

# 基于人射角扫描方式的大量程绝对折射率传感方法

方字<sup>1,2</sup>,吴晓静<sup>3</sup>,刘中法<sup>1,2</sup>,付烧<sup>1,2</sup>,朱思伟<sup>3</sup>,刘筠<sup>3</sup>,杨勇<sup>1,2\*</sup>

<sup>1</sup>南开大学现代光学研究所,天津 300350; <sup>2</sup>天津市微尺度光学信息技术科学重点实验室,天津 300350; <sup>3</sup>南开大学人民医院转化医学研究院,天津 300121

**摘要** 针对石墨烯基的折射率传感系统中存在的大量程和高测量灵敏度无法兼得且仅能实现相对折射率测量的问题,提出了一种基于全内反射式的大量程绝对折射率测量方法。该方法仅通过一维线性运动,实现了大范围角度的精确调控。利用光学 4*f* 系统,保证了采样点位置不随入射角的变化而变化。不同入射角下的扫描测量方法的折射率测量范围理论上可以达到 1~1.5168,通过对不同质量分数的氯化钙溶液的折射率进行测量,从实验上获得 7.203×10<sup>-4</sup> RIU 的测量灵敏度。

doi: 10.3788/AOS202242.0816001

# Large-Range Absolute Refractive Index Sensing Method Based on Incident Angle Scanning

Fang Yu<sup>1,2</sup>, Wu Xiaojing<sup>3</sup>, Liu Zhongfa<sup>1,2</sup>, Fu Rao<sup>1,2</sup>, Zhu Siwei<sup>3</sup>, Liu Jun<sup>3</sup>, Yang Yong<sup>1,2\*</sup>

<sup>1</sup> Institute of Modern Optics, Nankai University, Tianjin 300350, China;

<sup>2</sup> Tianjin Key Laboratory of Micro-Scale Optical Information Science and Technology, Tianjin 300350, China; <sup>3</sup> Institute of Translational Medicine, Nankai University, Tianjin 300121, China

**Abstract** In a graphene-based refractive index sensing system, the large range and high measurement sensitivity cannot be achieved simultaneously, and only the relative refractive index can be measured. In this study, a large-range absolute refractive index measurement method based on total internal reflection is proposed, which realizes the accurate regulation of a wide range of angles only through one-dimensional linear motion. The optical 4*f* system ensures that the position of the sampling point does not change with the incident angle. By the scanning measurement method at different incident angles, the measurement range of the refractive index can reach 1-1.5168 in theory. Through the refractive index measurement of calcium chloride solution with different mass fraction, the measurement sensitivity obtained in experiments is  $7.203 \times 10^{-4}$  RIU.

Key words materials; total internal reflection; scanning of incident angle; absolute refractive index; large range; graphene

1 引 言

折射率是一个重要的物理参数,可以精确地反 映物质状态的变化,通过折射率传感技术可以测量 出样品折射率随环境的微小变化,因此在物质成分、 材料性质以及诸如温度压力等物理量变化的探测领 域具有重要的应用价值<sup>[1-5]</sup>。常见的光学折射率传 感技术有光纤折射率传感技术<sup>[1,6]</sup>、表面等离子体

收稿日期: 2021-10-21; 修回日期: 2021-11-08; 录用日期: 2021-11-15

**基金项目**:国家自然科学基金(12074203,12174103,12174104)、广东省基础与应用基础研究基金(2020B301030009) 通信作者: \*yangyong@nankai.edu.cn

极化折射率传感技术<sup>[7]</sup>等。近年来,人们发现了石 墨烯材料具有偏振选择吸收效应<sup>[8]</sup>,在全内反射条 件下,石墨烯对横电(TE)模式和横磁(TM)模式光 的吸收有明显的差异,并且该差异对被测介质的折 射率变化值敏感。利用该原理,人们发展了石墨烯 基的折射率传感技术<sup>[9]</sup>,由于石墨烯具有优异的化 学、物理特性,以及生物低毒害性,该技术在气体成 分检测<sup>[10]</sup>、生物传感<sup>[11]</sup>等领域得到广泛的应用。 相比于光纤折射率传感技术和表面等离子体极化折 射率传感技术,石墨烯基的折射率传感技术具有灵 敏度高、结构简单、成本低等特点,近年来备受关 注<sup>[12-13]</sup>。

