折反式 2f 系统光学相关器的研究

杨拓^{1,2},徐平^{1,2},周亮^{1,2},喻珺^{1,2},李雄超^{1,2},黄海漩^{1,2} '深圳大学电子科学与技术学院,广东深圳 518060; '深圳大学微纳光电子技术研究所,广东 深圳 518060

摘要为进一步缩小光学相关器体积,设计了一种折反式 2*f* 系统光学相关器,光路采用折叠反射式结构,用数字 微透镜取代传统相关器中的实体透镜,缩减了结构体积,提升了系统集成度。利用等效光路法对其进行理论分析, 给出了折反式 2*f* 相关器的结构设计条件及结构参数。针对该相关器,设计了与之匹配的综合鉴别函数滤波器,利 用自编程序进行模拟仿真分析。结果显示,当待识别目标发生缩放与旋转畸变时,该相关器仍具有较好的畸变不 变识别性能。

关键词 信号处理;相关器;集成光学器件;空间滤波;空间光调制器 中图分类号 O438.2 **文献标识码** A

doi: 10.3788/AOS201838.0107001

Folding Reflective 2f System Optical Correlator

Yang Tuo^{1,2}, Xu Ping^{1,2}, Zhou Liang^{1,2}, Yu Jun^{1,2}, Li Xiongchao^{1,2}, Huang Haixuan^{1,2} ¹College of Electronic Science and Technology, Shenzhen University, Shenzhen, Guangdong 518060, China;

² Institute of Micro-Nano Optoelectronic Technology, Shenzhen University, Shenzhen, Guangdong 518060, China

Abstract In order to further reduce the volume of optical correlator, an optical correlator for folding reflective 2f system is designed. The optical path adopts folding reflective structure. Digital micro lens replaces physical lens in the traditional correlator to reduce the volume of the structure and improve the system integration. The structural design conditions and structural parameters of the folding reflective 2f correlator are given theoretically based on equivalent optical path method. The optimal trade-off share duplexed filter (SDF) is designed for the correlator, and the simulation analysis is performed by a self-compiled program. Simulation results indicate that the correlator still has good distortion invariant recognition performance when the target is subject to scaling and rotation distortion. **Key words** signal processing; correlators; integrated optics devices; spatial filtering; spatial light modulators **OCIS codes** 070.4550; 130.3120; 070.6110; 070.6120

1引言

4f 结构光学相关器在 1964 年由 Lugt^[1]提出, 具有信息并行处理、空间带宽积大、信噪比高等特 点,在目标检测、机器视觉、人工智能等领域应用广 泛^[2-6]。目前光学相关器已由早期的同轴结构发展 为折反式集成结构^[7-10],将器件集成于一个平面,利 用反射镜折叠光路,提高了相关器的集成度;4f 结 构也发展为 2f 结构,2f 结构由透镜与输入面紧贴 型^[11]发展为无透镜型^[12-14]。其中 Fukuchi 等^[12-13] 使用两个空间光调制器,采用折叠光路,实现 2f 无透镜的光学相关器,相关器中各元器件结构分离,对准精度要求高,未能实现平面集成化; Eckert 等^[11] 提出将一个空间光调制器分为两半,实现 2f 无透镜光学相关器。目前空间光调制器存在空间带宽积小、传递信息量少、分辨率低的问题,且文献[11-13] 中均未报道相关器对畸变目标识别的能力。 $Wu^{[15]}$ 基于空间光调制器提出一个 2f 光学相关器,可对旋转 0°~60°和缩放-10%~10%的畸变目标实现 不变识别,该相关器仍为同轴分离结构,并未实现集

收稿日期: 2017-08-28; 收到修改稿日期: 2017-09-14

基金项目:国家自然科学基金(61275167)、深圳市基础研究计划项目(JCYJ20140418095735591, JCYJ20130329103020637, JCYJ20160603172549843)

作者简介:杨拓(1987一),男,博士研究生,主要从事光学识别等方面的研究。E-mail: yangtuo@szu.edu.cn

导师简介:徐平(1962-),男,博士,教授,博士生导师,主要从事微小光学与器件、信息光学等方面的研究。

E-mail: xuping@szu.edu.cn(通信联系人)

