高变倍比小型化的中波红外光学系统设计

陈虹达,薛常喜*

长春理工大学光电工程学院, 吉林 长春 130022

摘要 针对制冷型中波红外 640×512 焦平面阵列探测器,设计了一个 30×连续变焦光学系统,提出从前固定组中 分离出 1 片透镜作为两档移动组,并与变倍组、补偿组及后固定组组合成复合连续变焦系统的设计方案。针对该 模型,基于衍射光学理论设计了工作波段为 3.7~4.8 μm,F 数为 4,可以实现 12~360 mm 连续变焦,光学总长仅 有 160 mm 的制冷型中波红外连续变焦光学系统。给出了系统在 6 个焦距位置的像质情况,并对凸轮曲线进行优 化设计。该系统具有高变倍比、结构小型化、像质优良、凸轮曲线平滑等优点,可以满足红外热成像仪的要求。 关键词 光学设计;中波红外;复合连续变焦;小型化 **中图分类号** O436 **文献标志码** A **doi**: 10.3788/AOS202040.0222001

Design of Mid-Wave Infrared Optical System with High Variable Ratio Miniaturization

Chen Hongda, Xue Changxi*

School of Optoelectronic Engineering, Changchun University of Science and Technology, Changchun, Jilin 130022, China

Abstract The study proposes a $30 \times$ continuous zoom lens for 640×512 cooled mid-wave infrared focal plane detector array. Furthermore, we propose an optical system design that separates the lens from the front fixed group as a two-speed moving group, and combines the two-speed moving group, variable magnification group, compensation group, and rear fixed group into a composite continuous zoom system. To realize the above model, we design a cooling-type medium-wave infrared continuous zoom optical system based on the theory of diffractive optics. It has a working band of $3.7-4.8 \ \mu m$, F-number of 4, continuously variable focal length of $12-360 \ mm$, and total optical length of only 160 mm. We optimize the image quality and cam curves of the system at 6 focal lengths. The system offers advantages of a large variable ratio, miniaturized structure, excellent image quality, and smooth cam curve, which meets the requirements of infrared thermal imagers.

Key words optical design; mid-wave infrared; compound continuous zoom; miniaturization OCIS codes 220.4830; 040.3060; 110.3080; 220.3620

1 引 言

传统红外变焦成像系统分为多档变焦和连续变 焦两种。多档变焦系统由于设计焦距固定、视场固 定,因而只可在几个位置处清晰成像,且无法在视场 切换时准确追踪目标;连续变焦系统在设计焦距范 围内依靠凸轮结构对大视场的目标进行搜索,对小 视场的目标进行识别^[1]。因此,红外连续变焦系统 被广泛应用于边防、海防、森林防火、光电探测等军 用、民用领域。

如今人们对红外连续变焦系统的设计提出了更

高的要求,尤其对于 F 数大的系统,其小型化、高变 倍比对红外变焦系统越来越重要。文献[2]中提到 加拿大 Sinclair 等设计了一款 20×中波红外制冷连 续变焦镜头,焦距范围为 200~400 mm,F 数为 4, 但其光学总长为 460 mm,且使用了 11 片透镜,导 致体积大且加工成本高。北京空间机电研究所葛婧 菁等^[3]设计了一款 4×机载中波红外制冷连续变焦 镜头,F 数为 4,但焦距变化范围小,为 37.5~ 150 mm,且变焦系统总长为 280 mm,应用受限。 中国科学院长春光学精密机械与物理研究所周昊 等^[4]设计了一款 40×机载中波红外制冷连续变焦

收稿日期: 2019-06-14; 修回日期: 2019-08-19; 录用日期: 2019-09-09 基金项目: 吉林省重点科技研发项目(20180201030GX)

* E-mail: xcx272479sina@.com

镜头,F数为4,焦距为10~400 mm,光学总长为 396 mm,其变倍比超过30倍,但光学总长接近 400 mm,且采用4条变焦曲线,因而结构复杂,加工 难度大。北京理工大学顾宪松^[5]设计了一款30× 紧凑型中波红外制冷镜头,F数为4,系统光学总长 为360 mm,依然大于200 mm,导致体积较大,对使 用环境要求较高。

