基于复合带宽积分平均衍射效率的倾斜误差研究

杨亮亮*,刘成林,陆法林,童巧英,赵勇兵,郭仁甲 盐城师范学院物理与电子工程学院,江苏盐城 224007

摘要 在系统装调过程中引入的倾斜误差会影响衍射光学元件(DOEs)的衍射效率。入射角度的增大也会影响 DOEs的衍射效率。基于多层衍射光学元件(MLDOEs)的相位延迟表达式,提出了斜入射时衍射效率和带宽积分 平均衍射效率(BIADE)与倾斜误差的理论关系模型。分析了斜入射时倾斜误差对衍射效率和 BIADE 的影响。建 立了工作在一定入射角度范围内的复合 BIADE 与倾斜误差的关系。当工作在 8~12 μm 波段的 MLDOEs 的入射 角度范围为 0°~20°时,若要实现 98%的复合 BIADE,倾斜误差角度应控制在 0.25°范围内。进一步分析了存在偏 心误差和相对微结构高度误差等其他误差因素时,要达到一定的复合 BIADE,所需对应的倾斜误差大小。该方法 和结论可以用于指导混合光学系统中 MLDOEs 的设计与装调。

关键词 衍射光学;衍射效率;倾斜误差;斜入射;多层衍射光学元件 中图分类号 O436 **文献标志码** A

doi: 10.3788/AOS202040.0805001

Tilt Error Based on Comprehensive Bandwidth Integral Average Diffraction Efficiency

Yang Liangliang*, Liu Chenglin, Lu Falin, Tong Qiaoying, Zhao Yongbing, Guo Renjia School of Physics and Electronics Engineering, Yancheng Teachers University, Yancheng, Jiangsu 224007, China

Abstract The tilt error introduced in the system assembling process affects the diffraction efficiency of diffractive optical elements (DOEs). An increase in the incident angle also affects the diffraction efficiency of DOEs. Based on the phase delay expression of multilayer DOEs (MLDOEs), this paper proposes a theoretical model of the relationship between the diffraction efficiency/bandwidth integrated average diffraction efficiency (BIADE) and the tilt error. The effect of the tilt error on the diffraction efficiency/BIADE at oblique incidence is analyzed. The relationship between the comprehensive BIADE working within a certain incidence angle and the tilt error is established. When the range of incident angle for the MLDOEs, operating within the 8–12- μ m infrared waveband, is 0°–20°, if the comprehensive BIADE is required to be higher than 98%, the tilt error should be less than 0.25°. When there are other errors, such as the decenter error and the microstructure height error, the tilt error is further analyzed to reach the required comprehensive BIADE. The method and conclusions can be used to assist in designing and assembling the MLDOEs in hybrid optical systems.

Key words diffractive optics; diffraction efficiency; tilt error; oblique incidence; multilayer diffractive optical elements

OCIS codes 050.1970; 220.4000; 050.1960

1引言

鉴于衍射光学元件(DOEs)的相位延迟表达式 中有许多参数可以优化设计,所以,其能够为系统提 供更多的自由度。近年来 DOEs 在各种光学系统中 的应用越来越多^[1-5]。衍射效率和带宽积分平均衍 射效率(BIADE)是 DOEs 使用时应关注的重要参数,其决定了其工作的波段范围和入射角度范围,另一方面也会影响折衍射混合光学系统的成像质量^[6]。通常单层 DOEs 适用工作的波段范围较窄, 多层衍射光学元件(MLDOEs)可以在较宽的波段 范围内得到较高的衍射效率和 BIADE^[7-9]。

收稿日期: 2019-12-06; 修回日期: 2019-12-31; 录用日期: 2020-01-06

基金项目:国家自然科学基金(11847161,11847166)、江苏省高校自然科学研究项目(19KJD140005)

^{*} E-mail: yang_liangliang@163.com

目前,可以采用多种不同的方法加工 DOEs^[10-11]。无论采用何种加工方法,DOEs在加工 过程中都会引入加工误差。对于含有DOEs的光学 系统,在装调过程中也会引入装调误差。加工误差 和装调误差都会影响DOEs的衍射效率和BIADE, 进而导致光学系统的成像质量下降。有相关学者分 析了MLDOEs的微结构高度误差、周期宽度误差 等加工误差对衍射效率的影响,并提出了斜入射时 基于复合BIADE的最大化实现微结构高度误差的 设计^[12-15]。文献[16]分析了正入射时MLDOEs的 偏心误差、倾斜误差等装调误差对衍射效率的影响, 文献[17]进一步给出了斜入射时偏心误差的公差分 析。对于斜入射时倾斜误差对衍射效率或BIADE 的影响还没有相关文章给出分析。

