

基于动态夹角匹配的星图识别算法

孙兴哲^{1,2},张锐^{1,2*},师晨光^{1,2},林晓冬^{1,2}
¹中国科学院微小卫星创新研究院,上海 201203;
²中国科学院大学,北京 100049

摘要 星图识别算法是星敏感器中的关键技术,通过对观测恒星的识别实现对航天器的高精度姿态解算。现有的 星图识别算法,通常需要选取最近的邻星作为起始星,从而过于依赖起始星的选取导致识别准确率不佳。因此,提 出了一种基于动态夹角匹配的识别算法,使用邻星之间的夹角以及邻星与观测星之间的距离作为动态夹角特征,并借助该特征计算观测星与各个导航星之间的匹配度得分,最终将匹配度得分最高的导航星作为识别结果。仿真 验证结果表明,该方法具有较高的识别率且对于噪声具有较强的鲁棒性。在对 16200 幅模拟星图的仿真实验中,该方法的识别率可达到 99.80%,并在位置噪声、伪星以及星等噪声影响下均能保持 97.00%以上的识别率。
 关键词 模式识别;星敏感器;星图识别;动态夹角;匹配度
 中图分类号 TP391 文献标志码 A doi: 10.3788/AOS202141.1610001

Star Identification Algorithm Based on Dynamic Angle Matching

Sun Xingzhe^{1,2}, Zhang Rui^{1,2*}, Shi Chenguang^{1,2}, Lin Xiaodong^{1,2}

¹ Innovation Academy for Microsatellites, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201203, China; ² University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

Abstract Star identification algorithm is the key technology of star sensor. Through the identification of observed stars, the high-precision attitude calculation of spacecraft is realized. The existing star identification algorithms usually need to select the nearest neighbor star as the starting star, which results in poor recognition accuracy due to over reliance on the selection of the starting star. In this paper, a star identification algorithm based on dynamic angle matching is proposed. The angles between neighbor stars, and the distances between neighbor stars and observation star are used as the dynamic angle features. With the help of the features, the matching score between observation star and each navigation star is calculated. Finally, the navigation star with the highest matching score is taken as the recognition result. The simulation results show that the method has high recognition rate and good robustness to noise. In the simulation experiment of 16200 simulated star images, the recognition rate of this method can reach 99.80%, and it can maintain above 97.00% under the influence of position noise, false stars and magnitude noise.

Key words pattern recognition; star sensor; star identification; dynamic angle; matching degree OCIS codes 100.5010; 100.5760; 100.2960

1 引 言

星敏感器是天文导航系统中的一种天体敏感器,具有体积小、精度高、自主性强等特点。它通过 观测太空中的恒星对航天器进行姿态解算,现已广 泛应用于航天领域。而星图识别算法是星敏感器的 关键技术,实现一个可靠、快速的星图识别算法,一 直都是重要的研究课题^[1-3]。

Liebe 等^[4]提出三角形算法,使用三颗星两两 之间的角距作为特征进行识别,操作简单但具有一 定的冗余识别。Mortari 等^[5]提出金字塔算法,在三 角形的基础上,推广到四个星点,进一步降低了识别

收稿日期: 2021-01-05; 修回日期: 2021-02-01; 录用日期: 2021-03-11 通信作者: [`]acumen zhang@163.com 过程中的冗余。张广军等^[6]提出采用角距匹配改进 的三角形识别算法,直接存储星对角距,加快了识别 的速度。Wei 等^[7]提出将星图从笛卡儿坐标系转换 到极坐标系进行识别,进而实现了识别算法中的尺 度和旋转不变性。Padgett 等^[8]提出星模式类的栅 格算法,将星图栅格化编码后作为模式特征进行匹 配,但该算法在星等噪声和位置噪声等干扰下性能 不佳。Na 等^[9]将原始栅格匹配过程中的硬模板匹 配换成一个衡量观测特征与星模式特征之间差异的 代价函数,并使用恒星的相对星等作为权重,提高了 对位置噪声与星等噪声的鲁棒性。Silani 等^[10]提出 Polestar 算法,以一颗星作为参考星,计算它与邻星 之间的角距作为特征组成特定的二进制向量,并使 用查找表结构以及投票法的思想进行识别。随后, Zhang 等^[11]使用分步识别算法,先使用径向特征进 行初始匹配,再用环向特征进行后续匹配,但与栅格 算法一样,环向特征中起始边的选择容易受到噪声 的影响。Wei 等^[12]提出将邻星矢量之间的夹角作 为动态环向特征来消除各种噪声的影响。 Samirbhai 等^[13]使用具有旋转不变性的加性矢量作 为识别的特征,通过投票法选出匹配度最高的星作 为识别结果,但该方法同样具有过于依赖最近邻星 作为起始星的问题。