上述所提到的折射率传感技术均工作在全内反 射条件下,为了实现高测量灵敏度,需要根据被测介 质折射率将入射角控制在一个很小的范围内[14]。 然而,被测介质的折射率变化较大会破坏上述测量 条件,导致测量灵敏度下降。因此,大动态范围和高 灵敏度往往很难兼得[14]。为了解决该问题,在光纤 折射率传感技术和表面等离子体极化折射率传感技 术中,人们引入宽谱光源和光谱探测技术[15-16],但受 限于光源的谱宽和光谱仪的分辨能力,获得更大的 动态范围和更高的灵敏度依然是人们追求的目标。 在石墨烯基的折射率传感系统中,探测光的入射角 在临界角附近时,探测灵敏度最高[17]。为了获得高 探测灵敏度,待测介质的折射率变化范围应很小,这 严重限制了其应用范围。传统的折射率传感技术仅 能实现相对折射率的检测,而绝对折射率的测量方 法如干涉法、阿贝折射仪、光学折射法等灵敏度不是 很高,且易受温度的影响<sup>[18-20]</sup>。

为了解决上述问题,本文通过改变探测光的入 射角,使其随被测介质折射率的变化而变化,并始终 满足在临界角附近进行探测的条件,这样既可以实 现大动态范围,又可保持高探测灵敏度。提出了一 种光学探测系统,仅通过一维线性运动,实现了大范 围角度的精确调控。利用光学 4*f* 系统,保证了采 样点位置不随入射角的变化而变化,并解决了全内 反射测量系统中光线位置变化导致的光学系统中器 件调整问题。此外,利用精确角度扫描的优势,可以 实现对被测介质折射率绝对值的测量,克服传统折 射率传感技术仅能实现相对折射率测量的缺点。

2 大量程绝对折射率传感方法及原理

#### 2.1 石墨烯偏振选择吸收特性

入射光从光密介质传播到光疏介质时,会在介

#### 第 42 卷 第 8 期/2022 年 4 月/光学学报

质交界面处发生折射与反射,当入射角度刚好等于 全反射临界角时,只存在反射光<sup>[21]</sup>,此时介质的交 界面处产生倏逝波,倏逝波的相位沿着介质交界面 方向传播,且振幅沿着垂直界面的方向衰减,倏逝波 仅存在于被穿透的介质中靠近交界面附近很薄的一 层内<sup>[22]</sup>。为了验证石墨烯的偏振选择吸收差异,建 立了一种图 1 所示的 BK7-石墨烯-待测样品三层 结构。



图 1 BK7-石墨烯-待测样品三层结构 Fig. 1 Three-layer structure of BK7-graphenesample to be tested

下面将根据菲涅耳公式和多层膜耦合理论<sup>[23]</sup>, 计算石墨烯在全内反射系统中的偏振吸收差异。设  $r_1$ 为直角棱镜(BK7)与石墨烯交界面的反射系数,  $r_2$ 为石墨烯与待测样品交界面的反射系数, $\theta$ 为入 射角, $\theta_1$ 为入射光从 BK7 到石墨烯的折射角, $\theta_2$ 为 入射光从石墨烯到待测样品的折射角, $n_1$ 为 BK7 的折射率, $n_g$ 为石墨烯的折射率, $n_2$ 为待测样品的 折射率。TE 模式电磁波的反射系数<sup>[23]</sup>为

$$\begin{cases} r_1 = \frac{n_1 \cos \theta - n_g \cos \theta_1}{n_1 \cos \theta + n_g \cos \theta_1}, \\ r_2 = \frac{n_g \cos \theta_1 - n_2 \cos \theta_2}{n_g \cos \theta_1 + n_2 \cos \theta_2}, \end{cases}$$
(1)

TM 模式电磁波的反射系数为

$$\begin{cases} r_{1} = \frac{n_{g} \cos \theta - n_{1} \cos \theta_{1}}{n_{g} \cos \theta + n_{1} \cos \theta_{1}}, \\ r_{2} = \frac{n_{2} \cos \theta_{1} - n_{g} \cos \theta_{2}}{n_{2} \cos \theta_{1} + n_{g} \cos \theta_{2}}, \end{cases}$$
(2)

整个模型的反射率为

$$R = |r|^{2} = \left| \frac{r_{1} + r_{2} \exp(2i\beta)}{1 + r_{1}r_{2} \exp(2i\beta)} \right|^{2}, \quad (3)$$

式中:r 为整个模型的总反射系数;β 为层间的相位 传递因子<sup>[23]</sup>,β 的公式为

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} n_{\rm g} d_0 \cos \theta_1 \,, \tag{4}$$

