基于L形谐振腔MIM波导结构滤波特性的研究

庞绍芳^{1,2} 屈世显² 张永元¹ 解 忧¹ 郝丽梅¹
 '西安科技大学理学院,陕西西安 710054
 '陕西师范大学物理学与信息技术学院,陕西西安 710062

摘要 设计了一种基于表面等离极化激元金属-介质-金属的L形谐振腔波导结构,并应用有限元方法研究了该结构 的传输特性。数值计算结果表明,透射光谱中出现了明显的阻带,其滤波特性强烈地依赖于L形谐振腔结构的尺寸。 相比于同尺度的水平放置的矩形谐振腔,L形谐振腔结构具有更高的品质因子,滤波效果更佳。随着L形谐振腔结构 尺寸的增大,透射光谱发生红移;在L形谐振腔中充入折射率不同的介质,根据表面等离极化激元共振对L形谐振腔 内折射率变化敏感特性,通过探测透射光谱中共振波长来探测介质折射率,该结构可广泛用于传感器方面。 关键词 光学器件;表面等离极化激元;有限元方法;滤波器 中图分类号 0436 **文献标识码** A **doi:** 10.3788/AOS201535.0623001

Filter Characteristic Research of MIM Waveguide Based on L Shaped Resonator

Pang Shaofang^{1,2} Qu Shixian² Zhang Yongyuan¹ Xie You¹ Hao Limei¹

¹College of Science, Xi'an University of Science and Technology, Xi'an, Shaanxi 710054, China; ²School of Physics and Information Technology, Shaanxi Normal University, Xi'an, Shaanxi 710062, China

Abstract A metal-insulator-metal (MIM) waveguide with L-shaped resonator is designed. The transmission properties of this resonator are numerically investigated by finite element method. The results show that the transmission properties of the L-shaped resonator depend on the length and the height of it. L-shaped cavity has better quality factor and better filtering effect compared with the horizontal rectangular cavity with the same size as L-shaped cavity. With the increase of the size of L-shaped cavity, spectrum exhibits a red shift. Filling the medium of different refractive index in L- shaped cavity, the MIM waveguide with L- shaped resonator allows a much more sensitive detection of small refractive index changes of the filled media inside L-shaped nano-cavity. It is easy to detect the refractive index of medium by detecting resonant wavelength in the transmission spectra, which reveals a potential sensors of the MIM waveguide with L-shaped nano-cavity. **Key words** optical devices; surface plasmon polaritons; finite element method; filter **OCIS codes** 230.5750; 230.7370; 230.7408

1 引 言

表面等离极化激元(SPPs)是一种沿着金属-介质表面传播的电磁波,在垂直于金属表面方向上,振幅以指数形式衰减,由于SPPs具有这种独特的性质,故可以突破传统光学中的衍射极限。因此,SPPs广泛应用于 亚波长结构的约束来引导光场,实现亚波长光学器件的集成^[1-7]。由于基于SPPs的金属-介质-金属(MIM)波 导具有很好的模场限制效果和传播长度^[8],很多研究小组利用SPPs原理进行了一系列波导的研究,各种功能 的基于 MIM 波导的光学元件相继提出,例如分路器^[9]、Y-形合成器^[10]、马赫-曾德尔干涉仪^[11]、多模干涉仪^[12]和 滤波器^[13-15],已经在数值研究和实验方面获得验证和实现。

收稿日期: 2014-10-31; 收到修改稿日期: 2015-01-09

基金项目:国家自然科学基金(11304243)、陕西省自然科学基础研究计划资助项目(2013JM8004)、西安科技大学培育基金项目(201242)

作者简介: 庞绍芳(1978—), 女, 博士, 讲师, 主要从事微纳光学和光子学方面的研究。E-mail: pangshaofang@126.com

亚波长光学器件中,滤波器可以实现带通或带阻波长选择功能,是通信过程中的重要器件^[16-18]。当SPPs 波耦合到谐振腔后,只有在腔中形成共振的SPPs才能从腔中耦合到出射波导中。基于谐振腔的共振特性, 研究者设计了多种滤波器结构,例如圆环形谐振腔滤波器^[19]、矩形谐振腔滤波器^[20]和直腔形谐振腔滤波器^[21]。

