稀土(Y、Ce)掺杂 β -FeSi₂光电性质的第一性原理研究

张春红^{1,3} 张忠政^{2,3} 邓永荣^{2,3} 闫万珺^{2,3} 周士芸^{2,3} 桂 放^{2,3} 郭本华^{2,3}

'安顺学院数理学院,贵州 安顺 561000

²安顺学院电子与信息工程学院,贵州 安顺 561000

3安顺学院航空电子电气与信息网络工程中心,贵州安顺 561000

摘要 基于第一性原理赝势平面波方法,对稀土(Y、Ce)掺杂β-FeSi₂的几何结构、电子结构和光学性质进行了计算与 分析。几何结构的计算表明,Y或Ce掺杂后β-FeSi₂的晶格常数改变,晶胞体积减小。电子结构的计算表明,掺入稀 土后β-FeSi₂费米面附近的能带结构变得复杂,带隙变窄;总电子态密度发生了变化,Y的4d轨道电子态密度和Ce 的4f轨道电子态密度主要贡献给费米面附近。光学性质的计算结果表明,Y或Ce掺杂后β-FeSi₂的静态介电常数 明显提高,介电函数虚部 ε_2 的峰值均向低能方向移动并且减弱,折射率 n_0 明显提高,消光系数k的峰值减弱,计算 结果为β-FeSi₂材料掺杂稀土改性的实验研究提供了理论依据。

关键词 材料;β-FeSi₂;电子结构;光学性质;掺杂;第一性原理

中图分类号 0474;0881.1 文献标识码 A

doi: 10.3788/AOS201535.0116001

First Principle Study on Electronic Structure and Optical Properties of β-FeSi₂ with Doping Rare Earth (Y,Ce)

Zhang Chunhong^{1, 3} Zhang Zhongzheng^{2, 3} Deng Yongrong^{2, 3} Yan Wanjun^{2, 3} Zhou Shiyun^{2, 3} Gui Fang^{2, 3} Guo Benhua^{2, 3}

¹College of Mathematics and Science College, Anshun University, Anshun, Guizhou 561000, China ²College of Electronic and Information Engineering, Anshun University, Anshun, Guizhou 561000, China ³Engineering Center of Avionics Electrical and Information Network, Anshun University, Anshun, Guizhou 561000, China

Abstract By using the first principle pseudo-potential plane-wave method, the geometrical structure, electronic structure and optical properties of β -FeSi₂ with doping rare earth (Y Ce) are calculated and analyzed. The calculated results of the geometrical structure show that the lattice constants change, the volume of lattice reduces. Electronic structure calculation indicates that band structure near the gap becomes complex, and bandgap becomes narrow obviously. The total density of state changes, and the density of states for Y-4d and Ce-4f are mainly contributing to the Fermi energy level. Optical properties calculation indicates that the static dielectric constant increases, the peak of the imaginary part of dielectric function ε_2 decreases and moves to a lower energy, the refractive index n_0 increases significantly and the peak of *k* decreases. These results offer theoretical data for experimental study β -FeSi₂ doped with rare earth modification.

Key words materials; β -FeSi₂; electronic structure; optical properties; doping; first principle **OCIS cdes** 160.4670; 160.4760; 160.6990; 160.6000

收稿日期: 2014-08-01; 收到修改稿日期: 2014-09-03

基金项目:贵州省科学技术厅、安顺市人民政府、安顺学院联合科技基金资金[黔科合J字LKA(2012)15号]、贵州省科技 厅自然科学基金[黔科合J字(2010)2001]、贵州省教育厅2011市州地普通本科高校教育质量提升项目[黔高教发KY(2011)278 号]、贵州省高等学校航空电子电气与信息网络工程中心

作者简介:张春红(1982一),女,硕士,副教授,主要从事光电子材料计算方面的研究。E-mail: huimou1982@163.com

1 引 言

铁硅化合物β-FeSi₂是一种新型的环境友好型半导体光电材料,具有0.70~0.90 eV^[1-3]的准直接带隙,对 于红外波长有较高的吸收率,理论上光电转换效率可达16%~23%。因此这种材料被视为制造太阳能电池和 近红外线探测器的理想材料。