成化,且输出相关峰零频光干扰太大,不易判别。本 课题组早期将4f光学相关器中的所有器件集成在 一块基底材料上,利用二元光学微透镜代替了原有 的体积较大的傅里叶透镜,后来又将共轴4f结构 光学相关器设计为立体型的2f结构。不过上述的 平面集成4f结构光学相关器体积依然较大,立体 型2f结构光学相关器也很难实现集成化和微型 化,同时也都存在对准精度要求高、稳定性差等问 题。小型集成化和稳定优异的识别能力将是光学相 关器发展的方向。

相关器系统中的滤波器对系统的识别能力起到 至关重要的作用,性能优良的匹配滤波器对各种畸 变目标均能输出尖锐的相关峰。优化折中综合鉴别 函数滤波器(OTSDF)^[16]综合多种滤波^[17-20]的 优势,可以使输出相关峰平均相关高度最大,提高畸 变图像集整体相关峰高度;使平均相似度值尽可能 小,从而提高滤波器的畸变容限;使平均相关能量尽 量小,以便减少相关峰旁瓣,提高中频信息的通过 率;使噪声方差尽量小,以便提高滤波器抗噪声特 性,主要抑制输入高频噪声^[21]。因此 OTSDF 可以 识别输出的相关峰强度、相关峰形态、畸变容限和抗 噪声等,对不同畸变目标能输出高质量且相对稳定 的相关峰,这对畸变目标的准确识别和判断非常 有利。

目前相关器依旧存在集成度低、对准精度要求 高、畸变不变识别能力弱等问题,本文根据文献[22-27 设计了折反式 2f 相关器模型,该模型将 4f 结 构同轴相关器改进为由平行平面组成的折反射式光 路结构,将两个空间光调制器和 CCD 集成在一个平 面的基底上,提高了相关器的集成度,利用数字微 透镜代替物理透镜,两个数字微透镜与输入物和滤 波器相紧贴,分别加载于两个空间光调制器上,将原 有的 4f 结构压缩为 2f 结构,有效地压缩了系统体 积,系统体积仅为原有平面 4f 集成相关器的 1/2。 针对该相关器,设计了斜入射傅里叶变换数字微 透镜,使待测目标在斜入射情况下依然能得到标准 的傅里叶变换,并能消除斜入射带来的像差问 题[28]。同时针对折反式 2f 相关器也设计了具有畸 变不变识别能力的 OTSDF,该相关器可实时编程, 实时加载,结构尺寸更小,集成度更高,畸变不变识 别能力更强。重点研究折反式 2f 相关器的设计理 论,为集成化与微型化的光学相关器研制奠定了 基础。

2 折反式 2*f* 系统光学相关器结构及 理论分析

折反式 2*f* 系统光学相关器结构模型如图 1 所示,图中*a、b、h* 分别为相关器的长、宽、高,上表面为偏振反射平面,保证入射到空间光调制器上的光为特定偏振光,基底平面上集成了空间光调制器 SLM1、空间光调制器 SLM2 和接收器件 CCD,利用设计好的数字微透镜代替傅里叶变换物理透镜,将其与待识别目标和滤波器分别叠加,加载于 SLM1和 SLM2上,入射光斜入射进入相关器系统,最终在 CCD上接收到相关信号。该相关器无物理透镜,结构紧凑,可较大程度缩短系统光程,减小结构体积,提高系统整体集成度和稳定性。



图 1 折反式 2f 相关器结构图

Fig. 1 Structure chart of folding reflective 2f correlator

折反式 2*f* 相关器为倾斜入射的折叠反射式光路,为方便理论分析,其等效光路图可由图 2 表示,入射光束为斜入射平行光。



Fig. 2 Equivalent optical path of folding reflective 2*f* correlator

针对折反式 2f 相关器系统设计斜入射傅里叶 变换数字微透镜,数字微透镜通过合理地调整相位 分布,可对待测目标进行傅里叶变换,在其后焦面得 到空间频谱信息,根据傅里叶变换透镜要求^[28],可 推导出斜入射条件下纯相位型傅里叶变换透镜的透 过率表达式,即

$$t(x',y') = C \cdot \exp\left[-\frac{\mathrm{i}\pi}{\lambda f}(x'^{2}\cos^{2}\alpha + y'^{2})\right],$$
(1)

式中 x'、y'为空间坐标,α为入射角度,f 为透镜焦 距,λ 为波长,C 为透镜的振幅透过率,此处 C 为 1。 入射光沿倾斜坐标系传输时,通过 SLM1 后的 光场分布可以表示为

$$E_{1}(x'_{1},y'_{1}) = E_{0}(x'_{1},y'_{1}) \exp\left[-\frac{i\pi}{\lambda f_{1}}(x'_{1}^{2}\cos^{2}\alpha + y'_{1}^{2})\right].$$
(2)