将矩形谐振腔平行地放置于直波导的上方,透射光谱的半峰全宽(FWHM)较大,滤波效果较差^[22]。相同 尺度的矩形谐振腔竖直放置于直波导上方,随着耦合间距的微小变化,共振波长处的滤波效果变化非常敏 感^[23]。基于此思路,本文设计了L形谐振腔 MIM 波导滤波器,并应用基于有限元算法的 COMSOL Multiphysics软件研究了其滤波特性。数值模拟结果表明,L形谐振腔的滤波特性强烈地依赖于十字形结构的长度和 高度。同时,在L形谐振腔中充入不同折射率的介质,由于 SPPs 对谐振腔内折射率变化很敏感^[24],L形谐振 腔可用于灵敏探测器。

2 结构和计算方法

图 1 为设计的 L 形谐振腔的结构示意图,该结构由一两端开口的 MIM 波导与 L 形谐振腔组成,其中 L 形 谐振腔的高度和长度分别用 H 和 D 表示。为使得波导中只有横向磁场的基模(TM₀)传播,波导的宽度 d 固定 为 50 nm^[25-26]。直波导与 L 形谐振腔间的耦合距离为 w,将 w 固定为 w=10 nm。在进行数值计算时,金属材料 为银,银材料的介电常数取自实验结果^[27]。基于有限元算法的 COMSOL Multiphysics 仿真软件数值研究 L 型 谐振腔的滤波特性。用透射率描述 L 型谐振腔结构的滤波特性,透射率 T 定义为通过波导出射端口的出射 功率 P_{out}与人射端口的入射功率 P_{in}之比,即 T=P_{out}/P_{in}。进行数值模拟时,x,y 方向均采用完全匹配吸收层 (PML)作为边界消除边界反射的能量,z 方向为周期性边界条件。网格剖分时,一般要求网格最大为入射光 波长的 1/5。

在波导结构中,横向磁场传播模式的电磁场满足方程[28]

$$\operatorname{anh}(\boldsymbol{\kappa}d) = -\boldsymbol{\kappa}(p\alpha_{e} + p\alpha_{s})/(\boldsymbol{\kappa}^{2} + p\alpha_{e}p\alpha_{s}), \qquad (1)$$

其中, κ 和 d 分别为波导中传播的电磁波波矢和波导宽度。如果 MIM 波导由同一种金属组成,则 p = q, $\alpha_e = \alpha_s$ 。 (1)式中 $p = \varepsilon_{in}/\varepsilon_m$, $\alpha_e = [k_0^2(\varepsilon_{in} - \varepsilon_m) + \kappa)]^{1/2}$,其中 ε_m 和 ε_{in} 分别表示金属和介质的介电常数。 $k_0 = 2\pi/\lambda_0$ 为电磁波在自由空间中的波矢。求得(1)式中波矢 κ 后,波导的有效折射率 n_{eff} 可以表示为 $n_{eff} = [\varepsilon_m + (\kappa/k_0)^2]^{1/2}$,则波导中传播 SPPs 的波长 $\lambda_{spp_s} = \lambda_0/\text{Re}(n_{eff})$, Re(n_{eff})为有效折射率的实部。



图 1 L形谐振腔结构示意图 Fig.1 Schematic diagram of L-shaped cavity

3 结果与讨论

图 2 给出了当 H=215 nm, D=175 nm时L形谐振腔的透射光谱。从图中可以看出, 在 λ = 0.47 μm、0.68 μm 和 1.17 μm附近对应有三个传输低谷,分别如图中的模式1、模式2和模式3所示。低谷处λ=1.17 μm、0.68 μm 和 0.47 μm处的透射率均接近0,说明低谷处电磁波的能量不能通过L形谐振腔,其他波长的电磁波可以通过 该波导结构,所以L形谐振腔类似于滤波器装置。另外,计算出L形谐振腔模式1处对应的半峰全宽仅为48 nm。 图 3 为同尺度(H+D=390 nm)的水平放置的矩形谐振腔透射光谱,其中,w=10 nm。从图 3 中可以看出,矩形谐振 腔也具有一定的滤波特性,其长波长处对应的半峰全宽为143 nm。相比于同尺度的水平放置的矩形谐振腔, L形谐振腔结构具有更高的品质因子,滤波特性更好。