综上,部分模式匹配方法使用最近邻星作为起

第 41 卷 第 16 期/2021 年 8 月/光学学报

始星,在星点提取误差较大的情况下,起始星的错误 选择会导致识别失败。本文使用邻星之间的夹角以 及邻星和观测星之间的距离作为动态夹角特征,利 用该特征作为后续匹配的起点,通过累计角度和距 离验证的方法计算与各个导航星之间的匹配程度, 最终得到匹配程度最高的星即为正确的导航星,进 一步提高了星图识别算法的识别率以及对噪声的鲁 棒性。

2 特征提取和导航星库构建

特征提取和导航星库构建是执行星图识别算法 前重要的步骤。需要选取指定的特征用于识别算 法,并将每颗导航星提取到的星模式特征构建成导 航星库,供后续星图识别算法使用。

2.1 特征提取

采用各相邻邻星之间的夹角 θ_i 以及导航星和 邻星之间的距离 r_i 作为该导航星的星模式特征。 如图 1 所示,以导航星 R 为圆心,视场大小的一半 $L_{FOV}/2$ 为半径作圆,在该圆内的 N 个星点作为邻 星,按照逆时针的顺序分别记为 $\{S_1, S_2, \dots, S_N\}$ 。 利用各个邻星与导航星图像坐标系中的位置坐标, 再结合 θ_i 和 r_i 的表达式可以求得各相邻邻星之间 的夹角特征 $v_{\theta} = \{\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_N\}$ 以及参考星和邻星 之间的距离特征 $v_r = \{r_1, r_2, \dots, r_N\}$ 。

$$\theta_{i} = \begin{cases} \arctan\left(\frac{y_{i+1} - y_{c}}{x_{i+1} - x_{c}}\right) - \arctan\left(\frac{y_{i} - y_{c}}{x_{i} - x_{c}}\right) & , i = 1, 2, \cdots, N-1 \\ 360 - \arctan\left(\frac{y_{N} - y_{c}}{x_{N} - x_{c}}\right) + \arctan\left(\frac{y_{1} - y_{c}}{x_{1} - x_{c}}\right) & , i = N \end{cases}$$
(1)

$$r_{i} = \sqrt{(x_{i} - x_{c})^{2} + (y_{i} - y_{c})^{2}} , \quad i = 1, 2, \cdots, N,$$
⁽²⁾

式中,x_i和y_i分别为第i个邻星在图像坐标系中的



图 1 特征提取示意图 Fig. 1 Sketch of feature extraction

坐标, N 是视场中所有邻星的总数目, x_c和 y_c为导航星在图像坐标系中的坐标。

上述特征统一按照逆时针的方式进行排列,而 起点 S_i 选取的不同,对应到特征矢量 v_{θ} 和 v_{r} 上只 是进行了循环移位。例如,对于导航星 R,以 S₁ 作 为起点得到的两个特征矢量 $v_{\theta} = \{\theta_{1}, \theta_{2}, \dots, \theta_{N}\},$ $v_{r} = \{r_{1}, r_{2}, \dots, r_{N}\}$ 与以 S₆ 作为起点得到的两个特 征矢量 $v'_{\theta} = \{\theta_{6}, \theta_{7}, \dots, \theta_{N}, \dots, \theta_{5}\}, v'_{r} = \{r_{6}, r_{7}, \dots, r_{N}, \dots, r_{5}\}$ 之间只是相差一次循环移位。因此,夹 角和距离这两类特征作为星模式特征具有旋转不 变性。