掺杂可以调制材料的电子结构并改变其光电性能。因此对光电材料掺杂改性的理论研究具有重大的 科学指导意义。稀土金属由于具有独特的最外层电子结构,因而表现出独特的物理和化学性质。稀土元素 掺杂后可以改变材料的能带结构和光学性质,因此,稀土成为近年来掺杂体系研究的重点。宋国利⁴¹利用溶 胶-凝胶法分析了ZnO:Tb^{**}纳米晶发射机制及稀土离子掺杂浓度和退火温度对其发光性质的影响,证实稀 土Tb^{**}与纳米ZnO基质之间存在双向能量传递。丁迎春等¹⁵¹采用第一性原理对掺稀土元素(Y,La)的γ-Si₃N₄ 的电子结构和光学性质进行了计算,发现稀土(Y,La)掺杂后的g-Si₃N₄带隙减小,静态介电常数显著提高。 吴莉莉等¹⁶¹用共沉淀法制备了稀土Ce掺杂的ZnO纳米晶,结果表明当Ce掺杂摩尔分数为1%时,在443 nm段 出现半峰全宽较窄的蓝光发射带,这对制作蓝光短波器件具有重要意义。刘永刚等¹⁷¹利用第一性原理计算 了稀土掺杂金红石相TiO₂的电子结构,结果表明稀土掺杂后能够改变其带隙。吴玉喜等¹⁸¹利用第一性原理 研究了稀土(Y,La)掺杂ZnO的电子结构和光学性质,发现掺杂后ZnO的带隙展宽,光学性质发生变化。鉴于 此,作者在初步完成稀土La掺杂β-FeSi₂几何结构和电子结构研究的基础上¹⁹¹,有必要对其他稀土元素掺杂 β-FeSi₂光电性质作深入的研究。为此,本文采用广泛应用于材料结构设计和性能计算的第一性原理赝势平 面波方法¹¹⁰⁻¹³¹,对掺入稀土元素钇(Y)或铈(Ce)的β-FeSi₂的电子结构及其光学性质进行理论研究,并从理论上 分析 Y 或 Ce 对其光学性质的影响机制,为全面研究新型环境友好半导体光电材料β-FeSi₂掺杂稀土改性的 实验研究提供理论依据。

2 计算模型与方法

计算模型β-FeSi₂属正交晶系,空间群为Cmca,晶格常数为*a*=0.9863 nm,*b*=0.7791 nm,*c*=0.7833 nm^[14], 每个单胞内有48个原子,含4种非等同原子^[1]。其中FeI位及FeⅡ位原子有16个,SiI位及SiⅡ位原子有32 个。计算时选用一个RE(Y或Ce)原子取代FeI位或FeⅡ位的一个Fe原子作为掺杂模型,如图1所示。



图 1 稀土(Y或Ce)掺杂β-FeSi₂的(a) Fe I和(b) Fe II位计算模型 Fig.1 Rare earth (Y or Ce) doped β-FeSi₂. (a) Site of Fe I; (b) site of Fe II

本文采用的计算方法是第一性原理赝势平面波方法,主要计算工作由 CASTEP 软件包^[15]完成。计算中 采用超软赝势^[16]来处理离子实与电子间的相互作用,选取局域密度近似(LDA)来处理交换关联能部分,采用 Ceperley-Alder^[17]和 Perdew-Zunger^[18]给出的公式来处理交换关联势。计算选取了 Fe 的 3d⁴4s²、Si 的 3s²3p²,Y 的 4s²4p⁶4d¹5s², Ce 的 4f¹5s²5p⁶5d¹6s²为价电子,设定平面波的截断能为 330 eV,在总能量的计算中,布里渊区 积分采用了 1×2×2的 Monkhorst-Pack形式^[19]的对称特殊 k 点方法,单胞总能量收敛于 2×10⁻⁶ eV/atom。

3 计算结果与讨论

3.1 几何结构

表1是用BFG算法^[20]优化后得到的Y或Ce掺杂前后β-FeSi₂晶格常数及总能量。由表1可以看出:用一 个Y或Ce原子置换一个FeI位原子后,β-FeSi₂的晶格常数*a*、*b*及*c*都有所减少;一个Y原子置换一个FeII位 原子后,β-FeSi₂的晶格常数*b*及*c*有所减少,*a*有所增大;一个Ce原子置换一个FeII位原子后,β-FeSi₂的晶 格常数*a*及*c*有所减少,*b*有所增大。总的来看,1个Y或Ce原子置换一个Fe原子后,晶胞体积均减少。这表 明,稀土元素Y或Ce引入后,具有细化晶粒的作用。