入射角度的增大会引起 DOEs 的衍射效率降低,所以对于装调误差的分析也需要考虑入射角度的影响。本文基于标量衍射理论,首先建立了斜入射时 MLDOEs 衍射效率和 BIADE 的影响。然后,提出了工作在一定波段范围内、一定入射角度范围内的复合 BIADE 与倾斜误差的关系,讨论了一定入射角度范围内工作时的 MLDOEs 的倾斜误差对复合 BIADE 的影响。该分析方法和结论对于DOEs 的设计和装调具有重要的指导意义。

2 倾斜误差与衍射效率的理论模型

分离型双层 DOEs 是最常用、最简单的 MLDOEs,由两个谐衍射元件组成,中间介质为空 气。对于应用于成像光学系统中的 MLDOEs,其特 征尺寸远大于入射光线的波长,所以,标量衍射理论 可以满足设计的准确度要求。根据标量的衍射理 论,双层 DOEs 的衍射面可以采用二元光学元件的 台阶结构作近似模拟,当台阶数 N 趋于无穷大时, 可实现从二元光学元件到连续面型 DOEs 的转 换^[18-19]。斜入射的光线在第一层和第二层谐衍射元 件的相邻台阶之间传播光路示意图,如图 1 中虚线 所示。相邻台阶之间的相位延迟为

$$\phi(\lambda) = \frac{2\pi\Delta_1 \left[n_1(\lambda)\cos\theta_{i,1} - \sqrt{1 - n_1^2(\lambda)\sin^2\theta_{i,1}} \right]}{\lambda} + \frac{2\pi\Delta_2 \left[\sqrt{n_2^2(\lambda) - \sin^2\theta_{i,2}} - \cos\theta_{i,2} \right]}{\lambda}, \quad (1)$$

式中: Δ_1 和 Δ_2 分别为 MLDOEs 相邻台阶的高度; $n_j(\lambda)$ 为第 j 层谐衍射元件的折射率; $\theta_{i,j}$ 为第 j 层 谐衍射元件的入射角度。MLDOEs 的微结构高度

分別为
$$d_1 = N\Delta_1, d_2 = N\Delta_2,$$
则总的相位延迟为
 $\phi(\lambda) = N\phi(\lambda) = \frac{2\pi d_1 [n_1(\lambda)\cos\theta_{i,1} - \sqrt{1 - n_1^2(\lambda)\sin^2\theta_{i,1}}]}{\lambda} + \frac{2\pi d_2 [\sqrt{n_2^2(\lambda) - \sin^2\theta_{i,2}} - \cos\theta_{i,2}]}{\lambda}.$ (2)

当 MLDOEs 在装调过程中引入倾斜误差时, 因为倾斜量是一个相对值,是针对一层谐衍射元件 相对于另一层谐衍射元件来表征的,所以,如图 1 中 实线所示仅给出了第二层谐衍射元件发生倾斜的情 况,倾斜误差对应的角度记为α,图中 y₁、y₂和 y₃、 y₄是入射光线通过 MLDOEs 第一和第二表面时的 变化值。根据折射定律,入射角度和倾斜误差角度 满足

$$\begin{cases} \theta_{i,2} = \theta_{i,1} + \alpha \\ n_1 \sin \theta_{i,1} = \sin \theta_{i,1} \end{cases}, \tag{3}$$

式中: $\theta_{t,1}$ 为光线经过第一层谐衍射元件的出射角度。把(3)式代入到(2)式中,可得考虑倾斜误差因素在内的相位延迟表达式为

$$\phi(\lambda) = \frac{2\pi d_1}{\lambda} \left[n_1(\lambda) \cos \theta_{i,1} - \sqrt{1 - n_1^2(\lambda) \sin^2 \theta_{i,1}} \right] + \frac{2\pi d_2}{\lambda} \left[n_1(\lambda) \sin \theta_{i,1} \sin \alpha - \cos \alpha \sqrt{1 - n_1^2(\lambda) \sin^2 \theta_{i,1}} \right] + \frac{2\pi d_2}{\lambda} \left[n_2^2(\lambda) - n_1^2(\lambda) \sin^2 \theta_{i,1} \cos 2\alpha - \sin^2 \alpha - \frac{1}{\lambda} \right]$$

