第41卷第14期/2021年7月/光学学报



基于频分复用石英音叉增强型光声光谱技术的 CH₄和CO₂测量研究

刘浩^{1,2}, 胡迈^{2,3}, 陈祥², 邓昊², 许振宇², 王强⁴, 李想², 阚瑞峰^{2**}, 张先燚^{1*}

1安徽师范大学物理与电子信息学院,安徽 芜湖 241002;

²中国科学院合肥物质科学研究院安徽光学精密机械研究所环境光学与技术重点实验室,安徽 合肥 230031; ³中国科学技术大学,安徽 合肥 230026;

4 中国科学院长春光学精密机械与物理研究所应用光学国家重点实验室, 吉林 长春 130033

摘要 搭建了一套基于频分复用的石英音叉增强型光声光谱双组分气体传感系统,实现了 CH₄和 CO₂ 的高灵敏 探测。以中心波长分别为 1654 nm 和 2004 nm 的两支分布式反馈(DFB)激光器作为激发光源,利用函数发生器将 工作在石英音叉共振频率附近的不同频率正弦调制电流分别注入到两支激光器中,同时激发产生了 CH₄和 CO₂ 光声信号,并利用数字锁相放大器对该信号进行解调,得到二次谐波信号,实现 CH₄及 CO₂的同时探测。实验结 果表明,两种气体的光声信号之间无干扰。在常压下,通过配气系统配置不同浓度的 CH₄和 CO₂样品,开展了 CH₄和 CO₂浓度与对应二次谐波信号的关系研究,获得了良好的线性响应结果,线性相关系数均大于 0.994。对 体积分数为 500×10⁻⁶的 CH₄和体积分数为 2000×10⁻⁶的 CO₂标准气体进行了长时间连续测量,并利用 Allan 方差对系统性能进行了评估,结果表明,该系统对 CH₄和 CO₂的最低检测限分别为 0.58×10⁻⁶和 1.32×10⁻⁶, 对应的归一化噪声等效吸收系数分别为 7.2×10⁻⁹ cm⁻¹•W•Hz^{1/2}和 9×10⁻⁹ cm⁻¹•W•Hz^{1/2}。 关键词 光谱学;石英音叉;光声光谱;频分复用; CO₂; CH₄

中图分类号 O436 文献标志码 A

doi: 10.3788/AOS202141.1430003

Sensitive Detection of CH₄ and CO₂ Using Frequency-Division-Multiplexing Based Quartz-Enhanced Photoacoustic Spectroscopy

Liu Hao^{1,2}, Hu Mai^{2,3}, Chen Xiang², Deng Hao², Xu Zhenyu², Wang Qiang⁴, Li Xiang², Kan Ruifeng^{2**}, Zhang Xianyi^{1*}

¹ School of Physics and Electronic Information, Anhui Normal University, Wuhu, Anhui 241002, China;

² Key Laboratory of Environmental Optics and Technology, Anhui Institute of Optics and Fine Mechanics,

Institute of Physical Science, Chinese Academy of Sciences, Hefei, Anhui 230031, China;

³ University of Science and Technology of China, Hefei, Anhui 230026, China;

⁴ State Key Laboratory of Applied Optics, Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun, Jilin 130033, China

Abstract A compact double-gas sensing system was constructed for the simultaneous sensitive detection of CH_4 and CO_2 , which combines quartz-enhanced photoacoustic spectroscopy (QEPAS) and frequency division multiplexing technique. Two continuous wave distributed feedback (DFB) diode lasers operating at central wavelengths of 1654 nm and 2004 nm were employed as the light sources. The photoacoustic signals were first excited by

收稿日期: 2020-12-31; 修回日期: 2021-02-04; 录用日期: 2021-02-22

基金项目:中国科学院A类战略性先导科技专项(XDA22020502)、第二次青藏高原综合科学考察研究(2019QZKK020802)、中国科学院科研仪器设备研制项目(YJKYYQ20190037)