为了研究 L 形谐振腔内的共振模式,分别计算当 H=215 nm, D=175 nm 时,在低谷波长 λ=1.17 μm、 0.68 μm 和 0.47 μm 处的稳态磁场分布图。图 4(a)为波长 λ=1.17 mm 时对应的稳态磁场分布图,从图 4(a)中可 以看出,在 L 形谐振腔的两端分布有强磁场。波长 λ=0.68 μm 对应的稳态磁场分布图如图 4(b)所示,强磁场 主要分布在 L 形谐振腔结构的两端和拐角位置。图 4(c)给出了波长 λ=0.47 μm 时对应的稳态磁场分布,除了 在 L 形谐振腔的两端分布有强磁场外,在 L 形谐振腔的中间也分布有较强磁场。



图 4 L 形 谐 振 腔 不 同 带 阻 波 长 处 的 稳 态 磁 场 分 布 图 。(a) λ = 1.17 μm; (b) λ = 0.68 μm; (c) λ = 0.47 μm

Fig.4 Steady state distribution of L-shaped cavity with different stop-band wavelength. (a) λ = 1.17 μm; (b) λ = 0.68 μm; (c) λ = 0.47 μm 当 SPPs 耦合到 L 形谐振腔时, 在腔内发生共振, 在 L 形谐振腔内形成稳定驻波, 需要满足共振条件:
Δφ = β_m • 2(H + D) + φ_r = 2mπ, 其中, φ_r 为 L 形谐振腔的右侧面和上面的光束反射形成的反射相位; 正整数 m 为在 L 形谐振腔形成驻波的波腹数; β_m 为腔内形成的 m 阶共振模式对应的 SPPs 的传播常数。当波长 λ = 1.17 μm 时, 由前文的算法求得 Re(n_{eff})=1.396, 其对应的 λ_{SPP}=0.838 μm, m=2(H+D)/λ_{SPP}=0.93。考虑到反射相位, 计算出 φ_r = 0.14π。在波长 λ=0.68 μm 和 0.47 μm, 其对应的 m=1.65, 2.55, φ_r 分别为 0.71π, 0.91π。考虑到反射相位的存在, 恰好在谐振腔内形成共振, 电磁波被限制在 L 形谐振腔内, 故透射光谱中对应为低谷。

为了研究L形谐振腔的尺寸对透射特性的影响,计算了不同高度和长度的L形谐振腔的透射光谱,图5 给出了L形谐振腔D=175 nm,高度分别为H=175 nm,215 nm,255 nm时对应的透射光谱。从图5中明显可以 看出,随着高度H的增加,透射光谱产生红移现象。图6给出L形谐振腔高度H保持不变,长度分别为 D=175 nm,215 nm,255 nm时的透射光谱。从图6中可以看出,随着长度D的增大,透射光谱发生红移现 象。这主要是因为随着L形谐振腔的长度D和高度H的增加,耦合到L形谐振腔中的SPPs传播的距离随着 增大,所以透射光谱发生红移。

为了研究波长对L形谐振腔中充入的介质折射率n的敏感特性,计算了L形谐振腔充入不同折射率的介质时的透射光谱,如图7(a)所示。其中,L=175 nm,H=215 nm。从图7(a)中可以看出,随着n的增大,透射光谱









发生红移。这是因为随着介质折射率的增大,耦合到L形谐振腔的SPPs传输的光程增大,所以光谱发生红移现象。相对短波长处的红移量长波长处更明显。图7(b)给出了透射光谱中三种共振模式对应波长随着介质折射率n的变化曲线。从图7(b)可以看出,共振波长与折射率n呈线性关系,且随着介质折射率n的增加, 共振波长均向长波长方向移动。当介质折射率n从1.0变化到1.3,共振模式1的共振波长移动了0.35 µm,共振模式2,3的共振波长分别移动了0.19 µm,0.08 µm。传感器的灵敏度可以定义为dλ/dn,对应共振模式1, 2,3的灵敏度分别为1166.7 nm/RIU,633.3 nm/RIU,266.7 nm/RIU,即对应图7(b)中的斜率k₁=1.17,k₂=0.63 和 k₃=0.27。根据图7(b)给出的透射光谱中三种共振模式对应波长与介质折射率n的线性关系,可以通过探测 透射光谱中共振波长来探测介质折射率。因为SPPs共振对L形谐振腔内折射率的变化很敏感,所以,当L形 谐振腔中充入不同折射率的介质时,通过探测透射光谱中的共振波长来测量介质的折射率。另外,与Zhang ZD等^[29]提出的圆形谐振腔的金属-介质-金属波导结构对介质的灵敏度进行对比,L形谐振腔的 MIM 波导结构作为传感器,灵敏度较高,更适用于传感器方面。



