8 m 能动薄主镜侧支撑设计

戴晓霖^{1,2,3} 鲜 浩^{1,2} 唐金龙^{1,2} 张雨东^{1,2} '中国科学院光电技术研究所,四川成都 610209 ²中国科学院自适应光学重点实验室,四川成都 610209 3中国科学院大学,北京 100049

摘要 薄主镜支撑系统分为轴向和侧向支撑两部分,侧向支撑承担主镜垂直于光轴方向的重力分量。介绍了pushpull-shear侧支撑及能动校正原理,并针对一块8m口径薄主镜进行了侧支撑设计。设计了5种备选侧支撑方案,并 考虑到主镜对面形的能动校正能力,借助有限元计算对它们进行了分析和比较,选出了一种最佳方案作为8m薄主镜 的侧支撑方案。该侧支撑方案共有64个侧支撑点,每个侧支撑点仅施加沿主镜切向的支撑力。当主镜竖直放置 时,主镜能动校正后的镜面均方根值为19.2 nm,校正力范围为-318.9~301.4 N。相比传统 push-pull-shear侧支撑方 式,该侧支撑方案结构简单,易于实现,同时支撑效果良好。

关键词 光学设计;能动光学;侧支撑设计;有限元方法;薄型主镜

中图分类号 0439 文献标识码 A

doi: 10.3788/AOS201535.0622004

Designing of Lateral Support System for an 8 m Active Thin Mirror

Dai Xiaolin^{1,2,3} Xian Hao^{1,2} Tang Jinlong^{1,2} Zhang Yudong^{1,2}

¹Institute of Optics and Electronics, Chinese Academy of Sciences,

Chengdu, Sichuan 610209, China

²The Key Laboratory of Adaptive Optics, Chinese Academy of Sciences, Chengdu, Sichuan 610209, China ³University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

Abstract The support system of an thin primary mirror consists of axial supports and lateral supports. Lateral supports mainly support the component force of the mirror's gravity normal to the optical axis of the mirror. The push-pull- shear lateral support and the principle of active correction are introduced, and 5 alternative lateral supports are designed for an 8 m active thin mirror. Taking account of the active correction of the primary mirror and comparing the 5 alternatives via the finite element method, the best lateral support of the 8 m mirror is determined. The best lateral support consists of 64 lateral support points, and each point only applies an tangential force. The root mean square of the surface of the 8 m mirror after active correction is 19.2 nm when the mirror is mounted vertically and the range of the correction forces is – 318.9~301.4 N. Compared with regular push-pull-shear lateral support, this lateral support is simpler in structure, easier to implement and has good supporting performance.

Key words optical design; active optics; lateral support design; finite element method; thin primary mirror **OCIS codes** 220.1080; 080.4035; 350.4600

1 引 言

制造并使用薄型主镜是大口径主镜轻量化的一个重要方法,薄型主镜径厚比很大,较传统主镜能够大大减小主镜质量,但同时也容易弯曲变形¹¹,必须设计合适的支撑系统保证薄型主镜的面形。薄主镜支撑系

收稿日期: 2014-12-17; 收到修改稿日期: 2015-01-21

基金项目:国家863计划(G138803)

作者简介:戴晓霖(1991—),男,博士研究生,主要从事能动薄主镜控制技术方面的研究。E-mail:daixl08@outlook.com 导师简介:张雨东(1964—),男,研究员,博士生导师,主要从事自适应光学技术方面的研究。

E-mail:ydzhang@ioe.ac.cn(通信联系人)

统分为轴向和侧向支撑两部分,侧向支撑承担主镜垂直于光轴方向的重力分量。常见的侧支撑方式有径向 余弦力支撑、水银带支撑、竖直推拉支撑^[1]及由Schwesinger^[2]提出的push-pull-shear支撑等。目前,口径较大 的薄型主镜大多采用后两种侧支撑方式,如3.5 m欧洲新技术望远镜(NTT)^[3-6]采用竖直推拉侧支撑方式,8 m 级的欧洲甚大望远镜(VLT)^[7]、Gemini^[8]、Subaru^[9]采用push-pull-shear侧支撑方式。但当薄主镜口径进一步增 大时,采用竖直推拉侧支撑的主镜面形将会急剧下降,难以满足设计要求,而采用传统push-pull-shear侧支 撑方式虽然能够获得极好的面形,但支撑结构复杂,不易实现。