 $n_1(\lambda)\sin\theta_{i,1}\sin 2\alpha\sqrt{1-n_1^2(\lambda)}\sin^2\theta_{i,1}]^{\frac{1}{2}}.$ (4)



图 1 MLDOEs 表面入射光的折射 Fig. 1 Refraction of incident rays at surface of MLDOEs

MLDOEs 第 m 衍射级次的衍射效率为

$$\eta_m = \operatorname{sinc}^2\left(m - \frac{\phi\lambda}{2\pi}\right). \tag{5}$$

工作在一定波段范围内的 MLDOEs 的 BIADE 为

$$\bar{\eta}_m(\lambda) = \frac{1}{\lambda_{\max} - \lambda_{\min}} \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \eta_m \, \mathrm{d}\lambda \,, \qquad (6)$$

式中:λ_{min}和λ_{max}分别表示 MLDOEs 工作波段范围

内的最小和最大波长值。工作在一定的入射角度范围内的 MLDOEs,其复合 BIADE 为

$$\bar{\eta}_{cm}(\theta) = \frac{1}{\theta_{\max} - \theta_{\min}} \int_{\theta_{\min}}^{\theta_{\max}} \bar{\eta}_{m} d\theta =$$

$$\frac{1}{\theta_{\max} - \theta_{\min}} \cdot \frac{1}{\lambda_{\max} - \lambda_{\min}} \int_{\theta_{\min}}^{\theta_{\max}} \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \eta_{m} d\lambda d\theta, \quad (7)$$

式中: θ_{min} 和 θ_{max} 分别表示 MLDOEs 工作角度范围 内的最小和最大入射角度值。根据(7)式,可得工作 在一定入射角度范围内的 MLDOEs 存在一定倾斜 误差时,对应的复合 BIADE 值。 若 MLDOEs 存在如图 2 所示的偏心误差 δ,则 会引入附加相位,即

$$\phi_{\delta}(\lambda) = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{\delta \sin \beta_2}{\sqrt{1 - n_1^2(\lambda) \sin^2 \theta_{i,1}}} \cdot \left[\sqrt{1 - n_1^2(\lambda) \sin^2 \theta_{i,1}} \cdot \sqrt{n_2^2(\lambda) - n_1^2(\lambda) \sin^2 \theta_{i,1}} + n_1^2(\lambda) \sin^2 \theta_{i,1} - 1\right], \qquad (8)$$

式中: $\sin \beta_2 = \frac{\alpha_2}{\sqrt{T^2 + d_2^2}}$, T 为元件的微结构周期 宽度。



图 2 MLDOEs 的偏心误差



若考虑多层衍射元件在加工过程中引入的微结 构高度误差,则第 *i* 层谐衍射元件的实际微结构高 度为

$$d'_{i} = d_{i} + \Delta d_{i} = d_{i} (1 + \varepsilon_{i}), \qquad (9)$$

式中: Δd_i 和 ε_i (i=1,2)分别表示第 i 层谐衍射元 件的微结构高度误差和相对微结构高度误差。那 么,考虑到微结构高度误差、偏心误差和倾斜误差时 的相位延迟表达式为

$$\begin{split} \phi(\lambda) &= \frac{2\pi d_1'}{\lambda} [n_1(\lambda)\cos\theta_{i,1} - \sqrt{1 - n_1^2(\lambda)}\sin^2\theta_{i,1}] + \\ \frac{2\pi d_2'}{\lambda} [n_1(\lambda)\sin\theta_{i,1}\sin\alpha - \cos\alpha\sqrt{1 - n_1^2(\lambda)}\sin^2\theta_{i,1}] + \\ \frac{2\pi d_2'}{\lambda} [n_2^2(\lambda) - n_1^2(\lambda)\sin^2\theta_{i,1}\cos2\alpha - \sin^2\alpha - \\ n_1(\lambda)\sin\theta_{i,1}\sin2\alpha\sqrt{1 - n_1^2(\lambda)}\sin^2\theta_{i,1}]^{\frac{1}{2}} + \\ \frac{2\pi}{\lambda} \frac{\delta\sin\beta_2}{\sqrt{1 - n_1^2(\lambda)}\sin^2\theta_{i,1}} [\sqrt{1 - n_1^2(\lambda)}\sin^2\theta_{1,1}] \cdot \\ \sqrt{n_2^2(\lambda) - n_1^2(\lambda)}\sin^2\theta_{i,1}} + n_1^2(\lambda)\sin^2\theta_{i,1} - 1]_{\circ} \end{split}$$
 (10)