2.2 导航星库生成

构建导航星库时,首先需要从 SAO J2000 星表

研究论文

中选取符合识别要求的恒星作为导航星。去除星表 中不稳定的变星以及难以区分的双星,并结合星敏 感器的敏感星等,最终从中选取 4956 颗恒星作为导 航星。

导航星库生成过程中,将选中的 4956 颗导航星 分别作为视场中心,根据星敏感器视场角大小,选取 符合角距限制的星作为邻星。依据星敏感器成像的 投影原理,得到各个邻星在图像中成像点的坐标,并 利用(1)式和(2)式,即得到 N 个邻星用于生成导航 星的模式特征。最终,得到各个导航星的特征矢量 v_{θ} 和 v_{r} 。导航星星模式特征分别存储在表 1 和表 2 中,表格的第一列为导航星的编号,用来作为各个导 航星的索引,后面 N 列分别为与当前导航星对应的 N 个邻星的夹角特征和距离特征。

表 1 导航星库夹角特征

Table 1 Angle feature of navigation star database					
Star ID	θ_{1}	$ heta_{2}$	•••	θ_N	
1	14.83	6.99	•••	70.82	
2	15.88	18.74		35.66	
		•••			
		•••			
4956	51.94	10.84		24.26	
表 2 导航星库距离特征					
Table 2 Distance feature of navigation star database					
Star ID	r_1	r_2		r_N	
1	76.60	425.62		129.94	
2	127.34	407.67		435.60	
		•••			

3 星图识别算法

128.19

4956

提出的星图识别算法主要分为动态夹角初始匹 配和匹配度计算两部分。首先,通过动态夹角衬征 进行初始匹配,找到满足作为匹配度计算起点的导 航星作为候选星。然后,分别计算参考星与各个筛 选出的候选星之间的匹配度。最终,将匹配度得分 最高的星作为参考星的匹配结果。

341.20

...

364.03

3.1 动态夹角初始匹配

针对指定星图,选定待识别参考星,以及它周围 的邻星构造星模式特征。可以得到各相邻邻星之间 的夹角特征 $v_{\theta} = \{\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_N\}$ 、参考星与邻星之间 的距离特征 $v_r = \{r_1, r_2, \dots, r_N\}$ 。

将待识别参考星得到的 N 组对应夹角和距离 组合{θ_k,r_k}作为动态夹角特征,依次在导航星库中

第 41 卷 第 16 期/2021 年 8 月/光学学报

搜索包含该特征的导航星并将其作为候选星。为了 提高识别算法对噪声的鲁棒性,在搜索过程中设定 阈值条件

$$\left| \begin{array}{c} \left| \left| \theta_{k} - \varphi_{l} \right| \leqslant \varepsilon_{\text{ang}} \\ \left| \left| r_{k} - d_{l} \right| \leqslant \varepsilon_{\text{dis}} \end{array} \right| \right|$$
 (3)

满足(3)式中阈值条件的导航星 C 即为候选星。在 (3)式中, θ_k 和 r_k 为参考星的第k个夹角和距离特征, φ_l 和 d_l 为导航星 C 的第l个夹角和距离特征, ε_{ang} 和 ε_{ds} 分别为角度匹配阈值和距离匹配阈值。

使用多组动态夹角特征,来解决依赖最近邻星 作为起始星的问题。经过初始识别的过程,从导航 星表中筛选出了符合初始匹配要求的候选星 C,并 将参考星 R 的第 k 组特征和导航星 C 的第 l 组特 征记为一对匹配组,作为下一步计算匹配度的起 始边。

除此之外,为了提高算法的搜索效率,在动态夹 角初始匹配过程中使用二维查找表结构对初始匹配 进行加速。根据导航星库中各个导航星的距离和夹 角特征构造二维查找表,该二维查找表的索引为距 离和夹角信息,值为对应的导航星的星号 C 以及与 之匹配的第 l 组特征。通过该方法,在动态夹角初 始匹配阶段能够直接得到满足要求的导航星作为候 选星,以提高整体的搜索效率。

3.2 匹配度计算

定义参考星 R 的各动态夹角特征为 $F_{ref} = \{(\theta_1, r_1), (\theta_2, r_2), \dots, (\theta_m, r_m)\}, 候选星 C 的动态$ $夹角特征为 <math>F_c = \{(\varphi_1, d_1), (\varphi_2, d_2), \dots, (\varphi_n, d_n)\}$ 。其中, m 和 n 分别为参考星 R 和候选星 C 生成特征的邻星个数。

