基于文化狼群算法的电力设备红外和可见光图像配准

赵洪山,张则言*

华北电力大学电气与电子工程学院,河北保定071003

摘要 可见光和红外图像是电力巡检机器人检测电力设备健康状态的重要方式,图像配准可以结合两类图像的优势,为后续状态监测提供更好的依据。针对红外图像模糊导致的配准精度下降问题,提出了一种基于显著性梯度的归一化互信息算法。首先,在红外图像视觉显著性检测的基础上,强化了显著性区域的边缘梯度信息;然后,将显著性梯度信息和归一化互信息相结合作为配准的测度函数;其次,为了提高图像配准算法的收敛性,提出了一种文化狼群算法。该算法将文化算法的分层进化特点引入狼群算法,建立信念空间和群体空间。在迭代过程中,通过信念空间的知识指导群体空间的进化。最后,选取变电站巡检图像、标准配准测试图像集和标准测试函数进行对比实验,结果表明,该算法在配准率和配准速度方面的性能较好。

关键词 图像处理;电力巡检机器人;图像配准;文化狼群算法;归一化互信息
 中图分类号 TP391;TP242
 文献标志码 A
 doi: 10.3788/AOS202040.1610003

Power Equipment Infrared and Visible Images Registration Based on Cultural Wolf Pack Algorithm

Zhao Hongshan, Zhang Zeyan*

College of Electrical and Electronic Engineering, North China Electric Power University, Baoding, Hebei 071003, China

Abstract Visible and infrared images are important ways for power inspection robot to detect the health status of power equipment. Image registration can combine the advantages of two types of images and provide a better basis for subsequent status monitoring. To improve the registration accuracy due to the blur of infrared image, this paper proposes a normalized mutual information algorithm based on saliency gradient. First, based on the visual saliency detection of the infrared image, the edge gradient information of saliency area is enhanced. Second, the saliency gradient information and normalized mutual information are combined as a measurement function of registration. Third, to improve the convergence of the image registration algorithm, a cultural wolf pack algorithm is proposed. This algorithm introduces the hierarchical evolutionary characteristics of cultural algorithm into the wolf pack algorithm to establish the belief space and population space. In the iterative process, the evolution of population space is guided by the knowledge of belief space. Finally, the substation inspection image, standard registration test image set, and standard test functions are selected for comparative experiments. The results show that the proposed algorithm has better performance in registration rate and registration speed.

Key words image processing; power inspection robot; image registration; cultural wolf pack algorithm; normalized mutual information

OCIS codes 100.2000; 110.3080; 100.4994

1引言

红外热像仪作为反映电力设备热故障的主要组件,被广泛装备在巡检机器人中。但红外成像受环境温差、测量距离和大气状态的影响较大,当被测物体和环境温度相近时,难以有效识别电力设备的具

体信息^[1]。相比红外图像,可见光图像具有更多的 细节信息。因此,将红外和可见光图像配准后,可以 在显示设备热成像的同时,进行精准的故障定位。 高效、精准的图像配准是提高巡检机器人故障定位 和识别能力的前提。图像配准的步骤包括选择相似 性测度算法、确定变换模型、图像插值、优化策略^[2]。

收稿日期: 2020-05-06; 修回日期: 2020-05-11; 录用日期: 2020-05-29

^{*} **E-mail**: 359888608@qq. com

目前相似性测度算法主要包括归一化互相关 (NCC)^[3]、互信息(MI)^[4]和误差平方和(SSD)算 法^[5],其中 MI 算法在红外和可见光图像的配准中 应用最为广泛。闫利等^[6]在归一化互信息算法的 基础上结合梯度和灰度信息进行图像配准。Yang 等[7]将高斯滤波引入局部张量,利用自适应局部 结构张量提取空间信息,并通过加权函数和 MI 组 成测度函数,充分反映了像素的邻域信息。刘小 燕等^[8]通过线性滤波提取图像边缘,并将边缘信 息和 MI 相结合,弥补了 MI 中空间信息不足的问 题。Yu等^[9]提出了基于灰度窗口法的归一化互 信息(GWW-NMI)算法,利用窗口法改变灰度权 重,提取强边缘特征,解决了红外和可见光图像之 间的特征不一致问题。上述算法都侧重于将全局 边缘特征或点特征和 MI 结合,但实际应用中,巡 检机器人的红外图像会受到振动、温度和室外灰 尘等因素的影响,造成图像模糊,进而导致配准精 度下降。

图像配准中的优化策略是在配准精度和速度之间达到最佳平衡,目前主要通过在可行解空间中寻求全局最优解。Wang等^[10]将无味卡尔曼滤波器引入粒子群中,改善其收敛过早的问题。Liu等^[11]开发了一种基于条件初始化和并行协作的并行粒子群优化算法(pa-PSO),以加快收敛速度并进一步减少失配。Pradhan等^[12]提出了细菌觅食-量子粒子算法,该算法兼顾收敛速度和全局最优,适用于非刚性配准。除粒子群优化算法外,Chen等^[13]针对面部红外图像配准,为减小因图像晃动引起的配准误差,提出两阶段遗传算法。但这类算法自身缺乏群策能力,具有收敛性不足、全局最优解搜索能力和环境适

应性较差等问题。Wu等^[14]提出了狼群算法,在算 法中融入了狼群中的综合决策和逻辑推理能力。 Chen等^[15]通过对比其他智能种群算法,证明了狼 群算法的鲁棒性和收敛速度较好,但该算法依然存 在狼群搜索方式单一,搜索步长死板等问题,容易导 致在图像配准这类高维函数的求解中,陷入局部最 优解。

首先,为提高红外和可见光图像的配准适应性, 在红外图像低清晰度的情况下保证配准效果,本文 提出了一种结合显著性梯度和 MI 的方法。通过视 觉显著性分析提取红外图像的显著性梯度特征,并 用基于显著性梯度的归一化互信息(SGNMI)作为 测度函数,弥补了归一化互信息的空间信息不足问 题。其次,为了提高巡检过程中的图像配准效率,根 据电力巡检机器人拍摄的红外和可见光图像特点, 提出了一种适用于图像配准的文化狼群算法 (CWPA)。借鉴文化算法的多层进化机制^[16],并结 合改进的狼群算法,改善了传统狼群算法在配准中 效果较差的问题。最后,通过对比实验验证了本算 法的有效性。

2 基于显著性梯度的归一化互信息测度

电力设备出现异常高温情况,说明设备出现异常,且高温区域在红外图像中是显著的。在巡检图像中,红外和可见光图像的背景一般为自然景观(如天空),在灰度强度分布上和图像中的电力设备存在较大差异。文献[17]中基于流形排序的显著性检测算法就是利用像素块与先验背景的差异计算目标的显著性。因此,根据文献[17]中的算法提出了一种SGNMI测度算法,该算法的流程如图1所示。







