双光栅切换微型平场全息凹面光栅光谱仪

孔 鹏1 唐玉国1 巴音贺希格1* 齐向东1 李文昊1 崔锦江2

(¹中国科学院长春光学精密机械与物理研究所, 吉林 长春 130033 ²中国科学院苏州生物医学工程技术研究所, 江苏 苏州 215163)

摘要 基于 CCD 的微型平场全息凹面光栅光谱仪,以其简单紧凑的结构和快速高效的工作方式在光谱分析领域 获得了广泛的应用。但是,由于受限于色散距离,单纯依靠优化光栅像差很难进一步使光谱分辨率获得大幅提高。 提出一种双光栅切换微型平场全息凹面光栅光谱仪的设计方法,用两个使用结构相同的光栅代替传统的单光栅设 计,给出一个光谱范围为 400~1000 nm 光谱仪的具体设计,计算显示光谱分辨率最大可提高为原来的 2.5 倍。通 过对光栅衍射效率的计算分析,说明此方法能够显著改善仪器的通光效率。设计制作了原理样机,进行了装调测 试,实验结果与理论计算相吻合。

关键词 光谱学;光谱仪;衍射光栅;平场;宽光谱;分辨率;通光效率 doi: 10.3788/AOS201333.0105001 **中图分类**号 O433.4 文献标识码 A

Double-Grating Minitype Flat-Field Holographic Concave Grating Spectrograph

Kong Peng¹ Tang Yuguo¹ Bayanheshig¹ Qi Xiangdong¹ Li Wenhao¹ Cui Iiniiang²

¹ Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun, Jilin 130033, China

² Suzhou Institute of Biomedical Engineering and Technology, Chinese Academy of Sciences, Suzhou, Jiangsu 215163, China

Abstract The minitype flat-field holographic concave grating spectrograph equipped with CCD detectors are widely used for spectral analysis. They are accepted for some remarkable advantages, such as compact structure and rapid and efficient testing process. However, restricted by imaging distance of the spectrometer, it is difficult to improve the spectral resolution greatly just by optimization of the holographic concave grating. A design method of doublegrating minitype flat-field holographic concave grating spectrograph is proposed. The single grating in conventional spectrograph is replaced by two gratings which are equipped with the same geometry. A double grating flat-field spectrograph with a wavelength range from 400 nm to 1000 nm is designed. The calculation results show that the resolution of the newly designed spectrograph can be almost two and a half times as great as the conventional spectrograph. The light throughput efficiency can also be greatly improved, which is demonstrated by analyzing diffraction efficiency of the grating. The double-grating minitype flat-field holographic concave grating spectrograph is developed and adjusted. The experimental results agree with the theoretical calculations very well.

Key words spectroscopy; spectrometer; diffraction gratings; flat-field; wide spectrum; resolution; light throughput efficiency

OCIS codes 050.1950; 080.1010; 090.1970; 090.2890; 300.6190

收稿日期: 2012-03-13; 收到修改稿日期: 2012-05-14

基金项目:国家自然科学基金(60478034,61007063)、国家重大科学仪器设备开发专项(2011YQ120023)、国家创新方法 工作专项项目(2008IM040700)和中国科学院知识创新项目(100132H100)资助课题。

作者简介: 孔 鹏(1981—), 男, 博士, 助理研究员, 主要从事全息光栅的设计与制作技术等方面的研究。

E-mail: kongdapeng@yahoo.com.cn

* 通信联系人。E-mail: bayin888@sina.com

1 引 言

微型光栅光谱仪从它诞生之日起就以其结构紧 凑、轻便、耗能耗材少和成本低廉等诸多优点获得了 迅速的发展和广泛的应用^[1]。近 20 年来,随着 CCD 等平面阵列光电探测器件及微小光学元器件 的快速发展和成熟,极大提升了微型光栅光谱仪的 性能^[2~6]。

平场全息凹面光栅光谱仪是微型光谱仪的一个 主要发展方向。它将使波段内所有波长的光谱成像 在一个平面上,利用 CCD 接收光谱,实时快速地进 行多通道光谱分析^[7,8]。其突出优点有:1)快速高 效的工作方式;2)光线只经过一次光学面反射,大大 提高了通光效率;3)结构简单,省去了传统光谱仪中 的扫描机构和接受器件所需的复杂电路系统,更有 利于仪器的微型化设计。

然而,因为光栅光谱仪的光谱分辨率很大程度 上取决于仪器光学系统的色散距离,或者说焦距,所 以微型平场全息凹面光栅光谱仪在提高光谱分辨率 上受到很大限制。提高光谱分辨率的主要方法是利 用全息凹面光栅的几何像差理论^[9~11],对平场全息 凹面光栅的像质进行优化^[12~16]。但是,单纯依靠优 化光栅像质不可能无限制地提高仪器分辨率。特别 是对于宽光谱应用,使用光谱范围越宽,光谱分辨率 越低。