通信作者: *xyzhang@mail. ahnu. edu. cn; **kanruifeng@aiofm. ac. cn

simultaneously injecting sinusoidal modulation currents with independent frequencies near the resonant frequency of the quartz tuning fork into the lasers, and were then demodulated to obtain the corresponding second harmonic components of CH₄ and CO₂, and finally the simultaneous detection of CH₄ and CO₂ was realized. The experimental results showed that there was no disturbance between the photoacoustic signals of these two gases. The relationships of CH₄ and CO₂ concentrations with their corresponding second harmonic signals were calibrated, and a good linear response result was obtained, in which the linear correlation coefficients were all larger than 0.994. The long time measurement of CH₄ with volume fraction of 500×10^{-6} and CO₂ with volume fraction of 2000×10^{-6} was conducted and the system performance was further evaluated through the Allan deviation analysis. The results indicated that the minimum detection limits of CH₄ and CO₂ for the system were obtained as 0.58×10^{-6} and 1.32×10^{-6} , corresponding to the normalized noise equivalent absorption coefficients of 7. 2×10^{-9} cm⁻¹ • W • Hz^{1/2} and 9×10^{-9} cm⁻¹ • W • Hz^{1/2}, respectively.

Key words spectroscopy; quartz tuning fork; photoacoustic spectroscopy; frequency-division multiplexing; $\rm CO_2$; $\rm CH_4$

OCIS codes 300.6260; 300.6380; 040.3060

1 引 言

光声光谱技术(PAS)作为痕量气体高灵敏探测 的有效方法之一,已被广泛应用于大气监测、工业生 产、生物医药和航空航天等领域^[1]。传统的光声光 谱传感器主要采用电容式和电子式麦克风探测光声 信号,但由于麦克风的响应频率宽,所采用的光声池 共振频率低且易受外界环境噪声的干扰,因此其在 高灵敏痕量气体传感领域的进一步应用受到限制。 为了 解 决 传统 光 声 光 谱 传感 器 存 在 的 问 题, Kosterev 等^[2]首次将石英晶体音叉(QTF)应用于 光声信号探测器中。石英音叉具有体积小、成本低、 功耗低、精度高、品质因数高和稳定性好等优点,石 英音叉增强型光声光谱(QEPAS)技术已被广泛应 用于痕量气体的高灵敏探测。

随着经济的发展,工业生产和环境监测等领域 对气体传感器的探测灵敏度和实时性提出了更高的 要求^[3-6]。基于 QEPAS 技术的气体传感器具有体 积小、易集成和检测限低等优点,满足以上气体检测 领域的需求。近年来,国内外学者相继开展了基于 QEPAS技术的多气体组分传感研究。2010年, Kosterev 等^[7]利用 QEPAS 技术实现了 H₂S、CO₂ 和 CH₄ 等混合气体的检测分析。2011 年, Dong 等^[8]研制出一种紧凑型便携式 QEPAS 多气体探 测器,将单石英音叉光声池组成多个光声池,实现 了四种气体(CO、HCN、HCI、CO₂)的同时探测。 2019年, Wang 等^[9]利用时分复用技术对两支分布 式反馈(DFB)激光器进行了分时扫描,利用石英音 叉实现了 CH4 和 C2H2 的分时检测。然而,以上 文献报道的 QEPAS 气体传感器为了实现多组分 探测,均采用时分复用技术,降低了系统的响应速

度。为了实现多气体组分的同时探测,提高系统 的响应速度,Zhang 等^[10]研制了基于三个不同响 应频率石英音叉的 QEPAS 传感器,实现了 H_2O 、 CH_4 和 C_2H_2 等三种气体组分的同时探测。但是 该方法需要将多个石英集成,增加了系统复杂度。 此外,Wu 等^[11]利用定制石英音叉两臂之间不同 位置处的振动基频频率和一阶泛频频率的不同, 研制了基于频分复用技术的单石英叉结构 QEPAS 传感器,实现了 H_2O 和 C_2H_2 的同时探测。但这 种音叉需要定制,且不易获取,因此限制了该传感 器的进一步推广使用。

本文采用基于频分复用的 QEPAS 技术,在普通 32 kHz 石英音叉的频率响应带宽内选取两个共振频率,实现了双组分气体的同时探测。实验选取中心波长分别为 1654 nm 和 2004 nm 的分布式反馈激光器作为光声信号激发光源,通过函数发生器将工作在石英音叉共振频率附近的不同频率正弦调制电流分别注入到两支激光器中,同时激发产生了 CH4 和 CO2 光声信号,实现了 CH4 及 CO2 的同时 探测,并提高了系统的时间响应速度。