式中: $d_0$ 为石墨烯层的厚度,取 10 层石墨烯, $d_0$  = 3.4 nm; $\lambda$ 为光波长。石墨烯的折射率<sup>[24-25]</sup>为

#### 第 42 卷 第 8 期/2022 年 4 月/光学学报

80

图 2(a)为三层结构的 BK7-石墨烯待测样品的 反射率随入射角的变化曲线,可以看出系统对 TE

模式电磁波的吸收远大于 TM 模式:图 2(b)是两层

结构 BK7 待测样品的反射率曲线,没有发现图 2(a)

所示的样品对 TE 模式和 TM 模式电磁波的偏振吸

收差异,因此可以得到是石墨烯造成了这种差异。

3.4 nm,  $n_r = 2.6 + 1.3i$ ,  $\lambda = 532$  nm.

#### $n_{\rm g} = n_0 + \mathrm{i}\kappa\,,\tag{5}$

式中:n<sub>0</sub>表示折射率的实部,决定了石墨烯的折射; κ为折射率的虚部,也称为消光系数,决定了石墨烯 的吸收<sup>[25]</sup>。

基于以上理论,用 MATLAB 模拟得到不同偏 振态的入射光反射率与入射角的关系曲线,如图 2 所示。模拟参数  $n_1 = 1.15168, n_2 = 1.3330, d_0 =$ 



图 2 反射率曲线。(a) BK7-石墨烯-待测样品三层结构;(b) BK7-待测样品两层结构 Fig. 2 Reflectance curves. (a) Three-layer structure of BK7-graphene-sample to be tested; (b) two-layer structure of BK7-sample to be tested

#### 2.2 入射光角度精准调节方法及装置

待测介质的折射率变化时,全反射临界角也会 产生变化。为了找到灵敏度的最佳位置,当待测介 质的折射率变化时,要相应地调整入射角。然而,传 统的全内反射实验系统的搭建完成后,调整入射光 的角度会导致反射光线位置的变化,相应地,须对其 他光学器件的位置进行调整,调整过程繁琐。为此, 提出了一种光学反射系统的入射光角度精准调节方 法及装置,仅通过一维线性运动即可实现探测光入 射角的精确调整,调整过程中无需调整光学器件的 位置。入射光角度精准调节原理图如图 3 所示。



图 3 光学反射系统的入射光角度精准调节装置。(a)角度调节前;(b)角度调节后 Fig. 3 Accurate adjustment devices for incident light angle of optical reflection system. (a) Before angle adjustment; (b) after angle adjustment

图 3 中 M1、M2、M3、M4 为平面反射镜,L1、 L2、L3 为双凸透镜,stage 为一维平移台,由激光器 输出的准直光经过反射镜 M1 和 M2 的反射,入射 到透镜 L1,其中 M2 和 L1 固定在一维平移台上。 由透镜 L1 透射的光线经过反射镜 M3 的反射,入射 到透镜 L2,其中,透镜 L1 的焦点与透镜 L2 的焦点 重合。准直光束依次经过透镜 L1 和 L2,由于 L1 的焦点与 L2 的焦点重合,从 L2 的透射光线为准直 光束,该光束与反射系统的法线夹角为入射角。透镜 L2 与透镜 L3 的焦点重合,且焦点位于反射系统 的反射点处。反射镜 M4 位于透镜 L3 的焦面上,且 反射镜 M4 与透镜 L1 和 L2 的共焦面共轭。从透 镜 L3 透射的光束会聚在反射镜 M4 表面,并由反射 镜 M4 反射后原路返回,经过透镜 L3 的透射光束为 准直光束,其第二次经过反射系统,且反射点为原入 射位置。

改变入射到反射系统表面的入射角是通过控制 一维平移台的移动实现的,如图 3(a)中箭头所示。 当平移台沿箭头方向往复移动时,经过透镜 L1 的 光束会聚在透镜 L1 和 L2 的共焦面上,且焦点的位 置会随平移台的移动在共焦面上移动,且光轴与透 镜 L2 的主平面垂直。由于透镜 L2 是固定的,所以 经过透镜 L2 的光束的光轴必定经过 L2 的焦点,即 在反射系统表面的入射点,又由于经过 L2 之前的 光束在 L2 前焦面会聚,所以经过 L2 的光束为准直 光。经过反射系统表面反射的光束经过透镜 L3,由 于反射系统表面的入射点在透镜 L3 的焦点上,所 以从透镜 L3 透射的光束的光轴必垂直于反射镜 M4 表面;由于 M4 位于透镜 L3 的焦面上,光线会 聚在 M4 表面,并经 M4 反射后原路返回。综上可 以看出,利用平移台的移动可以实现入射到反射系 统表面的入射角的调整,且入射点的位置始终保持 不变。由于光束原路返回,所以在平移台的移动过 程中,无需调整任何光学器件。图 3(b)为入射光角 度经调节后的装置图。

