基于脉冲计数的零相位差跳变补偿外差干涉信号 处理方法

张恩政^{1,2} 郝¹ 群 杨 晔² 周砚江²

¹北京理工大学光电学院,北京 100081 ²浙江理工大学纳米测量技术实验室,浙江 杭州 310018

doi: 10.3788/A0S201535.0512004

Laser Heterodyne Interferometric Signal Processing Method with Compensation at Unstable Zero Phase Difference Based on Pulse Counting

Zhang Enzheng^{1,2} Hao Qun¹ Yang Ye² Zhou Yanjiang²

¹School of Optoelectronics, Beijing Institute of Techonology, Beijing, 100081, China ²Laboratory of Nanometer Measurement, Zhejiang Sci-Tech University, Hangzhou, Zhejiang 310018, China

Abstract A zero phase difference jumping compensation processing method for heterodyne interferometric signal processing based on pulse counting is proposed, which can guarantee the correction integration of measured integer and fraction phase. The integer phase measurement is realized by counting pulse numbers of two interference signals and synchronously subtracting. The fraction phase measurement is realized by frequency mixing and frequency reduction to improve the measurement resolution. A dynamic base signal is generated by tracking the reference interference signal with phase–locked loop and the signal is used for frequency mixing to solve the problem of frequency changing of heterodyne interference signals. This method can improve the resolution stability of fraction phase measurement. The verification experiments are done with a function generator, including phase measurement precision, integer counting and fraction phase measurement. A two–pass heterodyne interferometric optical layout is constructed for displacement measurement experiments, the displacements of precision stages are measured to verify the effectiveness of the proposed compensation method for integration of integer and fraction and the feasibility of the implemented signal processing method in actual heterodyne interferometric displacement measurement.

Key words measurement; signal processing; combination of integer and fraction phase; pulse counting;

收稿日期: 2014-11-28; 收到修改稿日期: 2014-12-29

基金项目:国家自然科学基金(51327005)和教育部创新团队基金(IRT13097)

作者简介:张恩政(1983—),男,博士研究生,主要从事激光干涉测量方面的研究。E-mail: zhangez@126.com

导师简介:郝 群(1968—),女,教授,博士生导师,主要从事光电信息技术及精密光学测量等方面的研究。

E-mail: qhao@bit.edu.cn

heterodyne interferometry; resolution

OCIS Codes 120.3180; 120.3940; 120.5050; 260.3160

1 引 言

激光外差干涉测量技术具有长度基准溯源性、响应速度快、测量范围大、信噪比高、能够克服方向模糊 且不易受光强变化的影响等优点,被广泛用于几何量的精密测量,精密仪器的检测与校准,精密加工等领域 中^[1-7]。在外差干涉测量系统中,干涉信号的信号处理方法与实现是影响测量系统性能和精度的关键,国内 外科研人员对激光外差干涉信号处理方法及测量提高等方面也进行了大量的研究工作18-161,促进了外差干涉 测量技术的发展。这些信号处理方法中多采用反正切相位解包裹的方法实现相位测量,反正切实现相位测 量可采用模拟或数字方式来实现。当采用模拟方式实现时,干涉信号的相位差被转换为与信号强度成对应 关系的直流量,通过探测信号强度实现相位测量,这种方法的缺点是电路低频误差会影响相位测量的精 度。数字式的实现方法采用模数(AD)转换器件将干涉信号转变为数字量,再采用现场可编程门阵列(FPGA) 或数字信号处理(DSP)数字芯片实现相位测量,这种方法要求高性能的AD转换芯片,解相实现中涉及复杂的 信号滤波算法,并且用相位解包裹算法来实现高精度的相位测量,一般成本较高。另外一种简单实用的相 位测量方法是基于时间间隔测量技术实现的方法17-24,它通过简单的外部整形电路将正弦干涉信号转换为 只有高低电平的矩形波信号,类似数字信号的1和0状态,采用这种矩形波信号不需要 AD 转换即可实现相 位测量。脉冲计数法是时间间隔测量技术中最基本的方法,基于脉冲计数技术可方便地实现大数计数和小 数相位测量,对于硬件电路的设计要求低,不需要复杂的相位解包裹算法,易于实现。FPGA可编程逻辑器 件的出现为脉冲计数测量技术提供了有力的硬件支持,不同容量大小的计数器可根据需要进行方便地配 置,并可实现准确计数。脉冲计数相位测量方法存在的不足是信号的上升沿质量和信号的抖动会引起过零 点触发不稳定,这会导致大数跳变和小数零相位跳变时刻不一致,产生大数误差,直接影响到测量结果的准 确性。为此,本文提出一种零相位差跳变补偿大小数结合处理方法,用小数相位对大数跳变进行补偿来实 现大小数相位的准确结合。