针对上述系统的光学镜头无法兼顾高变倍比和 结构小型化的问题,本文应用一种从前固定组中分 离出1片透镜可两档移动并结合传统连续变焦的复 合变焦方式^[6],设计了一个应用制冷型中波红外 640×512 焦平面阵列探测器的连续变焦光学系统。 该光学系统的 F 数为4,工作波段为3.7~4.8 μm, 焦距范围为12~360 mm。该系统第1片透镜的通 光孔径仅为80 mm,光学总长仅有160 mm,无需通 过添加反射镜来对系统光路进行折叠,避免了反射 镜装调误差对系统像质的影响^[2-3,7-9]。系统采用二 次成像,实现100%冷光阑效率。该光学系统具有 变倍比高、光学总长短、全视场像质优良、凸轮曲线 平滑及结构小型化等优点,在光电探测等领域具有 良好的应用前景。

2 复合连续变焦原理

传统变焦方式分为光学补偿式和机械补偿式两 种,随着国内凸轮加工水平的提高,凭借机械补偿式 在变焦过程中成像清晰的优势,机械补偿式成为变 焦方式的首选[7-12]。传统的机械补偿连续变焦光学 系统一般分为四组元,如图1所示,分别为前固定 组、变倍组、补偿组及后固定组,变倍组移动实现变 倍,补偿组移动实现像面移动的消除,最终在设计焦 距范围内实现连续变焦。本文采用三移动组元实现 连续变焦,三移动组元的光学系统按移动组元之间 有无固定组分为两类,第一类是移动组元之间有固 定组相隔,第二类是三个移动组元之间无固定组加 入。两类变焦系统的变焦方程有差异,无固定组加 入的系统无需考虑固定组之前移动组的共轭距改变 量经中间固定组的轴向放大引起的改变。为实现长 焦距、高变倍比、小型化的设计目标,选择第二类变 焦方式,并结合多档变焦及传统连续变焦方式,在前 固定组中分离出1片透镜,使其可以两档移动^[6],从 而构成三移动组元变焦系统。此种复合变焦方式能 补偿系统在长焦和短焦处的像质下降,提高光学系 统的变倍比,减少光学总长,实现变焦系统小型化。 此复合变焦系统包含五个组元,如图2所示,第一组 元为前固定组,第二组元为两档移动组,第三组元为 变倍组,第四组元为补偿组,第五组元为后固定组。 当系统在大视场搜索目标时,第二组元位置不改变, 通过第三、四组元移动即可实现像面稳定。系统继 续运动,视场逐渐减小,焦距离开长焦位置,此时需 要第二组元改变位置并结合第三、四组元的移动,才 能实现在小视场对目标的追踪与识别。



图 2 复合连续变焦系统示意图

Fig. 2 Schematic of composite continuous zoom system

基于薄透镜理论,为满足系统整体共轭距为 零^[1],此种复合变焦方式的变焦方程表示为

$$(1 - m_{2}^{2})m_{3}^{2}m_{4}^{2}dq_{2} + (1 - m_{3}^{2})m_{4}^{2}dq_{3} + (1 - m_{4}^{2})dq_{4} = 0, \qquad (1)$$

式中: m_2 , m_3 , m_4 为第二、三、四组元的倍率; dq_2 , dq_3 , dq_4 为第二、三、四组元的微分移动量。各组元 的微分移动量和倍率的关系为

$$\begin{cases} dq_4 = f'_4 m_4 \\ dq_2 = \frac{f'_2}{m_2^2} dm_2 \\ dq_3 = \frac{(1 - m_2^2)}{m_2^2} f'_2 dm_2 + \frac{f'_3}{m_3^2} dm_3 \end{cases}$$
(2)

式中: f'_2 , f'_3 , f'_4 为第二、三、四组元的焦距。

假设系统从长焦处开始移动,不改变第二组元 的位置,此时系统的变焦方式为传统四组元变焦,变 焦方程为

$$(1-m_3^2)m_4^2 dq_3 + (1-m_4^2) dq_4 = 0.$$
 (3)
此时各组元的微分移动量和倍率的关系为

$$\begin{cases} dq_{3} = \frac{f'_{3}}{m_{3}^{2}} dm_{3} \\ dq_{4} = f'_{4} dm_{4} \end{cases}$$
(4)

设起始条件为

$$m_3 = m_{3L}, m_4 = m_{4L},$$
 (5)

式中:*m_{3L}*,*m_{4L}*为第三、四组元在长焦时的倍率;*L*为光学系统的长焦位置。求得关于第四组元倍率 *m*₄的二次方程为

$$m_4^2 - bm_4 + 1 = 0, (6)$$

式中:

$$b = -\frac{f'_{3}}{f'_{4}} \left(\frac{1}{m_{3}} - \frac{1}{m_{3L}} + m_{3} - m_{3L} \right) + \left(\frac{1}{m_{4L}} + m_{4L} \right).$$
(7)