(b) relation curves of resonant wavelength and refractive index

4 结 论

研究了基于 SPPs 的 L 形谐振腔的 MIM 波导结构的传输特性,应用有限元方法数值研究了 L 形谐振腔的滤 波特性。研究结果表明,L 形谐振腔的结构尺寸会影响滤波特性。当L 形谐振腔的长度和高度增加时,透射曲 线发生红移。在 L 形谐振腔中充入不同折射率的介质,随着介质折射率的增大透射光谱发生红移现象,可以通 过探测透射光谱中共振波长来探测介质折射率。这些结果对设计简单结构滤波器,有一定的指导意义。

参 考 文 献

- 1 Falk A L, Koppens F H L, Yu C L, et al.. Near-field electrical detection of optical plasmons and single-plasmon sources[J]. Nature Physics, 2009, 5(7): 475-479.
- 2 Barnes W L, Dereux A, Ebbesen T W. Surface plasmon subwavelength optics[J]. Nature, 2003, 424(6950): 824-830.
- 3 Bozhevolnyi S I, Volkov V S, Devaux E, *et al.*. Channel plasmon subwavelength waveguide components including interferometers and ring resonators[J]. Nature, 2006, 440(7083): 508-511.
- 4 Wang Wentao, Liu Jianjun, Hong Zhi. Multiband terahertz filter based on three nested closed rings[J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(3): 0323001.

王文涛,刘建军,洪 治.基于三个方形封闭谐振环的多频带太赫兹滤波器[J].光学学报,2013,33(3):0323001.

5 Yun Binfeng, Hu Guohua, Cui Yiping. Polymer micro-ring resonator filter with high quality factor[J]. Acta Optica Sinica, 2011, 31(10): 1013002.

恽斌峰, 胡国华, 崔一平. 高品质因子聚合物波导微环谐振腔滤波器[J]. 光学学报, 2011, 31(10): 1013002.

6 Zhang Zhidong, ZhaoYanan, Lu Dong, *et al.*. Numerical investigation of the metal-insulator-metal waveguide filter based on the arc-shaped resonator[J]. Acta Phys Sin, 2012, 61(18): 187301.

张志东,赵亚男,卢 东,等.基于圆弧谐振腔的金属介质金属波导滤波器的数值研究[J].物理学报,2012,61(18):187301.

7 Sun Xianming, Liu Wangqiang, Wang Haihua, *et al.*. Study on resonant models in two-layer micro-sphere cavity[J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(5): 0529001.

孙贤明, 刘万强, 王海华, 等. 双层微球腔谐振模式研究[J]. 光学学报, 2013, 33(5): 0529001.