示为

2.1 归一化互信息测度

MI 是关于信息论的重要理论,常用于信息关联性的度量。在图像配准中,将两个待配准的图像视为两个随机变量,利用互信息统计图像之间的相关性进行配准。通过图像变换使两图像的互信息达到最大时,完成配准。图像 A 和图像 B 的互信息可表

$$I(\mathbf{A}, \mathbf{B}) = H(\mathbf{A}) + H(\mathbf{B}) - H(\mathbf{A}, \mathbf{B}),$$
 (1)

$$H(\mathbf{A}) = -\sum_{a \in \mathbf{A}} p_{\mathbf{A}}(a) \log_2 p_{\mathbf{A}}(a), \qquad (2)$$

$$H(\boldsymbol{B}) = -\sum_{b \in \boldsymbol{B}} p_{\boldsymbol{B}}(b) \log_2 p_{\boldsymbol{B}}(b), \qquad (3)$$

$$H(\mathbf{A},\mathbf{B}) = -\sum_{a \in \mathbf{A}} \sum_{b \in \mathbf{B}} p_{\mathbf{A}\mathbf{B}}(a,b) \log_2 \frac{p_{\mathbf{A}\mathbf{B}}(a,b)}{p_{\mathbf{A}}(a)p_{\mathbf{B}}(b)},$$
(4)

式中,H(A)、H(B)分别为图像A、B的熵,H(A,B)为图像 A、B 的联合熵, $p_A(a)$ 、 $p_B(b)$ 分别为图像 A、B的概率密度,其中,a和b分别为图像A和B的对应像素, $p_{AB}(a,b)$ 为图像 A , B 的联合概率密 度。为进一步减小图像灰度强度对互信息测度的影 响,根据联合熵与个体熵之间的关系,将归一化互信 息表示为

$$N_{\rm MI}(\boldsymbol{A},\boldsymbol{B}) = \frac{H(\boldsymbol{A}) + H(\boldsymbol{B})}{H(\boldsymbol{A},\boldsymbol{B})}.$$
 (5)

2.2 基于显著性梯度的归一化互信息测度

流形排序算法是一种综合考虑前景和背景相似 性的视觉显著性算法[17],该算法可以提取红外图像 中的显著性区域,具体步骤如图2所示。根据显著 性检测原理将红外图像分为显著性区域和非显著性 区域,图2(b)中的区域1为显著性区域,区域2为 非显著性区域。以图像 S 中的单个像素 S 为例,区 分方法可表示为

$$X_{\mathrm{sig}}(S_1) > X_{\mathrm{mean}}[S],$$

 $X_{\mathrm{sig}}(S_2) \leqslant X_{\mathrm{mean}}[S],$

$$_{\rm ig}(S_2) \leqslant X_{\rm mean} \lfloor S \rfloor,$$
 (6)

式中, X_{end} 为对应像素的显著性, X_{mean} 为图像中所 有像素显著性的均值, S_1 为显著性区域的像素, S_2



图 2 红外图像的显著性梯度。(a)原始图像;(b)显著性检测图像;(c)划分后的红外图像; (d)增强显著性区域的图像;(e)显著性梯度图像

Fig. 2 Saliency gradient of infrared image. (a) Original image; (b) image after saliency detection; (c) infrared image after division; (d) image after enhancing the saliency area; (e) image of saliency gradient

为非显著性区域的像素。红外图像的划分结果如 图 2(c)所示,其中,显著性区域主要是电力设备的 主体区域;非显著性区域主要是背景区域。

将图像进行区域划分后,对图像进行直方图均 衡化以提高红外图像显著区域的对比度,突出边缘 信息。如图 2(d) 所示。直方图均衡化后的图像可 表示为

$$h(s_{t}) = X_{\text{round}} \left[(L-1) \times \frac{f(s_{t}) - f_{\min}}{(W \times H) - f_{\min}} \right],$$
(7)

$$f(s_{t}) = \sum_{j=0}^{s_{t}} p(j), \qquad (8)$$

式中,p(i)为像素强度值为 i 的像素点在图像中出 现的概率, f(s₁)为图像的像素强度值累计分布函 数, fmin 为累计分布函数的最小值, W和H分别为 图像长、宽的像素个数,L为灰度等级,在红外图像 中为 256,s, 为原始图像的像素强度值。通过增强 红外图像中电气设备区域的对比度,可提高该区域 内像素强度值的梯度,克服因红外图像边缘模糊而 导致的有效梯度信息缺失问题。提取整个红外图像 的显著性梯度,可表示为

$$|\nabla I(x,y)| = \begin{cases} |\nabla I(x,y)|, |\nabla I(x,y)| > T_{h} \\ 0, \text{ other} \end{cases}, \quad (9)$$

$$T_{\rm h} = \frac{1}{MN} \sum_{x}^{N} \sum_{y}^{M} \left| \nabla I(x, y) \right|, \qquad (10)$$

式中, T_h 为强梯度提取的阈值, $\nabla I(x,y)$ 为图像在 x 和 v 方向上的梯度值,不包含梯度方向, N 和 M 分别为在 x 和 y 方向上的梯度数量。(9)式和(10) 式可以有效提取红外图像显著区域的梯度分布,减 少无关信息的影响。由于增强部分区域对比度提高 了强梯度的提取阈值 T_b,但非显著性区域的部分 "强梯度"依然大于阈值 T_b。因此,通过提高梯度阈 值筛选出的全局显著性梯度,倾向于分布在出现异常 温升的电力设备中。从图 2(e)中可以发现,显著性梯 度点主要分布在电力设备的周围,且在背景中较少, 从而使基于显著性梯度的测度函数侧重反映电气设 备区域的配准效果。按照(9)式提取可见光图像的显 著性梯度,结果如图3所示。可以发现,提取的可见 光图像梯度点不倾向于任何区域,如图 3(b)所示。

将两组显著性梯度视为两组随机变量,在(5)式 的基础上组成新的 SGNMI 测度函数



图 3 可见光图像的显著性梯度。(a)可见光图像;(b)显著性梯度图像 Fig. 3 Saliency gradient of visible image. (a) Visible image; (b) image of saliency gradient

$$S_{\text{SGNMI}}(\boldsymbol{A},\boldsymbol{B}) = \frac{H(\nabla \boldsymbol{A}_{\text{SG}}) + H(\nabla \boldsymbol{B})}{H(\nabla \boldsymbol{A}_{\text{SG}},\nabla \boldsymbol{B})}, \quad (11)$$

式中, ∇A_{sc} 为基于显著性区域划分的红外图像显著 性梯度, ∇B 为可见光图像的显著性梯度。该测度 函数主要衡量两个图像之间的显著性梯度相似性, 当两幅图像完全配准时,SGNMI测度函数达到最 大值,即将优化配准过程转化为求解 SGNMI测度 函数最大值的问题。可表示为

$$\boldsymbol{T}_{b} = \operatorname{argmax} S_{\text{SGNMI}} [\boldsymbol{A}, \boldsymbol{T}(\boldsymbol{B})], \quad (12)$$

$$\mathbf{T} = \begin{vmatrix} q \cos r & -q \sin r & n \\ q \sin r & q \cos r & v \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad (13)$$

