# 基于双波长数字全息术的微光学元件折射率分布 及面形测量

邓丽军<sup>1</sup> 杨 勇<sup>1</sup>\* 石炳川<sup>1</sup> 马忠洪<sup>1</sup> 盖 琦<sup>2</sup> 翟宏琛<sup>1</sup> (<sup>1</sup>南开大学现代光学研究所教育部光电信息技术科学重点实验室,天津 300071)

<sup>2</sup> 天津理工大学中环信息学院, 天津 300380

摘要 提出了一种测量微光学元件的折射率分布及面形的方法。该方法基于双波长数字全息术,将微光学元件浸 人折射率匹配液降低通过微光学元件的透射光波频率,获取微光学元件在两个不同波长照明光波下的数字全息 图,并根据两个波长下的相位分布,计算出微光学元件的折射率分布,利用得到的折射率分布获取微光学元件的面 形。理论分析及实验结果证明了所提方法的可行性。

## Refractive Index Distribution and Surface Profile Measurement of Micro-Optics Based on Dual Wavelength Digital Holography

Deng Lijun<sup>1</sup> Yang Yong<sup>1</sup> Shi Bingchuan<sup>1</sup> Ma Zhonghong<sup>1</sup> Ge Qi<sup>2</sup> Zhai Hongchen<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Key Laboratory of Opto-Electronic Information Science and Technology,

Education of Ministry, Institute of Modern Optics, Nankai University, Tianjin 300071, China

<sup>2</sup> Zhonghuan Information College, Tianjin University of Technology, Tianjin 300380, China

**Abstract** A method based on dual wavelength digital holography is proposed to measure the refractive index distribution and surface profile of micro-optics elements. Micro-optics elements are immersed in refractive index matching liquid to reduce the frequency of transmission light. The digital holograms of micro-optics elements are obtained under illumination of two different wavelengths, the refractive index distribution of micro-optics elements can be obtained according to phase distribution under two wavelengths. Surface profile of micro-optics elements can be calculated based on the refractive index distribution. Theoretical analysis and optical experimental results are performed to demonstrate its validity.

Key words holography; dual wavelength digital holography; micro-optical elements; refractive index matching liquid; refractive index distribution; surface profile

OCIS codes 090.1995; 110.6880; 110.0180; 100.3010; 100.5088

1 引 言

数字全息术具有非接触、精度高和检测实时性 等特点,在生物医学<sup>[1-2]</sup>、材料科学<sup>[3-4]</sup>、微机电系 统<sup>[5-8]</sup>等方面得到了广泛的应用。在利用数字全息 术检测透射式微光学元件的面形分布时,必须要预 先知道微光学元件的折射率分布才能获取其面形分

\* 通信联系人。E-mail: yangyong@nankai.edu.cn

收稿日期: 2013-11-12; 收到修改稿日期: 2013-12-05

**基金项目:**国家自然科学基金(61227010)、中央高校基本科研业务费专项资金(NKU65012161)、天津市应用基础及前沿 技术研究计划(11JCYBJC01400)

作者简介:邓丽军(1985—),男,博士研究生,主要从事数字全息术方面的研究。E-mail: jxljdeng2008@163.com

导师简介:翟宏琛(1944—),男,博士,教授,主要从事数字全息、飞秒级超快瞬态过程探测等方面的研究。

E-mail: zhai@nankai.edu.cn

布<sup>[9-11]</sup>。一般情况下,微光学元件的折射率分布是 无法预知的。

双波长数字全息术由于可以在有效波长范围内 避免使用单一波长时所面临的相位解包裹问题,而 且适用于表面结构起伏变化很大的被测样品的优 点,因此得到了广泛的应用<sup>[12-16]</sup>。Kühn等<sup>[10]</sup>利用 双波长数字全息对微电子机械系统(MEMS)元件 的形貌变化进行了测量。王羽佳等<sup>[11-12]</sup>对双波长 数字全息相位解包裹的方法进行了研究,Min等<sup>[16]</sup> 利用彩色光电记录器件并结合角分复用技术,实现 了单帧采集双波长数字全息图。