把(10)式代入到(7)式中即可计算出工作在一 定的入射角度范围内、存在一定偏心误差、微结构高 度误差和倾斜误差的 MLDOEs 的复合 BIADE。

3 分析和讨论

以工作在 8~12 μm 波段的成像光学系统中

所含有的 MLDOEs 为例,分析斜入射时倾斜误差 对衍射效率和 BIADE 的影响。基底材料采用硒化 锌(ZnSe)和硫化锌(ZnS),衍射级次取 m=1。基 于正入射时 BIADE 的最大化^[20],得到设计波长为 8.80 μ m和 11.12 μ m,对应的微结构高度为120.60 μ m 和-133.11 μ m。

3.1 正入射时的倾斜误差分析

正入射时, MLDOEs 在 8.80 μm 和 11.12 μm 两个设计波长处对应的衍射效率与倾斜误差角度的 关系如图 3 所示。当倾斜误差为 5°时,在设计波长 8.80 μm 和 11.12 μm 处对应的衍射效率分别为 99.67%和 99.80%。MLDOEs 在 8~12 μm 整个波 段范围内对应的 BIADE 与倾斜误差的关系如图 4 所示。当倾斜误差为 5°时,对应的 BIADE 为99.71%。 从图 3、4 可知,正入射时,随倾斜误差的增大,设计 波长处的衍射效率和 BIADE 逐渐减小。若要求 MLDOEs 在整个波段范围内的 BIADE 高于 98%, 倾斜误差上限应小于 8.29°。

3.2 斜入射时的倾斜误差分析

在折衍射混合成像光学系统中,入射光照射 MLDOEs的微结构表面时一般都有一定的入射角 度,呈现斜入射的工作状态。根据(4)式和(7)式,可 得当入射角度分别为 0°,5°,10°,15°,20°时,MLDOEs 在 8~12 μm 整个波段范围内的 BIADE 与倾斜误差 的关系,如图 5 所示。当入射角度为 5°时,若倾斜误





Fig. 3 Diffraction efficiency versus tilt error at two wavelengths at normal incidence



图 4 正入射时 BIADE 与倾斜误差的关系 Fig. 4 BIADE versus tilt error at normal incidence

差为 5°, 对应的 BIADE 为 90.65%, 相比正入射下降 了9.06个百分点, 如表 1 所示。表 1 中给出了在上述 几个入射角度状态下, 倾斜误差分别为 0°, 2°, 5°, 10° 时的 BIADE。可见, 入射角度越大, MLDOEs 的 BIADE 随倾斜误差的增大下降得越迅速, 与正入射 时的偏差越大。所以, 倾斜误差对 BIADE 影响的分 析需要考虑 MLDOEs 实际工作的入射角度大小。



图 5 斜入射时 BIADE 与倾斜误差的关系

Fig. 5 BIADE versus tilt error at oblique incidence

表 1 斜入射时 BIADE 与倾斜误差 α 的关系 Table 1 Relationship between BIADE and tilt error α

at	oblique	incidence

Incident	BIADE / %				
angle /(°)	$\alpha = 0^{\circ}$	$\alpha = 2^{\circ}$	$\alpha = 5^{\circ}$	$\alpha = 10^{\circ}$	
0	99.97	99.96	99.71	95.83	
5	99.96	98.60	90.65	58.13	
10	99.80	93.44	67.35	13.47	
15	98.57	80.21	31.99	1.78	
20	90.90	48.56	3.39	2.33 *	

Note: " * " has no reference significance. As can be seen from figure 5, it is the corresponding value that increases after BIADE decreases.