通过初始识别过程,可知参考星的第 k 组动态 夹角特征与候选星 C 中的第 l 组动态夹角特征完成 匹配。以此动态夹角特征作为后续匹配的动态起始 边,计算待识别参考星 R 与筛选出来的候选星 C 之 间的特征匹配数 N_{mat}。

首先,利用匹配的动态夹角特征将特征 F_{ref} 和 F_{c} 分别循环移位 k 和 l 次得到 $F'_{ref} = \{(\alpha_{1}, \beta_{1}), (\alpha_{2}, \beta_{2}), \dots, (\alpha_{m}, \beta_{m})\}, F'_{c} = \{(\alpha_{1}, b_{1}), (\alpha_{2}, b_{2}), \dots, (\alpha_{n}, b_{n})\}, B$ 知此时 F'_{ref}, F'_{c} 中的第一 组动态夹角特征分别为上述完成匹配的 $\{\theta_{k}, r_{k}\}$ 和 $\{\varphi_{l}, d_{l}\},$ 即满足

$$\begin{cases} (\alpha_1, \beta_1) \equiv (\theta_k, r_k) \\ (a_1, b_1) \equiv (\varphi_l, d_l)^{\circ} \end{cases}$$
(4)

以此循环移位后的特征作为基础,利用其中的 夹角信息分别构造累计角度特征 $A_{ref} = \{\omega_1, \omega_2, \cdots, \}$

第 41 卷 第 16 期/2021 年 8 月/光学学报

 ω_m }和 $A_c = \{\mu_1, \mu_2, \dots, \mu_n\}$,其中各个元素分别定 义为

$$\boldsymbol{\omega}_{p} = \sum_{t=1}^{p} \boldsymbol{\alpha}_{t}, \qquad p \in \{1, 2, \cdots, m\}, \quad (5)$$

$$\mu_q = \sum_{t=1}^q a_t, \qquad q \in \{1, 2, \cdots, n\}_{\circ}$$
(6)

使用 A_{ref} 和 A_c 进行匹配度计算,遍历 A_{ref} 和 A_c 中的累计角度,找到接近的累计角度 ω_i 和 μ_j 作 为匹配候选者,即累计角度约束满足

$$\left|\omega_{i}-\mu_{j}\right|\leqslant\varepsilon_{\mathrm{ang}}\,$$

当 ω_i 和 μ_j 满足(7)式时,此时只利用了角度信息,为了减少匹配的冗余,需要进一步使用距离特征进行验证。由累计夹角 ω_i 和 μ_j 匹配的结果可知,组成当前匹配累计夹角的一条边所对应的距离特征为 β_{i+1} 和 b_{j+1} 。满足距离约束条件,则可以认为当前i和j完成匹配,即满足

$$\left|\beta_{i+1}-b_{i+1}\right|\leqslant \varepsilon_{\rm dis},\tag{8}$$

*i*和*j*分别为遍历时的索引,特征匹配数计算过程 中,*i*和*j*从1开始。若当前*i*和*j*对应的特征通过 累计角度和距离约束完成匹配,则待识别参考星 R 与候选星 C 之间的特征匹配数 N_{mat} 加1,索引*i*和 *j*分别移到下一个位置继续进行比较;否则,根据当 前 ω_i 和 μ_j 的大小进行下一次判断,若 $\omega_i < \mu_j$,则 *i*=*i*+1;若 $\omega_i > \mu_j$,则*j*=*j*+1,然后继续重复累计 角度匹配和距离验证的过程。

最终,当满足 i > m 或者 j > n 时,特征匹配数 计算过程结束,此时得到的特征匹配数 N_{mat} 表示当 前待识别参考星 R 和候选星 C 之间邻星特征匹配 成功的元素对数。