表1 β-FeSi₂及稀土掺杂后的优化晶格常数及总能量

	Table 1	Lattice constants and tota	l energies for undo	ped and rare earth do	ped β-Fe	Si ₂ after geometry	y optimization
--	---------	----------------------------	---------------------	-----------------------	----------	--------------------------------	----------------

Sample	a /nm	b /nm	c /nm	V/nm ³	Total energy/eV
Undoped β-FeSi ₂ (experimental)	0.9863	0.7791	0.7833	0.6019	
Undoped β -FeSi ₂ (calculated)	0.9905	0.7737	0.7791	0.5971	-17302.1698
Y doped $\beta\text{-}FeSi_2~(Fe~I~site)$	0.9859	0.7696	0.7671	0.5817	-17444.4125
Y doped β -FeSi ₂ (Fe II site)	0.9915	0.76254	0.7650	0.5782	-17445.7337
Ce doped $\beta\text{-}\mathrm{FeSi}_2~(\mathrm{Fe}~I~\mathrm{site})$	0.9898	0.7664	0.7711	0.5849	-17457.2592
Ce doped $\beta\text{-}\mathrm{FeSi}_2(\mathrm{Fe}I\!\!I$ site)	0.9601	0.7764	0.7697	0.5737	-17459.5767

由表1还可以看出,当选用Y或Ce置换β-FeSi₂中的FeI位和FeII位时,单胞的总能量是不同的,能量差 分别为1.3212和2.3175 eV。可见,当用Y或Ce置换FeII位的原子时,β-FeSi₂体系的能量更低,对应着更加 稳定的结构。因此,稀土Y或Ce倾向于置换β-FeSi₂中的FeII位。下面的电子结构及光学性质的计算均是 选用稀土Y或Ce置换β-FeSi₂中的FeII位进行的。

3.2 电子结构

图 2 是稀土 Y 或 Ce掺杂前后β-FeSi2费米面附近的能带结构。



Fig.2 Band structure of β -FeSi₂ near the gap. (a) Undoped; (b) Y doped; (c) Ce doped

由图 2(a)可知,β-FeSi₂是准直接带隙半导体,直接带隙 0.75 eV 是由价带顶的 M 点→导带底的 N 点,间接 带隙 0.72 eV 是由价带顶的 M 点→导带底的 U 点。

由图 2(b)可知,Y 掺杂后,β-FeSi₂能带数量明显增多,价带顶变得平缓,费米能级穿过了导带,导带和价 带均向下偏移,且导带向下偏移的幅度明显大于价带,导致带隙宽度变窄。Y 掺杂后β-FeSi₂是直接带隙半 导体,直接带隙为0.23 eV,是由价带顶的P点→导带底的Q点,导电类型变为n型。

由图 2(c)可以看出,Ce掺杂后,β-FeSi₂能带数量也明显增多,价带和导带均变得平缓,导带向下偏移,导 致带隙宽度变窄。Ce掺杂后β-FeSi₂是直接带隙半导体,直接带隙为0.12 eV,是由价带顶的R点→导带底的 S点,导电类型仍为p型。

由图 2(b) 和(c)可知,掺杂稀土Y或Ce后,均出现了部分能带变得稀疏和平缓现象,这是由于Y原子的5s态和Ce原子的6s态分别与周围原子有较强的相互作用,其态密度变化较为平缓,显示出很强的非定域性。这也可以由下面的部分态密度来做进一步的解释。

图 3 是稀土掺杂β-FeSi₂的总电子态密度(DOS)及 Y 和 Ce 原子的部分态密度(PDOS)。



图 3 稀土掺杂β-FeSi₂的电子态密度。(a)总电子态密度;(b) Y 原子的部分态密度;(c) Ce原子的部分态密度 Fig.3 Density of state for undoped and rare earth doped β-FeSi₂. (a) Total density of state; (b) partial density of states for Y atom; (c) partial density of states for Ce atom