式中,T_b为通过优化算法求得的最佳空间变换矩 阵,T 为空间变换矩阵,T(B)为利用空间变换矩阵 对图像 B 进行仿射变换,h、v、q、r 分别为待配准图 像在配准过程中的水平平移量、竖直平移量、缩放率 和旋转角度。

3 狼群算法及分析

假设狼群算法(WPA)^[14]包括3种人工狼(探 狼、头狼、猛狼),3种寻优行为(探狼游走行为、头狼 召唤行为、猛狼围攻行为)和2种智能规则(胜者为 王的头狼角逐规则、强者生存的狼群更新规则)。 WPA可表示为

 $X_{WPA} = \{N, i_{ter}, X, Y, L\},$ (14) 式中,N 为三种人工狼的总数量, i_{ter} 为总迭代次数, X 为人工狼的位置状态,其中 $X_i = (x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{iD})$ 为第 $i(i=1,2,\dots,N)$ 匹人工狼在 D 维空间中的位 置状态。Y 为人工狼感知到的猎物气味浓度,其中, 探狼为 Y_a 、猛狼为 Y_b 、头狼为 Y_c 。L 为步长因子,包 括游走步长 $L_{(a)}$ 、奔袭步长 $L_{(b)}$ 和围攻步长 $L_{(c)}$ 。 算法的主要步骤如下。

1) 游走行为

游走行为的目的是更新探狼的信息,第 i 匹探

狼始终向着最优方向进化。向
$$p(p=1, 2, ..., h)$$

方向更新的探狼在第 d 维空间中的位置可表示为
 $x_{(a)id}(p) = x_{(a)id} + \sin(2\pi \times p/h) \times L_{(a)d}$,

(15)

式中, $x_{(a)id}$ 和 $x_{(a)id}(p)$ 为探狼*i*更新前后的位置, $L_{(a)d}$ 为d(d=1, 2, ..., D)维空间中探狼的游走步 长。在h个方向中,取气味浓度最大且大于当前气 味浓度 Y_{ai} 的方向作为该探狼的更新方向。重复上 述游走行为,直到游走达到最大步数 T_{max} 。或按照 胜者为王的机制,出现 $Y_{ai} > Y_c$ 时停止,此时探狼*i* 成为头狼。

2) 召唤行为

通过游走行为找到气味最浓的头狼位置,将第 *i*匹猛狼向头狼的位置快速靠近,该猛狼在第*k*+1 次迭代后的位置可表示为

 $x_{(b)id}^{(k+1)} = x_{(b)id}^{(k)} + L_{(b)d} \times (g_d^{(k)} - x_{(b)id}^{(k)}) / |g_d^{(k)} - x_{(b)id}^{(k)}|,$ (16)

式中, $x_{(b)id}^{(k)}$ 和 $x_{(b)id}^{(k+1)}$ 为该猛狼在d维空间更新前后的位置, $L_{(b)d} > 2L_{(a)d}$ 为猛狼的奔袭步长, $g_d^{(k)}$ 为k次迭代时头狼在d维空间的位置。猛狼在奔袭中始终遵循胜者为王的更新机制,直到猛狼和头狼的距离 d_{bi} 小于围攻范围 d_{near} 时,结束召唤。

3) 围攻行为

猛狼奔袭后将头狼的位置作为猎物目标,在围 攻范围 *d*_{near} 内的所有猛狼都发起围攻。第 *k*+1 次 的围攻行为可表示为

 $x_{(b)id}^{(k+1)} = x_{(b)id}^{(k)} + \lambda \times L_{(c)d} \times |G_d^{(k)} - x_{id}^{(k)}|,$ (17)

式中, λ 为[-1,1]的均匀随机数, $L_{(c)d}$ 为猛狼的围 攻步长,且 $L_{(a)d} > 2L_{(c)d}$, $G_d^{(k)}$ 为猎物第k次迭代时 在d 维空间的位置。

狼群算法在强者生存的更新机制下进行循环 寻优,直到达到最大迭代次数或种群最优解预定 误差精度时停止。但传统狼群算法中,存在以下 不足。

1) 游走行为反映了算法的全局最优解感知能力,但当探狼陷入局部最优解且无法成为头狼时,按
 (15)式的算法探狼会困在局部最优点,搜索能力下降。

 2)在算法迭代过程中,狼群向最优解区域靠近,猛狼的围攻范围应由大到小,而传统狼群算法的 围攻半径是固定的。

3) 探狼应在迭代过程中,通过当前的进化状况 确定游走步长,以达到最佳的搜索速度。

4 文化狼群优化算法

为了解决传统狼群算法中存在的问题,同时提高图像配准的速度和精度,提出了适用于图像配准的 CWPA。CWPA 从微观和宏观层面上模拟生物 层面和文化层面的进化,种群空间和信念空间构成 的双层进化机制使算法具有良好的全局搜索能力和 收敛性^[16],CWPA 的框架如图 4 所示。

4.1 狼群算法的改进及群体空间设计

群体空间是算法进行问题求解的主空间,实验 采用改进的 WPA 进行演化。传统 WPA 中,探狼 采用贪婪式游走策略,始终向着比当前更优的方向



Fig. 4 Schematic diagram of CWPA

前进,容易陷入局部最优解。且猛狼在迭代到一定 次数时,应在一定范围内,进行细致的搜索,以加快 收敛速度。因此,采用(14)式中的5个参数作为群 体空间的主要内容,对算法进行改进。

首先,为了提高探狼对局部最优解的感知能力, 防止陷入局部最优解。在探狼游走期间(Y_{ai} < Y_c), 当探狼 *i* 周围 *h* 个方向的气味浓度均小于探狼当前 的气味浓度时,改变搜索半径。经多次循环后,若当 前探狼周围 *h* 个方向的气味浓度依然小于探狼 *i* 位 置的气味浓度,表示出现极大值。此时在搜索范围 外随机初始化探狼 *i* 的位置。探狼 *i* 出现局部最大 值时,满足

$$\begin{cases} Y(x_{(a)id}) > Y[x_{(a)id} + \sin(2\pi \times p/h) \times 0.5^{\eta} \times L_{(a)d}], \ p = 1, 2, \cdots, h \\ Y(x_{(a)id}) < Y_{c} \end{cases},$$
(18)

式中, $Y(x_{(a)id})$ 为探狼 $i \pm d \pm 2$ 间的气味浓度, $\eta \in [0, 2]$ 为随机设定的搜索半径因子,通过多次取 搜索半径因子的方式不断改变搜索范围,进而确定 当前区域是否存在局部最大值。