#### 2.3 基于石墨烯的大量程绝对折射率传感系统

依据上述原理搭建了石墨烯折射率传感系统, 系统原理图如图 4 所示。



图 4 基于石墨烯的大量程绝对折射率传感系统。(a)角度调节前;(b)角度调节后 Fig. 4 Large range absolute refractive index sensing system based on graphene.

(a) Before angle adjustment; (b) after angle adjustment

图 4 是基于石墨烯的大量程绝对折射率传感系 统,激光器(Laser Quantum, Ventus 532)输出波长 为 523 nm 的准直光束,准直光束经过 1/4 波片后 变为圆偏振光,经过分光棱镜(BS)的透射后被反射 镜(M1)反射到一维平移台(stage),再经平移台上 的反射镜(M2)反射到双凸透镜(L1, 焦距 f =120 mm), 光束经双凸透镜(L1)聚焦、反射镜(M3) 反射后会聚于 L1 和双凸透镜(L2, f=60 cm)的共 焦面上,再经L2后到达传感系统。传感系统由棱 镜、石墨烯(化学气相沉积法制得 10 层)、微流腔 (PDMS)组成,微流腔接入两导管,注入待测样品。 光经棱镜发生全反射后,反射光由双凸透镜(L3, f = 60 mm)聚焦后到达反射镜(M4),再经 M4 原路 返回。返回的光信号由 BS 反射并进入差分探测系 统(PD1、PD2),再经计算机处理得到差分信号。一 维平移台由计算机控制,可以记录移动的距离。根 据前文的分析,通过控制一维平移台的移动可以控 制全内反射装置的入射角度的变化。图 4(b)为入 射角度调整后的装置图。

一维平移台移动距离与入射角度对应关系的计

算方法如下。

设图 4(a)中 L2 和 L3 的焦距均为 f,可以算出 光线平移距离与角度满足

$$\tan\theta_{\rm v} = \frac{d}{f},\tag{6}$$

式中: $\theta_v$ 为入射光线或反射光线角度的变化量;d为平移台移动的距离;f为L2和L3双凸透镜的焦距,对等式两边取微分,可得

$$\frac{1}{\cos^2\theta_{\rm v}}\Delta\theta = \frac{1}{f}\Delta d , \qquad (7)$$

式中:Δd 为平移台移动距离的微小变化量;Δθ 为入 射光或反射光角度的微小变化量,可以表示为

$$\Delta \theta = \frac{\cos^2 \theta_{\rm v}}{f} \Delta d , \qquad (8)$$

在光路的近轴区域,有  $\cos^2 \theta_v \approx 1$ ,可以近似得到光 线平移距离与角度的变化满足

$$\Delta \theta \approx \frac{1}{f} \Delta d \,. \tag{9}$$

#### 2.4 绝对折射率的计算

不同的物质具有不同的折射率,同一种物质在 温度、气压、光波长、浓度不同时,折射率也会产生变

## 第 42 卷 第 8 期/2022 年 4 月/光学学报

第 42 卷 第 8 期/2022 年 4 月/光学学报

化<sup>[18]</sup>。待测样品折射率的变化会导致全内反射角 发生相应的变化,因此反射率曲线也会有一定的变 化。图 5 是对不同折射率物质的反射率曲线的 仿真。



图 5 不同折射率物质的反射率曲线图 Fig. 5 Reflection curves of materials with different refractive indices

从图 5 中可以看出,对于同一折射率的物质,反 射率随入射角的增大呈先增大后减小的趋势,在满 足全内反射条件时,反射率达到最大。对于不同折 射率的物质,随着折射率的增大,反射率曲线的峰值 也会向着入射角增大的方向移动。基于这种变化, 提出了一种绝对折射率的传感方法,即通过移动平 移台改变入射角度的大小,得到反射信号随入射角 度变化的曲线。反射信号的峰值所对应的平移台的 位置被计算机记录,通过该位置信息便能计算出全 内反射角的大小,从而得到物质折射率的绝对值。 全内反射角的计算公式为

$$\sin\theta = \frac{n_2}{n_1},\tag{10}$$

因此,待测介质的折射率为

$$n_2 = n_1 \sin \theta \,, \tag{11}$$

对(11)式两边取微分,可得

$$\Delta n_2 = n_1 \cos \theta \Delta \theta_{\circ} \tag{12}$$

为了使测量更精准,用一个折射率为 n<sub>w</sub>的样品对实验装置进行标定,设定该样品的入射光角度 为全内反射角时平移台的位置为 0,将微流腔换为 待测样品,移动平移台使系统再次发生全内反射,记 录平移台的移动距离 Δd,则待测介质的折射率可 以表示为