由图 3(a)可以看出,掺稀土Y或Ce后,β-FeSi₂总电子态密度发生了变化。在1.25 eV处的电子态密度峰 值向低能方向移动,在掺Y后,减弱了6.87;而在掺Ce后,增加了2.03;在-1.39 eV处的电子态密度峰值向低 能方向移动且均减弱。掺Y或Ce后,分别引入了两个新的价带。如掺Y后,在-40.68 eV和-21.16 eV附近的 两个新价带分别由Y的4s和4p轨道电子态密度提供,这可由图3(b)看出。由图3(b)还可以看出,Y的5s轨道 电子态密度只对价带顶附近的价带部分有较小的贡献,并且变化较为平缓。Y的4d和4p轨道电子态密度主要 贡献给了费米能级附近的价带和导带,但4d轨道电子态密度贡献较大。掺Ce后,在-34.11 eV和-17.33 eV附 近的两个新价带分别由Ce的5s和5p轨道电子态密度提供,这可由图3(c)看出。由图3(c)还可以看出,Ce的6s 轨道电子态密度对价带顶附近的价带和导带部分有较小的贡献,并且变化也较为平缓。Ce的4f和5d轨道 电子态密度主要贡献给了费米能级附近的价带和导带,但4f轨道电子态密度贡献较大。

3.3 光学性质

线性响应范围内的固体宏观光学响应函数 $\varepsilon(\omega) = \varepsilon_1(\omega) + i\varepsilon_2(\omega)$ 能够描述光的复介电函数,然后根据直接 跃迁几率的定义和克拉默斯-克勒尼希色散关系便可以推导出晶体介电函数虚部、实部、吸收率、折射率和 反射率等,具体的推导过程见文献[21-22]。以上参数是分析晶体能带结构和光学性质的主要理论基础,反 映出能级间电子跃迁产生光谱的发光机理。

3.3.1 复介电函数

图 4 是稀土 Y 或 Ce 掺杂前后 β -FeSi₂的介电函数实部 $\varepsilon_1(\omega)$ 和虚部 $\varepsilon_2(\omega)$ 。由图 4(a)可知,稀土 Y 或 Ce 掺 杂后, β -FeSi₂的静态介电常数 $\varepsilon_1(0)$ 由 12.83 提高到 24.87和 31.35。在能量为 0~2.54 eV 区域, $\varepsilon_1(\omega)$ 随着光子 能量的增加迅速减小;在 2.54~40 eV 区域, $\varepsilon_1(\omega)$ 随着光子能量的增加缓慢增加趋于零。由图 4(b)可知,稀土 Y 或 Ce 掺杂后, β -FeSi₂的介电函数的虚部 ε_2 在 1.77 eV 的峰值 20.87均向低能方向有个非常微小的移动,峰 值分别减小为 17.85和 14.57。在能量大于 7.50 eV 的区域, ε_2 逐渐趋于零。以上这些现象可以由图 3 的电子



Fig.4 Dielectric function of undoped and rare earth doped β -FeSi₂. (a) $\varepsilon_1(\omega)$; (b) $\varepsilon_2(\omega)$

态密度来解释。由图 3 可知, Y 的 4d 态和 Ce 的 4f 态电子态密度在费米面处存在较大的峰值。因此,稀土原 子 Y 或 Ce 的掺入,均在费米面处提供了大量的导电电子,从而改变了电子在带间的跃迁,对β-FeSi₂的介电 函数及其他光学性质造成了影响。

3.3.2 吸收系数

根据复介电函数可求出吸收系数,计算结果如图5所示。由图5可知:稀土Y或Ce掺杂后,光学吸收边 均向低能方向移动,出现了红移现象。Y掺杂后,β-FeSi₂的吸收系数在5.98 eV处明显增强,并且在21.55 eV 处增加了一个新的吸收峰,这是由Y原子的4p⁶电子跃迁到导带底形成的。Ce掺杂后,β-FeSi₂的吸收系数在 0~15 eV区域的峰值明显降低,并且在17.99 eV处增加了一个新的吸收峰,这是由Ce原子的5p⁶电子跃迁到 导带底形成的。



图5 稀土掺杂前后β-FeSi₂的吸收系数

Fig.5 Absorption coefficient of undoped and rare earth doped β -FeSi₂

3.3.3 复折射率

根据复介电函数还可求出复折射率。图 6为稀土 Y 或 Ce 掺杂前后 β -FeSi₂的折射率 n 和消光系数 k_{\circ} 由 图 6(a)可知,稀土 Y 或 Ce 掺杂后, β -FeSi₂的折射率 n_{\circ} =3.62分别提高到 4.99和 5.61。在能量分别小于 7.88 eV 和 7.48 eV 的区域,折射率 n 随着光子能量的增加迅速减小到零;在能量分别大于 7.88 eV 和 7.48 eV 的区域,折射率 n 随着光子能量的增加迅速减小到零;在能量分别大于 7.88 eV 和 7.48 eV 的区域,折射率 n 随着光子能量缓慢增加趋于平稳。由图 6(b)可知,稀土 Y 或 Ce 掺杂后, β -FeSi₂的消光系数 k在 2.16 eV 处的峰值 3.13降低为 2.84 和 2.58,在能量大于 10.50 eV 时,消光系数 k趋于零。

