# 立体视觉传感器的一种灵活靶标新标定方法

## 刘 震 尚砚娜

(北京航空航天大学"精密光机电一体化技术"教育部重点实验室,北京 100191)

**摘要**为了解决大视场立体视觉传感器标定难题,提出一种基于灵活靶标的立体视觉传感器现场标定方法。该方 法根据立体视觉传感器视场范围,灵活摆放多个小平面靶标,并通过刚性连接装置连接;再将灵活靶标在立体视觉 传感器视场前自由移动多次(至少两次),以小靶标之间位置关系不变为约束条件,求解两个摄像机之间的转换矩 阵;最后通过非线性优化方法得到转化矩阵的最优解,完成立体视觉传感器现场标定。经实验证明,该方法的标定 精度优于小靶标,可得到与大靶标接近的标定精度。

关键词 机器视觉;立体视觉;灵活靶标;大视场;现场标定

**中图分类号** TP212.6 **文献标识码** A **doi:** 10.3788/AOS201333.0315001

## Novel Calibration Method for Stereo Vision Sensor Using Flexible Target

Liu Zhen Shang Yanna

(Key Laboratory of Precision Opto-Mechatronics Technology, Ministry of Education, Beijing University of Aeronautics and Astronautics, Beijing 100191, China)

**Abstract** In order to solve the calibration problem of the stereo vision sensor with large field-of-view (FOV), a novel calibration method using flexible target is proposed. According to the stereo vision sensors' FOV, several small planar targets are combined by the rigid connection device. The flexible target is moved in front of the stereo vision sensor several times (at least two times) without restriction, and the transformation matrix between the two cameras is solved according to the invariance of the relative positions between small planar targets. The transformation matrix is optimized using the nonlinear optimization method. Experimental result shows that the accuracy of the proposed method is higher than that of a small target, and close to that of a large target.

Key words machine vision; stereo vision; flexible target; large field of view; on-site calibration OCIS codes 150.1488; 150.1135; 150.4232

### 1 引 盲

大视场立体视觉检测及相应的标定技术目前已 经广泛应用于大型构件尺寸检测等工业测量领 域<sup>[1~6]</sup>。大视场立体视觉传感器测量精度是立体视 觉传感器实现大型构件高精度检测的关键,研究现 场复杂条件下大视场立体视觉传感器标定方法具有 重要意义。

传统的立体视觉传感器标定方法多采用三维 (3D)靶标法<sup>[7]</sup>、平面靶标法<sup>[8,9]</sup>和一维靶标<sup>[10,11]</sup>。 大尺寸 3D和二维(2D)靶标体积大、携带不便,不适 用于大视场立体视觉传感器现场标定。一维靶标加 工较简单,但大视场立体视觉传感器标定仍需要较 长的一维靶标,这给运输、携带和使用都带来不便。 孙楠等<sup>[12]</sup>采用十字靶标标定大视场立体视觉传感 器,同采用一维靶标相同,该方法也面临着需要加工 大型靶标的问题。张健新等<sup>[13]</sup>提出了基于平行线 消隐点理论,实现了立体视觉传感器标定,李明哲 等<sup>[14]</sup>利用神经网络进行立体视觉传感器现场标定, 但以上两类方法精度不高,不适合高精度视觉测量 系统。Zhang 等<sup>[15]</sup>研究了采用球的多摄像机标定