2 基本原理

光声光谱技术的基本原理是周期性调制的激光 光束穿过石英音叉的两臂时,待测气体吸收激光能 量后产生无辐射跃迁并产生热量,使得光声池内的 气体压力发生周期性变化;当激光光束的调制频率 与石英音叉一致时,石英音叉产生共振,并产生压电 电流;通过跨阻放大电路将该电流信号转化为电压 信号,并利用锁相放大器对该信号进行解调。最终 的待测气体光声信号^[12]可写为

$$S(v) = KQPc\sigma(v)N, \qquad (1)$$

式中:S(v)是光声信号;v 是激光器的出光频率;K

研究论文

第 41 卷 第 14 期/2021 年 7 月/光学学报

是比例常数;Q是石英音叉的品质因子;P是激光器功率;c是待测气体浓度;σ(v)是待测气体分子吸收截面;N是气体分子数密度。

3 实验系统设计

3.1 谱线选择

在近红外波段,1650.00 nm 附近的 CH₄ 吸收 谱线及 2000.00 nm 附近的 CO₂ 吸收谱线较强,已 被广泛应用于痕量 CH₄、CO₂ 气体的高灵敏探 测^[13-14]。CH₄和 CO₂ 吸收谱线强度的选取将直接 影响 QEPAS 系统的探测灵敏度。因此,为了选取 合适的吸收谱线,分别模拟计算了 CH₄、CO₂ 及其 他干扰气体(H₂O、CO、N₂O)在 1651~1658 nm 与 2001~2007 nm 波长范围内的吸收光谱,光谱模拟 结果如图 1 所示。模拟的实验条件为 CH₄ 的体积 分数为 2×10⁻⁶, CO₂ 的体积分数为 400×10⁻⁶, H₂O 的体积分数为 1%, CO 的体积分数为 400× 10^{-9} , N₂O 的体积分数为 330×10⁻⁹,光程为 1 cm, 温度为 296 K,气压压强为 101325 Pa。模拟结果显 示, H₂O 分子吸收谱线在 1653.72 nm 和 2004.02 nm 处对 CH₄ 和 CO₂ 几乎无吸收干扰,且 CO、N₂O 等气体在该波长范围内的吸收非常微弱, 不会对以上两种目标探测气体的吸收产生干扰。因 此,本文选择中心波长分别在 1653.72 nm 及 2004.02 nm 附近的 CH₄ 和 CO₂ 吸收谱线作为系 统的目标谱线。





Fig. 1 Simulated absorption spectra of different gases at different wavelengths. (a) 1654 nm; (b) 2004 nm

3.2 实验装置

基于频分复用技术的 QEPAS 系统结构如图 2 所示,其中 PD 为光电探测器,DAQ 为数据采集卡。 本系统选用日本 NEL 公司生产的 14 引脚蝶型封装 的 DFB 激光器作为探测光源,中心波长分别在 1654 nm 和 2004 nm 附近,线宽小于 2 MHz,最大 出光功率为 20 mW。使用两台鼎阳公司生产的函 数发生器(SDG1032X),结合自制的加法电路,给两 只激光器的电流控制器注入不同频率的高频正弦调 制信号电流,以驱动激光器工作。激光器发出的两 只不同波长的激光通过定制光纤合束器进行合束, 并通过透镜聚焦在石英音叉两臂之间。为了增强光 声信号,在音叉两端采用共振管结构。激光穿过光 声池(48 mm×30 mm×29 mm)后被光电探测器接 收,可监测实验过程中激光出光功率的变化。周期 变化的激光光强通过光声池,由于目标气体吸收光 能,这个过程发生无辐射跃迁,导致气体产生周期变 化的声信号,并使得石英音叉产生共振。通过压电 效应将光声信号转化为电流信号,利用实验室自制 的跨阻放大电路将电流信号转换成电压信号并进行 放大。放大的信号通过美国斯坦福公司生产的数字 锁相放大器(SR865A),解调出 CO₂、CH₄ 气体的二 次谐波信号。使用美国 NI 公司生产的数据采集卡 (USB-6361)对解调的二次谐波信号进行采集,采 样精度为 16 bit,最大采样率为 2 MHz,实验中采样 率为 2 kHz。最终获得目标气体浓度信息。



图 2 系统结构示意图 Fig. 2 Structural diagram of system

4 实验结果与分析

4.1 音叉共振频率的标定

石英音叉长时间暴露在空气中,容易被氧化,导 致质量发生变化,从而使得共振频率发生变化,因此 需要对石英音叉进行频率标定。使用函数发生器给 石英音叉施加峰峰值为 100 mV 的正弦信号,通过 改变输入信号的频率,测量石英音叉输出信号的幅 值,得到石英音叉随频率变化的响应曲线,结果如图 3 所示。利用标准的洛伦兹线型函数对该信号进行 拟合,得到石英音叉的中心共振频率为 32743.01 Hz,频率响应带宽为 5.50 Hz,计算可得 音叉的Q值为 5953。