针对上述问题,本文提出了一种基于双波长数字 全息术的获取微光学元件折射率分布及面形的方法。 通过将微光学元件浸入折射率匹配液中降低透过微 光学元件的物光波频率并采用双波长数字全息术,获 取微光学元件的折射率分布,进而依据相位分布与面 形之间的关系得到微光学元件的定量面形分布。

#### 2 原 理

当单位振幅的平面光波照明被测样品时,透射物光波波前相位分布  $\varphi(x,y)$ 可以表示为<sup>[9]</sup>

$$\varphi(x,y) = \frac{2\pi}{\lambda} [n_{s}(x,y) - n_{o}] z(x,y), \quad (1)$$

式中 n<sub>s</sub>(x,y)为被测样品的折射率分布,n。为被测 样品所处周围介质的折射率分布,通常为常数, z(x,y)为被测样品的面形分布,λ为照明光波的波 长。从(1)式可以看出,为获得被测样品的面形分 布,必须要预先知道被测样品的折射率分布。

利用双波长数字全息术,获得在两个波长下的 透射物光波波前相位分布:

$$\varphi_1(x,y) = \frac{2\pi}{\lambda_1} [n_s(x,y) - n_o] z(x,y), \quad (2)$$

$$\varphi_2(x,y) = \frac{2\pi}{\lambda_2} [n_s(x,y) - n_o] z(x,y), \quad (3)$$

式中 *φ*<sub>1</sub>、*φ*<sub>2</sub> 为两个照明波长下的透射物光波波前相 位分布,λ<sub>1</sub>、λ<sub>2</sub> 为两个照明被测样品的光波波长。结 合(2)、(3)式,即可得到被测样品的折射率分布

$$n_{s}(x,y) = \frac{n_{o} + n_{o} \frac{\lambda_{1} \varphi_{1}}{\lambda_{2} \varphi_{2}}}{\frac{\lambda_{1} \varphi_{1}}{\lambda_{2} \varphi_{2}} - 1}.$$
(4)

在获取被测样品的折射率分布后,依据(2)式,即可得到被测样品的面形分布为

$$z(x,y) = \frac{\lambda_1 \varphi_1}{2\pi [n_s(x,y) - n_o]}.$$
 (5)

#### 3 实 验

在图 1 的实验装置中, He-Ne 激光器与激光二 极管(LD)发出的光被分束镜(BS<sub>1</sub>)分成两束, 一束 经过扩束、准直后通过显微物镜(MO)后形成参考 光波, 另一束经过扩束、准直后照射到被测样品后通 过 MO 将 被测 样 品 放 大 成 像 至 电 荷 耦 合 器 件 (CCD)感光面上, 作为物光波。参考光波与物光波 在 CCD 的感光面干涉形成像面全息图。与其他记 录光路相比, 像面数字全息记录系统能够充分利用 CCD 的空间带宽积, 提高数字全息再现像的分辨 率<sup>[3,7]</sup>。实验中使用的 He-Ne 激光器与 LD 的输出 波长分别为 0.6328 μm 与 0.66 μm; 被测样品为正 方形口径的微透镜阵列; CCD 的型号为 MINTON-MTV-1881EX, 其像素尺度为 8.3 μm×8.3 μm, 总 像素数为 768 pixel(H)×576 pixel(V)。



图1 实验光路图

Fig. 1 Experimental set up

实验中获取到的像面数字全息图如图 2 所示。 从图中可以看出,由于微透镜阵列的表面面形变化 很大,造成干涉条纹过密,以至于超过 CCD 探测器 的分辨率而不满足采样定理。物光波的空间频率为



图 2 未使用折射率匹配液的微透镜阵列的像面全息图 Fig. 2 Image-plane hologram of micro-lens without refractive index matching liquid

$$(f_x, f_y) = \left(\frac{1}{2\pi} \frac{\partial \varphi}{\partial x}, \frac{1}{2\pi} \frac{\partial \varphi}{\partial y}\right). \tag{6}$$

式中  $f_x$ ,  $f_y$  为透射物光波的空间频率在 x, y 上的 分量。

结合(1)式和(6)式可以看出,要降低透射物光 波的空间频率可以通过改变被测样品所处周围介质 的折射率来实现。为此,将微透镜阵列浸入到折射 率为 n。=1.467 的折射率匹配液体中,降低透射物 光波的频率。