收稿日期: 2012-09-19; 收到修改稿日期: 2012-10-29

基金项目:国家自然科学基金(51175027)和北京市自然科学基金(3132029)资助课题。

作者简介:刘 震(1975—),男,博士,讲师,主要从事视觉处理与图像处理等方面的研究。

方法,该方法在实现大视场立体视觉传感器标定时, 球在图像中面积较小,严重影响标定精度,因此该方 法不适合实现大视场立体视觉传感器标定。

针对以上标定方法存在的局限性,本文提出一 种基于灵活靶标的大视场立体视觉传感器现场标定 方法。该方法通过刚性连接装置将若干小平面靶标 连接在一起,小平面靶标的位置可根据立体视觉传 感器视场范围在现场灵活调节。首先将连接靶标在 立体视觉传感器视场前自由移动两次以上,以连接 靶标中小靶标之间位置关系不变为约束条件,求解 出两个视觉传感器之间的转换矩阵,然后通过非线 性优化方法求出转换矩阵的最优解。该方法最大的 优点是可以根据立体视觉传感器视场范围在现场灵 活调节小靶标位置,更便于使用和携带,解决了大尺 寸 3D 和 2D 靶标加工困难、一维靶标运输不便等难 题。本文将先介绍算法基本原理,再通过实验验证 该算法的可行性。

#### 2 立体视觉传感器数学模型

由两台摄像机组成的立体视觉传感器数学模型 如图 1 所示。 $O_{cl} x_{cl} y_{cl} z_{cl}$  为摄像机 1 坐标系, Oc2 X c2 Y c2 Z c2 为摄像机 2 坐标系, 以 Oc1 X c1 Y c1 Z c1 为基 础建立立体视觉传感器坐标系。摄像机1图像坐标 系为  $O_{i1} u_{i1} v_{i1}$ ,摄像机 2 图像坐标系为  $O_{i2} u_{i2} v_{i2}$ 。 $\mathbf{R}_{12}$ , t12 分别为摄像机1坐标系到摄像机2坐标系的旋转 矩阵和平移矢量。

空间点Q在摄像机1坐标系下三维齐次坐标为  $q_{c} = [x_{c}, y_{c}, z_{c}, 1]^{T}$ ,在摄像机1图像坐标系下图像 齐次坐标为  $p_1 = [u_1, v_1, 1]^T$ ,在摄像机 2 图像坐标 系下图像齐次坐标为  $p_2 = [u_2, v_2, 1]^T$ 。其中  $q_c$  与  $p_1$ 、 $p_2$ 的关系为



图 1 立体视觉传感器数学模型 Fig. 1 Stereo vision sensor model

式中 $\rho_1$ 、 $\rho_2$ 为非零比例系数, $A_1$ 、 $A_2$ 分别为摄像机1、 2的内部参数矩阵。摄像机内部参数矩阵 A = $\begin{bmatrix} f_r & 0 \end{bmatrix}$ 

 $u_0$ 

,其中  $f_x$ 、 $f_y$  分别为 $u_xv$  轴方向的归 0  $f_v = v_0$ 0 0 1

一化焦距,(u,v)为图像中心。摄像机内部参数还 包括镜头切向畸变系数  $k_1$ 、 $k_2$ 。 $\mathbf{I}_{3\times 3}$ 为单位矩阵, $\mathbf{0}_{3\times 1}$ 为零矩阵。

因此在 R<sub>12</sub>,t<sub>12</sub>已知的前提下,由摄像机 1、2 获得 的空间点图像坐标,根据(1)式采用最小二乘法可以 获得空间点在立体视觉传感器坐标系下的三维坐标。

#### 3 立体视觉传感器标定原理

图 2 为基于灵活靶标的立体视觉传感器标定示 意图,图中小靶标1和小靶标2通过连接装置连接 在一起(简称灵活靶标),两个小靶标之间位置关系 在标定过程中保持不变。图 3 是实际使用中的灵活 靶标,在图3右下角可以看到灵活靶标的分解图。



图 2 立体视觉传感器标定示意图 Fig. 2 Sketch map of calibration of stereo vision senor



图 3 灵活靶标实物 Fig. 3 Real flexible target

如图 2 所示, $O_T x_T y_T z_T$  为小靶标 1 坐标系,以此为基础构建灵活靶标。 $R_t$ , $t_t$  为小靶标 2 坐标系 到小靶标 1 坐标系的旋转矩阵和平移矢量。