3.3 倾斜误差对复合 BIADE 的影响

当 MLDOEs 工作的入射角度范围确定后,根 据复合 BIADE 与倾斜误差的关系,可以确定倾斜 误差的公差。当 MLDOEs 的入射角度范围为 0°~ 10°时,在整个工作波段范围内对应的复合 BIADE 与倾斜误差的关系如图 6 所示。随倾斜误差的增 大,MLDOEs 在整个波段范围内的复合 BIADE 从 最大值 99.94%逐渐减小;若要求 BIADE 高于 98%,对应的倾斜误差应小于 1.99°,对比无误差时 下降了 6.30%。

同理可得,当 MLDOEs 分别工作在 0°~5°、 0°~15°和 0°~20°的人射角度范围内时,复合 BIADE 与倾斜误差的关系如表 2 所示。对于 0°~ 20°的人射角度范围,若要求复合 BIADE 高于 98%,对应的倾斜误差上限应小于 0.25°,与正入射 时对比差别十分明显。可见,随着 MLDOEs 工作 入射角度范围的增大,要实现较高的复合 BIADE 所要求的倾斜误差角度越小。



图 6 入射角度范围为 0°~10°时的复合 BIADE Fig. 6 Comprehensive BIADE within 0°~10° incident angle range

Table 2 Comprehensive BIADE versus tilt error within different incident angle ranges θ_i						
Comprehensive PLADE /0/			Tilt error /(°)			
Comprehensive BIADE / /0	$\theta_{i} = 0^{\circ}$	$\theta_i \in (0^\circ, 5^\circ]$	$\theta_{i} \in (0^{\circ}, 10^{\circ}]$	$\theta_{i} \in (0^{\circ}, 15^{\circ}]$	$\theta_{i} \in (0^{\circ}, 20^{\circ}]$	
98	8.29	3.84	1.99	1.01	0.25	
95	10.48	5.67	3.24	1.90	0.92	
90	12.53	7.50	4.61	2.91	1.69	

表 2 入射角度 θ;范围不同时复合 BIADE 与倾斜误差的关系

Table 2 Comprehensive BIADE versus tilt error within different incident angle ranges θ_i

3.4 综合考虑其他误差时的倾斜误差对复合 BIADE的影响

前文的分析是基于单独考虑倾斜误差得到的 结论,实际装调 MLDOEs 通常还会存在偏心误 差。若 MLDOEs 仅存在一定的偏心误差,利用 (6)式和(10)式可得当入射角度分别为 0°和 10°, 周期宽度 T 分别为 1500 μ m 和 1000 μ m 时的 BIADE,如图 7 所示。可见,周期宽度越大,BIADE 随偏心误差的增大而下降,且下降趋势越来越缓慢。 对于红外成像光学系统中使用的 MLDOEs,通常其 周期宽度都很大,所以下面分析时周期宽度 T 都取 1500 μ m。当入射角度为 10°,若偏心误差分别为 0, 5,10 μ m 时,BIADE 与倾斜误差的关系如图 8 所示。





从图 7 和图 8 可见,周期宽度和误差一定时, 10°入射角度对应的 BIADE 高于正入射。这一点从 图 2 中光线在微结构表面的折射就可以看出,当存 在一定的偏心误差时,正入射对应的工作周期宽度 随偏心误差的增大而减小;如果光线处于一定的斜 入射角度范围内,由偏心误差引起工作周期宽度的 减小就会在一定程度上抵消。从图 8 可以看出,入 射角度为 10°确定后,当倾斜误差为 0°时,MLDOEs 的 BIADE 随偏心误差的增大而下降;随着倾斜误 差逐渐增大,在一定范围内会抵消偏心误差带来的 影响。例如随倾斜误差的增大,当偏心误差为 5 μm



图 8 斜入射时的 BIADE 与倾斜误差和偏心误差的关系 (插图为部分放大图)

Fig. 8 BIADE versus tilt error and decenter error at oblique incidence, in which the illustration is an enlarged version

时,BIADE从99.79%先增大到99.97%(0.4°的倾斜 误差),然后逐渐减小;当偏心误差为10μm时, BIADE从98.36%先增大到99.97%(1.2°的倾斜误 差),然后逐渐减小。

当 MLDOEs 的入射角度范围为 0°~10°时,偏 心误差为 10 μ m 时,得到复合 BIADE 与倾斜误差 的关系如图 9 所示。正因为偏心误差和倾斜误差同 时存在,所以,随倾斜误差的增大,MLDOEs 的复合 BIADE 从 96.92%先增大到最大值 98.95%(倾斜误 差为 2.32°),然后逐渐减小。可见:若要求其复合 BIADE 高于 98%,对应的倾斜误差应在 0.77°~ 3.75°范围内;若要求 BIADE 高于 95%,对应的倾斜 误差上限应小于 5.17°。