3.3.4 反射谱

图 7 为稀土 Y 或 Ce掺杂前后β-FeSi₂的反射谱。由图 7 可知,稀土 Y 或 Ce掺杂后,β-FeSi₂的反射谱发生 了变化。掺 Y 后,β-FeSi₂的反射率达 70%的能量范围由 7~8 eV 扩展到 6.9~8.6 eV 的区域,说明在这一能量 范围内β-FeSi₂呈现出金属反射特性,入射的光大部分被反射了。掺 Ce 后,平均反射率明显降低。







Fig.6 Refractive index of undoped and rare earth doped β -FeSi₂. (a) n; (b) k



Fig.7 Reflectivity of undoped and rare earth doped β -FeSi₂

4 结 论

基于第一性原理的赝势平面波方法对稀土(Y、Ce)掺杂前后β-FeSi₂的几何结构、电子结构和光学性质进行了理论计算和分析。几何结构的计算结果表明,Y或Ce掺杂后β-FeSi₂晶格常数a、b及c都有所变化,晶胞体积减小,Y或Ce倾向于置换β-FeSi₂中的FeII位。电子结构的计算结果表明,掺入稀土后β-FeSi₂费米面附近的能带结构变得复杂,成为直接带隙半导体,带隙变窄,Y的4d轨道电子态密度和Ce的4f轨道电子态密度 主要贡献给费米面附近。光学性质的计算结果表明,稀土掺杂后静态介电常数均明显提高,介电函数的虚 部 ε_2 的峰值均向低能方向移动并且减弱,折射率 n_0 明显提高,这些为研发新的介电材料和折射材料提供了 理论依据。

致谢:感谢贵州大学云计算平台提供的计算支持。

参考文献

1 Pan Zhijun, Zhang Lanting, Wu Jiansheng. A first-principle study of electronic and geometrical structures of semiconducting β-FeSi₂ with doping [J]. Acta Physica Sinica, 2005, 54(11): 5308-5313.

潘志军,张澜庭,吴建生.掺杂半导体β-FeSi2电子结构及几何结构第一性原理研究[J].物理学报,2005,54(11):5308-5313.

- 2 N E Christensen. Electronic structure of $\beta-\mathrm{FeSi_2}$ [J]. Phys Rev B, 1990, 42(11): 7148–7153.
- 3 Yan Wanjun, Xie Quan, Zhang Jinmin. Interband optical transitions in semiconducting iron disilicide β-FeSi₂ [J]. Chinese J Semicond, 2007, 28(9): 1381-1387.

闫万珺,谢 泉,张晋敏.铁硅化合物β-FeSi2带间光学跃迁的理论研究[J].半导体学报,2007,28(9):1381-1387.

4 Song Guoli. Luminescence characteristics of Terbium-doped nanocrystalline zinc oxide [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2007, 27(12): 2409-2414.

宋国利. 稀土 Tb³⁺掺杂纳米 ZnO 的发光性质[J]. 光谱学与光谱分析, 2007, 27(12): 2409-2414.

5 Ding Yingchun, Xiang Anping, Xu Ming, *et al.*, Electrical structures and optical properties of doped earth element (Y, La) in γ - Si₃N₄ [J]. Acta Physcia Sinica, 2007, 56(10): 5996-6002.

丁迎春,向安平,徐 明,等.掺稀土元素(Y,La)的 γ-Si₃N₄的电子结构和光学性质[J].物理学报,2007,56(10):5996-6002.

6 Wu Lili, Wu Youshi, Zou Ke, *et al.*. Photoluminescent properties of La and Ce doped ZnO nanocrystals [J]. Chinese J Luminescence, 2008, 29(3): 523-526.

吴莉莉,吴佑实,邹 科,等.La、Ce掺杂ZnO纳米晶的发光特性[J].发光学报,2008,29(3):523-526.