立体视觉传感器标定的主要步骤为:1)每个摄 像机内部参数已提前标定完毕,以其中1个摄像机 坐标系为基础建立立体视觉传感器坐标系;2)将灵 活靶标在立体视觉传感器前自由摆放至少两次,两 个摄像机分别拍摄灵活靶标图像,根据摄像机内部 参数标定结果校正图像畸变;3)分别提取两个小靶 标图像坐标计算 $R_{12}, t_{12}$ 的线性解;4)根据灵活靶标 中两个小靶标之间位置关系不变的约束条件,通过 非线性优化得到 $R_{12}, t_{12}$ 的最优解。

#### 3.1 R<sub>12</sub>,t<sub>12</sub>线性解

设在灵活靶标的第 k 个摆放位置,小靶标 1 特 征点在  $O_{i1}u_{i1}v_{i1}$  和  $O_{i2}u_{i2}v_{i2}$  坐标系下图像坐标分别 为  $p_{11}^{k}$  和  $p_{12}^{k}$ ,在  $O_{c1}x_{c1}y_{c1}z_{c1}$  和  $O_{c2}x_{c2}y_{c2}z_{c2}$  坐标系下 三维齐次坐标分别为  $q_{1}^{k}$  和  $\hat{q}_{1}^{k}$ ,小靶标 2 特征点在  $O_{i1}u_{i1}v_{i1}$  和  $O_{i2}u_{i2}v_{i2}$  坐标系下图像坐标分别为  $p_{21}^{k}$  和  $p_{22}^{k}$ ,在  $O_{c1}x_{c1}y_{c1}z_{c1}$  和  $O_{c2}x_{c2}y_{c2}z_{c2}$  下三维齐次坐标 分别为  $q_{2}^{k}$  和  $\hat{q}_{2}^{k}$ 。

设定两个摄像机的内部参数已经标定完毕。根据摄像机内部参数,通过 $p_{11}^{t}, p_{12}^{t}, p_{21}^{t}$ 和 $p_{22}^{t}$ 分别计算 小靶标1坐标系到摄像机1坐标系的旋转矢量 $R_{t11}$ 和平移矩阵 $t_{t11}$ 、小靶标1坐标系到摄像机2坐标系的旋转矩阵 $R_{t12}$ 和平移矢量 $t_{t12}$ 、小靶标2坐标系到 摄像机1坐标系的旋转矩阵 $R_{t21}$ 和平移矢量 $t_{t21}$ 、小靶标2坐标系到 摄像机1坐标系的旋转矩阵 $R_{t21}$ 和平移矢量 $t_{t21}$ 、小 靶标2坐标系到摄像机2坐标系的旋转矩阵 $R_{t22}$ 和 平移矢量 $t_{t22}$ ,再求解小靶标上特征点在摄像机坐标 系下的三维坐标 $q_{1}^{t}, q_{2}^{t}$ 和 $q_{2}^{t}$ 。

根据两个小靶标坐标系分别与两个摄像机坐标 系之间的旋转矩阵和平移矢量,通过下式求解 **R**<sub>t</sub>, **t**<sub>t</sub>:

$$\begin{bmatrix} \mathbf{R}_{t} & \mathbf{t}_{t} \\ \mathbf{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{R}_{t11} & \mathbf{t}_{t11} \\ \mathbf{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \mathbf{R}_{t21} & \mathbf{t}_{t21} \\ \mathbf{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} \mathbf{R}_{t} & \mathbf{t}_{t} \\ \mathbf{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{R}_{t12} & \mathbf{t}_{t12} \\ \mathbf{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \mathbf{R}_{t22} & \mathbf{t}_{t22} \\ \mathbf{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix}$$
(2)

根据刚体变换关系, $q_1$ , $q_2$ 与 $\hat{q}_1$ , $\hat{q}_2$ 之间关系为

$$\begin{cases} \hat{\boldsymbol{q}}_{1}^{k} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{12} & \boldsymbol{t}_{12} \\ \boldsymbol{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix} \boldsymbol{q}_{1}^{k} \\ \hat{\boldsymbol{q}}_{2}^{k} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{12} & \boldsymbol{t}_{12} \\ \boldsymbol{0}_{1\times3} & 1 \end{bmatrix} \boldsymbol{q}_{2}^{k} \end{cases}$$
(3)