本文针对一台8m口径薄型主镜,借助有限元方法,运用push-pull-shear侧支撑原理,设计了5种待选侧 支撑方案:1)最优侧支撑(即传统push-pull-shear侧支撑);2)纯切向力侧支撑;3)竖直推拉力+轴向力侧支 撑;4)纯竖直推拉力支撑;5)纯侧定位点支撑。然后结合薄主镜对面形的能动校正效果,对5种方案进行了 对比,选择纯切向力侧支撑方案作为8m薄主镜的最佳侧支撑方案,该侧支撑方案结构简单,易于实现,同时 支撑效果良好。本文的设计过程也为大口径薄型主镜侧支撑提供了一种设计思路及参考例。

2 8 m 能动薄主镜参数介绍

8 m能动薄主镜模型如图 1 所示,主镜口径为 8000 mm,中心孔直径 1250 mm,厚度为 205 mm,径厚比为 39,镜面顶点处曲率半径为 24600 mm。主镜材料为 ZERODUR 玻璃,其性能如表 1 所示。



图18m能动薄主镜模型。(a)主镜模型;(b)主镜(第一象限内)轴向支撑点排布;(c)薄主镜尺寸图

Fig.1 Model of the 8 m active thin primary mirror. (a) Model of mirror; (b) axial support points of the mirror

(in the	first	quadrant)	:	(c)	size	of	the	mirror
(quantum)		(~)	~ ~ ~ ~ ~ ~	~ ~	****	

表1 主镜材料性能

Table 1 Material properties of primary mirror

Material	Density /(kg/m³)	Poisson's ratio	Young's modulus /GPa
ZERODUR	2530	0.243	90.3

8 m 薄主镜轴向支撑共包含159个能动支撑点,均匀分布在主镜背面的6个支撑环上,各环半径依次为900,1499,2062,2645,3210,3770 mm,支撑点数目由内到外(1~6环)依次为12,18,24,27,36,42个(第3环上除27个能动支撑点外,还有3个轴向定位点,用于主镜定位,如图1所示),支撑点的半径为75 mm。

3 push-pull-shear 侧支撑及主镜能动校正原理

3.1 push-pull-shear 侧支撑介绍

常见的薄型主镜侧支撑方式如图 2 所示。push-pull-shear 侧支撑方式是现代大口径薄主镜最常用的侧 支撑方式,下面对这种侧支撑方式做简要介绍。

薄型主镜竖直放置时,在重力作用下的弹性变形展开为傅里叶级数形式为四

$$w(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} w_n(r) \cos n\theta , \qquad (1)$$



Fig.2 Some common lateral supports of thin primary mirror

式中 w 表示镜面变形, r 和 θ 为极坐标($\theta = 0^{\circ}$ 即 x 正半轴, 逆时针旋转为正, 如图 3 所示), w_n 为不同傅里叶级数下随半径 r 变化的镜面面形。根据 Schwesinger¹²的研究, 假设主镜侧支撑由均匀排布在主镜外侧边缘面的 N 个支撑点组成,则一个设计良好的侧支撑能够很好的抑制(1)式中的 $n=2,3,\cdots,N-1$ 项变形,由于高阶变形项的幅值很小,所以此时主镜弹性变形的主要成分为(1)式中的 n=1 项。传统的余弦推拉式侧支撑对 n=1 项变形抑制效果很差, 故随着主镜口径增大, 这种侧支撑方式的效果往往不够理想。为此, Schwesinger 提出了一种沿主镜边缘的切向添加侧支撑力的方案(即 push-pull-shear 方式), 这种方式对 n=1 项变形具有更好的抑制效果, 能够更加有效地降低薄主镜的弹性变形。