- 7 Liu Yonggang, Song Mianxin, Bian Liang, *et al.*. *Ab initio* band gap calculation of rare earth doped rutile TiO₂[J]. J At Mol Phys, 2008, 25(5): 1141-1145.
 刘永刚, 宋绵新, 边 亮, 等. 稀土掺杂金红石相TiO₂的第一性原理的定性计算[J]. 原子与分子物理学报, 2008, 25(5): 1141-
- 8 Wu Yuxi, Hu Zhixiang, Gu Shulin, *et al.*. Electrical structure and optical properties of earth element (Y,La) doped in ZnO [J]. Acta Physica Sinica, 2011, 60(1): 017101.

吴玉喜, 胡智向, 顾书林, 等. 稀土元素(Y, La)掺杂 ZnO的电子结构和光学性质[J]. 物理学报, 2011, 60(1): 017101.

9 Zhang Zhongzheng, Zhang Chunhong, Yan Wanjun, *et al.*. First principle study on geometric structure and electronic structure of β-FeSi₂ doped rare earth element La [J]. J At Mol Phys, 2014, 31(2): 338-342. 张忠政, 张春红, 闫万珺, 等. 稀土元素 La 掺杂β-FeSi₂的几何结构和电子结构的第一性原理研究[J]. 原子与分子物理学报,

2014, 31(2): 338-342

1145.

10 Yan Wanjun, Zhou Shiyun, Xie Quan, et al.. First principles study of electronic structure and optical properties for co-doped β-FeSi₂[J]. Acta Optica Sinica, 2011, 31(6): 0616003.

国万珺,周士芸,谢 泉,等. Co掺杂β-FeSi2电子结构及光学性质的第一性原理研究[J]. 光学学报, 2011, 31(6): 0616003.

11 Yan Wanjun, Zhou Shiyun, Xie Quan, et al.. Effect of Al doping concentration on electronic and optical properties of CrSi₂[J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(5): 0516003.

闫万珺,周士芸,谢 泉,等. AI掺杂浓度对 CrSia电子结构及光学性质的影响[J]. 光学学报, 2012, 32(5): 0516003.

12 Yan Wanjun, Zhang Chunhong, Gui Fang, *et al.*. Electronic structure and optical properties of stressed β-FeSi₂ [J]. Acta Optica Sinica, 2013, 33(7): 0716001.

闫万珺, 张春红, 桂 放, 等. 应力调制下β-FeSi₂电子结构及光学性质[J]. 光学学报, 2013, 33(7): 0716001.

13 Yan Wanjun, Zhang Zhongzheng, Guo Xiaotian, *et al.*. First principle calculation on the photoelectric properties of V-Al co-doped CrSi₂ [J]. Acta Optica Sinica, 2014, 34(4): 0416002.

闫万珺,张忠政,郭笑天,等.第一性原理计算 V-A1共掺杂 CrSi₂的光电特性 [J]. 光学学报, 2014, 34(4): 0416002.

- 14 Y Dusausoy, J Protas, R Wandji, *et al.*. Structure cristalline du disiliciure de fer, FeSi₂₋β [J]. Acta Crystallogr Sec B, 1971, 27(6): 1209-1218.
- 15 M D Segall, P J D Lindan, M J Probert, *et al.*. First-principles simulation: Ideas, illustrations and the CASTEP code [J]. J Phys: Condens Matter, 2002, 14(11): 2717-2744.
- 16 D Vanderbilt. Soft self-consistent pseudopotentials in a generalized eigenvalue formalism [J]. Phys Rev B, 1990, 41(11): 7892-7895.
- 17 D M Ceperley, B J Alder. Ground state of the electron gas by a stochastic method [J]. Phys Rev Lett, 1980, 45(7): 566-569.
- 18 J P Perdew, A Zunger. Self-interaction correction to density-functional approximations for many-electron systems [J]. Phys Rev B, 1981, 23(10): 5048-5079.
- 19 H J Monkhorst, J D Pack. Special points for Brillouin-zone integrations [J]. Phys Rev B, 1976, 13(12): 5188-5192.
- 20 T H Fischer, J Almlof. General methods for geometry and wave-function optimization [J]. J Phys Chem, 1992, 96(24): 9768-9774.
- 21 Shen Xuechu. Semiconductor Spectra and Optical Properties [M]. Beijing: Science Press (The Second Edition), 1992. 76-94. 沈学础. 半导体光谱和光学性质[M]. 北京: 科学出版社(第二版), 1992. 76-94.
- 22 Fang Rongchuan. Solid-States Spectroscopy [M]. Hefei: China Science and Technology Press, 2001. 71-75. 方容川. 固体光谱学[M]. 合肥: 中国科学技术出版社, 2001. 71-75.

栏目编辑:张浩佳