 $n_2 = \Delta n_2 + n_w = n_1 \cos \theta_w \Delta \theta + n_w$ , (13) 式中: $\theta_w$ 为标定样品的全内反射角。当  $\Delta d$  变化很 小且平移台在近轴区域内移动时,待测样品的折射 率可以表示为

$$n_2 = n_1 \cos \theta_{\rm w} \, \frac{\Delta d}{f} + n_{\rm w} \, . \tag{14}$$

当待测样品与标定样品的折射率差值较大时, 需要对平移台进行较大距离的移动,此时不再满足 近轴条件,又考虑到棱镜的折射对实验带来的影响, 需对折射率的计算公式进行修正。修正原理图如 图 6 所示。



图 6 修正原理图 Fig. 6 Correction schematic diagram

图 6 中 L2、L3 为两个双凸透镜, 焦距 f = 60 mm; 过 L2、L3 中心的实线为光轴, 其与竖直方向的夹角为  $\theta_0$ , 该系统中  $\theta_0 = 60^\circ$ 是固定的; 棱镜 (BK7)为直角棱镜, 其斜面完全水平放置,  $n_1$  为棱镜折射率,  $n_1 = 1.5168$ ; 实验中标定物选取去离子水, 光轴上方位于中间的实线为在全反射条件下标定样品的光线轨迹, 即光在去离子水和 BK7 界面的光线轨迹, 全反射临界角为  $\theta_w$ ; 光轴上方距离光轴最远的实线为在全反射条件下, 光在待测样品和

BK7 分界面的光线轨迹。考虑到棱镜的折射,折射 后角度变化为 $\Delta \theta'$ ;为了方便说明,令棱镜折射之前 光轴与去离子水入射光的光线轨迹的夹角为 $\Delta \theta_0$ ; 光线轨迹中的虚线部分为忽略棱镜折射之前的光线 轨迹。基于以上关系,有

$$\Delta \theta_{0} = \arcsin[n_{1}\sin(\theta_{w} - 45^{\circ})] - \theta_{0} + 45^{\circ},$$
(15)

$$\Delta \theta = \arctan\left[\frac{\Delta d}{f} + \tan(\Delta \theta_0)\right] - \Delta \theta_0, \quad (16)$$

$$\Delta \theta' = \frac{\cos(\theta_0 + \Delta \theta_0 - 45^\circ)}{\sqrt{n_1^2 - \sin^2(\theta_0 + \Delta \theta_0 - 45^\circ)}} \Delta \theta_\circ \quad (17)$$

$$\hat{\phi}_{ij} \hat{\eta}_{j} \hat{\eta}_{$$

用去离子水标定后,(18)式中多项都为常数,可 以简化为

$$n_{2} = n_{1} \cos \theta_{w} \Delta \theta' + n_{w} = a \left[ \arctan\left(\frac{\Delta d}{f} + b\right) - c \right] + n_{w}, \qquad (19)$$

其中

$$a = n_1 \cos \theta_{\rm w} \frac{\cos(\theta_{\rm o} + \Delta\theta_{\rm o} - 45^\circ)}{\sqrt{n_1^2 - \sin^2(\theta_{\rm o} + \Delta\theta - 45^\circ)}}, (20)$$

$$b = \tan(\Delta \theta_0), \qquad (21)$$

 $c = \Delta \theta_0 \, . \tag{22}$ 

反射信号到达峰值时平移台移动距离与折射率 的变化关系如图 7 所示,结合(19)式可以看出,平移 台的移动距离与折射率的变化关系是非线性关系。



图 7 平移台的移动距离与折射率的变化关系 Fig. 7 Relationship between moving distance of

translation table and refractive index

## 3 结果与分析

## 3.1 溶液质量分数与折射率的关系

为了验证实验系统的可行性,分别配制了不同 质量分数的氯化钙溶液。根据质量分数的计算公 式,先用电子秤(精度为0.001g)称量一定量的氯化 钙固体置于烧杯中,再用移液枪取相应的去离子水 于烧杯中,用玻璃棒搅拌至充分溶解后,将其装入密 封的离心管中,整个溶液配制过程快速,从而可减小 氯化钙在空气中吸水带来的影响。氯化钙溶液的质 量分数 C 可表示为