图 3 音叉的频率响应曲线



4.2 调制频率的选取

频分复用技术需要选择两个不同的调制频率。 为了避免两个频率间的串扰,同时保证 CH₄、CO₂ 的探测灵敏度及其同时探测,激光器需要选择合适 的正弦调制频率。在本实验中,设置 1654 nm 激光 器的正弦调制频率分别为 16371.00,16370.50, 16370.00 Hz, 对应的 2004 nm 激光器正弦调制频 率设置为 16372.00,16372.50,16373.00 Hz。即在 石英音叉共振频率中心附近, 两支激光器的调制频 率相差 1.00,2.00,3.00 Hz。通过配气装置向光声 池内持续通入体积分数为 200×10⁻⁶ 的 CH₄ 和体 积分数为 1000×10⁻⁶ 的 CO₂ 混合气体,并对不同调 制频率石英音叉输出的原始光声信号进行频谱分 析,结果如图 4(a)~(c)所示。结果显示,当调制频 率相差 3.00 Hz 时,虽然对应的光声信号在频谱上 无串扰,但光声信号幅值明显衰减。此外,相比调制 频率相差 1.00 Hz,调制频率相差 2.00 Hz 时光声 信号的区分度更好,但二者对应的光声信号幅值基 本一致。

图 5 为两支激光器在调制频率分别为 16370.50 Hz和16372.50 Hz条件下的二次谐波信 号。实线为两只激光器同时出光时解调的待测气体 二次谐波信号,虚线为单只激光器出光时解调的待 测气体二次谐波信号。可以看出,对于两支激光器 同时出光和单支激光器出光两种情况,解调得到的 二次谐波信号的幅值、轮廓基本一致。这也表明解 调的二次谐波信号不存在相互间的串扰,系统也能 实现 CH₄、CO₂的同时探测。因此,实验最终选择 的两支激光器的调制频率分别为 16370.50 Hz 和 16372.50 Hz。

4.3 扫描频率的优化

目标气体分子在吸收激光能量后产生声信号需 要一定的弛豫时间,这将导致激光器的扫描频率影 响光声信号幅值。因此,为了使系统达到最优,需要 优化激光器的扫描频率。实验中,分别向光声池中



CO₂ 光声信号的频谱对比







Fig. 5 Comparison of second harmonic signal amplitude under single beam and combined beam. (a) CH₄; (b) CO₂ 持续通入已知浓度的 CH₄、CO₂ 气体,将两支激光 器的正弦调制频率分别设置为 16371.50 Hz 和 16372.50 Hz,并对两激光器施加不同频率的锯齿 扫描信号。通过数字锁相放大器分别解调 CH₄、 CO₂ 二次谐波信号,实验测量的二次谐波信号幅值 随激光器扫描频率的变化如图 6 所示。随着扫描频 率的减小,CH₄、CO₂ 的二次谐波信号幅值逐渐增 大,当扫描频率继续减小并小于 40 mHz 时,谐波信 号的幅值增幅趋近平缓。因此,综合考虑系统响应 时间及信号幅值,选择 40 mHz 作为激光器的扫描 频率。



图 6 不同扫描频率下 CH₄和 CO₂的二次 谐波信号幅值。(a) CH₄;(b) CO₂

Fig. 6 Second harmonic signal amplitudes of CH_4 and CO_2 at different scanning frequencies. (a) CH_4 ; (b) CO_2

4.4 调制深度的优化

此外,由于实验搭建的 QEPAS 系统采用波长 调制技术,激光器的调制深度对光声信号幅值产生 影响。因此,在优化激光器扫描频率后,需要进一步 优化激光调制深度。实验中,分别调节两支激光器 注入的调制电流幅度,并通过数字锁相放大器对已 知浓度的 CO₂、CH₄ 气体的光声信号进行解调,得 到对应二次谐波信号的峰峰值,结果如图 7 所示。 CH₄ 光声信号在调制电流幅值为 36 mA 时达到最 大,CO₂ 光声信号在调制幅值为 42 mA 时达到最 大。因此,1654 nm 激光器的最优调制电流选择为 36 mA,2004 nm 激光器的调制电流选择为 42 mA。