其次,在迭代初期,猛狼应在较大的范围内进行 围攻。随着迭代次数的增加,应逐渐缩小围攻范围, 以加速算法的收敛。实验使用的动态围攻半径 *d*_{near} 在第 *k* 次迭代的更新可表示为

$$d_{\text{near}}^{(k)} = \frac{i_{\text{ter}}/(\omega \times i_{\text{ter}} + k)}{D} \times \sum_{d=1}^{D} |X_d^{\max} - X_d^{\min}|,$$
(19)

式中, $\omega \in (0, 1)$ 为随机数, X_d^{\max} 和 X_d^{\min} 分别为d维变量的最大值和最小值。通过(19)式改变召唤行为中的停止条件,同时增加围攻范围的约束条件。随着迭代次数k的增加,围攻半径逐渐减小,从大范围的粗糙搜索转向小范围的精细搜索,提高了算法

的收敛性。

4.2 信念空间的设计

信念空间可以保存群体进化过程中的优秀种 群,形成群体知识指导种群进化。信念空间的知识 形式包括状况知识、规范知识、拓扑知识、领域知识 和历史知识^[18]。可以根据进化策略和应用领域选 择不同的知识形式。由于传统 WPA 中,人工狼步 长选择具有随机性,应选择规范知识作为信念空间, 用于描述可行解搜索空间的变化。针对 D 维变量, 其结构描述为 $\{N_1, N_2, \dots, N_D\}$,其中, $N_d =$ $|(e_d, u_d), (E_d, U_d)|, e_d 和 u_d 分别为d 维空间的$ $上限和下限,<math>E_d$ 和 U_d 分别为变量对应的适应值上 限和下限。随着种群的进化,个体应在更有效的范 围内寻找最优解。为了指导群体空间的进化,规范 知识的第k次迭代可表示为

$$e_{d}(k+1) = \begin{cases} x_{id}(k), x_{id}(k) < e_{d}(k) \& f[x_{id}(k)] > E_{id}(k) \\ e_{d}(k), & \text{other} \end{cases}$$

$$E_{d}(k+1) = \begin{cases} f[x_{id}(k)], x_{id}(k) < e_{d}(k) \& f[x_{id}(k)] > E_{id}(k) \\ E_{d}(k), & \text{other} \end{cases}$$

$$u_{d}(k+1) = \begin{cases} x_{id}(k), x_{id}(k) > u_{d}(k) \& f[x_{id}(k)] > U_{id}(k) \\ u_{d}(k), & \text{other} \end{cases}$$

$$U_{d}(k+1) = \begin{cases} f[x_{id}(k)], x_{id}(k) > u_{d}(k) \& f[x_{id}(k)] > U_{id}(k) \\ U_{d}(k), & \text{other} \end{cases}$$
(20)

式中, $x_{id}(k)$ 为第k次迭代中从群体空间挑选的人 工狼i的d维参数, $f(\cdot)$ 为适应度函数,即目标 函数。

4.3 接受函数

接受函数将群体空间中的最优子集提供给信念 空间,一般按照一定百分比或者一定的规则进行提 取。在迭代过程中,种群空间中的人工狼会随种群 逐渐向最优解靠拢,个体间的位置越来越接近。如 果按照规定的比例系数进行更新会导致接受算法的 信息传递效率低,因此,将种群按适应度划分为两个 种群,其中,适应度较大的种群 N₁ 占 20%,适应度 较小的种群 N₂ 占 80%。选取最优子集的方法可表 示为

 $||x_{id} - x_{jd}|| > \varepsilon$, x_{id} , $x_{jd} \in N_1$, (21) 式中, ε 为阈值参数, $|| \cdot ||$ 为欧氏距离。通过(21) 式, 在选取最优子集的过程中, 保证传递个体间差异 的同时, 种群随迭代不断聚拢。因此, 最优子集包含 的个体数会随迭代次数的增加呈下降趋势, 保证了 信息传递的高效性和种群的多样性。

4.4 影响函数

影响函数将信念空间的知识按照一定规则传递 到群体空间,以指导种群的进化。通过规范知识决 定人工狼的前进步长,优化搜索范围。种群空间中 探狼的游走步长一般设为定值 L_{(a)d},规范知识指导 游走步长可表示为

 $L_{(a)d} = e_d + X_{rand}(0,1) \times (u_d - e_d)$, (22) 式中, $X_{rand}(0,1)$ 为[0,1]之间的随机数,以避免在 迭代后期,人工狼陷入局部最优解。在(19)式的基 础上,将信念空间的知识传递至围攻半径函数 d_{near} ,

$$d_{\text{near}}^{k} = \frac{i_{\text{ter}}/(\omega \times i_{\text{ter}} + k)}{D} \times \sum_{d=1}^{D} |u_{d} - e_{d}|$$
(23)

4.5 本文配准算法

结合 SGNMI 算法,将 CWPA 用于红外图像和可见光图像的配准。CWPA 的具体步骤如下。

1) 初始化设置的参数:随机初始化人工狼 *i* 的 空间位置 X_i ,包括 $h_{vv,q}$ 和 r,群体空间种群大小 N,最大迭代次数 i_{ter} ,探狼游走行为的最大游走次 数 T_{max} ,阈值参数 ε ,更新比例因子 β 。

2)根据群体空间中人工狼的位置,计算所有人 工狼 i 的适应度 Y_{ai}(两幅图像的 SGNMI 测度函 数),并选取头狼。

3) 探狼按照(15)式进行游走,根据(18)式去除 探狼中的局部极大值。如果满足 $Y_{ai} > Y_{c}$,则转至步 骤 2),若达到最大游走次数 T_{max} ,则转至步骤 4)。

4) 猛狼按照(16)式进行奔袭。如果满足 Y_{bi}> Y_c,则转至步骤 2)。直到猛狼达到(23)式的围攻范 围后,根据(17)式进行围攻。并按照强者生存的更新 机制,完成群体空间人工狼的位置及适应度的更新。

5)通过(21)式更新信念空间,通过(20)式更 新信念空间内人工狼的变量范围、位置和适应度 值,通过(22)式和(23)式指导游走步长 L_{(a)d} 和围 攻半径 d_{near}。

6)当误差达到最初设定值或迭代到最大次数时,输出群体空间头狼对应的最佳空间变换矩阵和目标函数值;否则,返回步骤 2)。

5 实验分析

实验提出了新的 SGNMI 测度函数和 CWPA, 分别对测度函数和优化算法进行对比实验。算法的 开发环境:处理器为 Intel(R) Core(TM) i5-5200U, CPU 为 2. 20 GHz,内存为 8 G,操作系统为 64 位 Windows10,开发平台为 Matlab 2019b。