当微透镜阵列浸入到折射率匹配液后,获取到

的双波长数字全息图如图 3 所示。从图中可以看出,通过采用折射率匹配液的方法,CCD 能够很好地记录下干涉条纹。

对获得的像面数字全息图,采用频谱滤波及参考 平面相减的方法<sup>[3,9,17-18]</sup>,得到在消除相位畸变后,微 透镜阵列在双波长下的包裹相位分布,如图 4(a)、(b) 所示。采用最小二乘相位解包裹法对图 4(a)、(b)的 包裹相位进行解包裹操作,获得微透镜阵列在双波长 下的相位分布,如图 4(c)、(d)所示。



图 3 微透镜阵列的双波长像面数字全息图。(a) 0.6328 µm; (b) 0.66 µm

Fig. 3 Image-plane digital holograms of micro-lens array by dual wavelength. (a) 0.6328  $\mu$ m; (b) 0.66  $\mu$ m



图 4 微透镜阵列的实验结果。(a)波长 0.6328 μm 与(b) 0.66 μm 下的包裹相位图; (c)波长 0.6328 μm 与 (d) 0.66 μm 下的相位图

Fig. 4 Experimental results of micro-lens array. (a) Wrapped phase image for 0. 6328  $\mu$ m and 0. 66  $\mu$ m; (c) unwrapped phase image for 0. 6328  $\mu$ m and 0. 66  $\mu$ m

利用微透镜阵列在两个不同波长下的相位分布, 结合(5)式,获取微透镜阵列的折射率分布,如图 5 所 示,进而获取微透镜阵列的面形分布如图 6 所示。从 图 6(a)、(b)可以看出,微透镜阵列中单个透镜的口径 大小为 1.0098 mm,矢高约为 158.7 μm。

为比较所提方法的有效性,利用 Vecco NT9100轮廓仪对图 6(a)中虚线和实线所指的两个 部分进行了对比检测,实验结果分别如图 7(a)、(b) 所示,可见两种方法取得了很好的一致性。此外,数 字全息为全视场检测,而轮廓仪由于采用探针式机 械扫描方式对被测样品进行检测,因此速度较慢。



图 5 微透镜阵列的折射率分布





图 6 微透镜阵列的面形分布 Fig. 6 Surface profile distribution of micro-lens array





### 4 结 论

为实现对微光学元件的数字全息检测,提出了 一种基于双波长数字全息术的获取微光学元件折射 率分布和面形的方法。将微光学元件浸入折射率匹 配液中降低透过微光学元件的光波频率,获取微光 学元件在两个不同波长照明光波下的相位分布并通 过数值计算得到微光学元件的折射率分布,依据折 射率分布与面形之间的对应关系获取其面形分布。 综上所述,双波长数字全息术能够实现微光学元件 的快速、无损检测,该方法可以广泛地应用于微光学 元件的加工、检测及质量评估。

#### 参考文献

- Ma Lihong, Wang Hui, Jin Hongzheng, et al.. Experimental study on quantitative phase imaging by digital holographic microscopy [J]. Chinese J Lasers, 2012, 39(3): 0309002.
   马利红,王 辉,金洪震,等.数字全息显微定量相位成像的实 验研究[J].中国激光, 2012, 39(3): 0309002.
- 2 Zhao Jie, Wang Dayong, Li Yan, *et al.*. Experimental study on the quantitative phase-contrast imaging of the biological samples by digital holographic microscopy [J]. Chinese J Lasers, 2010, 37(11): 2906-2911.

赵 洁,王大勇,李 艳,等.数字全息显微术应用于生物样品 相衬成像的实验研究[J].中国激光,2010,37(11):29062911.

- 3 B Kemper, S Sturwald, C Remmersmanna, *et al.*. Characterisation of light emitting diodes (LEDs) for application in digital holographic microscopy for inspection of micro and nanostructured surfaces [J]. Opt & Lasers in Eng, 2008, 46(7): 499-507.
- 4 Hao Yan, Asundi Anand. Comparison of digital holographic microscope and confocal microscope methods for characterization of micro-optical diffractive components[C]. SPIE, 2008, 7155: 71550B.
- 5 Zhang Yancao, Fan Qi. Effects of non-synchronous sampling on reconstructed image of digital hologram [J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(12): 1209002.