由(6)式求得第四组元补偿组的 m₄为

$$m_4 = \frac{b \pm \sqrt{b^2 - 4}}{2} \,. \tag{8}$$

第三组元变倍组的倍率 m_3 的改变由物距 q_3 变化引起, $\eta(4)$ 式积分得

$$m_{3} = \frac{1}{\frac{1}{m_{3L}} + \frac{q_{3}}{f_{3}'}}$$
(9)

对(4)式中第四组元补偿组的微分移动量 q_4 和 其倍率 m_4 的关系积分得

$$q_4 = f'_4 (m_4 - m_{4L})_{\circ}$$
(10)

此时系统总的焦距变化范围为 $f'_1m_{2L}m_3m_4m_5$ $\sim f'_1m_{2L}m_{3L}m_{4L}m_5$,其中 f'_1 为第一组元前固定组 的焦距, m_{2L} 为第二组元两档移动组在长焦处的倍 率, m_5 为第五组元后固定组的倍率。

此时光学系统相应的变倍比为

$$\Gamma = \frac{m_{3L}m_{4L}}{m_3 m_4} \,. \tag{11}$$

由(3)~(11)式即可求出系统从长焦处开始运动,第三组元移动时第四组元的移动量。

当系统继续移动,运动到短焦处,系统此时的变 焦方式为复合连续变焦,变焦方程为

$$(1-m_2^2)m_3^2m_4^2\,\mathrm{d}q_2+(1-m_3^2)m_4^2\,\mathrm{d}q_3+$$

$$(1-m_4^2) dq_4 = 0_{\circ}$$
 (12)

系统在长焦处的计算方法同理。根据上述条件 设起始条件为 $m_2 = m_{2S}, m_3 = m_{3L}, m_4 = m_{4L},$ (13) 式中: m_{2S} 为第二组元在短焦处的倍率;S为光学系 统的短焦位置。

求得关于
$$m_4$$
 的二次方程为
 $m_4^2 - cm_4 + 1 = 0$, (14)

式中:

$$c = -\frac{f'_{2}}{f'_{4}} \left(\frac{1}{m_{2}} - \frac{1}{m_{2S}} + m_{2} - m_{2S} \right) - \frac{f'_{3}}{f'_{4}} \left(\frac{1}{m_{3}} - \frac{1}{m_{3L}} + m_{3} - m_{3L} \right) + \left(\frac{1}{m_{4L}} + m_{4} \right).$$
(15)

同理求此时第四组元补偿组的 m₄为

$$m_4 = \frac{c \pm \sqrt{c^2 - 4}}{2}.$$
 (16)

由(2)式中各组元微分移动量和倍率关系积分

得

$$m_2 = \frac{1}{\frac{1}{m_{2S}} - \frac{q_2}{f_2'}},\tag{17}$$

$$m_4 = m_{4L} + \frac{q_4}{f_4'} \tag{18}$$

$$q_{3} = f'_{3} \left(\frac{1}{m_{3}} - \frac{1}{m_{3L}} \right) - q_{2} + f'_{2} \left(\frac{1}{m_{2}} - \frac{1}{m_{2L}} \right) .$$
(19)

此时系统短焦处总的焦距变化范围为 $f'_{1m_{2s}m_{3}m_{4}m_{5}} \sim f'_{1m_{2s}m_{3L}m_{4L}m_{5}}$,为保证光学系 统变焦时像面的稳定,则 $f'_{1m_{2L}m_{3L}m_{4L}m_{5}} = f'_{1m_{2s}m_{3}m_{4}m_{5}}$ ^[6],得

$$m_{2S} = \frac{m_{2L}m_{3L}m_{4L}}{m_{3}m_{4}}.$$
 (20)

由(3)式和(12)式两个变焦方程知

$$(1-m_2^2)\,\mathrm{d}q_2=0\,.$$
 (21)

将(2)式代入(21)式并积分得

$$f_{2}'\left(\frac{1}{m_{2}}+m_{2}\right)=0.$$
 (22)

由(22)式可知系统在短焦时第二组元的倍率和焦距 的关系为

$$f_{2}'\left(\frac{1}{m_{2S}}-\frac{1}{m_{2L}}+m_{2S}-m_{2L}\right)=0.$$
 (23)