由于各个导航星周围的邻星数量具有一定的差 异,仅仅使用特征匹配数 N_{mat} 衡量匹配程度不是那 么合理。因此,进一步结合导航星周围的邻星数量, 使用特征匹配数 N_{mat} 与该导航星邻星数量 N_{nei} 的 比值作为描述匹配程度的标准,即定义匹配度得分

$$S_{\rm mat} = N_{\rm mat} / N_{\rm nei} \, . \tag{9}$$

显然,匹配度得分 S_{mat} 的取值范围为[0,1],该值 越大表示参考星与当前候选星之间的匹配程度越高。

3.3 整体识别流程

星图识别过程中,选取距离视场中心最近的星 作为参考星,并选取视场大小范围内的其他星作为 邻星。使用这些邻星为参考星构建星模式特征,即 各相邻邻星之间的夹角 θ 和参考星与邻星之间的距 离r。

将这些夹角和距离特征组成动态夹角特征进行

初始匹配,得到多个符合初始匹配的候选星组合。 随后,分别计算各个候选星与待识别参考星的匹配 度得分 S_{mat}。由于多个动态夹角会对应到同一个候 选星,从而得到多个匹配度,此时该候选星选择最大 的匹配度得分作为最终得分。最终,选取匹配度得 分最大的候选星作为待识别参考星的识别结果,整 体识别流程如图 2 所示。



图 2 提出的星图识别算法流程 Fig. 2 Flowchart for proposed star pattern recognition algorithm

在图 2 所示的识别过程中,提取出多组动态夹 角特征,分别依次作为后续匹配度计算的起始边,克 服了以往过于依赖最近邻星作为起始星的问题,将 以往的唯一匹配改为多组匹配,提高了识别的准确 率以及对噪声的鲁棒性。

4 实验仿真

首先,利用模拟星图对各识别算法性能进行测 试,并选取一些具有代表性的星图识别算法作为提 出的算法的对比对象。除此之外,为了使模拟星图 更加接近于实际星图,在模拟过程中分别加入位置 噪声、伪星以及星等噪声等影响因素,并通过不同情 况下算法识别率进一步分析算法的鲁棒性。最后, 使用卫星星敏感器下传真实星图进行测试,验证该 算法的可用性。

研究论文

4.1 生成模拟星图

从 SAO J2000 星 表 中 选 取 恒 星,利 用 MATLAB 2020 生成的模拟星图对提出的算法进行 测试。其中,生成模拟星图的星敏感器视场角为 $12^{\circ} \times 12^{\circ}$ 、图像分辨率为 1024 pixel×1024 pixel、像 元尺寸为 12 μm、焦距为 58.4563 mm、敏感星等为 6.0 Mv。生成过程中,以 2°间隔均匀地遍历 0°~ 360°赤经和 $-90^{\circ} \sim 90^{\circ}$ 赤纬,最终得到均匀的覆盖整 个全天球的 16200 幅模拟星图^[13-15]。

4.2 仿真结果分析

使用改进的三角形算法^[6]、径向轴向算法^[11]、 栅格算法^[8]以及金字塔算法^[5]与提出的算法进行对 比。在未加入噪声的理想模拟星图情况下,各个识 别算法的性能如表3所示。从表中可以看出,提出 的识别算法在识别率方面优于其他算法,识别准确 率达到99.80%。但在平均识别时间方面,提出的 算法由于需要计算多组动态夹角特征,导致耗时略 长,表现不佳。

表 3 不同星图识别算法的识别性能对比 Table 3 Identification performance comparison of different star pattern recognition algorithms

Teleine	Identification	Average
rechnique	accuracy / $\%$	time /ms
Improved triangle algorithm ^[6]	93.75	2.3776
Radial and cyclic ^[11]	96.29	1.6165
Grid algorithm ^[8]	97.53	1.4856
Pyramid algorithm ^[5]	99.69	2.3388
Our algorithm	99.80	7.2134

星敏感器受卫星运动以及振动等外界干扰会导 致成像星点发生偏移,为了模拟这种情况,在模拟星 图中的星点位置上加入高斯噪声。图 3 展示了加入 均值为 0、方差为 0~2 pixel 的位置噪声后各识别算 法的识别准确率。从图 3 中可以看出,随着位置噪 声的不断增加,改进的三角形算法、径向轴向算法以 及金字塔算法识别率迅速下降,栅格算法识别率也 降至 91.89%。对比提出的算法,在位置噪声方差 为 2 pixel 时,识别率还维持在 98.30%,因此,提出 的算法对位置噪声具有较强的鲁棒性。