4.5 系统性能的评估

由气体光声光谱理论可知^[15],目标气体的光声 光谱信号与其自身浓度之间存在线性关系。因此, 为了准确得到待测气体的浓度,需要对目标气体的 浓度响应曲线进行标定。实验中,通过配气系统依 次向光声池内通入配置的已知浓度 CH₄ 气体 $(100 \times 10^{-6}, 200 \times 10^{-6}, 300 \times 10^{-6}, 400 \times 10^{-6}, 500 \times 10^{-6})$ 和 CO₂ 气体 $(300 \times 10^{-6}, 600 \times 10^{-6}, 900 \times 10^{-6}, 1200 \times 10^{-6}, 1500 \times 10^{-6})$ 。通过数字锁 相放大器解调出对应浓度气体的二次谐波信号,如 图 8 所示,对比不同浓度下 CH₄ 和 CO₂ 的二次谐 波信号。针对每组浓度信号,连续记录 100 组数据 并计算谐波信号峰峰值的平均值,最终结果如图 9

研究论文





Fig. 7 Second harmonic signal amplitudes of CH_4 and CO_2 decoded at different modulation current amplitudes. (a) CH_4 ; (b) CO_2

所示。结果显示, $CH_4 和 CO_2$ 的标定曲线的线性相 关系数(R^2)分别为 0.994 和 0.998,这表明 CH_4 和 CO_2 的二次谐波信号与浓度之间存在很好的线性 关系,与理论预期相符。



图 8 不同浓度 CH₄ 和 CO₂ 的二次谐波 信号幅值。(a) CH₄;(b) CO₂



为了进一步评估系统的性能,利用配气系统向 光声池内通入 500×10⁻⁶ CH₄ 和 2000×10⁻⁶ CO₂ 混合标准气体,通过数字锁相放大器对二次谐波信 号进行解调,并对该浓度下光声池内气体进行长时 间连续测量,用数据采集卡采集测量数据。对测量



图 9 CH₄和 CO₂ 二次谐波信号幅值与对应浓度的关系。 (a) CH₄; (b) CO₂

Fig. 9 Second harmonic signal amplitude versus concentration for $\rm CH_4$ and $\rm CO_2$. (a) $\rm CH_4$; (b) $\rm CO_2$

结果进行 Allan 方差分析,结果如图 10 所示。当系 统积分时间为 25 s 时, CH₄ 的检测限为 2.00× 10^{-6} , CO₂ 的检测限为 5.80× 10^{-6} 。当积分时间达 到 450 s 时, CH₄ 和 CO₂ 的最小检测限分别达到 0.58× 10^{-6} 和 1.32× 10^{-6} 。通过进一步计算, CH₄ 及 CO₂ 相应的归一化噪声等效吸收系数(NNEA) 分别为 7.2× 10^{-9} cm⁻¹ • W • Hz^{1/2} 和 9× 10^{-9} cm⁻¹ • W • Hz^{1/2}。



图 10 系统 Allan 方差分析结果。(a) CH₄;(b) CO₂ Fig. 10 Allan deviation analysis of system. (a) CH₄; (b) CO₂

5 结 论

以中心波长为 1654 nm 和 2004 nm 的激光器 作为探测光源,结合频分复用技术,搭建了一套高灵 敏气体传感系统,同时探测 CH₄ 和 CO₂。对已知浓 度 CH₄ 和 CO₂ 气体的原始光声信号进行频谱分

第 41 卷 第 14 期/2021 年 7 月/光学学报

研究论文

析,最终 1654 nm 和 2004 nm 激光器的调制频率分 别选择为 16370.50 Hz 和 16372.50 Hz,此时对应 的光声信号幅值的衰减幅度较小,且无信号串扰。 对已知浓度 CH₄、CO₂ 气体进行长时间连续测量, 采用 Allan 方差分析了系统性能。当系统积分时间 达 450 s时,CH₄ 和 CO₂ 的最低检测限分别为 0.58×10^{-6} 和 1.32×10^{-6} ,对应的归一化噪声等效 吸收系数分别为 7.2×10^{-9} cm⁻¹ • W • Hz^{1/2} 和 9×10^{-9} cm⁻¹ • W • Hz^{1/2}。以上结果表明,与文献 [7]报道的 QEPAS 系统相比,基于频分复用技术的 QEPAS 系统的 CO₂ 和 CH₄ 检测限基本相近,证明 了该技术可以在提高系统响应速度的同时兼顾系统 的探测灵敏度。研究结果为高灵敏、多气体组分 QEPAS 气体传感器提供了技术参考。