$$C = \frac{m}{m+M} \times 100\%, \qquad (23)$$

式中:m 为溶质质量;M 为去离子水的质量。首先 配制质量分数为0.01%的氯化钙溶液,用电子秤称 量0.1g的氯化钙固体,按照上述步骤加入999.9g 的去离子水,将其充分溶解后取适量装入密封离心 管中,这样待测溶液就配制好了。重复该操作,分别 配制质量分数为0.01%,0.1%,1%,5%,10%, 12%,14%,16%,18%,20%,24%的氯化钙溶液。

用图 4 所示的系统对不同质量分数氯化钙溶液的折射率进行测量,先用已知折射率的去离子水 ( $n_w = 1.3330$ )对系统进行标定。用注射器将去离 子水注入到微流腔中,通过控制平移台的移动控制 入射角度以对系统进行角度扫描,取反射信号峰值 对应的平移台的位置为 0,再分别将不同质量分数 的氯化钙溶液注入微流腔中,测量过程中记录平移 台的相对位移  $\Delta d$ ,用(19)式计算出溶液折射率大 小,记录的数据见表 1,室温为 26 °C,激光器波长为 532 nm。

表1 不同质量分数的氯化钙溶液对应的折射率

Table 1	Refractive index of calcium chloride solution			
with different concentration				

0 /0/	A 7 /	
C / %	$\Delta d$ /mm	Refractive index
0.01	0.004	1.33303
0.1	0.227	1.33464
1	0.243	1.33476
5	1.554	1.34419
10	3.272	1.35642
12	3.970	1.36135
14	4.775	1.36700
16	5.502	1.37207
18	6.364	1.37803
20	6.994	1.38237
24	8.187	1.39050

很明显,氯化钙的质量分数为 0.1% 时测量结 果有明显的误差,去除该点后不同质量分数的氯化 钙溶液与折射率的对应关系及拟合直线方程如图 8 中实线所示。

图 8 中虚线为参考文献[26]中 25 ℃时测量得 到的氯化钙溶液质量分数与折射率的关系的拟合直 线,实线为系统测得的数据的拟合直线,右下角插图 为两直线的放大图。可以看出,参考文献中的氯化 钙溶液质量分数与折射率的关系与系统测得的结果 一致,这证明了系统的可靠性。

$$y = 1.33187 + 0.24764x, \qquad (24)$$

$$y = 1.33238 + 0.24655x, \qquad (25)$$



图 8 氯化钙溶液的质量分数与折射率的关系

Fig. 8 Relationship between mass fraction of calcium chloride solution and refractive index

式中:y 表示折射率;x 表示氯化钙溶液质量分数。 (24)式为参考文献[26]中氯化钙溶液质量分数与折 射率关系的拟合直线方程,(25)式为本文实验系统 所测氯化钙溶液质量分数与折射率关系的拟合直线 方程。

从图 8 中可以看出,参考文献[26]中不同质量 分数氯化钙溶液的折射率拟合直线方程与本文实验 所得的拟合直线方程有微小差异,其原因可能在于: 环境温度不同、探测光波长的不同、配制溶液误差或 系统偏差。这个差异很小,是可以接受的。

## 3.2 系统灵敏度与误差分析

已知折射率传感器的灵敏度可以用测量值的标准偏差去表示,3.1节已经得到了实验系统所测氯 化钙溶液质量分数与折射率关系的拟合直线方程 [(25)式],拟合直线方程的标准偏差计算公式为

$$S = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - x_n)^2}{n - 1}},$$
 (26)

式中: $x_i$  为拟合直线方程对应的折射率; $x_n$  为实验 测得的折射率;n 为测得的实验数据点数;S 为拟合 直线方程的标准偏差。基于测得的实验数据与理论 数据,计算得到拟合直线方程的标准偏差为 7.203×10<sup>-4</sup>,因此系统灵敏度为7.203× 10<sup>-4</sup> RIU。系统灵敏度与平移台运动的精度和稳 定性有直接关系,换用移动精度更高、运动更稳定的 平移台可进一步提高系统灵敏度。