光束从 SLM1 后表面到达 SLM2 前表面的传播距离为 L₁,k 为波数,在倾斜坐标系内,根据菲涅耳衍射 公式^[28],SLM2 前表面的光场分布可以表示为

$$E_{2}(x'_{2},y'_{2}) = \frac{\exp(ikL_{1})}{i\lambda L_{1}} \exp\left(i\pi \frac{x'_{2}^{2}\cos^{2}\alpha + y'_{2}^{2}}{\lambda L_{1}}\right) \iint_{\infty} E_{0}(x'_{1},y'_{1}) \times \exp\left[i\pi \frac{-2(x'_{1}x'_{2}\cos^{2}\alpha + y'_{1}y'_{2})}{\lambda L_{1}}\right] dx'_{1} dy'_{1}, \qquad (3)$$

即在 SLM2 前表面得到输入目标的傅里叶变换,令光束通过 SLM2,即经过匹配滤波器与透镜后,在 SLM2 的后表面的光场分布可以表示为

$$E_{3}(x'_{3}, y'_{3}) = E_{2}(x'_{2}, y'_{2}) \cdot H(x'_{2}, y'_{2}) \cdot t(x'_{2}, y'_{2}), \qquad (4)$$

式中 $H(x'_2, y'_2)$ 为滤波函数, $t(x'_2, y'_2)$ 为透镜的透射率。

根据菲涅耳衍射公式,输出面(CCD接收面)的光场分布可表示为

$$E(x',y') = \frac{\exp(ikD_{2}/\cos\alpha)}{i\lambda D_{2}/\cos\alpha} \cdot \iint_{\infty} \frac{\exp(ikL_{1})}{i\lambda L_{1}} \exp\left(i\pi \frac{x_{2}'^{2}\cos^{2}\alpha + y_{2}'^{2}}{\lambda L_{1}}\right) \mathscr{F}[E_{0}(x_{1}',y_{1}')] \cdot H(x_{2}',y_{2}') \times \\ \exp\left[-\frac{i\pi}{\lambda L_{2}}(x_{2}'^{2}\cos^{2}\alpha + y_{2}'^{2})\right] \exp\left[i\pi\cos\alpha \frac{(x'\cos\alpha - x_{2}'\cos\alpha)^{2} + (y' - y_{2}')^{2}}{\lambda D_{2}}\right] dx_{2}' dy_{2}',$$
(5)

式中 $D_2 = L_1 \cdot \cos \alpha$ 满足 SLM1 到 SLM2 的距离等于 SLM2 到 CCD 的距离且等于 SLM1 上透镜 1 的焦距 时,SLM1 与输出面 CCD 关于 SLM2 上的透镜形成共轭关系;当滤波函数 $H(x'_2, y'_2)$ 是输入目标谱函数 $\mathscr{F}[E_0(x'_1, y'_1)]$ 的复共轭函数,即形成自相关运算时,(5)式可以化简为

$$E(x',y') = \left[\frac{\exp(\mathrm{i}kL_1)}{\mathrm{i}\lambda L_1}\right]^2 \exp\left(\mathrm{i}\pi \frac{x'^2 \cos^2 \alpha + y'^2}{\lambda L_1}\right) \cdot \left|\mathscr{F}[E_0(x'_1,y'_1)]\right|^2 \cdot \lambda^2 L_1^2 \delta(x' \cos^2 \alpha, y'), \quad (6)$$

式中 \mathscr{R} • }为傅里叶变换, $\delta(x'\cos^2 \alpha, y')$ 函数在物 理上表示一个会聚光斑,说明相关器对输入目标通 过匹配滤波实现了光学自相关操作,在输出面得到 一个脉冲函数,即在 CCD 接收面探测到一个明显的 亮斑即相关峰。如果 CCD 接收到相关峰,即实现了 对待识别目标的光学相关识别。从上述推导可知, 折反式 2f 光学相关器能够实现光学相关识别过 程,其结构需要同时满足:空间光调制器 SLM2 应 处于透镜 1 的后焦面;透镜 1 和 CCD 关于透镜 2 成 共轭关系;滤波器应为待识别目标的匹配滤波器;空 间光调制器 SLM1 到空间光调制器 SLM2 的距离 与空间光调制器 SLM2 到 CCD 的距离相等,并且该 距离应等于透镜 1 的焦距,透镜 1 的焦距应是透镜 2 焦距的 2 倍。