5.1 测度函数对比实验

测度函数的对比实验采用 3 种不同的 MI 测度 函数:GWW-NMI^[9]、SGNMI 和基于综合空间的互 信息(SMI)算法^[19]。其中,SMI 和 GWW-NMI 算 法都是结合图像空间特征和 MI 的测度函数,在红 外和可见光图像配准中效果较好^[9,19]。为了使测度 函数对比实验的结果更加可靠,用文献[20]中的文 化粒子群优化(CPSO)算法优化三种测度函数中的 4 个配准参数。配准参数的解空间如表1所示。 在表1的解空间内随机选取配准参数的初始化 值,CPSO 算法的初始化参数按文献[20]给出的最 佳参数设置,如表2所示。

表1 配准参数的解空间

Table 1 Solution space of registration parameters

R	egistration parameter	h	υ	q	r			
	Solution space	[-1000,1000]	[-1000,1000]	[-10,10]	[0,360]			
		表 2 优化算法	参数设置					
		Table 2 Parameters of op	otimization algorithm					
Algorithm		Pa	rameter					
CPSO	$N = 100$, $i_{ter} = 2000$, iner	tia weight $\omega = 0.7$, learning	factor $c_1 = c_2 = 1.5$, ind	ividual speed limit [-0.5,0.5]			
	$N = 100$, ferocious wolves: scout wolves=1:1, $i_{ter} = 2000$, $T_{max} = 10$, step factor $S = 0.1$; judging distance $d = 100$							
WPA	0.08, update scale factor $\beta = 3$							

CWPA N=100, ferocious wolves: scout wolves=1:1, $T_{max}=10$, threshold parameter $\varepsilon = 0.5$, update scale factor $\beta = 3$

采用归一化测度函数、均方根误差(RMSE)和 平均绝对误差(MAE)评价测度函数的图像配准效 果^[3]。其中,均方根误差 X_{RMSE} 和平均绝对误差 X_{MAE} 可表示为

$$X_{\text{RMSE}} = \sqrt{\frac{1}{Q} \sum_{q=1}^{Q} \left[(x_1^q - x_2^q)^2 + (y_1^q - y_2^q)^2 \right]},$$
(24)

$$X_{\text{MAE}} = \frac{1}{Q} \sum_{q=1}^{Q} \left| x_{1}^{q} - x_{2}^{q} \right| + \left| y_{1}^{q} - y_{2}^{q} \right|, \quad (25)$$

式中,(x^q₁,y^q₁)和(x^q₂,y^q₂)分别为红外和可见光图像 中的第q对匹配点,Q为匹配点对的数目。实验中 的测试图像由标准配准数据集提供,将自建数据集 中的图像按标准配准数据集的标注格式进行人工 标注^[21]。

5.1.1 标准配准测试图像对比实验1

通过分析标准配准测试图像,验证 SGNMI 算 法在抗模糊和抗噪声方面的优势。为了保证实验的 客观性,采用文献[21]中的 Oldbuilding 子集作为 标准配准图像集,进行测度函数的对比实验。原因 是该子集相比文献[21]中其他自然景观类的子集, 在形态上更接近电力设备。首先,在标准配准数据 集中随机选取一组图像对不同测度函数进行详细分 析,如图 5 所示。将可见光图像作为参考图像,红外 图像作为浮动图像,其中两图像已完全配准。计算 浮动图像在不同位置下的归一化测度函数值,结果 如图 6 所示,其中,HTD 表示浮动图像的纵向平移 距离,LTD 表示浮动图像的横向平移距离。

从图 6 中可以发现,当横向和纵向的平移距离 均为 0 时,两个图像完全配准,此时的相似性测度函



图 5 准配准数据集的实验样本。(a)可见光图像; (b)红外图像

Fig. 5 Experimental sample of standard registration data set. (a) Visible image; (b) infrared image

数一般达到最大(1)。图 6(a1)~图 6(c1)是测试图 像的实验结果,可以发现,SGNMI的主峰最突出, 有利于在求解最优配准参数时得到全局最优解。 GWW-NMI 算法的主峰也比较尖锐,但是与周围局 部峰的对比度较小。而 SMI 算法的主峰不尖锐,这 表明其对配准细节的灵敏度较低。图 6(a2)~ 图 6(c2)是在原图基础上增加系数为 6 的椒盐噪声 的实验结果,图 6(a3)~图 6(c3)是在原图基础上增 加系数为6的高斯噪声的实验结果。可以发现, SGNMI 算法的结果基本没有明显的变化,原因是 SGNMI 算法增加了显著性区域的对比度,具有良 好的抗噪声和抗模糊能力。GWW-NMI 算法的实 验结果显示其局部峰更加明显,即全局最优解和局 部最优解之间的对比度较小,容易导致配准优化算 法陷入局部最优解。SMI算法的实验结果与 GWW-NMI 算法类似, 受噪声和图像模糊的影响 较大。

图 6 对单一图像进行分析,从侧面反映了 SGNMI 算法的抗模糊性和抗噪性较好。为了直观 体现不同算法对红外图像模糊程度的适应情况,对



比了不同模糊程度下配准参数的 MAE 和 RMSE。 选取标准配准数据集中除图 5 外剩余 50 组红外和 可见光图像进行配准实验^[21]。所有的标准测试图 像均为完全配准图像对,部分图像如图 7 所示。

图 6 不同算法的结果对比。(a) SMI; (b) GWW-NMI; (c) SGNMI Fig. 6 Comparison results of different algorithms. (a) SMI; (b) GWW-NMI; (c) SGNMI





Fig. 7 Part of the standard registration test image set. (a) Visible image; (b) infrared image

通过表 1 和表 2 中设置的配准参数,计算 50 组 样本在不同模糊程度下配准参数的平均 MAE 和 RMSE,结果如图 8 所示。可以发现,随着高斯模糊 中滤波器标准差σ的增加,红外图像的模糊程度不 断增大,配准难度增加。而 SGNMI 算法因注重显 著性区域边缘并提高了图像的对比度,因此,对图像 模糊的适应性最好,与图 6 中的实验结果相吻合。 GWW-NMI 算法更适合边缘信息较为丰富的图像, 当红外图像的边界较为模糊时,难以通过滑动窗口 提取有效的梯度信息,配准效果较差。而 SMI 算法 为基于图像灰度强度的互信息配准,当边缘信息模 糊时,图像不同区域之间的强度过渡更加缓和,容易 造成误配准。

5.1.2 标准配准测试图像对比实验 2

为了反映 SGNMI 算法在标准配准数据集中的 配准精度和配准时间,利用 5.1.1 小节中的 50 组图 像进行测度函数的对比实验。通过 CPSO 算法优 化三种测度函数下(13)式中的 4 个配准参数,每组 图像配准 20 次,图 7 对应的实验结果如表 3 所示, 其中,1~4 分别为对应的四组配准图像。标准配准 数据集中 50 组图像的平均 MAE、平均 RMSE 和平





均配准时间如表4所示。

图 8 模糊图像的测试结果。(a) MAE; (b) RMSE

Fig. 8 Test results of blurred images. (a) MAE; (b) RMSE

表 3 标准测试图像集的配准结果

Table 3	Registration	result	of	standard	test	image	set
---------	--------------	--------	----	----------	------	-------	-----