鉴于此,为了在不增加仪器尺寸的前提下进一步提高微型平场全息凹面光栅光谱仪的分辨率,提出一种设计思路:将仪器的使用光谱范围分为两部分,分别由两块光栅成像。经优化设计后的两光栅具有相同的使用结构,不同的制作结构^[17]。这种优化方法能够使两块光栅在共同的成像面上均达到最优像质。两块光栅采用背靠背的安装方式固定在光栅座上,最大限度地节省了空间。

本文以一款使用光谱范围 400~1000 nm 的光 栅光谱仪应用为例,设计制作了双光栅切换微型平 场全息凹面光栅光谱仪所用的两块光栅,制作了原 理样机,并进行装调测试。第一,利用光栅设计软件 PCGrate 对光栅进行衍射效率计算分析,以证明双 光栅平场光谱仪在通光效率上的改善;第二,通过原 理样机的装调测试,从理论和实验两方面验证双光 栅平场光谱仪在光谱分辨率上的提高。

2 光栅结构参数设计

在图1所示的平场全息凹面光栅的制作结构和



图 1 平场全息凹面光栅的使用结构与记录结构 Fig. 1 Recording and using geometry of the flat-field holographic concave grating

使用结构示意图中,建立直角坐标系。坐标系原点 为光栅中心顶点 O,以讨 O 点的光栅表面法线为 x 轴,y轴为垂直于光栅刻线的方向,z轴为平行于光 栅刻线的方向。A 为入缝位于子午面 xOy 内的中心 点,B点为中心主光线AO 经光栅衍射后的成像点。 P点为光栅表面上任意一点,其坐标为(x,y,z)。两 个点光源C、D在子午面xOv内,其发出的中心主光 线分别为 CO、DO,其长度表示为 r_C 、 r_D , γ 、 δ 是其与 x 轴的夹角,称为记录角。考虑一条光线,从 A 点发 出,波长为λ,经过光栅中心 Ο 点衍射后 m 级衍射光 的成像点为 B_1B_2 上B点。AO长度表示为 r_A ,AO与 x轴的夹角表示为 α 。OB 长度为 r_B ,衍射角为 β 。由 O 点向光谱面 B1B2 作垂线 OH,其长度表示为 rH,与 x 轴夹角表示为 β_H。以上定义中的各个角度的符号 遵守下述规则:以 x 轴为基准,沿逆时针方向旋转 得到的角度为正角度,沿顺时针方向旋转得到的角 度为负角度。

在进行光栅结构参量的优化计算时,首先定义 一个优化函数,其表达式为^[17]

$$egin{aligned} W = & W_1 + W_2 = \sum \omega_{1i} \sum (\delta y_1 + f_1 \, \delta z_1)^2 + \ & \sum \omega_{2i} \sum (\delta y_2 + f_2 \, \delta z_2)^2 \,, \end{aligned}$$

式中 f_1 和 f_2 为弧矢方向聚焦性能相对于子午方向 的权重因子,由于子午方向的聚焦决定光谱分辨率, 因此 f_1 和 f_2 的值一般都小于 1。为了平衡各个波长 处的像差校正效果定义不同波长的权重因子 ω_i ,大 多数情况下其值可取为 1。下角标 1 或 2 分别对应双 光栅光谱仪的两个光栅。根据文献[18],像面上子午 方向和弧矢方向的光线偏移量 δ_y 和 δ_z 分别为

$$\delta y = \frac{r_B - y \sin \beta}{r_B \cos \beta} \Big[(r_B - y \sin \beta) \frac{\partial F}{\partial y} - y \sin \beta \frac{\partial F}{\partial z} \Big],$$
⁽²⁾

$$\delta z = (r_B - y \sin \beta) \frac{\partial F}{\partial z}, \qquad (3)$$

式中 F 为光线 APB 的光程函数。光栅结构参量的 优化过程转化为优化函数 W 的最小化过程。

结合一个具体设计实例分析双光栅切换平场全 息凹面光栅光谱仪在光谱分辨率和通光效率上的改 善。表1给出了具体设计指标,光谱范围为400~ 1000 nm,光谱长度为20 mm,设计分辨率优于5 nm。

为了使讨论更具意义,将双光栅设计与传统的 单光栅设计进行分辨率和衍射效率的全方位对比。 需要注意的是,由于光栅光谱仪分辨率很大程度上 取决于焦距,所以比较两种设计应满足焦距相当的 前提。表2给出双光栅平场光谱仪两个光栅(光栅 1和光栅2)的结构参数,其中光栅1的光谱范围是 400~640 nm,光栅2的光谱范围是 625~1000 nm。 表 3 给出单光栅光谱仪的光栅结构参数。从表 2 和 表 3 可以看出,两组设计结果满足光谱仪结构相近、 焦距相当的条件。

表 1 双光栅平场光谱仪的设计指标 Table 1 Design specifications for the double-grating flat-field spectrograph

Parameter	Value
Wavelength range /nm	$400 \sim 1000$
Spectral order	m = +1st
Spectrum length /mm	20
Grating aperture /mm	$\Phi 30$
Entrance slit width $/\mu m$	50
Entrance slit height $/\mu m$	400
Resolution /nm	<5