为使后续实验方便,选取相关器的工作波长为

632.8 nm,其中主要器件有 CCD 和纯相位反射式空间光调制器,空间光调制器分辨率为 1080 pixel×
1080 pixel,像素大小为 8 μm×8 μm。

根据上述对相关器结构的理论分析及实验条件,为使其结构体积尽可能小,所设计的折反式 2*f* 系统相关器具体参数如表 1 所示,其中 N 为空间光 调制器分辨率,P 为空间光调制器像元大小, λ 为工 作波长, f_1 、 f_2 分别为加载于空间光调制器 SLM1 和 SLM2 上的数字微透镜焦距,a、b、h 分别为相关 器的长、宽、高,a 为入射角度。光学相关器结构近 似为一个长方体,其长度和宽度依据实验所用的空 间光调制器的大小决定,长度为 $a = 5 \times N \times P =$ 43.2 mm,宽度为 $b = N \times P = 8.64$ mm,高度 h 由 数字微透镜的焦距以及 SLM1 中心到 SLM2 中心 的距离决定:

$$h = \frac{f_1}{2} \cos \alpha \,, \tag{7}$$

SLM1上的数字微透镜1的焦距大小等于SLM1到 SLM2的距离,并且等于SLM2到CCD的距离,SLM1和CCD关于SLM2上的透镜2成共轭关系,则有

$$\frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_1} = \frac{1}{f_2} \,. \tag{8}$$

由(8)式可以得到 $f_1 = 2f_2$ 的焦距关系。为尽可能 减小空间光调制器由于周期性衍射产生的杂散光干 扰,根据透镜等效焦距条件^[9],选取入射角度为 6°, f_1 为 340 mm,将角度和焦距参数代入(7)式得 h为 169.1 mm。光学相关器系统体积经计算为: $V = a \times b \times h = 63.1$ cm³。

Table 1	Folding	reflective 23	f correlator	structure	parameters
---------	---------	---------------	--------------	-----------	------------

N / pixel	$P/\mu{ m m}$	λ/nm	f_{-1}/mm	f_{2}/mm	h/mm	b/mm	a/mm	$\alpha/(^{\circ})$	V/cm^3
1080	8	632.8	340	170	169.1	8.64	43.2	6	63.1

3 折反式 2*f* 系统光学相关器仿真 分析

相关器的识别能力主要由匹配滤波器的性能决 定,畸变容限大的匹配滤波器能够使相关器的畸变 不变识别范围增大,从而提升系统在实际应用中的 稳定性和对畸变待识别目标的识别能力。针对折反 式 2f 光学相关器设计了 OTSDF,根据折反式 2f 相关器的理论分析,利用自编程序,对相关器进行模 拟仿真,使用设计的 OTSDF 对各种畸变目标进行 仿真识别,通过观察输出相关峰的 CPI 指标评判该 相关器的识别性能。CPI 指标是输出相关峰的最高 强度值,它直接反映了输入目标频谱与滤波器相关 程度的高低,是评价相关峰高度的重要指标,在实际 应用中,可设定特定的相关峰高度作为阈值来评判 目标的真伪性^[29]。

使用 Elaine 图片为例作为输入待识别目标。 图 3(a)为 OTSDF 识别缩放畸变目标输出相关峰 CPI分布图,训练生成 OTSDF 的图像集为缩放比 例(65%,135%)间隔为 5%的畸变目标,对缩放范

围为(55%,145%)的目标进行仿真识别,从仿真输 出的相关峰 CPI 变化可知,缩放比例逐渐增大时, 系统输出的 CPI 值呈降低趋势,在放大比例超过 145%时 CPI 的衰减较大,但在(55%,145%)范围 内,CPI 数值基本保持在 0.7 以上,相对缩放为 100%(即没有缩放的原图)时 CPI 变化幅度较小。 如图 3(b)为 OTSDF 识别旋转畸变目标输出相关 峰 CPI 分布图,训练生成 OTSDF 的图像集为旋转 角度为(-35°,+35°)(负号代表左旋,正号代表右 旋)间隔为5°的畸变目标,对原图旋转范围为 (-45°,+45°)的目标进行仿真识别,从仿真输出的 相关峰 CPI 变化可知, CPI 数值变化在大部分内保 持在 0.75 以上, 在原目标发生(-45°, +45°)的畸变 范围内输出的 CPI 相对原图输出相关峰衰减程度 未达到 50%。图 3(c)为 OTSDF 识别缩放旋转同 时存在的畸变目标输出相关峰 CPI 的分布图,训练 生成 OTSDF 的图像集为对原目标缩放比例为 (70%,130%)间隔 10%,同时旋转角度为(-30°, 30°)间隔 10°的畸变目标,对同时存在缩放(-40%, +40%)(负号代表缩小,正号代表放大)和旋转