Sampla		MAE			RMSE		Registration time /s		
Sample	GWW-NMI	SMI	SGNMI	GWW-NMI	SMI	SGNMI	GWW-NMI	SMI	SGNMI
1	0.897	1.435	0.931	1.213	2.241	1.391	0.734	4.231	1.032
2	1.293	1.692	1.125	1.479	2.693	1.592	0.823	3.328	1.143
3	0.736	1.613	0.962	0.986	2.861	1.242	0.672	4.054	1.097
4	1.043	1.973	0.947	1.435	3.173	1.374	0.743	4.426	0.969

表 4 50 组标准测试图像集的配准结果平均值

Table 4 Mean value of registration results of 50 sets of standard test image sets

Mean MAE]	Mean RMSE	2	Mean registration time /s		
GWW-NMI	SMI	SGNMI	GWW-NMI	SMI	SGNMI	GWW-NMI	SMI	SGNMI
1.010	1.673	1.040	1.387	2.490	1.324	0.926	3.847	1.239

从表 3 和表 4 中可以发现,SMI 算法用时较长, 且配准效果较差。SGNMI 算法相比于 SMI 算法所 用的时间较少,效果更优。GWW-NMI 算法和 SGNMI 算法均是利用图像中的强梯度进行配准, 因此,两种算法的配准精度相近。由于本算法使用 了基于流形排序的显著性检测,所以相比 GWW-NMI 算法配准时间较长。这表明 SGNMI 算法在 牺牲一定时间的基础上,提高了配准算法对红外图 像模糊的适应性。

5.1.3 实际数据集对比实验3

为了验证 SGNMI 算法在实际电力巡检中的应 用效果,建立实际数据集进行对比。样本取自于某 变电站,使用 CMOS 图像传感器(Sony IMX214)采 集可见光图像,采用增强型热成像相机(Therm-App TH)采集红外图像。红外摄像机的参数如表 5 所示。

表 5 红外相机的参数

Table 5 Parameters of infrared camera

Parameter	Value
Resolution / pixel $ imes$ pixel	384×288
Scene temperature range $/{}^{\circ}\!\!{\rm C}$	0-200
Temperature accuracy $/ \frac{9}{0}$	± 2
Wavelength $/\mu m$	7-13
Focus range /m	>0.6
Frame rate / Hz	8.7

图像采集时间为 2019 年 11 月 19 日 15 时,温 度为 5 ℃,天气阴,PM_{2.5} 为 193。共采集 50 组红外 和可见光图像作为实验样本,部分实验样本如图 9 所示。



图 9 可见光图像集和红外图像集。(a)可见光图像;(b)红外图像 Fig. 9 Visible image set and infrared image set. (a) Visible image; (b) infrared image

按照标准配准数据集的标注格式进行人工标注,为每组红外和可见光图像标记 10 对匹配点^[21]。用 CPSO 算法优化三种测度函数下的配准参数,每 组样本图像配准 20 次,得到图 10 中三个测度函数 各自的平均配准精度和平均配准时间。图 10 中的 标记点"6"和"40"表示配准失败的两个样本。可以 明显发现,SMI 算法的配准时间较长,SGNMI 算法 的配准时间大于 GWW-NMI 算法,原因是 SGNMI 算法引入显著性检测导致配准时间稍长。而SMI







算法的 MAE 和 RMSE 明显高于其他两种算法。 实际数据集的结果与标准测试图像集的结果基本 一致,这表明 GWW-NMI 算法虽然在配准效果上 和 SGNMI 算法相近,且配准时间上有一定优势。 但 SGNMI 算法侧重于人为增强红外图像中的显 著性区域梯度,当红外图像出现模糊时,配准效果 更好。

5.2 优化算法对比实验

为验证 CWPA 的有效性,采用 CPSO 算法^[20]、 CWPA 和 WPA 参数优化算法进行对比实验。其 中 CPSO 算法和 WPA 均为智能种群算法,在图像 配准中的效果较好^[20]。

5.2.1 标准测试函数对比实验

为了更好地覆盖不同类型的测试函数,选取包含单峰(U)/多峰(M)和低维(L)/高维(H)在内的8个测试函数,对比不同算法的寻优能力。选取的典型测试函数如表6所示。

由于不同文献对智能进化算法进行有效性测试 时采用的测试参数有差别,采用参考文献中提供的 最优参数设置算法中的其他参数^[14-20]。用上述三种 优化算法,按照表 2 设置的参数对标准测试函数进 行 20 次独立实验,按照文献[22]中的评价指标,得 到的结果如表 7 所示,其中,MEAN 为进化计算结 束时的目标函数均值,STD 为目标函数标准差,SR 为寻优成功率, ϵ 为单次计算得到的最佳目标函数 与全局最优目标函数差的绝对值, $\epsilon < 10^{-6}$ 表示寻 优成功。SR 为寻优成功次数和实验总次数的比值, AEN 为平均寻优成功进化数,寻优成功进化数表示 算法进化过程中首次达到寻优成功标准时的迭代 次数。

表 6 标准测试函数

Table 6 Standard test functions

Function	Expression	Feature	Solution space	Global extremum
Sphere	${f}_{1}=\sum_{i=1}^{D}x_{i}^{2}$	L/U	$[-10, 10]^2$	0
Sumsquar	es $f_2 = \sum_{i=1}^D i x_i^2$	L/U	$[-10, 10]^{100}$	0
Booth	$f_3 = (x_1 + 2x_2 - 7)^2 + (2x_1 + x_2 - 5)^2$	L/M	$[-10, 10]^2$	0
Quadric	${f}_{\scriptscriptstyle 4}=\sum_{i=1}^{D}ig(\sum_{k=1}^{i}x_{k}ig)^{2}$	L/M	$[-30, 30]^{100}$	0
Powersur	m $f_{5} = \sum_{i=1}^{D} \left[\left(\sum_{j=1}^{D} x_{j}^{i} \right) - b_{i} \right]^{2}$	H/U	$[-10, 10]^2$	0
Zakharov	$f_{6} = \sum_{i=1}^{D} x_{i}^{2} + \left(\sum_{i=1}^{D} 0.5ix_{i}\right)^{2} + \left(\sum_{i=1}^{D} 0.5ix_{i}\right)^{4}$	H/U	[-10,10] ¹⁰⁰	0
Griewanl	$f_7 = rac{1}{4000} \sum_{i=1}^D x_i^2 - \prod_{i=1}^D \cos\left(rac{x_i}{\sqrt{i}} ight) + 1$	H/M	$[-600,600]^{100}$	0
Ackley	$f_{s} = -20 \exp\left(-0.2 \sqrt{\frac{1}{D} \sum_{i=1}^{D} x_{i}^{2}}\right) - \exp\left[\frac{1}{D} \sum_{i=1}^{D} \cos(2\pi x_{i})\right] + 20 + e$	H/M	$[-32, 32]^{100}$	0