在外差干涉信号处理中,对干涉信号进行降频是提高相位测量分辨率的重要方法,但由于常用的双频 激光器输出的拍频信号频率是随时间变化的,波动范围从几十千赫兹到上百千赫兹,采用固定混频基准信 号实现混频降频的方法,会导致降频后的信号频率波动范围大,进而导致相位测量分辨率不稳定。Wang等 ¹²¹应用了3个锁相环(PLL)实现小数相位测量解决频差波动的问题,具有有益的参考价值。本文对本课题组 先前研究的信号处理方法¹²¹进行改进提高,应用了一个锁相环对参考信号进行跟踪产生动态混频基准信号, 再将其用于混频降频实现相位测量,这样可减小降频后干涉信号的频率波动,提高测量分辨率,并且可增加 对不同输出频差稳定性激光器的兼容性。

2 信号处理方法

基于脉冲计数的零相位差跳变补偿外差干涉信号处理方法,以FPGA为核心实现设计,信号处理方法原 理框图如图1所示。由光电探测器探测到的参考和测量干涉信号到达信号处理板,此处参考信号为双频激 光器输出的两个频率的拍频信号,测量干涉信号因携带被测量的信息而产生频率(或相位)变化,每一路信 号又分为两部分,分别到达大数和小数测量电路。一部分信号经电压比较器转换为方波信号进入FPGA大 数测量模块实现大数测量,另一部分到达参考信号动态跟踪混频降频电路实现混频降频,降频后的干涉信 号进入FPGA小数测量模块实现小数测量。大小数测量数据经串行传输传至上位机,通过对大小数相位数 据的分析处理实现大小数结合,并将最终相位(或位移)测量结果予以显示。为了实现对大数和小数相位的 准确测量并保证大小数的准确结合,本文采用零相位差跳变补偿方法实现大小数相位的结合。

2.1 大数测量

大数测量采用直接对参考和测量脉冲干涉信号进行计数并对减的方法实现测量。外差干涉信号处理 中,大数计数即对干涉信号周期脉冲变化量的计数,决定了相位测量的大范围。在外差干涉测量系统中,探 测到的干涉信号为交流量,即使被测对象处于静止状态,干涉信号也一直存在,是一个稳定的周期信号。实



图1 信号处理方法原理框图

Fig.1 Schematic diagram of signal processing method

现大数的测量就要分别对参考信号和测量信号脉冲进行计数,采用大容量计数器和多级计数器级联的方案,可使计数器在长时间内不会溢出,从而可保证大数测量的有效进行,其原理如图2所示。





从图 2 中可以看出,大数测量是基于 FPGA 实现测量的。光电探测器探测到的参考和测量正弦干涉信 号经外部整形电路转换为矩形波脉冲信号,进入 FPGA,FPGA内部的计数器分别对两路矩形脉冲进行计数, 每一路计数采用了两级级联的方式实现更大容量的计数,计数结果经对减模块对减得到两路计数差值,即 为被测大数值 ΔN,C₁和 C₂为前级溢出脉冲。高性能 FPGA 芯片的出现不但可实现对脉冲信号的准确计数, 而且可方便地改变计数器的容量从而满足不同测量范围的需求。