根据(20)式和(22)式知

$$m_{2L} = -\sqrt{\frac{m_3 m_4}{m_{3L} m_{4L}}}, \ m_{2S} = -\sqrt{\frac{m_{3L} m_{4L}}{m_3 m_4}}$$
(24)

由(17)式可知系统由长焦移动到短焦时,第二 组元的移动改变量 q₂ 为

$$q_2 = f'_2 \left(\frac{1}{m_{2S}} - \frac{1}{m_{2L}} \right).$$
 (25)

根据(24)式和(25)式知

$$q_{2} = f_{2}' \left(\sqrt{\frac{m_{3L} m_{4L}}{m_{3} m_{4}}} - \sqrt{\frac{m_{3} m_{4}}{m_{3L} m_{4L}}} \right).$$
(26)

系统在短焦处相应的变倍比为

$$\Gamma = \frac{m_{2S}m_{3L}m_{4L}}{m_2 m_3 m_4} \,. \tag{27}$$

对比(11)式和(27)式可知:两档移动组的加入 能有效提高系统的变倍比,增大光学系统的可探测 焦距范围,且两档移动组移动行程短,有利于减少光 学系统的总长;通过两档移动组的移动,还可对温度 进行补偿,系统无需设计消热差移动组件,节约了加 工成本;该结构无需凸轮驱动,简化了系统结构。

自此,复合变焦系统的各种公式表述完成。基 于此变焦模型,可计算出系统变倍时各组元之间的 距离关系。

3 设计与评价

3.1 设计思想

本文光学系统主要设计参数见表1。

根据上述变焦模型及设计参数,求得当系统两 档移动组不改变位置时系统焦距变化范围为15~ 300 mm,由(24)式并结合设计参数可知,两档移动 组的放大率分别为 $m_{2L} = -0.82$, $m_{2S} = -1.19$ 。反 复计算(17)、(18)、(19)式得初始结构的前固定组焦 距 $f'_1 = 52.98$ mm,两档移动组焦距 $f'_2 = -161.31$ mm,变倍组焦距 $f'_3 = -11.12$ mm,补偿 组焦距 $f'_4 = 21.01$ mm,后固定组焦距 $f'_5 = 12$ mm,

表1 光学设计参数

Table 1 Op	tical design	parameters
------------	--------------	------------

Parameter	Index
Working waveband $/\mu m$	3.7-4.8
F/ $#$	4.0
Focal range /mm	12-360
Detector type	640×512 (cooled)
Pixel size $/\mu m$	15

由上述参数继续求得系统焦距改变时各移动组元的 间距,并将数据输入 ZEMAX 软件后进行优化。系 统计划采用多个衍射面和非球面的组合,并通过衍 射面的优化对系统进行消色差,衍射面的加入可减 少透镜的使用数量,缩小整体光学总长,减小了系统 的质量。

3.2 优化设计结果及评价

根据设计思想,将上述参数输入到 ZEMAX 软件中进行优化并得出设计结果。该系统由 8 片透镜 组成,镜片材料只采用 Ge、Si、ZnSe 这三种常用的 红外材料,并引入 2 个衍射面和 3 个非球面,有助于 优化系统结构并有效提高光学系统的像质,光学系 统总长仅有 160 mm。光学系统采用二次成像,系 统的出瞳设计在探测器冷屏处,以保证 100%冷光 阑效率。图 3 为 6 个有效焦距(EFL)处的光学系统 原理图,该系统由前固定组、两档移动组、变倍组、补 偿组、后固定组组成,对光学系统的光焦度贡献分别 为正、负、负、正、正。

各移动组元间的距离 d 关系见表 2。

调制传递函数(MTF)是评价光学系统性能的参数,6个有效焦距处的MTF如图4所示,图中



|3 光学系统原理图。(a) EFL:360 mm; (b) EFL:250 mm; (c) EFL:200 mm;(d) EFL:100 mm (e) EFL:70 mm; (f) EFL:12 mm

Fig. 3 Schematic of optical system. (a) EFL:360 mm; (b) EFL:250 mm; (c) EFL:200 mm; (d) EFL:100 mm; (e) EFL:70 mm; (f) EFL:12 mm 表 2 移动组元间距参数