表 7 优化算法的性能对比

Table 7 Performance comparison of optimization algorithms

Function	Algorithm	MEAN	STD	SR / %	AEN
	WPA	6.31×10^{-91}	8.13 \times 10 ⁻⁸⁷	100	111.30
Sphere	CPSO	7.8×10 ⁻¹⁸⁸	2. 1×10^{-185}	100	34.70
	CWPA	2.45 \times 10 ⁻⁹¹	8.97 $\times 10^{-88}$	100	102.10
	WPA	2. 16×10^{-96}	8.57 $\times 10^{-96}$	100	88.46
Sumsquares	CPSO	1.03×10^{-8}	1.05×10^{-8}	100	33.64
	CWPA	4.84×10^{-96}	2.17×10^{-95}	100	77.56
	WPA	1.32×10^{-6}	1.7×10^{-6}	100	145.50
Booth	CPSO	0	0	100	31.24
	CWPA	1.07×10^{-9}	1.25×10^{-9}	100	87.42
	WPA	7.60 $\times 10^{-84}$	2.21×10^{-89}	100	326.52
Quadric	CPSO	6.88 $\times 10^{+2}$	$1.46 \times 10^{+2}$	0	2000.00
	CWPA	6.82 \times 10 ⁻⁹⁰	3. 12×10^{-90}	100	226.60
	WPA	6.63×10^{-95}	2.30 $\times 10^{-95}$	100	113.30
Powersum	CPSO	1.09×10^{-6}	1.01×10^{-6}	100	1172.00
	CWPA	4.84 \times 10 ⁻¹⁸³	1. 27×10^{-183}	100	38.42
	WPA	3.18×10^{-2}	2.98×10^{-1}	100	391.80
Zakharov	CPSO	1.20	2.20	0	2000.00
	CWPA	4. 15×10^{-16}	2.06 $\times 10^{-16}$	100	237.98
	WPA	1.44×10^{-89}	5.56 $\times 10^{-89}$	100	243.52
Griewank	CPSO	$1.03 \times 10^{+3}$	$2.97 \times 10^{+2}$	0	2000.00
	CWPA	6. 63×10^{-90}	1.88×10 ⁻⁸⁹	100	221.94
	WPA	9.33 $\times 10^{-1}$	1.19	60	991.04
Ackley	CPSO	9.37 \times 10 ⁺¹	1.37	0	2000.00
	CWPA	4. 62×10^{-10}	3, 29×10^{-12}	100	193.51

从表7中可以发现,在Sphere和Booth函数的 计算中,CPSO算法表现最好;但CPSO算法在多峰 函数Quadric、Griewank和Ackley中都无法进行有 效收敛。CWPA在多峰函数中的收敛性优于 CPSO算法,WPA仅在Sumsquares函数中MEAN 和STD两个指标上优于CWPA,在其他函数中均 劣于CWPA。这表明CWPA优于WPA,原因是 CWPA通过(22)式、(23)式的影响函数,引导群体 空间中的狼群算法的进化,加速了算法的收敛。在 各类标准测试函数中,CWPA的AEN均小于WPA 的AEN,这表明CWPA的AEN均小于WPA 的AEN,这表明CWPA的寻优效率更高。且 CWPA在多峰函数中的收敛性优于CPSO算法和 WPA,原因是(18)式提高了群体空间中探狼局部最 优解的感知能力,使狼群在每次迭代初期的探狼游 走期间就避免了陷入局部最优。

5.2.2 实际数据集对比实验

为验证 CWPA 在实际电力巡检环境中的应用, 利用 5.1.3 小节中的 50 组实际图像进行对比实验, 用 SGNMI 作为统一的测度函数。CPSO 算法、 CWPA 和 WPA 都是针对(13)式中的配准参数进 行优化。首先,利用标注匹配点求出标准配准参数 $\{H_i, V_i, Q_i, R_i\}(i=1,2, \dots, 50), H_i, V_i, Q_i, R_i$ 分 别为标准水平方向位移 H、标准竖直方向位移 V, 标准图像旋转角度 Q,标准缩小率 R。其次,用目标 配准误差(TRE)作为评价指标^[23],可表示为

$$\sigma_{\text{TRE}} = \sqrt{\left(\frac{H-h}{H}\right)^2 + \left(\frac{V-v}{V}\right)^2 + \left(\frac{Q-q}{Q}\right)^2 + \left(\frac{R-r}{R}\right)^2}_{(26)}$$

(26)式综合反映了配准参数h(水平平移量)、v(竖直平移量)、q(放缩率)和r(旋转角度)在优化过 程中与理想值的差值,进而反映优化算法的配准精 度。对每组图像配准 20 次,得到平均配准时间和平 均 σ_{TRE} ,如图 11 所示。其中,配准时间为满足 $\Delta\sigma_{\text{TRE}}$,如图 11 所示。其中,配准时间为满足 $\Delta\sigma_{\text{TRE}}$ $\leq 10^{-3}$ 时的计算时间。可以发现,WPA 在样 本 6、33 和 40 上的 σ_{TRE} 异常高,CPSO 算法在样本 6 和样本 40 上的 σ_{TRE} 异常高。这表明配准优化算 法在这几个样本上无法实现配准优化。但在其他样 本中,WPA、CWPA 和 CPSO 算法的最终配准精度 相近。在图 11(b)中,WPA 的计算时间较长,但在 样本 6、33 和 40 上的配准时间异常少,这表明 WPA 在这三组样本的配准过程中陷入了局部最优解,过 早地停止收敛。同样 CPSO 算法在样本 6 上,也过 早地停止收敛。但在样本 40 中,CPSO 算法直到达 到最大收敛步数,即 $i_{ter} = 2000$ 时,也未完全收敛。 原因是图 11 中的样本 6 和样本 40 分别为图 9(a2)、 图 9(b2)和图 9(a3)、图 9(b3),其中图 9(b2)和 图 9(b3)的背景较为复杂,由 SGNMI 提取的梯度 信息较多,导致在配准优化中的局部极值增加,不利 于配准优化算法。



图 11 实际数据集的实验结果。(a) σ_{TRE};(b)配准时间 Fig. 11 Experimental results of actual data set. (a) σ_{TRE}; (b) registration time

综上所述,实际图像数据集的实验结果(图 11) 与标准测试数据集的实验结果(表 7)相吻合。且 表 7 中 WPA 的 AEN 在各类函数中均高于 CWPA,因此WPA的配准时间远高于CWPA。由 于CWPA中用(18)式对局部最优解进行检测,使 CWPA 在自建图像集和标准测试函数中的寻优成 功率均高于WPA。CPSO算法在表 7 中高维多峰 函数上的表现明显比 CWPA 差,且在图 11 中 CPSO算法的配准成功率低于 CWPA。但当三种 算法都实现配准时,配准精度相差不大。这表明 CWPA 在图像配准这类高维多峰函数时的配准成 功率和配准效率更高,更适合红外和可见光图像 配准。