2.2 小数测量

为了提高小数相位测量的分辨率,采用对干涉信号进行混频降频的方法实现小数相位测量。不同于先 前采用固定频率的混频基准信号进行混频降频方案^[25],这里采用锁相环对参考信号进行跟踪产生动态混频 基准信号用于实现混频降频,小数相位测量原理如图3所示。





图 3 中, 锁相环动态跟踪模块对到达信号处理板的参考信号进行跟踪产生动态的混频基准信号, 该基准 信号分别与测量信号和参考信号进行混频, 混频后的信号经信号预处理电路包括信号的滤波、放大和整形 处理后, 高频干涉信号被降频为低频矩形波干涉信号, 两低频干涉信号进入 FPGA 进行小数相位测量。在 FPGA 内部, 相位脉冲提取模块实现对相邻参考信号到测量信号上升沿间相位脉冲的提取, 周期脉冲提取模 块实现对测量信号单个周期脉冲信号的提取。两脉冲信号经相位填脉冲模块分别在脉冲区间内填入高频 时钟脉冲,相位填脉冲量计数值和周期填脉冲量计数值分别为 Δn 和 n_{max},则相位测量公式可表示为

$$\phi = \frac{\Delta n}{n} \times 360 \ . \tag{1}$$

在 FPGA 内部通过改变高频填脉冲时钟的频率可方便地调整相位细分的大小,即可改变相位测量的分 辨率。图 3 中采用锁相环动态跟踪模块对参考信号进行跟踪产生动态混频基准信号再进行混频降频的方法 可有效地提高测量的分辨率和分辨率的稳定性。通常,在干涉测量中应用的双频激光器输出的差频频率是 随着时间变化的,其频率的变化范围从几十千赫兹到上百千赫兹,当采用固定频率的混频基准信号时,经混 频降频后的干涉信号也会有相同的频率波动范围。采用脉冲计数法实现相位测量时,干涉信号一个周期内 填入高频时钟脉冲数的最大值决定了最大测量分辨率。所以当降频后的干涉信号的频率波动范围大时,干 涉信号周期填脉冲值也会有很大变化,这会导致测量分辨率和分辨率的稳定性降低。另外,降频后频率的 大范围波动,会使得降频后有效干涉信号频率带宽超过预处理电路的低通滤波器的截止频率,故会对混频 降频后有效干涉信号的准确提取产生影响。而当采用锁相环对参考信号进行跟踪产生动态混频基准信号 的方法来进行混频降频可极大地减小混频降频后干涉信号频率波动范围,可从上百千赫兹的变化减小到几 千赫兹的变化。锁相环跟踪模块参数设置如图4所示。



Fig.4 Phase locked loop tracking module

本文采用到的 Agilent 5517B 系激光器的总的频差范围在 1.9~2.4 MHz 之间,即频率变化为 500 kHz,当 采用固定混频基准信号进行混频时,降频后的信号频率波动范围也为 500 kHz。当采用锁相环对参考信号 进行跟踪产生混频基准信号时,参考信号经锁相环跟踪后产生的混频基准信号频率为 1.9/1.004~2.4/1.004, 不同频率的信号经锁相跟踪混频降频后的信号频率如表 1 所示。

表1	动态跟踪混频降频频率变	化
----	-------------	---

	D	1 C.	1 .		C	•••		•
ahlo I	Frequency	change atte	r dynamie	tracking	troduonev	miving and	reduction	conversion
ante i	riculture	Unange and	A UVHAIIIIU	LIAUKINE	neutency	minime anu	requestion	CONVERSION
	/			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	- 1	0		

干涉信号频率 /MHz	1.9	2.0	2.1	2.2	2.3	2.4
混频降频后频率 /kHz	7.57	7.96	8.36	8.76	9.16	9.562

由表1可见,混频降频后的低频干涉信号的频率为7.57~9.562 kHz,此时降频后的信号频率变化范围仅为1.992 kHz。可见采用锁相环对参考信号进行动态跟踪产生混频基准信号进行混频降频的方法,极大地减小了混频降频后干涉信号的频率波动范围,从而可提高相位测量分辨率及稳定性。