Fig. 3 (a) Curve of the CPI varies with the scaling object; (b) curve of the CPI varies with the rotation object; (c) curve of the CPI varies with the scaling and rotation object

(-40°,+40°)范围的畸变目标进行仿真识别,从识 别输出的相关峰 CPI 分布可知,相关峰 CPI 的数值 整体变化不大,基本都保持在 0.8 以上。仿真结果 表明,使用折反式 2*f* 系统相关器设计的 OTSDF 对 存在各种畸变的图像都具有稳定的畸变不变识别 性能。

针对折反式 2f 光学相关器分别设计了待识别 目标发生旋转、缩放、旋转缩放同时存在的 3 种畸变 情况时的 OTSDF 滤波器,通过对目标的 3 种不同 畸变情况的光学相关识别仿真,可以发现,应用不同 OTSDF 滤波器的折反式 2f 相关器对相应畸变目 标具有相对稳定的相关峰输出。在实际应用中,可 将原目标输出 CPI 的一半作为真假目标判别阈值, 当输入物识别输出 CPI 小于原目标输出 CPI 的一 半时可认为输入为假目标,若大于原目标输出 CPI 的一半,则认为输入为真目标。该模拟仿真表明,所 设计的折反式 2f 光学相关器采用相应的 OTSDF 滤波器可有效提升相关器的畸变不变识别能力,这 将为未来研制具有稳定识别能力和小型集成化的光 学相关器奠定坚实基础。

4 结 论

设计了一种折反式 2f 系统光学相关器,该相 关器结构体积为 63.1 cm³, 仅为原有平面集成 4f 相关器的1/2,采用两个平行平面组成的折反射式 光路结构,利用数字微透镜代替物理透镜,将原有的 4f 系统压缩为 2f 系统,具有体积小、无物理透镜、 系统集成度高的优点。通过利用等效光路法对相关 器进行理论分析,验证了折反式 2f 系统光学相关 器的可行性,获得了相关器的结构设计条件和结构 参数。设计了该相关器的 OTSDF,通过自编程序, 对相关器进行了光学识别模拟仿真,仿真结果显示, 该相关器对缩放范围为(55%,145%)的畸变目标、 旋转范围为(-45°,+45°)的畸变目标、同时存在缩 放(-40%,+40%)和旋转(-40°,+40°)的畸变目 标均能实现较好识别,各个畸变图像仿真输出的相 关峰 CPI 相对原目标衰减程度均小于 50%,表明所 设计的折反式 2f 系统光学相关器对于各种畸变目 标具有稳定的识别能力。根据目前相关器的结构模 型和模拟仿真结果,计划下一步将搭建折反式 2f 系统光学相关器实验验证平台,对相关器的实际畸 变不变识别能力进行实验研究。

参考文献

[1] Lugt A V. Signal detection by complex spatial

filtering [J]. IEEE Transactions on Information Theory, 1964, 10(2): 139-145.