再配制质量分数为15%的氯化钙溶液,配制方法与上文所述一致,其折射率的测量值与理论值分别为1.36929和1.36936。

折射率的测量值与理论值的差值为 7×10<sup>-5</sup>, 造成这一差异的原因可能是配制溶液过程中产生的 误差、实验室环境的温度变化和噪声信号干扰等。 后续可以通过换用移动精度更高、更稳定的平移台 或控制实验室环境及温度来提高系统的灵敏度及稳 定性。

本实验中对氯化钙溶液质量分数的测量范围为 0%~24%,折射率的变化范围为1.3330~1.39,受 系统中反射镜与透镜尺寸的限制以及配制溶液的限 制,能测量的折射率范围为1.3330~1.39。通过增 大系统中反射镜与透镜尺寸、增加反射镜使光多次 反射、改变透镜焦距、换用折射率差异更大的材料等 方法都可以增大折射率测量范围,理论上的测量范 围可以达到1~1.5168。这也为后续实验装置的改 进提供了一个思路。

## 4 结 论

提出了一种反射系统的入射光角度调节方法及 装置,利用一维平移台对入射角度进行调整,可将入 射角度的变化转变为一维平移台的位移变化,不用 改变其他装置或光学器件的位置就可以对入射角进 行调整,这解决了光学反射系统调整入射光角度时 所遇到的困难。将该装置与石墨烯传感系统结合, 搭建了石墨烯折射率传感系统,通过移动平移台对 入射角进行扫描,得到反射率曲线。根据发生全内 反射时平移台的相对位移,计算得到样品折射率的 绝对值,该方法可以方便、实时地测量样品的折射 率。实验结果表明,基于石墨烯的折射率传感系统 的灵敏度为 7.203×10<sup>-4</sup> RIU,理论上的量程可达 1~1.5168。该测量方法简单、快捷、量程大、实时性 好,并且可以用于检测物质成分变化,也能为检测生 物医学中细胞的各种生化过程提供一种新的方法。

## 参考文献

- [1] Shi Q Y, Wang Y P, Cui Y F, et al. Resolutionenhanced fiber grating refractive index sensor based on an optoelectronic oscillator [J]. IEEE Sensors Journal, 2018, 18(23): 9562-9567.
- [2] Bao Y N, Liu X H, Hu J H, et al. High-performance optical refractive index sensor based on concave resonant grating [J]. Chinese Journal of Lasers, 2021, 48(9): 0913001.
  包益宁,刘秀红,胡劲华,等.基于凹型谐振光栅的 高性能光学折射率传感器[J].中国激光, 2021, 48(9): 0913001.
- [3] Antonacci G, Goyvaerts J, Zhao H L, et al. Ultrasensitive refractive index gas sensor with functionalized silicon nitride photonic circuits [J].
   APL Photonics, 2020, 5(8): 081301.

## 第 42 卷 第 8 期/2022 年 4 月/光学学报

#### 研究论文

- [4] Sultana J, Islam M S, Ahmed K, et al. Terahertz detection of alcohol using a photonic crystal fiber sensor[J]. Applied Optics, 2018, 57 (10): 2426-2433.
- [5] Zhao H X, Cheng P H, Ding Z Q, et al. Refractive index sensor based on alternating grating and graphene composite structure [J]. Acta Optica Sinica, 2021, 41(7): 0728001.
  赵洪霞,程培红,丁志群,等.基于交替光栅和石墨 烯复合结构的折射率传感器[J].光学学报, 2021, 41(7): 0728001.
- [6] Lin H, Zhang X, Zhu X S, et al. Refractive index sensor based on hollow optical fiber with metal-dielectric-metal multilayered films structure[J]. Acta Optica Sinica, 2018, 38(6): 0606006.
  林华,张娴,朱晓松,等.基于金属-介质-金属多层 膜结构的空芯光纤折射率传感器[J].光学学报, 2018, 38(6): 0606006.
- [7] Li T S, Zhu L Q, Yang X C, et al. A refractive index sensor based on H-shaped photonic crystal fibers coated with Ag-graphene layers [J]. Sensors, 2020, 20(3): 741.
- [8] Bao Q L, Loh K P. Graphene photonics, plasmonics, and broadband optoelectronic devices [J]. ACS Nano, 2012, 6(5): 3677-3694.
- [9] Xing F, Liu Z B, Deng Z C, et al. Sensitive real-time monitoring of refractive indexes using a novel graphene-based optical sensor [J]. Scientific Report, 2012, 2: 908.
- [10] Xing F, Yang Y, Shen J F, et al. Ultra-high sensitivity, multi-parameter monitoring of dynamical gas parameters using a reduced graphene oxide microcavity[J]. Sensors and Actuators B: Chemical, 2016, 235: 474-480.
- [11] Zhang H Q, Sun L X, Yang Y Z, et al. Graphenebased optical biosensor using functionalized magnetic nanoparticles[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(11): 1117001.
  张慧琴,孙立勋,杨艺哲,等.一种基于功能化修饰 磁性纳米颗粒的石墨烯基光学生物传感器[J].光学 学报, 2020, 40(11): 1117001.
- [12] Patel S K, Parmar J, Trivedi H, et al. Highly sensitive graphene-based refractive index biosensor using gold metasurface array [J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2020, 32(12): 681-684.
- [13] Li C, Gao J J, Shafi M, et al. Optical fiber SPR biosensor complying with a 3D composite hyperbolic metamaterial and a graphene film [J]. Photonics Research, 2021, 9(3): 379-388.
- [14] Chen P C, Shu X W, Cao H Y, et al. Highsensitivity and large-dynamic-range refractive index