图 3 push-pull-shear 侧支撑方式示意图

Fig.3 Schematic of push-pull-dhear lateral support

图 3所示为 push-pull-shear 侧支撑方式的一个侧支撑点的支撑力分布情况,主镜竖直放置,侧支撑点位 于主镜外侧边缘面上,每个侧支撑点上的支撑力由 3 个分力合成:沿径向的分力 $F_r \sin \theta$,沿切向的分力 $F_r \cos \theta$ 和沿光轴方向的分力 $F_a \sin \theta$ 。 F_r, F_r, F_a 均为待定常数,它们的取值决定了支撑的效果。 $F(\theta)$ 为 $F_r \sin \theta$ 和 $F_r \cos \theta$ 的合力, $F(\theta)$ 与竖直方向的夹角为 γ 。 G为主镜重力, z为 $F(\theta)$ 所在的平面与薄主镜的重 心 G'在光轴方向上的距离。侧支撑的设计过程即确定 F_r, F_r, F_a 值的过程。

引入参数β,令

$$\beta = \frac{F_{\iota}}{F_{\iota} + F_{r}} (0 \le \beta \le 1) , \qquad (2)$$

则根据主镜力平衡及力矩平衡条件,有

$$\sum_{i=1}^{N} (F_i \sin^2 \theta_i + F_r \cos^2 \theta_i) = G , \qquad (3)$$

$$\sum_{i=1}^{N} (F_a \times R \sin^2 \theta_i) = Gz , \qquad (4)$$

式中 θ_i 为不同侧支撑点到圆心的连线与主镜水平轴(x轴)的夹角,R为主镜的半径。此时,侧支撑待定参数 为 F_i , F_r , F_a , β 4个,又因为它们满足(2)、(3)、(4)式,故此时独立的变量仅剩一个,为方便,独立变量取为 β 。由 图 3可知, $F(\theta)$ 满足

光学学报

$$|F(\theta)| = \frac{F_r}{1-\beta} \sqrt{(1-2\beta)\sin^2\theta + \beta^2},$$

$$\tan \gamma = \frac{2\beta - 1}{(1-\beta)\tan\theta + \beta\cot\theta}.$$
(5)

若 β=0,则有 $|F(\theta)|=F_r|\sin\theta|, \gamma = -(90° + θ)$,这时侧支撑即余弦推拉式支撑;若 β=0.5,则有 $|F(\theta)|=F_r, \gamma = 0°$,这时侧支撑即竖直推拉支撑。

引入 β 后,侧支撑的待定参数从 F_{i} , F_{i} , F_{a} 转化为 β ,push-pull-shear侧支撑的设计过程也转化为寻找最优 β 值的过程,简化了侧支撑的设计过程。

3.2 主镜能动校正原理

能动光学技术是建造现代大口径天文望远镜的重要技术之一¹¹⁰,通过对畸变波前的探测和对主镜背面 驱动器阵列的控制,能动光学技术能够有效校正主镜的面形误差,提高望远镜系统的成像能力,这一过程也 即主镜能动校正。3.5 m望远镜 NTT 首次使用了能动光学技术^[3-6],此后,几乎所有的现代大型望远镜均采用 了能动光学技术,如4 m级的南方天体物理望远镜(SOAR)^[11]、可见光及红外波段天文望远镜(VISTA)^[12]和先进 太阳望远镜(ATST)^[13],8 m级的 VLT^[14]、Gemini^[8]和 Subaru^[9]等。

本文借助有限元分析,通过以下方法分析8m薄主镜的能动校正效果:

向各个能动支撑点施加单位作用力,利用有限元计算相应的主镜面形,从而得到每个能动支撑点(驱动器)的影响函数 w_i(x,y)(i = 1,2,...,159);

2) 利用有限元分析,得出各项面形误差数据 W(x,y)(主要为重力变形);

3) 设校正力为 F_i ,使用最小二乘法拟合方程 $W(x,y) = \sum_{i=1}^{159} F_i w_i(x,y)$,得到校正力 F_i 后,利用有限元方法计算主镜在 F_i 作用下的残余面形误差 W'(x,y),分析能动校正效果。

4 8m薄主镜侧支撑设计

4.1 侧支撑点的数量与排布设计

8 m薄主镜侧支撑的设计参考了 2.6 mVLT 的测量望远镜(VST,24个侧支撑)¹⁵³和 8.2 m望远镜 VLT(64个 侧支撑)¹⁷的侧支撑方式,共有 64个侧支撑点,均匀分布在主镜外侧边缘面上,如图 4所示。支撑点与主镜接 触面的中心位于主镜侧边缘面的中分线上。薄主镜的定位由 3 个轴向定位点(均匀分布在第 3 支撑环上,限 制光轴方向自由度)和4个侧定位点(分布于主镜上下左右4个顶点处,其中上下两个定位点限制主镜水平方向位移,左右两个定位点限制竖直方向位移)共同完成。当薄主镜竖直放置时,要求镜面均方根(RMS)值小于 21 nm (λ/30, λ = 632.8 nm)。