- [2] Manzur T, Zeller J, Serati S. Optical correlator based target detection, recognition, classification, and tracking [J]. Applied Optics, 2012, 51 (21): 4976-4983.
- [3] Elbouz M, Alfalou A, Brosseau C, *et al*. Assessing the performance of a motion tracking system based on optical joint transform correlation [J]. Optics Communications, 2015, 349: 65-82.
- [4] Solus D, Ovsenik L, Turán J. Optical correlator in vertical traffic signs inventory system[C]. IEEE 13th International Scientific Conference on Informatics, 2016: 15701280.
- [5] Harasthy T, Ovsenik L, Turán J. Current summary of the practical using of optical correlators [J]. Acta Electrotechnica et Informatica, 2013, 12(4): 30-38.
- [6] Callaghan M J, Perlmutter S H, Wolt B. Single-chip correlator implementation for PCI-bus personal computers[C]. SPIE, 2000, 4043: 48-58.
- [7] Liu W Y, Zhang Y M, Dong S H, et al. Novel compact optical correlator and optimum design of match spatial filter for pattern recognition [J]. Acta Optica Sinica, 2000, 20(12): 1680-1683.
 刘文耀,张以谟,董世洪,等.集成化光学相关器及 匹配滤波器的优化设计 [J].光学学报, 2000, 20 (12): 1680-1683.
- [8] Eckert W. Compact planar-integrated optical correlator for spatially incoherent signals[J]. Applied Optics, 2000, 39(5): 759-765.
- [9] Liu J Y, Xu P, Xu H D, et al. Design and analysis of novel planar integrated optical correlator [J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(9): 1735-1739.
 刘加勇,徐平,徐海东,等.新型平面集成光学相关 器设计与分析[J].光学学报, 2008, 28(9): 1735-1739.
- [10] Xu H D, Xu P, Qi S L, et al. System optimization of 4f-based planar integrated hybrid optoelectronic correlator [J]. Acta Optica Sinica, 2010, 30(4): 1002-1008.
 徐海东,徐平,亓森林,等.基于4f结构平面集成 相关器系统优化[J].光学学报,2010, 30(4): 1002-1008.
- [11] Eckert W. Compact discrete correlator with improved design[J]. Optics Communications, 2000, 186 (1): 83-86.
- [12] Fukuchi N. Lensless Vanderlugt optical correlator using two phase-only spatial light modulators [J]. Chinese Optics Letters, 2009, 7(12): 1131-1133.
- [13] Zeng X, Inoue T, Fukuchi N, *et al*. Parallel lensless optical correlator based on two phase-only spatial

light modulators[J]. Optics Express, 2011, 19(13): 12594-12604.

- [14] Zeng X, Bai J, Hou C, et al. Compact optical correlator based on one phase-only spatial light modulator[J]. Optics Letters, 2011, 36(8):1383-1385.
- [15] Wu W. Research of 2f hybrid photoelectric matched filtering correlation recognition [J]. Optical Technique, 2010, 36(1): 39-42.
- [16] Refregier P. Optimal trade-off filters for noise robustness, sharpness of the correlation peak and Horner efficiency [J]. Optics Letters, 1991, 16 (11): 829-831.
- [17] Hester C F, Casasent D. Multivariant technique for multiclass pattern recognition [J]. Applied Optics, 1980, 19(11): 1758-1761.
- [18] Kumar B. Minimum variance synthetic discriminant functions [J]. Journal of the Optical Society of America A, 1986, 3(10): 1579-1584.
- [19] Mahalanobis A, Kumar B, Casasent D. Minimum average correlation energy filters[J]. Applied Optics, 1987, 26(17): 3633-3640.
- [20] Mahalanobis A, Kumar B. Unconstrained correlation filters [J]. Applied Optics, 1994, 33 (17): 3751-3759.
- [21] Wu W, Zhou J P, Wang X S, et al. Design of matched filters for image correlation recognition of distortion targets [J]. Journal of Applied Optics, 2009, 30(1): 11-15.

- [22] Xu P, Hong C, Cheng G, et al. Planar optical correlators integrated with binary optical lens [J]. Optics Express, 2015, 23(5): 6773-6779.
- [23] Xu P, Yuan X, Huang H X, et al. Research on design of tri-color shift device [J]. Nanoscale Research Letters, 2016, 11(1): 485.
- [24] Xu P, Huang Y Y, Su Z J, et al. Research of microprism distribution on the bottom surface of the smallsize integrated light guide plate[J]. Optics Express, 2015, 23(4): 4887-4896.
- [25] Huang H X, Ruan S C, Yang T, et al. Novel even beam splitters based on subwavelength binary simple periodic rectangular structure [J]. Nano-Micro Letters, 2015, 7(2): 177-182.
- [26] Xu P, Huang Y Y, Zhang X L, et al. Integrated micro-optical light guide plate [J]. Optics Express, 2013, 21(17): 20159-20170.
- [27] Xu P, Huang H X, Wang K, et al. Realization of optical perfect shuffle with microoptical array element
 [J]. Optics Express, 2007, 15(3): 809-816.
- [28] Testorf M, Jahns J. Paraxial theory of planar integrated systems[J]. Journal of the Optical Society of America A, 1997, 14(7): 1569-1575.
- [29] Zhou L, Yu J, Yang T, et al. Analysis and experimental determination for matched filtering recognition of correlation peak [J]. Acta Optica Sinica, 2016, 36(9): 0907001.
 周亮,喻珺,杨拓,等.匹配滤波识别相关峰的分析 与实验判别[J].光学学报, 2016, 36(9): 0907001.