Table 2 Parameters of moving component spacing					mm	
Focal f' /mm	360	250	200	100	70	12
d_{1}	3.952	3.952	3.952	3.952	3.952	1.756
d_2	42.563	41.356	40.538	36.731	33.556	11.992
d_{3}	4.360	9.567	12.703	22.959	29.014	61.175
d_{4}	27.695	23.332	21.378	14.928	11.674	3.273



图 4 MTF 曲线。(a) EFL:360 mm;(b) EFL:250 mm;(c) EFL:200 mm;(d) EFL:100 mm; (e) EFL:70 mm;(f) EFL:12 mm

Fig. 4 MTF curves. (a) EFL:360 mm; (b) EFL:250 mm; (c) EFL:200 mm; (d) EFL:100 mm; (e) EFL:70 mm; (f) EFL:12 mm

OTF 表示光学传递函数。

由图 4 可知,在 6 个有效焦距的近轴视场,系统 的 MTF 值在 30 lp/mm 处超过 0.36,接近衍射极 限。短焦 12 mm 处产生最大畸变,系统最大畸变为 4.45%,中焦 150 mm 相 对照度最低,最低值为 85.26%,各参数满足使用要求,此系统具备优良的 成像质量。图 5 为光学系统 6 个有效焦距处的点列 图,图中 IMA 为每个视场的实际像高,从图中可以 看出,艾里斑半径为 19.79 μm,弥散斑方均根值均 小于艾里斑半径。两档移动组的加入并结合衍射光 学元件的使用,有效提高了系统在长焦和短焦处的 成像质量,提高了系统的能量集中度,满足实际观察 需求。

在光学设计中以非球面为基底引入 Binary 2 面,由于 Si 透镜不适合进行单点金刚石车削,最终 选择在后固定组中两片 Ge 透镜上引入衍射面。 衍射面各参数关系如图 6 所示,各环带周期见表 3。由图 6 和表 3 可知,衍射面的微结构深度均为 1.3223 μm,环带个数分别为 6 个和 7 个,最小环 带间隔分别为 0.39013 mm 和 0.32893 mm,满足 单点金刚石车削的加工要求。衍射光学元件的引 入减少了光学系统的透镜个数、减小了整体质量, 系统镜片总质量仅有 193.728 g,有效提高了系统 的透过率。



图 5 弥散斑点列图。(a) EFL:360 mm;(b) EFL:250 mm;(c) EFL:200 mm;(d) EFL:100 mm; (e) EFL:70 mm;(f) EFL:12 mm

Fig. 5 Diffuse speckle diagrams. (a) EFL:360 mm; (b) EFL:250 mm; (c) EFL:200 mm; (d) EFL:100 mm; (e) EFL:70 mm; (f) EFL:12 mm





3.3 凸轮曲线的设计与分析

采用机械补偿式的连续变焦镜头,其变焦过程 是通过电机驱动凸轮转动来实现视场的切换,凸轮 中的透镜组沿光轴移动,来保证像面稳定所需要的 镜片间隔,因此凸轮设计是组成变焦光学系统的关 键。本文中第二组元为两档移动组,无需凸轮结构, 凸轮结构只包含第三、四组元的移动。

凸轮设计主要考虑凸轮曲线的升角和凸轮的转 角范围。凸轮曲线的升角过大会导致系统在变焦时 拨钉与凸轮槽的摩擦阻力过大,容易导致凸轮在运

表 3 衍射光学元件的环带周期

Table 3	Ring	period	of	diffraction	optical	element
---------	------	--------	----	-------------	---------	---------

Radius /mm	The fifth lens	The seventh lens		
	diffraction ring	diffraction ring		
r_1	2.114599	1.496816		
r_2	2.957900	2.128281		
r_3	3.585547	2.261199		
r_4	4.100169	3.044253		
r_5	4.542089	3.424050		
r_{6}	4.932224	3.774302		
r_7		4.103236		

动时卡死。为减小凸轮运动时产生的升角,可将第 三组元变倍组和第四组元补偿组均设为非线性运 动。凸轮的转角范围越大,运动时的升角就越小,但 综合考虑变焦时间、电机使用寿命和加工后凸轮结 构的整体刚性,选择 160°为本结构的凸轮转角范 围。图 7 为利用 Matlab 软件拟合的凸轮曲线,图 8 为利用 SolidWorks 软件绘制的凸轮筒 3D 模型图。 由仿真可知,凸轮曲线平滑,压力角小于 45°,满足 变焦凸轮使用要求。