图48m薄主镜侧支撑示意图

Fig.4 Schematic of the lateral support for the 8 m thin primary mirror

4.2 最优侧支撑方案(即传统 push-pull-shear 侧支撑)

8m薄主镜采用push-pull-shear侧支撑方式,在确定了侧支撑点的数量与排布方式之后,侧支撑设计过

程即寻找最优β值的过程。故设β为待优化变量,主镜竖直放置时的镜面 RMS 值为目标函数,借助有限元方法,计算出二者之间的关系如图 5 所示。

由图 5 可知,最优解出现在 β=0.75 左右,计算出的最优侧支撑的支撑效果及主镜面形分别如表 2 和图 6 所示(X、Y、Z、WX、WY、WZ为 ANSYS软件在建模中自动生成的坐标轴符号,MN和MX为镜面变形量最小 值和最大值的位置)。





图 6 最优侧支撑下的主镜面形(单位: mm) Fig.6 Primary mirror surface of optimum lateral support (unit: mm)

4.3 纯切向力侧支撑方案

最佳侧支撑方案应当满足两个条件:1) 良好的支撑效果;2) 便于实现。最优侧支撑方案能够达到很好的 主镜支撑效果,但一方面,这种支撑方式在每个侧支撑点处的支撑力都由径向、切向和轴向3个方向上的分力 组成,这使得支撑结构非常复杂,实现起来比较困难;另一方面,在4.2节的设计过程中并没有考虑到薄主镜 的能动校正能力,若考虑这一因素,可能会有其他较为简单的支撑方式同样也能达到较好的侧支撑效果。因 此,为寻求最佳侧支撑方案,根据最优侧支撑方案进行简化,提出了另一种可能的侧支撑方案。

方案A:纯切向力侧支撑方案

由于轴向侧支撑力施加较为困难,故假设侧支撑不包含轴向分力,即 $F_a=0$,此时寻找最优 β ,结果如

图 7 所示。可以看到,当 β=1 时,主镜面形 RMS 值最小,故方案 A 为 64 个侧支撑力均为纯切向支撑力,没有 径向和轴向分力,如图 8(a)所示。

4.4 其他侧支撑方案

本文结合现有望远镜实例,还考虑了另外3种可能的侧支撑方式。

方案 B: β=0.5,64个侧支撑点的径向和切向支撑力的合力方向竖直向上,侧支撑点处有轴向分力,如 图 8(b)所示。



图 7 A 侧支撑方案优化过程。(a) β 优化过程; (b) β=1 时主镜面形(单位:mm)

Fig.7 Optimization of lateral support A. (a) Optimization of β; (b) primary mirror surface when β=1 (unit: mm) 方案 C: β=0.5,64 个侧支撑点的径向和切向支撑力的合力方向竖直向上,侧支撑点处没有轴向分力, 如图 8(c)所示。

方案D:仅由4个侧定位点支撑。



图 8 部分备选侧支撑方案示意图。(a) 方案 A;(b) 方案 B;(c) 方案 C

Fig.8 Schematic of partial alternative lateral supports. (a) Alternative A; (b) alternative B; (c) alternative C

下面将对上述所有方案进行对比,选出8m薄主镜的最佳侧支撑方案。

4.5 侧支撑方案的比较与选择

首先利用有限元方法,并考虑主镜的能动校正效果,计算出各方案的支撑效果如表3所示。

Table 3	Effectivenesses	of	5	alternative	lateral	supports
						oupport.