2.3 零相位差跳变补偿大小数结合

大数测量和小数测量分别决定了相位测量的范围和测量的分辨率,实现大数和小数相位测量结果的准确结合才可保证大范围高分辨率的相位测量。基于脉冲计数的相位测量方法,信号的上升沿的陡度是影响测量精度的关键。这种影响对大数测量而言直接决定了大数计数的准确度。大数测量值的跳变主要发生在两路信号相位差为0°左右的时候,此时干涉信号的上升沿噪声或被测对象的抖动等因素都会引起大数测量值的不稳定跳变。对于小数的影响是被测相位在0°或360°左右跳变。如果大数和小数的不稳定跳变不一致,即朝着不同的相位变化方向跳变,大小数相位直接相加进行的大小数结合则会导致大数误差。为此,本文提出采用零相位差跳变补偿的方法实现大小数结合来解决零相位差处大小数跳变难以有效结合的问题,在干涉测量中,当测量镜运动时,测量信号相对于参考信号会朝着固定方向运动,当测量镜运动方向改





Fig.5 Principle diagram of integration of integer and fraction based on zero phase difference jump compensation.

(a) Forward direction; (b) backward direction

零相位差跳变补偿方法是用测得的小数相位来对大数实现补偿,具体是将相位测量的整个区间分为稳定区间I和不稳定区间II,不稳定区间为0°相位差处±φ。的相位区间。在稳定区间I中大数值是稳定不变的, 而在区间II中大数值是不稳定跳变的,为了实现对大数的准确测量,在I稳定区间预存大数测量值为 N_{pass}=N,在不稳定区间II通过测得的小数相位值和预存的大数值来判定有效的大数值。图5(a)为当测量信 号相对于参考信号正向运动时采用零相位差跳变补偿实现大小数结合的原理示意图,通过实测的小数相位 测量值所在区间来判定大数值并实现大小数结合,大小数结合相位*φ*测量公式可表示为

$$\varphi = \begin{cases} N \times 360 + \varphi_{\rm m}, \ \varphi_{\rm c} < \varphi_{\rm m} < 360 - \varphi_{\rm c} \\ N_{\rm pass} \times 360 + \varphi_{\rm m}, \ 360 - \varphi_{\rm c} < \varphi_{\rm m} < 360 \\ (N_{\rm pass} + 1) \times 360 + \varphi_{\rm m}, \ 0 < \varphi_{\rm m} < \varphi_{\rm c} \end{cases}$$
(3)

式中N为实测大数值,φ。为不稳定区间端点的小数相位值,φ_m为小数相位测量值。

当测量信号相对于参考信号反向运动时其原理图如图5(b)所示,对应的相位测量公式为

$$\varphi = \begin{cases} N \times 360 + \varphi_{\rm m}, \ \varphi_{\rm c} - \varphi_{\rm m} < 360 - \varphi_{\rm c} \\ N_{\rm pass} \times 360 + \varphi_{\rm m}, \ 0 < \varphi_{\rm m} < \varphi_{\rm c} \\ (N_{\rm pass} - 1) \times 360 + \varphi_{\rm m}, \ 360 - \varphi_{\rm c} < \varphi_{\rm m} < 360 \end{cases}$$
(4)

对于方向的判别,当大数值相同时,可以通过小数相位值来判断,即在大数稳定区间连续测量两次小数 相位值,通过相位差值的正负判断测量的运动方向。当大数值不同时,通过判别连续两次测量的大数差值 的正负来判别测量方向。

3 验证实验

为了验证基于脉冲计数的零相位差跳变补偿外差干涉信号处理方法相位测量的可行性,基于 Altera 公司可编程逻辑器件 EP2C20Q240C8 芯片为核心研制了外差干涉信号采集处理板,并采用双通道任意函数信号发生器(AFG3120, Tektronix, USA)进行了对信号相位差测量的验证实验,信号发生器输出正弦波的分辨率为0.01°,输出方波的分辨率为0.1°。实验方案是信号发生器输出两路正弦波,频率为2.26 MHz,模拟实际 Agilent 5517B 激光器实现的干涉测量系统中的干涉信号,FPGA 信号采集板对两路信号的相位差进行测量。具体实验包括相位测量精度实验、大数计数和小数相位测量实验。