图 8 凸轮筒 3D 模型 Fig. 8 3D model of cam

4 结 论

应用复合连续变焦方式,推导出该模型的变焦 方程,设计出一款 30×、F数为4的中波制冷红外 连续变焦镜头,设计结果表明此种复合连续变焦系 统具有优良的像质和紧凑的整体结构。本系统采用 二次成像,引入衍射光学元件,仅采用8片透镜,光 学结构外包络仅有160 mm×80 mm×80 mm。本 系统的镜头总长小于现有变倍比超过30×,F数为 4 的中波红外制冷镜头,满足军用、民用小型吊舱的 使用要求。该系统具有变倍比高、体积小、凸轮曲线 升角小等优点,可应用于光电探测等领域。

参考文献

- [1] Tao C K. Design of zoom optical system [M].
 Beijing: National Defense Industry Press, 1988.
 陶纯堪.变焦距光学系统设计[M].北京:国防工业 出版社, 1988.
- [2] Bai Y, Xing T W, Li H, et al. Advances in foreign MWIR lens with high ratio [J]. Infrared and Laser Engineering, 2015, 44(3): 795-802.
 白瑜,邢廷文,李华,等.国外高变焦比中波红外镜 头的研究进展[J]. 红外与激光工程, 2015, 44(3): 795-802.
- [3] Ge J J, Lin Z R, Zhu D K. Design of mid-wave infrared continuous zoom system [J]. Journal of Applied Optics, 2013, 34(5): 728-732.
 葛婧菁,林招荣,朱大凯. 机载轻小型中波红外连续 变焦系统设计[J].应用光学, 2013, 34(5): 728-732.
- [4] Zhou H, Liu Y, Sun Q. MWIR zoom optical system with large zoom range [J]. Infrared and Laser Engineering, 2013, 42(3): 663-668.
 周昊,刘英,孙强.高变焦比中波红外连续变焦光学 系统[J]. 红外与激光工程, 2013, 42(3): 663-668.
- [5] Gu X S. Compact MWIR continuous zoom optical system with large zoom range[J]. Journal of Applied Optics, 2019, 40(1): 33-38.
 顾宪松. 紧凑型大变倍比中波红外连续变焦光学系统设计[J].应用光学, 2019, 40(1): 33-38.
- [6] Cao C, Liao Z Y, Bai Y, et al. A new compound zoom optical system[J]. Acta Optica Sinica, 2017, 37(11): 1108001.
 操超,廖志远,白瑜,等.一种新型复合变焦光学系统[J].光学学报, 2017, 37(11): 1108001.
- [7] He H X. Separate optically compensated continuous zoom medium wavelength infrared optical system[J]. Acta Photonica Sinica, 2019, 48(1): 0111001.
 何红星. 分离式光学补偿连续变焦中波红外光学系统[J]. 光子学报, 2019, 48(1): 0111001.
- [8] Fu Y P, Jin N, Li X N, et al. Airborne novel design for MWIR continuous zoom optical system [J]. Journal of Infrared and Millimeter Waves, 2013, 32 (4): 309-312, 324.
 付艳鹏,金宁,李训牛,等.机载新颖连续变焦中波 红外光学系统设计[J]. 红外与毫米波学报, 2013, 32(4): 309-312, 324.
- [9] Zhang T C, Liao Z B. Design of 6× cooled thermal imaging middle infrared continuous zoom optical system [J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32 (11): 1122004.

张庭成, 廖志波. 6 倍制冷型中红外连续变焦光学系 统设计[J]. 光学学报, 2012, 32(11): 1122004.

- [10] Zhou H, Liu Y, Sun Q. Mid-infrared zoom optical system with ratio of 25 [J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(4): 0422001.
 周昊,刘英,孙强. 25 倍中红外连续变焦光学系统 设计[J]. 光学学报, 2012, 32(4): 0422001.
- [11] Li H Z, Zhang Z D. Design of 20× double-linkage continuous zoom optical system [J]. Acta Optica Sinica, 2015, 35(2): 0222003.

李宏壮, 张振铎. 20 倍双组联动变焦距光学系统设计[J]. 光学学报, 2015, 35(2): 0222003.

[12] Yan J, Liu Y, Sun Q, et al. Design of 10× MWIR continuous zoom optical system [J]. Laser &. Optoelectronics Progress, 2014, 51(1): 012201.
[目晶,刘英,孙权,等.10倍中波红外连续变焦光学系统设计[J].激光与光电子学进展, 2014, 51(1): 012201.