任意选取 3 个以上非共线靶标特征点,通过(3) 式求解 **R**<sub>12</sub>,**t**<sub>12</sub>。为了提高 **R**<sub>12</sub>,**t**<sub>12</sub>的求解精度,可选 取多个非共线靶标特征点,罗列多个如(3)式的方程,通过最小二乘法求解**R**<sub>12</sub>,**t**<sub>12</sub>。

#### 3.2 非线性优化

设小靶标 2 特征点在小靶标 1 坐标系、小靶标 2 坐标系下三维坐标分别为 q̃<sub>12</sub>和 q<sub>12</sub>。可得 q̃<sub>12</sub>和 q<sub>12</sub> 的关系为

$$\tilde{q}_{t^2} = \begin{bmatrix} \mathbf{R}_t & t_t \\ \mathbf{0}_{1\times 3} & 1 \end{bmatrix} q_{t^2}. \tag{4}$$

根据(4)式求解出  $R_t$ , $t_t$ ,将小靶标 2 上特征点三维 坐标转换到小靶标 1 坐标系下。

设在灵活靶标第 k 个摆放位置, p<sup>4</sup>1, p<sup>4</sup>2分别为 小靶标 1 特征点在摄像机 1 和摄像机 2 图像坐标系 下投影图像坐标, p<sup>4</sup>2, p<sup>5</sup>2分别为小靶标 2 特征点在 摄像机 1 和摄像机 2 图像坐标系下投影图像坐标。

根据摄像机或像模型可得

$$\begin{cases} \rho_{1} \tilde{\boldsymbol{p}}_{11}^{k} = \boldsymbol{A}_{1} \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{t11} & \boldsymbol{t}_{t11} \end{bmatrix} \boldsymbol{q}_{t1} \\ \rho_{2} \tilde{\boldsymbol{p}}_{21}^{k} = \boldsymbol{A}_{1} \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{t11} & \boldsymbol{t}_{t11} \end{bmatrix} \boldsymbol{q}_{t2} \\ \rho_{3} \tilde{\boldsymbol{p}}_{12}^{k} = \boldsymbol{A}_{2} \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{12} & \boldsymbol{t}_{12} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{t11} & \boldsymbol{t}_{t11} \end{bmatrix} \boldsymbol{q}_{t1} \\ \rho_{0} \tilde{\boldsymbol{p}}_{22}^{k} = \boldsymbol{A}_{2} \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{12} & \boldsymbol{t}_{12} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{R}_{t11} & \boldsymbol{t}_{t11} \end{bmatrix} \boldsymbol{q}_{t2} \end{cases}, \quad (5)$$

式中 q<sub>11</sub>为小靶标 1 特征点在小靶标 1 坐标系下的 三维坐标。

假设图像噪声为高斯分布且独立分布,则相应 的优化目标函数可表示为

$$f(\boldsymbol{a}) = \min\left[\sum_{k=1}^{n}\sum_{i=1}^{2}\sum_{j=1}^{2}d^{2}(\boldsymbol{p}_{ij}^{k}, \boldsymbol{\tilde{p}}_{ij}^{k})\right], \quad (6)$$

式中 $a = [\mathbf{R}_{12}, \mathbf{t}_{12}, \mathbf{R}_{11}, \mathbf{t}_{11}, \mathbf{R}_{1}, \mathbf{t}_{1}], d$ 为 $p_{ij}^{k} = p_{ij}^{k}$ 之间的距离, n 为灵活靶标摆放位置最大次数,  $k = 1, 2, \dots, n_{o}$ 

采用非线性优化方法(如 Levenberg-Marquardt法<sup>[16]</sup>),可得到 $R_{12}$ , $t_{12}$ 在最大似然准则 下的最优解。

#### 4 实验结果

不失一般性,采用两台配有 8 mm 施耐德 (Schneider)镜头的 Allied Vision Technologies 公 司(AVT)数码相机组成大视场立体视觉传感器,其 中数码相机分辨率为 2452 pixel×2056 pixel,视场 范围为 1600 mm×1200 mm。