参考文献

- [1] Elefante A, Giglio M, Sampaolo A, et al. Dual-gas quartz-enhanced photoacoustic sensor for simultaneous detection of methane/nitrous oxide and water vapor [J]. Analytical Chemistry, 2019, 91 (20): 12866-12873.
- [2] Kosterev A, Tittel F K, Serebryakov D V, et al. Applications of quartz tuning forks in spectroscopic gas sensing [J]. Review of Scientific Instruments, 2005, 76(4): 043105.
- [3] Li Y F, Liu Z W, Zhang T Y, et al. Development and application of near-infrared laser carbon dioxide gas sensor system[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40 (5): 0514003.

李亚飞,刘志伟,张天羽,等.近红外激光二氧化碳 传感系统的研制及应用[J].光学学报,2020,40 (5):0514003.

- [4] Chen X, Kan R F, Yang C G, et al. Concentration measurements of NO₂ and NH₃ based on wavelength-modulation frequency-division-multiplexing spectroscopic technique[J]. Acta Optica Sinica, 2018, 38(5): 0512004.
 陈祥,阚瑞峰,杨晨光,等.基于频分复用波长调制 光谱的 NO₂ 及 NH₃ 浓度测量[J].光学学报, 2018,
- [5] Ma Y F, Lewicki R, Razeghi M, et al. QEPAS based ppb-level detection of CO and N₂O using a high power CW DFB-QCL[J]. Optics Express, 2013, 21 (1): 1008-1019.

38(5): 0512004.

[6] Liu W Q, Chen Z Y, Liu J G, et al. Advances with respect to the environmental spectroscopy monitoring technology[J]. Acta Optica Sinica, 2020, 40(5): 第 41 卷 第 14 期/2021 年 7 月/光学学报

0500001.

刘文清, 陈臻懿, 刘建国, 等. 环境监测领域中光谱 学技术进展[J]. 光学学报, 2020, 40(5): 0500001.

- [7] Kosterev A A, Dong L, Thomazy D, et al. QEPAS for chemical analysis of multi-component gas mixtures[J]. Applied Physics B, 2010, 101(3): 649-659.
- [8] Dong L, Kosterev A A, Thomazy D, et al. Compact portable QEPAS multi-gas sensor[J]. Proceedings of SPIE, 2011, 7945: 79450R.
- [9] Wang Z L, Chang J, Tian C W, et al. Twocomponent gas quartz-enhanced photoacoustic spectroscopy sensor based on time-division multiplexing of distributed-feedback laser driver current[J]. Applied Optics, 2019, 58 (31): 8479-8485.
- [10] Zhang Q D, Chang J, Cong Z H, et al. QEPAS sensor for simultaneous measurements of H₂O, CH₄, and C₂H₂ using different QTFs [J]. IEEE Photonics Journal, 2018, 10(6): 1-8.
- [11] Wu H P, Yin X K, Dong L, et al. Simultaneous dual-gas QEPAS detection based on a fundamental and overtone combined vibration of quartz tuning fork
 [J]. Applied Physics Letters, 2017, 110 (12): 121104.
- [12] Wu Z Y. Independent component analysis of mixed gas photoacoustic spectroscopy [D]. Dalian, China: Dalian University of Technology, 2013. 武智瑛. 多组分气体光声光谱的独立成分分析方法 研究[D].大连:大连理工大学, 2013.
- [13] Li X, Yuan F, Hu M, et al. Compact open-path sensor for fast measurements of CO₂ and H₂O using scanned-wavelength modulation spectroscopy with 1fphase method[J]. Sensors, 2020, 20(7): 1910.
- [14] Wang Z, Du Y J, Ding Y J, et al. Monitoring of ambient methane and carbon dioxide concentrations based on wavelength modulation direct absorption spectroscopy[J]. Acta Physica Sinica, 2020, 69(6): 064205.

王振,杜艳君,丁艳军,等.波长调制-直接吸收方法 在线监测大气中 CH₄和 CO₂浓度[J].物理学报, 2020,69(6):064205.

[15] Yi H M. Theoretical and experimenyal research of quartz-enhanced photoacoustic spectroscopy technique
[D]. Beijing: University of Chinese Academy of Sciences, 2012.
易红明. 石英音叉增强型光声光谱技术理论与实验研究[D]. 北京:中国科学院大学, 2012.