Lateral support	β	Component of support forces	Mirror RMS /nm (before active correction)	Mirror RMS /nm (after active correction)	Correction force [MIN,MAX] /N
Optimum support	0.752	Radial, axial and tangential	22.6	5.6	[-16.1,16.4]
А	1	Tangential	27070	19.2	[-318.9,301.4]
В	0.5	Vertical and axial	4012	36.3	[-721.1,739.4]
С	0.5	Vertical	32642	75.1	[-1685.3,1915.7]
D	None	None	27487	58.5	[-1089.0,1140.4]

为选出最佳8m薄主镜侧支撑方案,对上述5种备选方案主要从以下3个方面进行对比:1)支撑结构的复杂程度;2)能动校正后的镜面RMS值大小;3)能动校正所需校正力的范围大小。比较结果如表4所示。

<u>光</u>学 步 报 表4 5种备选侧支撑方案比较

Table 4 Comparison of the 5 alternative lateral supports						
Lateral support	Structure complexity	Mirror RMS (after active correction)	Correction force			
Optimum Support	Complex	Smallest	Smallest			
А	Simple	Small	Small			
В	Medium	Large	Large			
С	Simple	Largest	Largest			
D	Simplest	Large	Large			

从表 3 和表 4 可以看到,最优侧支撑无论是能动校正后的镜面 RMS值(残余 RMS值)还是校正力范围都 是最小的,在所有方案中支撑效果最佳,但其支撑结构过于复杂,难以实现,不适合选为最佳方案;方案 B 支 撑结构较最优支撑简单,但残余 RMS值过大,因此也不适合选为最佳侧支撑方案;方案 C 和 D 支撑结构简 单,但残余 RMS值和能动校正所需校正力均太大,因此也被弃选。

综合考虑,由于方案A具备支撑结构简单(仅需施加切向的支撑力),残余RMS值小(仅19.2 nm),校正力范围 也较小(-318.9~301.4 N)等诸多优点,8m薄主镜侧支撑方案选定为方案A,即β=1,侧支撑力仅为切向支撑力。

8 m 薄主镜的最终侧支撑方式如图 9 所示,共有 64 个侧支撑点,均匀分布在主镜外侧边缘面上,每个侧 支撑点仅施加切向的支撑力。



图 9 8 m 薄主镜的侧支撑示意图(第一象限)

Fig.9 Schematic of the lateral support for the 8 m thin primary mirror (in the first quadrant)

4.6 纯切向力侧支撑与传统 push-pull-shear 侧支撑的对比

表 5 对 8 m 薄主镜采用纯剪切力侧支撑与传统 push-pull-shear 侧支撑(即最优侧支撑)两种侧支撑方式 的效果进行了对比。从表 5 可以看出:一方面,虽然相比传统 push-pull-shear 侧支撑,采用纯切向力侧支撑 的薄主镜经能动校正后的面形 RMS值更高,所需要的校正力也更大,但实际上这两个参数的值仍然处在一 个比较低的水平(RMS值小于 λ/30, λ = 632.8 nm,校正力范围仅约为-300~300 N),满足设计要求;另一方面, 传统 push-pull-shear 侧支撑每个侧支撑点处的支撑力都包含径向、切向和轴向三个方向的分力,必须采用 非常复杂的支撑结构,实现起来较为困难,而纯切向力侧支撑方式每个侧支撑点处仅需要施加一个切向的 支撑力,极大简化了支撑结构,更便于工程实现。综合考虑,纯切向力侧支撑方案是更好的选择。

表 5 纯切向力侧支撑与最优侧支撑比较

Table 5 Compar	rison of tangentia	al lateral support	and optimum	support
----------------	--------------------	--------------------	-------------	---------

Lateral Support	Component of support forces	Mirror BMS (nm (after active correction)	Correction force
	component of support forces	willor it wis / init (after active correction)	[MIN,MAX]/N
Tangential lateral support	Radial, axial and tangential	5.6	[-16.1,16.4]
Optimum support	Tangential	19.2	[-318.9,301.4]

图 10 给出了 8 m 薄主镜采用上述两种侧支撑方式时,经能动校正后的主镜面形(主镜竖直放置)。从图 中可以看出,采用两种侧支撑方式的薄主镜经过能动校正之后均具有较佳的面形,校正后的镜面 RMS小于 λ/30 (λ = 632.8 nm),镜面变形的峰值主要集中于主镜外侧边缘附近。