除了倾斜误差和偏心误差等装调误差外,若 MLDOEs存在一定的加工误差,如微结构高度误 差,那么,根据(5)、(7)、(10)式,就可以计算得到当 入射角度范围确定后,存在一定微结构高度误差和 偏心误差时的复合 BIADE 与倾斜误差的关系。如 图 10 所示为入射角度范围为 0°~10°,偏心误差为 10 μ m,组成 MLDOEs 的各谐衍射元件的相对微结 构高度误差相等,即 $\varepsilon_1 = \varepsilon_2 = \varepsilon$,且分别为 0,±2%, ±5%,±10%时,复合 BIADE 与倾斜误差的关系。



此时,复合 BIADE 分别为 98%,95%,90% 时对应 的倾斜误差大小如表 3 所示。



version

表 3 综合考虑其他误差时的复合 BIADE 与倾斜误差关系 Table 3 Relationship of tilt errors based on comprehensive BIADE with considering other errors

Comprehensive BLADE /0/	Tilt error /(°)						
Comprehensive DIADE / /0	$\epsilon = 0 \frac{0}{0}$	$\epsilon = +2\%$	$\epsilon = -2\%$	$\epsilon = +5\%$	$\epsilon = -5\%$	$\epsilon \!=\! +10 \%$	$\epsilon = -10 \%$
98	0.77-3.75	1.67-3.86	3.54	_	3.08	_	1.97
95	5.17	5.41	4.89	0.97-5.70	4.40	2.87-5.97	3.36
90	6.55	6.80	6.28	7.14	5.81	0.93-7.57	4.87

从图 10 和表 3 可见,当偏心误差一定时,随着 相对微结构高度误差绝对值的逐渐增大,对应相同 复合 BIADE 所要求的倾斜误差变化范围逐渐减 小。例如:若要求其复合 BIADE 高于 98%, ϵ 为 +2%时对应的倾斜误差应控制在 1.67°~3.86°范围 内, ϵ 为-2%时对应的倾斜误差上限为 3.54°;若要 求其复合 BIADE 高于 95%, ϵ 为+5%时对应的倾 斜误差应控制在 0.97°~5.70°范围内, ϵ 为-5%时 对应的倾斜误差上限为 4.40°。可见,偏心误差和相 对微结构高度误差等其他误差的存在会对实现一定 复合 BIADE 所要求的倾斜误差有一定的影响。

4 结 论

MLDOEs的装调误差分析中没有考虑到斜入 射时倾斜误差对衍射效率的影响,而入射角度的增 大会直接引起衍射效率的下降。本文基于衍射光学 的理论,把倾斜误差引入到 MLDOEs 的相位延迟 表达式中,得到衍射效率和 BIADE 与倾斜误差的 理论关系。以红外波段的 MLDOEs 为例,分析了 斜入射时倾斜误差对衍射效率和 BIADE 的影响。 给出了工作在一定入射角度范围内的复合 BIADE 与倾斜误差的关系,在数值上分析了倾斜误差对复 合 BIADE 的影响。在此基础上,进一步分析了存 在偏心误差和相对微结构高度误差时,达到一定复 合 BIADE 时对倾斜误差的要求。结果表明,随着 MLDOEs 工作入射角度范围的增大,要实现较高的 复合 BIADE 所要求的倾斜误差角度越来越小,所 以,当 MLDOEs 衍射面上的入射角度较大时,需要 注意倾斜误差的影响。偏心误差和微结构高度误差 等其他误差的存在也会影响实现一定复合 BIADE 所对应的倾斜误差角度大小,所以,倾斜误差公差的 制定要根据具体的工作条件和加工情况综合考虑。 该分析方法能够对混合光学系统中 MLDOEs 装调 公差的分析有一定的指导作用。

参考文献

- Goncharsky A, Goncharsky A, Durlevich S. Diffractive optical element for creating visual 3D images[J]. Optics Express, 2016, 24(9): 9140-9148.
- [2] Symeonidis M, Nakagawa W, Kim D C, et al. Highresolution interference microscopy of binary phase diffractive optical elements[J]. OSA Continuum, 2019, 2(9): 2496-2510.
- [3] Wang H, Kang F Z, Zhao W, et al. An optical design for dual-band infrared diffractive telescope[J].

Journal of Infrared and Millimeter Waves, 2019, 38(1): 39-43.