为了便于和大平面靶标进行精度评价,实验中 采用液晶电视生成靶标。在大靶标区域内选取两个 大小相同的小靶标组成灵活靶标,特征点数量为 4×4,特征点间距为 26.5 mm(间距 50 pixel,每个 像素间距为 0.53 mm)。两个小靶标之间距离为 874.5 mm。图 4 为一组立体视觉传感器中两个摄 像机拍摄的标定图像。图 4 中, "large target"表示 大靶标, "sub-target 1"和"sub-target 2"组成灵活靶 标, "small target"表示小靶标。

为了验证算法的有效性,分别进行三组实验:第 一组实验采用灵活靶标,根据本文方法标定立体视觉 传感器;第二组实验采用大靶标,根据文献[17,18]方 法标定立体视觉传感器;第三组实验采用与灵活靶标 中小靶标面积相同的小靶标,根据文献[17,18]方法 标定立体视觉传感器。其中前两组实验靶标在摄像 机前合适位置处摆放7次,第三次实验小靶标在摄像 机前摆放13次。三组实验采用相同的摄像机内部参 数,具体摄像机内部参数标定结果如表1所示。



图 4 标定用靶标图像。(a)摄像机 1 拍摄的靶标图像;(b)摄像机 2 拍摄的靶标图像 Fig. 4 Images used in calibration. (a) Image captured by camera 1; (b) image captured by camera 2

	表 1 两个摄像机的内部参数标定结果
Table 1	Calibration results of camera intrinsic parameter

	$f_x$	$f_y$	$u_0$	$v_0$	$k_1$	$k_2$
Camera 1	5174.0	5172.3	1218.9	980.4	-0.2110	0.4857
Camera 2	5187.1	5185.6	1235.7	987.9	-0.2304	0.6768
根据立体视觉	传感器拍摄的	」标定图像,分	0.82	0.2012	0.53557	

根据立体视觉传感福泊摄的标定图像,分别采 用两个小靶标组成的灵活靶标、大靶标和小靶标完 成立体视觉传感器标定,具体立体视觉传感器标定 结果如下。

采用本文方法标定得到的 $R_{12}$ , $t_{12}$ 为

$$\mathbf{R}_{12} = \begin{bmatrix} 0.8194 & 0.1995 & 0.5373 \\ -0.2363 & 0.9717 & -0.0005 \\ 0.5222 & 0.1266 & 0.8434 \end{bmatrix},$$
$$\mathbf{t}_{12} = \begin{bmatrix} -1708 \\ 149.1 \\ 639.8 \end{bmatrix}.$$

采用大靶标标定得到的 $R_{12}$ , $t_{12}$ 为

$$\mathbf{R}_{12} = \begin{bmatrix} 0.8201 & 0.2022 & 0.5353 \\ -0.2385 & 0.9711 & 0.0015 \\ -0.5201 & -0.1265 & 0.8447 \end{bmatrix},$$
$$\mathbf{t}_{12} = \begin{bmatrix} -1727 \\ 153.9 \\ 661.9 \end{bmatrix}.$$

采用小靶标标定得到的 $R_{12}$ , $t_{12}$ 为

98	30.4	-0.2110	0.4857	
98	37.9	-0.2304	0.6768	_
	0.8202	0.2012	0.53557	_
$R_{12} =$	-0.2371	0.9715	-0.0018	,
		-0.1255	0.8445	
	-1751			
$t_{12} =$	164.4 .			
	_633.2			

为了评估立体视觉传感器标定精度,将大靶标 在测量区域任意放置 4 次,立体视觉传感器拍摄大 靶标图像,根据表 1 的标定结果校正图像畸变。分 别采用灵活靶标、大靶标、小靶标的标定结果,测量 靶标上特征点间距为 901 mm 的两个点,并将获得 的测量值与真实值(901 mm)进行比对,得到立体视 觉传感器测量点距的标准差(Std)和均方根(RMS) 误差。具体测量结果及测量误差如表 2~4 所示。 表 2~4 中 D<sub>t</sub> 表示两点之间的真实距离,D<sub>m</sub> 表示 两点之间的测量距离,Error 表示两者的偏差。