3.1 相位测量精度实验

填脉冲计数相位测量法理论上可实现很高的相位测量分辨率,而在实际应用中,信号采集板的相位测量精度不仅取决于干涉信号的周期填脉冲数,还会受到信号处理电路性能及实验环境等因素的影响。该部分实验包括直接的和间接的相位测量精度实验。直接的相位测量精度实验具体是信号发生器输出两路频率为9kHz的矩形波信号模拟混频降频后的干涉信号,并将信号直接引入到FPGA的输入输出(IO)引脚, FPGA内部小数相位测量模块实现对相位的测量,并将相位测量结果经串行通信传输至上位机。直接定点 相位差测量实验结果如图 6(a)所示。间接的相位测量精度实验具体是信号发生器输出两路 2.26 MHz 的正弦 信号,经信号传输和信号预处理电路后到达 FPGA 进行相位测量,其中信号经过了对参考信号动态跟踪实现 的锁相混频降频、信号预处理等电路。间接定点相位差测量实验结果如图 6(b)所示。

填脉冲计数小数相位测量在FPGA内部实现,采用的高频填脉冲时钟为400 MHz时,2.26 MHz信号经混频降频后信号频率为9kHz,故相位测量分辨率理论上可达0.008°。由图6所示实验结果显示,定点直接相位差测量的最大波动范围为0.024°,比理论的测量分辨率低,这是由于在填脉冲计数相位测量中,信号的上升沿的陡度不高和信号不稳定性导致周期填脉冲值和相位填脉冲值的变化,导致精度的下降。间接相位差测量的相位差波动范围达到了0.156°,相位测量精度进一步降低,除了填脉冲信号上升沿的原因,更多的是受到了硬件传输和处理电路的影响。对应于传统双通干涉仪光路,相位测量分辨率可达到0.073°,位移分辨率优于0.2 nm。在实际相位测量中,采用多次测量,脉冲计数差值滤除和求平均的方法可用来提高相位测量的精度。





Fig.6 Results of phase measurement resolution experiments. (a) Direct measurement; (b) indirect measurement

3.2 大小数测量实验

本实验通过对信号发生器输出的两路信号相位差的测量,进行大数计数和小数相位测量的验证实验。 让信号发生器输出两路频率为2.26 MHz的正弦信号,一路为参考信号,一路为测量信号,然后调节测量信号 的频率与参考信号存在一个频差,模拟干涉光路中被测对象的运动,信号采集板对两路信号的相位差进行 实时测量并将测量数据传至上位机,上位机采集软件对收到的实验数据进行处理并每隔1s保存一个数据。 图7(a)为大数测量值,图7(b)为小数相位测量值,实验结果显示大数测量值出现了稳定的阶梯式跳变,对应 的小数相位测量值也实现了稳定的周期变化,表明给出的外差干涉信号处理方法在大数测量和小数测量中 具有可行性。



Fig.7 Results of integer and fraction measurement experiments. (a) Integer measurement; (b) fraction measurement