5 结 论

对薄主镜的push-pull-shear侧支撑及能动校正原理进行了介绍,随后运用push-pull-shear原理,针对一 块 8 m 口径薄主镜,设计了 5 种备选侧支撑方案,同时考虑主镜的能动校正能力,借助有限元计算对它们进 行了分析和比较,选出了一种最佳方案。该方案共包含 64 个仅施加纯切向支撑力的侧支撑点,均匀分布于 薄主镜侧边缘面上。当薄主镜竖直放置时,主镜能动校正后的镜面 RMS值为 19.2 nm,校正力范围为-318.9~ 301.4 N。与传统 push-pull-shear侧支撑方式相比,该侧支撑方案结构简单,易于实现,同时支撑效果良好。 设计过程对不同口径的薄主镜侧支撑设计均具有一定的普适性,对大口径薄主镜侧支撑设计工作具有一定 的参考价值。



图 10 8 m 薄主镜分别采用最优侧支撑与纯切向力侧支撑时,能动校正后的面形。(a) 最优侧支撑;(b) 纯切向力侧支撑。 Fig.10 8 m thin primary mirror's surfaces after active correction when adopting optimum support and tangential lateral support respectively. (a) Optimum support; (b) tangential lateral support

- 1 Cheng Jingquan. Principles of Astronomical Telescope Design[M]. Beijing: Chinese Science & Technology Press, 2003: 65-71. 程景全. 天文望远镜原理和设计[M]. 北京: 中国科学技术出版社, 2003: 65-71
- 2 G Schwesinger. Lateral support of very large telescope mirrors by edge forces only[J]. Journal of Modern Optics, 1991, 38(8): 1507-1516.
- 3 R N Wilson, F Frauza, L Noethe, *et al.*. Active optics I-A system for optimizing the optical quality and reducing the costs of large telescopes[J]. Journal of Modern Optics, 1987, 34(4): 485-509.
- 4 Noethe L, Franza F, Giordano P, et al.. Active optics II-Results of an experiment with a thin 1 m test mirror[J]. Journal of Modern Optics, 35(9): 1427-1457.
- 5 Noethe L, Franza F, Giordano P, et al.. Active optics III-Final results with the 1 m test mirror and NTT 3.58 m primary in the workshop[J]. Journal of Modern Optics, 1989, 36(11): 1415-1425.
- 6 R N Wilson, F Frauza, L Noethe, *et al.*. Active optics IV-Set-up and performance of the optics of the ESO new technology teleswpe (NTT) in the observatory[J]. Journal of Modern Optics, 1991, 38(2): 219-243.
- 7 E D Knohi. VLT primary support system[C]. SPIE, 1994, 2199: 271-283.
- 8 Larry M Stepp, Eugene Huang, Myury K Cho. Gemini primary mirror support system[C]. SPIE, 1994, 2199: 223-238.
- 9 M lye, K Kodaira. Primary mirror support system for the SUBARU telescope[C]. SPIE, 1994, 2199: 762-772.
- 10 Li Hongzhuang, Zhang Zhenduo, Wang Jianli, *et al.*. Active surface-profile correction of 620 mm thin-mirror based on flotation support[J]. Acta Optica Sinica, 2013,33(5): 0511001.

李宏壮, 张振铎, 王建立, 等. 基于浮动支撑的 620 mm 薄反射镜面形主动校正[J]. 光学学报, 2013, 33(5): 0511001.

- 11 C Neufeld, V Bennett, A Sarnik, *et al.*. Development of an active optical system for the SOAR telescope[C]. SPIE, 2004, 5489: 1052–1060.
- 12 A McPherson, A J Born, W J Sucherland, *et al.*. The VISTA project, a review of its progress and lessons learned developing the current programme[C]. SPIE, 2004, 5489: 638-649.
- 13 M K Cho, R S Prica, I K Moon. Optimization of the ATST primary mirror support system[C]. SPIE, 2006, 6273: 62731E.
- 14 S Stanghellini, P Legrand, S Baty, *et al.*. Design and construction of the VLT primary mirror cell: support of the large, thin primary mirror[C]. SPIE, 1997, 2871: 314-325.
- 15 P Schipani, S Dorsi, L Ferragina, *et al.*. Active optics primary mirror support system for the 2.6 m VST telescope[J]. Applied Optics, 2010, 49(8): 1234-1241.