星敏感器拍摄过程中会受灰尘、太空碎片等干 扰出现伪星点,在模拟星图中随机放置伪星点,以此 来验证各星图识别算法在伪星干扰下的识别性能。 图 4 展示了在模拟星图中加入 0~5 颗伪星点之后 各识别算法的识别准确率。从图 4 中可以看出,在 5 颗伪星存在的情况下,提出的算法依旧具有 97.83%的识别准确率。因此,提出的算法对于伪星



图 3 不同星图识别算法在不同位置噪声下的识别率 Fig. 3 Identification accuracy of different star pattern recognition algorithms under different position noises



图 4 不同星图识别算法在不同数量伪星干扰下的识别率 Fig. 4 Identification accuracy of different star pattern recognition algorithms under different number of false stars

点不敏感,相较于其他算法具有较强的鲁棒性。

星敏感器成像过程中,会受各种干扰导致其 无法捕获一些低亮度的星,从而导致星点的缺失。 因此,通过在星的星等上加入高斯噪声的方式来 模拟由于星等变化导致某些星消失的情况。图 5 展示了在每颗星的星等上加入均值为 0、方差为 0~1 Mv的高斯噪声后,各星图识别算法的识别 准确率,以此来验证各星图识别算法对于星等噪 声干扰的鲁棒性。从图 5 中可以看出,各个识别



图 5 不同星图识别算法在不同星等噪声下的识别率 Fig. 5 Identification accuracy of different star pattern recognition algorithms under different magnitude noises

研究论文

算法对于星等的变化都不敏感。提出的算法主要 借助邻星进行识别,随着星等噪声逐渐增加,场景 中邻星数量过少的概率也随之增加。在星等噪声 较大的情况下,提出的算法识别准确率略低于金 字塔算法,但仍然保持着 98.84%的识别准确率。 因此,提出的算法对于星等噪声也具有较强的鲁 棒性。

星点成像过程中,受镜头等结构影响,生成的 星图会产生相应的畸变。针对该问题,采用桶形 畸变进行仿真来验证各星图识别算法对于图像畸 变的鲁棒性,图 6 为模拟的星图畸变前后的误差 矢量图。



图 6 桶形畸变下像素误差矢量图

Fig. 6 Pixel error vector image of barrel distortion

在当前畸变情况下对各星图识别算法的识别率 进行测试,结果如表4所示。从表中可以看出,相较 于其他算法,提出的算法对于畸变的容忍具有明显 优势。

表 4 桶形畸变下不同识别算法的识别性能对比 Table 4 Identification performance comparison of different star pattern recognition algorithms under barrel distortion

Technique	Identification accuracy / $\frac{1}{2}$
Improved triangle algorithm ^[6]	44.75
Radial and cyclic ^[11]	27.12
Grid algorithm ^[8]	95.83
Pyramid algorithm ^[5]	11.34
Our algorithm	99.54

4.3 真实星图实验

图 7 为当前卫星下传的真实星图,使用该星图 对提出的算法进一步验证。其中该卫星的星敏感器 图像分辨率为 1536×1536,焦距为 23.905 mm,视 场大小为 20°×20°。通过星图预处理的方法^[16-17], 在该星图中提取到 24 颗星点,执行提出的识别算 法,并使用实际结果进行验证,最终确定 21 个星点 被正确识别,符合星敏感器定姿的要求,进一步验证 了提出的算法的可用性。

第 41 卷 第 16 期/2021 年 8 月/光学学报



图 7 真实星图识别结果 Fig. 7 Identification result of real star pattern

5 结 论

提出一种基于动态夹角匹配的星图识别算法, 使用邻星之间的夹角以及邻星和参考星之间的距离 组成动态夹角特征作为初始识别的输入,得到多组 候选星并进行匹配度计算。通过累计角度和距离验 证的方法计算与各个导航星之间的匹配程度,最终 将匹配度得分最高的候选星作为识别结果。不同于 需要选取最近邻星作为唯一起始星的方法,该方法 使用多组动态夹角特征作为匹配输入,提高了识别 性能以及对噪声的鲁棒性。仿真实验结果表明,该 算法平均识别率 99.80%,较其他算法有明显的提 升。此外,在位置噪声、伪星以及星等噪声影响下, 其识别率均能保持在 97.00%以上,表明其对噪声 具有较强的鲁棒性。下一步将进一步优化导航星库 存储结构和识别流程,进而提高识别速度。