王昊,康福增,赵卫,等.一种红外双波段衍射望远 镜的光学设计[J]. 红外与毫米波学报,2019, 38(1):39-43.

- [4] Yang M X, Kong Z, Tan Q F, et al. Precise design of diffraction optical elements based on annular beam shaping[J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39(3): 0305002.
 杨美霞,孔哲,谭峭峰,等.基于环形光束整形的 DOEs 的精确设计[J].光学学报, 2019, 39(3): 0305002.
- [5] Li X J, Feng D W, Xiang Y. Refractive-diffractive hybrid panoramic annular optical system design[J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2019, 56(18): 182201.
 李显杰,冯大伟,向阳.折衍混合环带式全景光学系统设计[J].激光与光电子学进展, 2019, 56(18): 182201.
- [6] Buralli D A, Morris G M. Effects of diffraction efficiency on the modulation transfer function of diffractive lenses[J]. Applied Optics, 1992, 31(22): 4389-4396.
- [7] Arieli Y, Ozeri S, Eisenberg N, et al. Design of a diffractive optical element for wide spectral bandwidth
 [J]. Optics Letters, 1998, 23(11): 823-824.
- [8] Yang H F, Xue C X, Li C, et al. Diffraction efficiency sensitivity to oblique incident angle for multilayer diffractive optical elements [J]. Applied Optics, 2016, 55(25): 7126-7133.
- [9] Mao S, Zhao L D, Zhao J L. Integral diffraction efficiency model for multilayer diffractive optical elements with wide angles of incidence in case of polychromatic light[J]. Optics Express, 2019, 27(15): 21497-21507.
- [10] Thiele S, Pruss C, Herkommer A M, et al. 3D printed stacked diffractive microlenses[J]. Optics Express, 2019, 27(24): 35621-35630.
- [11] Roeder M, Thiele S, Hera D, et al. Fabrication of curved diffractive optical elements by means of laser direct writing, electroplating, and injection compression molding [J]. Journal of Manufacturing Processes, 2019, 47: 402-409.

- [12] Yang L L, Cui Q F, Liu T, et al. Effects of manufacturing errors on diffraction efficiency for multilayer diffractive optical elements[J]. Applied Optics, 2011, 50(32): 6128-6133.
- [13] Mao S, Cui Q F. Effect on polychromatic integral diffraction efficiency for two-layer diffractive optics
 [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(1): 0105001.
 毛珊,崔庆丰.双层衍射元件加工误差对带宽积分平均衍射效率的影响[J].光学学报, 2016, 36(1): 0105001.
- [14] Zhao L D, Cui Q F, Mao S, et al. Effect of the surface roughness on the efficiency of diffractive optical elements[J]. Applied Optics, 2018, 57(35): 10276-10283.
- [15] Yang L L, Liu C L, Li S Q. Optimal design of depth-scaling error for multilayer diffractive optical elements with oblique incidence[J]. Applied Optics, 2017, 56(15): 4532-4536.
- [16] Gao L, Xue C X, Yang H F, et al. Effect of decenter errors on diffraction efficiency of multilayer diffractive optical elements in long infrared waveband [J]. Acta Optica Sinica, 2015, 36(6): 0623004.
 高龙,薛常喜,杨红芳,等.偏心误差对长波红外波 段 MLDOEs 衍射效率的影响[J]. 光学学报, 2015, 36(6): 0623004.
- [17] Mao S, Zhao J L. Tolerance analysis on decenter error of multilayer diffractive optical elements based on polychromatic integral diffraction efficiency[J]. Applied Optics, 2019, 58(9): 2422-2428.
- [18] Swanson G J. Binary optics technology: theoretical limits on the diffraction efficiency of multilevel diffractive optical elements [R]. Lexington: MIT Lincoln Laboratory Technical Report, 1991: 914.
- [19] Pei X D, Cui Q F, Leng J K. Effect of incident angle on diffraction efficiency of a two-layer diffractive optical element[J]. Acta Optica Sinica, 2009, 29(1): 120-125.
 裴雪丹,崔庆丰,冷家开. 入射角对双层 DOEs 衍射

效率的影响[J].光学学报,2009,29(1):120-125.

[20] Xue C X, Cui Q F. Design of multilayer diffractive optical elements with polychromatic integral diffraction efficiency[J]. Optics Letters, 2010, 35(7): 986-988.