张延曹,范 琦.数字全息图的非同步采样对再现像的影响[J]. 光学学报,2012,32(12):1209002.

6 Su Linglong, Ma Lihong, Wang Hui, *et al.*. Three-dimensional refractive index quantitative measurement for optical fiber by digital holographic tomography [J]. Chinese J Lasers, 2013, 40 (10): 1008002.

苏玲珑,马利红,王 辉,等.基于数字全息显微断层成像的光 纤折射率三维定量测量[J].中国激光,2013,40(10):1008002.

7 Ma Lihong, Wang Hui, Li Yong, *et al.*. Effect of system parameters on the reconstructed image quality in digital holographic microscopy [J]. Acta Photonica Sinica, 2011, 40 (2): 300-307.

马利红,王 辉,李 勇,等.数字全息显微系统结构参量对再现像质的影响[J].光子学报,2011,40(2):300-307.

8 Ding Hang, Hu Cuiying, Weng Jiawen, et al.. Phase-shifting digital holographic microscopy in reflection configuration [J]. Chinese J Lasers, 2011, 38(12): 1209001.

丁 航,胡翠英,翁嘉文,等.相移式反射数字全息显微成像术 研究[J].中国激光,2011,38(12):1209001.

9 Wang Yunxin, Wang Dayong, Zhao Jie, et al.. 3D profile measurement for micro-optical component by using digital holographic microscopy [J]. Acta Optica Sinica, 2011, 31(4): 0412003.

王云新,王大勇,赵 洁,等.基于数字全息显微成像的微光学 元件三维面形检测[J].光学学报,2011,31(4):0412003.

10 Kühn Jonas, Colomb Tristan, Montfort Frederic, *et al.*. Realtime dual-wavelength digital holographic microscopy for MEMS characterization [C]. SPIE, 2007, 6716: 671608.

11 Wang Yujia, Jiang Zhuqing, Wang Zhe, et al.. Threedimensional imaging for micro-optical component by using dualwavelength digital holography [J]. Chinese J Lasers, 2011, 38 (s1): s109005.

王羽佳, 江竹青, 王 喆, 等. 基于双波长数字全息的微光学元 件三维成像方法[J]. 中国激光, 2011, 38(s1): s109005.

- 12 Wang Yujia, Jiang Zhuqing, Gao Zhirui, et al.. Investigation on phase unwrapping in dual-wavelength digital holography [J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(10): 1009001.
  王羽佳,江竹青,高志瑞,等.双波长数字全息相位解包裹方法 研究[J]. 光学学报, 2012, 32(10): 1009001.
- 13 D G Abdelsalam, Magnusson Robert, Kim Daesuk, et al.. Single-shot, dual-wavelength digital holography based on polarizing separation [J]. Appl Opt, 2011, 50(19): 3360-3368.
- 14 P RyleJames, Li Dayan, T Sheridan John, *et al.*. Dual wavelength digital holographic Laplacian reconstruction [J]. Opt Lett, 2010, 35(18): 3018-3020.
- 15 Fu Yu, Pedrini Giancarlo, Hennelly Bryan M, et al.. Dualwavelength image-plane digital holography for dynamic measurement [J]. Opt & Lasers in Eng, 2009, 47(5): 552-557.
- 16 Min Junwei, Yao Baoli, Gao Peng, *et al.*. Dual-wavelength slightly off-axis digital holographic microscopy [J]. Appl Opt, 2012, 51(2): 191-196.
- 17 Zhang Yizhuo, Wang Dayong, Zhao Jie, *et al.*. Investigation on phase unwrapping algorithms in digital holography [J]. Acta Optica Sinica, 2009, 29(13): 3323-3327.
  张亦卓,王大勇,赵 洁,等.数字全息中实用相位解包裹算法 研究 [J]. 光学学报, 2009, 29(12): 3323-3327.
- 18 Jiang Hongzhen, Zhao Jianlin, Di Jianglei, et al.. Correction of non-paraxial and misfocus aberrations in digital lensless Fourier transform holography [J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(8): 1457-1462.

姜宏振,赵建林,邸江磊,等.数字无透镜傅里叶变换全息术中 非旁轴及离焦像差的校正 [J].光学学报,2008,28(8):1457-1462.

栏目编辑: 何卓铭