由表 5 所示测量精度评论结果可以看出采用灵 活靶标的测量精度接近大靶标、好于小靶标。

Table 2 measurement results of ficatible targets								
	Point 1			Point 2			D /mm	Freer /mm
x / mm	y/mm	$z \ /\mathrm{mm}$	x / mm	y/mm	z / mm	$D_{\rm t}$ / IIIII	$D_{\rm m}$ / IIIII	Error / mm
498.23	-176.78	3130.83	-311.41	-312.92	2762.45	901	899.86	-1.14
460.09	85.35	3117.26	-349.08	-50.70	2748.47	901	899.59	-1.41
488.64	-122.27	3167.77	-362.05	-258.66	2908.87	901	899.61	-1.39
450.52	139.92	3154.45	-399.64	3.63	2894.89	901	899.28	-1.72
383.51	-88.74	3051.27	-507.42	-220.54	3009.12	901	901.61	0.61
345.57	173.32	3038.01	-545.00	41.85	2994.93	901	901.25	0.25
576.74	-17.53	2870.68	-312.71	-147.91	2832.76	901	899.75	-1.25
538.90	244.53	2856.97	-350.03	114.22	2817.76	901	899.29	-1.71
606.29	52.89	3096.78	-232.14	-84.64	2801.63	901	899.44	-1.56
573.73	-159.49	3203.82	-317.42	-291.03	3191.03	901	900.89	-0.11
535.26	102.76	3190.84	-355.54	-28.77	3177.51	901	900.56	-0.44
425.97	-117.33	3400.56	-410.18	-255.30	3096.89	901	900.22	-0.78
387.21	144.85	3387.57	-448.40	7.02	3083.38	901	899.87	-1.13
527.90	-81.49	2829.55	-363.30	-206.51	2880.55	901	901.37	0.37
490.52	180.65	2816.18	-400.38	55.81	2866.16	901	900.99	-0.01

表 2 灵活靶标测量结果 Table 2 Measurement results of flexible targets

表 3 大靶标测量结果 Table 3 Measurement results of a large target

Point 1		Point 2	D /mm	D /mm	D /mm	Free /mm		
$x \ /\mathrm{mm}$	y/mm	$z \ / \mathrm{mm}$	x / mm	y/mm	$z \ / \mathrm{mm}$	$D_{\rm t}/{ m IIIII}$	$D_{\rm m}$ / IIIII	Error / mm
498.87	-176.95	3134.95	-311.70	-313.22	2765.01	901	901.36	0.36
460.76	85.35	3121.70	-349.45	-50.69	2751.31	901	901.19	0.19
489.21	-122.39	3171.53	-362.19	-258.75	2909.98	901	901.05	0.05
451.12	139.94	3158.55	-399.85	3.71	2896.32	901	900.82	-0.18
384.10	-88.88	3055.93	-507.26	-220.43	3008.17	901	902.28	1.28
346.16	173.44	3042.98	-544.91	41.98	2994.31	901	902.03	1.03
578.14	-17.60	2877.62	-312.97	-148.00	2835.10	901	901.60	0.60
540.30	244.88	2864.20	-350.38	114.42	2820.41	901	901.24	0.24
607.27	52.88	3101.73	-232.43	-84.71	2804.96	901	901.16	0.16
574.35	-159.59	3207.36	-317.30	-290.91	3189.86	901	901.44	0.44
535.93	102.74	3194.71	-355.46	-28.71	3176.68	901	901.21	0.21
426.09	-117.35	3401.48	-410.06	-255.20	3095.94	901	900.83	-0.17
387.38	144.74	3388.86	-448.33	7.11	3082.76	901	900.58	-0.42
529.22	-81.68	2836.65	-363.48	-206.59	2881.98	901	902.54	1.54
491.84	180.92	2823.56	-400.64	55.94	2867.91	901	902.27	1.27