- 8 Dionne J A, Sweatlock L A, Atwater H A. Plasmon slot waveguides: Towards chip-scale propagation with subwavelength-scale localization [J]. Phys Rev B, 2006, 73(3): 035407.
- 9 Veronis G, Fan S. Bends and splitters in metal-dielectric-metal subwavelength plasmonic waveguides[J]. Appl Phys Lett, 2005, 87(13): 131102.
- 10 Gao Hongtao, Shi Haofei, Wang Changtao, et al.. Surface plasmon polariton propagation and combination in Y-shaped metallic channels [J]. Opt Express, 2005, 13(26): 10795-10800.
- 11 Han Z H, Liu L, Forsberg E. Ultra-compact directional couplers and Mach Zehnder interferometers employing surface plasmon polaritons [J]. Opt Commun, 2006, 259(2): 690-695.
- 12 Han Zhonghua, He Sailing. Multimode interference effect in plasmonic subwavelength waveguides and an ultra-compact power splitter [J]. Opt Commun, 2007, 278(1): 199-203.
- 13 Hosseini A, Massoud Y. Nanoscale surface plasmon based resonator using rectangular geometry[J]. Appl Phys Lett, 2007, 90(18): 181102.
- 14 Wang Guoxi, Lu Hua, Liu Xueming, et al.. Tunable multi-channel wavelength demultiplexer based on MIM plasmonic nanodisk resonators at telecommunication regime[J]. Opt Express, 2011, 19(4): 3513-3518.
- 15 Lin Xianshi, Huang Xuguang. Tooth-shaped plasmonic waveguide filters with nanometeric sizes[J]. Opt Lett, 2008, 33(23): 2874-2876.
- 16 Lu Hua, Wang Guoxi, Liu Xueming. Manipulation of light in MIM plasmonic waveguide systems[J]. Chinese Sci Bull, 2013, 58(30): 3607– 3616.
- 17 Peng Xiao, Li Hongjiang, Wu Caini, *et al.*. Research on transmission characteristics of aperture-coupled square-ring resonator based filter[J]. Opt Commun, 2013, 294: 368-371.
- 18 Liu Ye, Zhou Fei, Yao Bo, *et al.*. High-extinction-ratio and low-insertion-loss plasmonic filter with coherent coupled nano-cavity array in a MIM waveguide[J]. Plasmonics, 2013, 8(2): 1035-1041.
- 19 Wang Tongbiao, Wen Xiewen, Yin Chengping, *et al.*. The transmission characteristics of surface plasmon polaritons in ring resonator[J]. Opt Express, 2009, 17(26): 24096-240101.
- 20 Yun Binfeng, Hu Guohua, Cui Yiping. Theoretical analysis of a nanoscale plasmonic filter based on a rectangular metal insulator metal waveguide[J]. 2010, J Phys D: Appl Phys, 43(38): 385102.
- 21 Guo Yinghui, Yan Lianshan, Pan Wei, et al.. A plasmonic splitter based on slot cavity[J]. Opt Express, 2011, 19(15): 13831-13838.
- 22 Chen Li, Lu Ping, Tian Ming, et al.. A subwavelength MIM waveguide filter with single-cavity and multi-cavity structures[J]. Optik, 2013, 124(18): 3701-3704.
- 23 Liu Ye, Zhon Fei, Yao Bo, *et al.*. High-extinction ratio and low insertion loss plasmonic filter with coherent coupled nano-cavity array in a MIM waveguide[J]. Plasmonics, 2014, 8(2): 1035-1041.
- 24 Jiang Yongxiang, Liu Binghong, Zhu Xiaosong, et al.. Study of silver coated hollow-core fiber surface plasmon resonance sensor[J]. Acta

Optica Sinica, 2014, 34(2): 0223004.

蒋永翔, 刘炳红, 朱晓松, 等. 镀银空心光纤表面等离子体共振传感器的研究[J]. 光学学报, 2014, 34(2): 0223004.

- 25 Kekatpure R D, Hryciw A C, Barnard E S, *et al.*. Solving dielectric and plasmonic waveguide dispersion relations on a pocket calculator [J]. Opt Express, 2009, 17(26): 24112-24129.
- 26 Liu Jianlong, Fang Guangyu, Zhao Haifa, *et al.*. Plasmon flow control at gap waveguide junctions using square ring resonators[J]. J Phys D: Appl Phys, 2010, 43(5): 055103.
- 27 Johnson P B, Christy R W. Optical constants of the noble metals[J]. Phys Rev B, 1972, 6(12): 4370 4379.
- 28 Kim K Y, Cho Y K, Tae H S, *et al.*. Light transmission along dispersive plasmonic gap and its subwavelength guidance characteristics [J]. Opt Express, 2006, 14(1): 320-330.
- 29 Zhang Z D, Wang H Y, Zhang Z Y. Fano resonance in a gear shaped nanocavity of the metal-insulator-metal waveguide[J]. Plasmonics, 2013, 8(2): 797-801.

栏目编辑: 韩 峰