4 应用实验

为了验证基于脉冲计数的零相位差跳变补偿外差干涉信号处理方法在外差干涉测量应用中的可行性,

光学学报

构建了外差干涉位移测量实验装置,进行了位移测量实验,实验装置如图 8 所示。激光器采用美国 Agilent公司出品的5517 B激光器构建双通外差干涉仪光路,激光器的波长为632.991372 nm,频差为1.9~2.4 MHz。采用普瑞科创的 PT-1303C 光电探测器对干涉信号进行探测,探测器的最大工作频率为10 MHz。基于 FPGA 研制的信号采集处理板对干涉信号进行采集处理,并将采集到的数据传输至上位机数据处理软件并将最终位移测量结果予以显示。采集板采用 Altera 公司生产的 FPGA 芯片 EP2C20Q240C8 为核心实现设计。小数相位测量中用于混频降频的混频芯片采用 NE602 实现,用于产生动态混频基准信号的锁相环跟踪模块采用锁相环芯片 74HC4046 和两个计数器芯片 74HC4040 实现电路设计,两计数器芯片分别用于实现 1000 和 1004 的分频电路设计。另外信号预处理电路包括滤波、放大、整形采用传统功放及电阻电容实现设计。基于搭 建的实验装置,对德国 PI公司的15 μm(Physik Instrument Co., Germany, P-752.11C)导轨和 200 mm 导轨(Physik Instrument Co., Germany, M-521.DD stage)进行位移测量实验,两个导轨的分辨率分别为0.1 nm 和0.1 μm, P-752.11C 导轨被置于 M-521.DD 导轨的运动底盘上,分别进行了纳米级步进和毫米级步进位移测量实验。



图 8 外差干涉位移测量实验装置

Fig.8 Heterodyne interferometric displacement measurement experimental setup

纳米级步进测量实验中,将M-521.DD导轨运动底盘移动至导轨左端,使得15μm导轨尽量靠近激光器,减少空气中的光程,控制15μm导轨以步进间隔为10nm进行步进,同时对外差干涉测得的位移数据进行保存。当没有采用零相位差跳变补偿大小数结合,直接大小数相位相加得到的位移测量数据如图9所示。实验数据显示测量结果出现了大数误差,相应地存在大数误差的实验数据如表2所示,其中灰色背景的数据为出现错误的数据。





Fig.9 Integration of integer and fraction with the step increment of 10 nm without compensation

由图9和表2可以看到,当没有采用补偿方法实现大小数结合时,出现了大数跳变误差,从出现误差的数据可以看出当小数已经过了360°相位跳变时大数值还没有完成加1计数,从而导致出现错误的大小数结合。 根据实验数据选择不稳定区间小数相位值*φ*=15°。图10为零相位差跳变补偿大小数结合实现的步进位移测量 实验结果,步进间隔为10 nm。位移测量结果显示,与导轨读取位移数据比对,位移误差的平均值为-0.72 nm, 标准偏差为1.43 nm,最大波动为7.12 nm,可见位移误差波动没有超过一个波长,这说明位移测量中没有出现 大数跳变误差,表明了大小数测量相位实现了准确的结合。

光	学	学	报
/4	-1	-1	711

Table 2 Error data of integration of integer and fraction phase without compensation						
Number	Integer number	Fraction phase	Integration phase			
28	0	349.923	174.961			
29	0	357.41	178.704			
30	0	7.917	3.958			
31	1	20.079	190.039			
32	1	27.072	193.536			
63	1	339.272	349.636			
64	1	352.376	356.188			
65	1	2.17	181.085			
66	1	9.613	184.806			
67	2	21.611	370.805			
68	2	29.969	374.984			
99	2	347.558	533.779			
100	2	346.164	533.082			
101	2	5.558	362.778			
102	3	23.941	551.970			
103	3	36.012	558.005			
133	3	339.939	709.969			
134	3	351.104	715.551			
135	3	3.726	541.862			
136	3	10.935	545.467			
137	4	21.136	730.567			
138	4	31.244	735.621			
169	4	346.767	893.383			
170	4	353.841	896.920			
171	4	10.291	725.145			
172	5	16.575	908.287			
173	5	27.812	913.906			

表 2 未补偿大小数结合时的错误数据 Γable 2 Error data of integration of integer and fraction phase without compensatio

毫米级测量实验具体是控制 200 mm 导轨以步进间隔为 1 mm 进行步进,每步进一次,信号采集板对干涉 信号进行相位测量,上位机测量软件对导轨位移和测得的位移进行实时保存。1 mm 步进位移测量实验结果 如图 11 所示。实验结果显示,位移误差的平均值为 0.01 μm,标准偏差为 0.74 μm,最大偏差为 3.44 μm。



the step increment of $10 \ \text{nm}$





综上外差干涉位移测量实验,纳米级位移测量实验验证了零相位差跳变补偿大小数结合可以实现大小 数准确结合同时可实现纳米级的位移测量,毫米级位移测量实验验证了本文给出的信号处理方法可实现大 范围的位移测量。