表 4 小靶标测量结果 Table 4 Measurement results of a small target

Point 1				Point 2		D /	D /	<b>F</b> /
x /mm	y/mm	z / mm	x /mm	y/mm	z / mm	$D_{\rm t}/{ m mm}$	$D_{\rm m}$ / mm	Error / mm
499.40	-176.81	3138.65	-312.76	-313.22	2773.07	901	901.03	0.03
461.40	85.37	3125.95	-350.60	-50.40	2759.85	901	901.01	0.01
489.75	-122.28	3175.29	-363.33	-258.63	2918.11	901	901.37	0.37
451.77	139.95	3162.85	-401.10	4.13	2904.93	901	901.30	0.30
384.63	-88.78	3060.48	-508.85	-220.22	3016.82	901	904.16	3.16
346.76	173.51	3048.05	-546.64	42.54	3003.45	901	904.06	3.06
578.92	-17.62	2881.54	-313.97	-147.80	2843.26	901	903.14	2.14
541.20	244.78	2868.61	-351.47	114.93	2829.00	901	902.93	1.93
607.97	52.83	3105.19	-233.15	-84.49	2812.87	901	900.99	-0.01
574.87	-159.46	3210.55	-318.18	-290.70	3197.29	901	902.74	1.74
536.58	102.71	3198.45	-356.43	-28.30	3184.65	901	902.67	1.67
426.49	-117.18	3405.15	-411.26	-255.00	3103.99	901	900.85	-0.15
387.88	144.81	3393.11	-449.64	7.58	3091.33	901	900.75	-0.25
529.98	-81.65	2840.84	-364.64	-206.43	2890.22	901	904.63	3.63
492.70	180.88	2828.23	-401.90	56.42	2876.61	901	904.51	3.51

表 5 测量精度评价

Table 5 Evaluation of measurement accuracy

	Flexible target	Large target	Small target
Std /mm	0.81	0.59	1.45
RMS error /mm	1.09	0.72	1.99

### 5 结 论

提出了立体视觉传感器的一种灵活靶标新标定 方法。该方法通过刚性连接装置将多个小的靶标连 接在一起,组成灵活靶标。以小靶标之间位置关系 不变为约束条件,求解两个摄像机之间的转换矩阵。 该标定方法具有以下几个优点:

1)可根据立体视觉传感器的视场范围,灵活调整各小靶标之间距离,具有灵活、高效等特点,非常适合立体视觉传感器现场标定。

2)具有较高精度,通过实验证明,该方法与大
 尺寸靶标的标定精度接近,好于小靶标的标定精度。

#### 参考文献

- 1 Li Weimin, Meng Hao, Wang Jianping *et al.*. Wide view calibration of single cameras [J]. J. University of Science and Technology of China, 2007, **37**(6): 627~630
  李为民, 孟 昊, 王建平等. 单场景摄像机的大视场标定[J]. 中国科学技术大学学报, 2007, **37**(6): 627~630
- 2 Zhang Xuping, Wang Jiaqi, Zhang Yixin *et al.*. Large-scale three-dimensional stereo vision geometric measurement system [J]. Acta Optica Sinica, 2012, **32**(3): 0315002 张旭苹, 汪家其, 张益昕等. 大尺度三维几何尺寸立体视觉测量系统实现[J]. 光学学报, 2012, **32**(3): 0315002
- 3 Yu Qian, Zhang Xuping, Zhang Yixin et al.. Novel method for

structured light plane calibration in three-dimensional vision measurement[J]. *Chinese J. Lasers*, 2012, **39**(s1): s108006 俞 乾, 张旭苹, 张益昕等. 新型三维视觉测量结构光平面标定 方法[J]. 中国激光, 2012, **39**(s1): s108006

4 Yang Bowen, Zhang Liyan, Ye Nan *et al.*. Camera calibration technique of wide-area vision measurement [J]. *Acta Optica Sinica*, 2012, **32**(9): 0915001