参考文献

- Spratling B B IV, Mortari D. A survey on star identification algorithms [J]. Algorithms, 2009, 2 (1): 93-107.
- [2] Rijlaarsdam D, Yous H, Byrne J, et al. A survey of lost-in-space star identification algorithms since 2009
 [J]. Sensors, 2020, 20(9): 2579.
- [3] Xing F, You Z, Dong Y. A rapid star identification algorithm based-on navigation star domain and Kvector[J]. Journal of Astronautics, 2010, 31(10): 2302-2308.

邢飞, 尤政, 董瑛. 基于导航星域和 K 矢量的快速 星图识别算法[J]. 宇航学报, 2010, 31(10): 2302-2308.

- [4] Liebe C C. Pattern recognition of star constellations for spacecraft applications [J]. IEEE Aerospace and Electronic Systems Magazine, 1992, 7(6): 34-41.
- [5] Mortari D, Samaan M A, Bruccoleri C, et al. The

第 41 卷 第 16 期/2021 年 8 月/光学学报

研究论文

pyramid star identification technique[J]. Navigation, 2004, 51(3): 171-183.

[6] Zhang G J, Wei X G, Jiang J. Star map identification based on a modified triangle algorithm [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2006, 27(6): 1150-1154.
张广军,魏新国,江洁.一种改进的三角形星图识别

方法[J]. 航空学报, 2006, 27(6): 1150-1154.

- [7] Wei X G, Zhang G J, Jiang J. Star identification algorithm based on log-polar transform [J]. Journal of Aerospace Computing, Information, and Communication, 2009, 6(8):483-490.
- [8] Padgett C, Kreutz-Delgado K. A grid algorithm for autonomous star identification [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 1997, 33(1): 202-213.
- [9] Na M, Zheng D N, Jia P F. Modified grid algorithm for noisy all-sky autonomous star identification [J].
 IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2009, 45(2): 516-522.
- [10] Silani E, Lovera M. Star identification algorithms: novel approach & comparison study [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2006, 42(4): 1275-1288.
- [11] Zhang G J, Wei X G, Jiang J. Full-sky autonomous star identification based on radial and cyclic features of star pattern [J]. Image and Vision Computing, 2008, 26(7): 891-897.
- [12] Wei X, Wen D S, Song Z X, et al. A star identification algorithm based on radial and dynamic cyclic features of star pattern[J]. Advances in Space

Research, 2019, 63(7): 2245-2259.

- [13] Mehta D S, Chen S S, Low K S. A rotation-invariant additive vector sequence based star pattern recognition[J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2019, 55(2): 689-705.
- [14] Su D Z, Wang Y L, Wu S Y, et al. Star identification algorithm based on similar triangle principle [J]. Optics and Precision Engineering, 2019, 27(11): 2467-2473.
 宿德志,王玉良,吴世永,等.基于相似三角形的星 图识别[J]. 光学 精密工程, 2019, 27(11): 2467-2473.
- [15] Tang W S, Yang J K, Yi W J, et al. Analysis and improvement of the grid algorithm for autonomous star identification [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2016, 53(2): 021002.
 唐武盛,杨建坤,衣文军,等.全天自主星图识别网 格算法问题分析与改进[J].激光与光电子学进展, 2016, 53(2): 021002.
- [16] Wu Q, Zhang R. Wavelet denoising of near-earth allday star map based on local outlier factor[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(8): 0810001.
 吴强,张锐.基于局部异常因子的近地全天时星图小 波去噪[J].光学学报, 2020, 40(8): 0810001.
- [17] Liu Y C, Zhao C H, Xu Q. Neural network-based noise suppression algorithm for star images captured during daylight hours[J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39(6): 0610003.

刘宇宸,赵春晖,徐卿.基于神经网络的全天时天文 导航图像去噪方法[J].光学学报,2019,39(6): 0610003.