5 结 论

采用零相位差跳变补偿的方法实现了大小数测量相位的准确结合,应用FPGA研制了信号采集处理板,基 于高精度双通道任意函数信号发生器构建了验证实验装置,分别进行了相位测量精度实验、大数计数和小数 相位测量实验。搭建了外差干涉位移测量光路,分别进行了纳米级步进和毫米级步进位移测量实验,验证了 零相位差跳变补偿实现大小数相位准确结合的有效性。实验结果表明,基于脉冲计数的零相位差跳变补偿外 差干涉信号处理方法可用于外差干涉测量仪器或其他精密测量仪器中,实现大范围纳米级精度的位移测量。

参考文献

- 1 Thilo Schuldt, Martin Gohlke, Dennis Weise, *et al.*. A high-precision dilatometer based on sub-nm heterodyne interferometry[C]. 2009 International Symposium on Optomechatronic Technologies, 2009.
- 2 Chen Kunhuang, Chang Weiyao, Chen Jingheng. Measurement of the pretilt angle and the cell gap of nematic liquid crystal cells by heterodyne interferometry[J]. Optics Express, 2009, 17(16): 14143-14149.
- 3 Stefan Jacob, Cecilia Johansson, Mats Ulfendahl, et al.. A digital heterodyne laser interferometer for studying cochlear mechanics[J]. Journal of Neuroscience Methods, 2009, 179(2): 271-277.
- 4 Glenn de Vine, David S Rabeling, Bram J J Slagmolen, *et al.*. Picometer level displacement metrology with digitally enhanced heterodyne interferometry[J]. Optics Express, 2009, 17(2): 828-837.
- 5 Wang Shinn Fwu, Lai Wesley, Chiu Jyh Shyan, *et al.*. Method for measuring the twist angle of an optically compensation bend by using the heterodyne interferometry[C]. IEEE, Instrumentation and Measurement Technology Conference, 2010: 296-299.
- 6 Zhang Enzheng, Hao Qun, Chen Benyong, et al.. Laser heterodyne interferometer for simultaneous measuring displacement and angle based on the Faraday effect[J]. Optics Express, 2014, 22(21): 25587-25598.
- 7 Chen Qianghua, Luo Huifu, Wang Sumei, *et al.*. Measurement of air refractive index based on surface plasmon resonance and phase detection by dual-frequency laser interferometry[J]. Chinese J Lasers, 2013, 40(1): 0108001.

陈强华,罗会甫,王素梅,等.基于表面等离子体共振和双频激光干涉相位测量的空气折射率测量[J].中国激光,2013,40(1):0108001.

- 8 Noh Bin Yim, Cheon II Eom, Seung Woo Kim. Dual mode phase measurement for optical heterodyne interferometry[J]. Measurement Science and Technology, 2000, 11(8): 1131-1137.
- 9 P Köchert, J Flügge, Ch Weichert, *et al.*. Phase measurement of various commercial heterodyne He-Ne-laser interferometers with stability in the picometer regime[J]. Measurement Science and Technology, 2012, 23(7): 74005.
- 10 Choi Hyun Seung, La Jong Pil, Park Kyi Hwan. Novel displacement measurement technique of the heterodyne laser interferometer for nano positioning[C]. 2005 IEEE/ASME, 2005: 78-81.
- 11 Zhang Zhiping, Cheng Zhaogu, Qin Zhaoyu, *et al.*. A novel optical subdivision method for dual-frequency interferometer[J]. Optik, 2007, 119(16): 772-776.
- 12 Tae Bong Eom, Jong Ahn Kim, Chu Shik Kang, *et al.*. A simple phase-encoding electronics for reducing the nonlinearity error of a heterodyne interferometer[J]. Measurement Science and Technology, 2008, 19(7): 75302.
- 13 Min Seok Kim, Seung Woo Kim. Two-Longitudinal-Mode He-Ne Laser for Heterodyne Interferometers to Measure Displacement[J]. Applied Optics, 2002, 41(28): 5938-5942.
- 14 Liu Dandan, Zhao Weiqian, Yue Hua. Laser heterodyne interferometry signal processing method based on integer- fraction combined phase counting[J]. Transducer and Microsystem Technologies, 2008, 27(1): 19-21.