6 结 论

为了提高巡检机器人在电力巡检过程中对红外 和可见光图像的配准效果,将红外图像中显著梯度 信息和可见光图像的梯度信息进行对比,并结合传 统归一化互信息,建立了新的 SGNMI 测度函数。 实验结果表明,SGNMI 算法在牺牲一定配准时间 的情况下,可提高对红外图像模糊程度的适应性。 同时,结合了文化算法的双层进化机制和狼群算法, 解决了狼群算法中探狼搜索方式单一和猛狼围攻半 径固化等问题。在标准测试函数的对比实验中, CWPA 相比于 WPA 有更好的收敛速度和收敛性; 相比于 CPSO 算法,CWPA 虽然在单峰函数中寻优 能力较弱,但在多峰函数中具有更好的全局寻优能 力。在实际红外和可见光图像配准中,CWPA 表现 出更高的收敛性和配准率。本算法为电力巡检机器 人的红外与可见光图像配准提供了精度保证,有利 于后续电力设备的故障定位和故障识别。鉴于图像 配准的最终目的是提升红外和可见光图像的融合质 量,后续研究还需结合图像融合算法,对本算法进行 更全面的评价。

参考文献

- Li Y, Yu F Y, Cai Q, et al. Image fusion of fault detection in power system based on deep learning[J]. Cluster Computing, 2019, 22(4): 9435-9443.
- [2] Li W, Dong ML, Lü NG, et al. Multispectral face image registration based on T-distribution mixture model[J]. Acta Optica Sinica, 2019, 39(7): 0710001.
 李巍,董明利,吕乃光,等.基于T分布混合模型的 多光谱人脸图像配准[J].光学学报, 2019, 39(7): 0710001.
- [3] Zhu M, Yao Q, Tang J, et al. Image registration algorithm with hypergraph constraint and improved normalized cross correlation method [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2019, 41(3): 50-55.

朱明,姚强,唐俊,等.超图约束和改进归一化互相 关方法相结合的图像配准算法[J].国防科技大学学 报,2019,41(3):50-55.

[4] Chen L, Zhang F F, Yu L T, et al. A 2D-3D registration method based on normalized mutual information and multi-resolution fusion [J]. Journal of Harbin Engineering University, 2020, 41(2): 243-249.

陈龙,张峰峰,于凌涛,等. 归一化互信息与多分辨 率融合的 2D-3D 配准方法 [J]. 哈尔滨工程大学学 报, 2020, 41(2): 243-249.

- [5] Abdel-Basset M, Fakhry A E, El-Henawy I, et al. Feature and intensity based medical image registration using particle swarm optimization [J]. Journal of Medical Systems, 2017, 41(12): 197.
- [6] Yan L, Wang Z Q, Ye Z Y. Multimodal image registration algorithm considering grayscale and gradient information[J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2018, 47(1): 71-81.
 [目利, 王紫琦, 叶志云. 顾及灰度和梯度信息的多模态影像配准算法[J]. 测绘学报, 2018, 47(1): 71-81.
- [7] Yang T J, Tang Q, Li L, et al. Nonrigid registration

of medical image based on adaptive local structure tensor and normalized mutual information[J]. Journal of Applied Clinical Medical Physics, 2019, 20(6): 99-110.

- [8] Liu X Y, Wang H H, Sun G, et al. A novel automatic registration method for fluorescein fundus angiography sequences based on mutual information
 [J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2018(8): 1919-1926.
 刘小燕, 王皓浩, 孙刚, 等. 基于互信息的荧光素眼底血管造影图像序列的自动配准方法[J]. 电子与信息学报, 2018(8): 1919-1926.
- [9] Yu K, Ma J, Hu F Y, et al. A grayscale weight with window algorithm for infrared and visible image registration[J]. Infrared Physics & Technology, 2019, 99: 178-186.
- [10] Wang C J, Goatman K, Boardman J P, et al. Distance oriented particle swarm optimizer for brain image registration[J]. IEEE Access, 2019, 7: 56016-56027.
- Liu J, Li Y, Wang W B, et al. Automatic, high-accuracy image registration in confocal microscopy
 [J]. Applied Optics, 2017, 56(32): 8924-8930.
- [12] Pradhan S, Patra D. RMI based non-rigid image registration using BF-QPSO optimization and Pspline[J]. AEU-International Journal of Electronics and Communications, 2015, 69(3): 609-621.
- [13] Chen C L, Jian B L. Infrared thermal facial image sequence registration analysis and verification [J]. Infrared Physics & Technology, 2015, 69: 1-6.
- [14] Wu H S, Zhang F M. Wolf pack algorithm for unconstrained global optimization [J]. Mathematical Problems in Engineering, 2014, 2014: 1-17.
- [15] Chen X Y, Tang C J, Wang J, et al. Improved wolf pack algorithm based on differential evolution elite set[J]. IEICE Transactions on Information and Systems, 2018, E101.D(7): 1946-1949.
- Yan X S, Song T, Wu Q H. An improved cultural algorithm and its application in image matching [J]. Multimedia Tools and Applications, 2017, 76(13): 14951-14968.
- [17] Zhu X Z, Tang C, Wang P C, et al. Saliency detection via affinity graph learning and weighted manifold ranking [J]. Neurocomputing, 2018, 312: 239-250.
- [18] Xue H, Shao Z P, Pan J C, et al. Cultural firefly algorithm for dynamic path planning of soccer robot[J]. Control and Decision, 2018, 33(11): 2015-2020.
 薛晗,邵哲平,潘家财,等.基于文化萤火虫算法的 足球机器人动态路径规划[J].控制与决策, 2018, 33(11): 2015-2020.

- [19] Liang J Y, Liu X P, Huang K N, et al. Automatic registration of multisensor images using an integrated spatial and mutual information (SMI) metric[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2014, 52(1): 603-615.
- [20] Guo Y N, Yang Z, Wang C, et al. Cultural particle swarm optimization algorithms for uncertain multiobjective problems with interval parameters[J]. Natural Computing, 2017, 16(4): 527-548.
- [21] Matthew B, Sabine S. Multi-spectral SIFT for scene category recognition[C] //International Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR11),

June 20-25, 2011, Colorado Springs, CO, USA. New York: IEEE, 2011: 177-184.

- [22] Xue J J, Wang Y, Li H, et al. A smart wolf pack algorithm and its convergence analysis [J]. Control and Decision, 2016, 31(12): 2131-2139.
 薛俊杰,王瑛,李浩,等.一种狼群智能算法及收敛 性分析[J]. 控制与决策, 2016, 31(12): 2131-2139.
- [23] Öfverstedt J, Lindblad J, Sladoje N. Fast and robust symmetric image registration based on distances combining intensity and spatial information[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2019, 28 (7): 3584-3597.