sensors employing weak composite Fabry-Perot cavities[J]. Optics Letters, 2017, 42(16): 3145-3148.

- [15] Lan X W, Cheng B K, Yang Q B, et al. Reflection based extraordinary optical transmission fiber optic probe for refractive index sensing [J]. Sensors and Actuators B: Chemical, 2014, 193: 95-99.
- [16] Hlubina P, Kadulova M, Ciprian D, et al. Reflection-based fibre-optic refractive index sensor using surface plasmon resonance [J]. Journal of the European Optical Society: Rapid Publications, 2014, 9: 14033.
- [17] Xing F, Meng G X, Zhang Q, et al. Ultrasensitive flow sensing of a single cell using graphene-based optical sensors [J]. Nano Letters, 2014, 14 (6): 3563-3569.
- [18] Zhang H, Chen M H, Li Z Y, et al. The measurement of the concentration of glucose solution by using optical low coherence interferometry [J]. Optical Technique, 2018, 44(3): 287-290.
  张浩,陈明惠,李振洋,等.测量葡萄糖浓度的光学 低相干干涉法[J].光学技术, 2018, 44(3): 287-290.
- [19] Maswati N I, Yusibani E. Influence of the apex angle of a hollow prism made from an ordinary commercial glass plate as a simple refractometer to the accuracy of the refractive index measurement of the edible oil [J]. IOP Conference Series: Materials Science and Engineering, 2018, 352: 012045.
- [20] Valentine J, Zhang S, Zentgraf T, et al. Threedimensional optical metamaterial with a negative refractive index[J]. Nature, 2008, 455(7211): 376-379.
- [21] Kim M, Lee D, Nguyen T H Y, et al. Total reflection-induced efficiency enhancement of the spin Hall effect of light[J]. ACS Photonics, 2021, 8(9): 2705-2712.
- [22] Shen Z, Cheng Y, Deng H C, et al. Analysis of trapping force of beak-shaped optical tweezers with annular core fibers for particles [J]. Acta Optica Sinica, 2021, 41(18): 1808001.
  申泽,成煜,邓洪昌,等. 鸟喙形环形芯光纤光镊粒 子捕获受力分析[J]. 光学学报, 2021, 41(18): 1808001.
- [23] Zhao K H. New concept physics course[M]. Beijing: Higher Education Press, 2004: 286-288.
  赵凯华. 新概念物理教程-光学[M]. 北京:高等教育 出版社, 2004: 286-288.
- [24] Li Q, Ding Y, Yang L J, et al. Nanostructure and electrochemical performance of graphene oxide by irradiation of femtosecond laser[J]. Chinese Journal

## 第 42 卷 第 8 期/2022 年 4 月/光学学报

of Lasers, 2021, 48(8): 0802022. 李强, 丁烨, 杨立军, 等. 飞秒激光辐照氧化石墨烯 的纳结构与电化学性能研究[J]. 中国激光, 2021, 48(8): 0802022.

[25] Wang X, Chen Y P, Nolte D D. Strong anomalous optical dispersion of graphene: complex refractive index measured by Picometrology [J]. Optics Express, 2008, 16(26): 22105-22112.

[26] Tan C Y, Huang Y X. Dependence of refractive index on concentration and temperature in electrolyte solution, polar solution, nonpolar solution, and protein solution [J]. Journal of Chemical &. Engineering Data, 2015, 60(10): 2827-2833.