刘丹丹,赵维谦,岳 华.一种整小数结合式激光外差信号处理方法[J]. 传感器与微系统, 2008, 27(1): 19-21.

15 Deng Yuanlong, Li Xuejin, Geng Youfu, et al.. Influence of nonpolarizing beam splitters on nonlinear error in heterodyne interferometers[J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(11): 1112008.

邓元龙,李学金,耿优福,等.非偏振分光镜对外差干涉仪非线性误差的影响[J].光学学报,2012,32(11):1112008.

16 Chi Feng, Zhu Yu, Zhang Zhiping, et al.. Environment compensation technologies in dual- frequency laser interferometer measurement system[J]. Chinese J Lasers, 2014, 41(4): 0408004.

池 峰,朱 煜,张志平,等.双频激光干涉测量中的环境补偿技术[J].中国激光,2014,41(4):0408004.

17 Zhao Yang, Li Dacheng. A new signal processing method for heterodyne interferometer-measuring phase and integer periodic phase [J]. Acta Metrologica Sinica, 1995, 16(1): 31-36.

赵 洋,李达成.一种新的外差干涉信号处理方法一相位及相位整数测量法[J]. 计量学报, 1995, 16(1): 31-36.

18 Jiang Hong. The Study on Heterodyne Interferometric System Based on Phase Measurement and Its Applications[D]. Beijing: Tsinghua University, 1999: 89-113.

蒋 弘.基于相位测量的外差干涉系统及其应用研究[D].北京:清华大学, 1999: 89-113.

- 19 Min Seok Kim, Seung Woo Kim. Two- way frequency- conversion phase measurement for high- speed and high- resolution heterodyne interferometry[J]. Measurement Science and Technology, 2004, 15(11): 2341-2348.
- 20 Zhang Guizhen. Research on Laser Heterodyne Interferometry for Nano Measurement Based on PLL Frequency-Mixing[D]. Hangzhou: Zhejiang Sci-Tech University, 2005: 26-53.

张贵珍.基于锁相混频原理的激光外差干涉纳米测量方法研究[D].杭州:浙江理工大学,2005:26-53.

21 Qiu Xiaoqian, Le Yanfen, Wang Jing. Interpolation of heterodyne interferometric signals based on FPGA[J]. Laser Technology, 2011, 35(2): 199-201.

邱小倩, 乐燕芬, 王 静. 基于 FPGA 的插频式外差干涉信号处理方法[J]. 激光技术, 2011, 35(2): 199-201.

- 22 Wang Guochao, Yan Shuhua, Zhou Weihong, *et al.*. Dynamic tracking down-conversion signal processing method based on reference signal for grating heterodyne interferometer[J]. Optical Engineering, 2012, 51(8): 81511-81512.
- 23 Chen Ruiqiang, Jiang Yuesong. Method of measurement on time-interval in pulsed laser ranging[J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33 (2): 0212004.

陈瑞强, 江月松. 脉冲激光测距的时间间隔测量方法[J]. 光学学报, 2013, 33(2): 0212004.

- 24 Yang Tao, Yan Liping, Chen Benyong, *et al.*. Signal processing method of phase correction for laser heterodyne interferometry[J]. Optics and Lasers in Engineering, 2014, 57: 93-100.
- 25 Zhang Enzheng, Chen Benyong, Yan Liping *et al.*. Laser heterodyne interferometric signal processing method based on rising edge locking with high frequency clock signal[J]. Optics Express, 2013, 21(4): 4638-4652.

栏目编辑:张 雁