non-flat optical frequency comb required by the system. When the signal is measured, the signal to be measured will be co-modulated with the sawtooth wave. This way can avoid the unbalanced change of multi-branch detection while reducing the complexity of the system and improving the stability of the system. By changing the sawtooth wave frequency, the measurement range of the system can

#### 研究论文

be adjusted, which has a certain degree of flexibility. The simulation achieves multi-frequency measurements in the range of 0.3-40 GHz with an error of less than 40 MHz and a relative error of better than 4%. In addition, the power variation of the radio frequency signal to be measured and the effect of MZM bias voltage drift are analyzed, and the results show that the power ratio of the signal to be measured starts to stabilize from -10 dBm, and the frequency judgment is accurate. The system has a certain tolerance to the MZM bias voltage drift, and it can still measure accurately within  $\pm 1\%$  variation.

**Key words** multi-frequency signals; instantaneous microwave frequency measurement; optical frequency comb; channelization