杨博文,张丽艳,叶 南等.面向大视场视觉测量的摄像机标定 技术[J]. 光学学报,2012,**32**(9):0915001

- 5 Yuan Yun, Zhu Zhaokun, Zhang Xiaohu *et al.*. Calibration method for large field of view camera based on infinite homography [J]. Acta Optica Sinica, 2012, **32**(7): 0715002 苑 云,朱肇昆,张小虎等. 基于无穷单应的大视场摄像机标定 方法[J]. 光学学报, 2012, **32**(7): 0715002
- 6 Zhai Xintao. Large Scale Workpieces Measurement Based on Binocular Line-Structured Light [D]. Harbin: Harbin Engineering University, 2008. 1~8 翟新涛.基于立体线结构光的大型工件测量[D].哈尔滨:哈尔 滨工程大学,2008. 1~8
- 7 R. Y. Tsai. An efficient and accurate camera calibration technique for 3D machine vision [C]. Proceedings of Computer Vision and Pattern Recognition, 1986. 364~374
- 8 S. Prince, A. D. Cheok, F. Farbiz *et al.*. 3D live: real time captured content for mixed reality [C]. Proceedings of International Symposium on Mixed and Augmented Reality (ISMAR), 2002. 7~13
- 9 G. K. Cheung, S. Baker, T. Kanade. Shape-from-silhouette of articulated objects and its use for human body kinematics estimation and motion capture [C]. Proceedings of Computer Vision and Pattern Recognition, 2003. 77~84

10 Wang Liang, Wu Fuchao. Multi-camera calibration based on 1D calibration object [J]. Acta Automatica Sinica, 2007, 33(3): 225~231

王 亮,吴福朝. 基于一维标定构的多摄像机标定[J]. 自动化 学报,2007,**33**(3):225~231

11 Zhou Fuqiang, Zhang Guangjun, Wei Zhenzhong et al.. Calibrating binocular vision sensor with one-dimensional target of unknown motion [J]. Chinese J. Mechanical Engineering, 2006, 42(6): 92~96

周富强,张广军,魏振忠等.基于未知运动一维靶标的立体视觉 系统标定[J].机械工程学报,2006,**42**(6):92~96

12 Sun Nan, Zhang Liyan, Ye Nan *et al*.. Calibration of binocular stereo measurement system based on calibration cross[J]. *Acta Optica Sinica*, 2012, **32**(4): 0412001 动 枝 改可推 叶 克 第 其王士会题后的项目立体测量系统

孙 楠,张丽艳,叶 南等.基于十字靶标的双目立体测量系统标定[J].光学学报,2012,**32**(4):0412001

13 Zhang Jianxin, Duan Fajie, Ye Shenghua. "Two step" method for binocular sensor self-calibration [J]. Opto-Electronic Engineering, 1998, 25(5): 37~41 张健新,段发阶,叶声华. "两步法"求取立体视觉系统中摄像机 位置关系[J]. 光电工程,1998,**25**(5):37~41

- 14 Li Mingzhe, Zhang Aiwu, Hu Shaoxing. On 3D measuring system of sheet metal surface based on computer vision [J]. *Chinese Mechanical Engineering*, 2002, **13**(14): 1177~1180 李明哲,张爱武,胡少兴. 基于计算机视觉的板材曲面 3 维测量系统[J],中国机械工程,2002, **13**(14): 1177~1180
- 15 H. Zhang, K. K. Wong, G. Q. Zhang. Camera calibration from images of spheres [J]. *IEEE Trans. Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 2007, 29(3): 499~503
- 16 J. Moré. The Levenberg-Marquardt algorithm, implementation and theory [C]. Lecture Notes in Mathematics, 1978, 630: 105~116
- 17 Z. Zhang. A flexible new technique for camera calibration[J]. IEEE Trans. Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2000, 22(11): 1330~1334
- 18 J. Y. Bouguet. Camera Calibration Toolbox for Matlab [EB/ OL]. http://www.vision.caltech.edu/bouguetj/calib\_doc/.

栏目编辑:李文喆