ŧ	2	双光栅亚扬光递位的优化参数
LX.	4	从几侧上劲几旧民的几亿多数

Table 2	Optimized	system	parameters	of the	double-grating	flat-field	spectrograph
---------	-----------	--------	------------	--------	----------------	------------	--------------

Mounting	g parameter	Grating 1		Grating 2	
r_A/mm	109.666	$\gamma_1/(°)$	11.000	$\gamma_2/(\degree)$	12.887
α /(°)	-5.157	$\delta_1/(\degree)$	25.562	$\delta_2/(\degree)$	22.152
r_H/mm	138.378	r_{C1}/mm	150.675	$r_{ m C2}/ m mm$	146.791
$eta_{H}/(\degree)$	13.506	r_{D1}/mm	162.106	r_{D2}/mm	152.812
R_1/mm	120.024	$\sigma_1/\mu{ m m}$	1.835	$\sigma_2/\mu{ m m}$	2.867
R_2/mm	120.024	Wavelength range /nm	$400\!\sim\!640$	Wavelength range /nm	$625 \sim 1000$

表 3 单光栅平场光谱仪的优化参数

Table 3 Optimized system parameters of the singlegrating flat-field spectrograph

Mounting param	Recordi	ng parameter	
r_A/mm	108.174	γ/(°)	6.369
$\alpha / (^{\circ})$	-2.307	δ / (°)	12.128
r_H/mm	143.706	r_C/mm	162.185
$eta_{\!H}/(\degree)$	5.730	r_D/mm	165.294
$R \ /\mathrm{mm}$	122.600	$\sigma / \mu { m m}$	4.453
Wavelength range $/nm$	$400\!\sim\!1000$		

下面就两种设计的光谱性能进行对比。首先, 利用光线追迹获得所设计光栅成像的几何宽度。由 于对光谱仪器而言,狭缝像的光谱宽度比几何宽度 更具实际意义,因此利用凹面光栅的线色散公式

 $\partial \lambda / \partial l = \sigma \cos \beta / (mr_B),$ (4)

计算每一波长处光谱像的光谱宽度(即用波长单位 表示的光谱像宽度)。(4)式中 l 为像面上沿光谱色 散方向的几何距离,计算结果如图 2 所示。图 2 纵 坐标为 50 μm 狭缝经光栅所成光谱像的半峰全宽 (FWHM),G1、G2、G3 分别代表光栅 1、光栅 2 和光 栅 3,光栅 3 为单光栅光谱仪的平场全息凹面光栅。 光栅1在其工作波段的光谱半峰全宽约为0.9 nm, 光栅2在其工作波段的光谱半峰全宽约为1.4 nm, 而光栅3的光谱半峰全宽约为2.2 nm。对比3条 像宽曲线不难看出,使用光栅1和光栅2的双光栅 切换平场光谱仪光谱分辨率明显超过单光栅平场光 谱仪,前者在短波范围所能达到的理论分辨率接近 后者的2.5 倍。







3 光栅槽形设计

3.1 光栅1

光栅槽形设计的目的是使光栅获得尽可能高的 衍射效率,效率计算时使用的工具是光栅通用设计 软件 PCGrate。本文所述槽形设计基于两点前提条 件:1)固定工艺条件,所制全息光栅为矩形槽;2)所 制光栅槽形占宽比均为 0.5。此时,光栅槽形设计 即为槽深设计。

光栅1使用波段为400~640 nm,令衍射效率峰 值波长为450 nm。计算可知,入射角为-5.157°、镀 铝光栅槽深为120 nm时,450 nm处+1级衍射效率 最高。此时,计算光栅1的+1级衍射效率随波长变 化曲线,如图3所示。计算结果显示,光栅1的衍射 效率理论值最高超过37%,最低为28%。





3.2 光栅 2

光栅 2 使用波段为 625~1000 nm,令衍射效率 峰值波长为 700 nm。计算可知,入射角同样为 -5.157°、镀铝光栅槽深为 190 nm 时,700 nm 处+1 级衍射效率最高。此时,计算光栅 2 的+1 级衍射效 率随波长变化曲线,如图 4 所示。计算结果显示,光 栅 2 的衍射效率理论值最高超过 36%,最低为 30%。

3.3 通光效率的改善

首先对光栅 3 进行槽形设计。设计方法与光栅 1 和光栅 2 相同。光谱范围是 400~1000 nm,令衍射 效率峰值波长为 500 nm,计算显示槽深应为 130 nm。 计算光栅 3 的+1 级衍射效率随波长变化曲线,如 图 5所示。其衍射效率理论最大值为 35.5%,最小 值为 18%。与光栅 1 和光栅 2 的衍射效率曲线进 行对比不难看出,光栅 3 的衍射效率逊色很多。

分析这种差别,有以下主要原因:1)对于光栅来 说衍射效率总是存在一个峰值,距离衍射效率峰值 波长越远衍射效率越低。双光栅光谱仪恰恰是通过







图 5 光栅 3 的 + 1 级衍射效率曲线

Fig.5 +1st order diffraction efficiency of grating 3 压缩单块光栅的光谱范围提高了整个波段的衍射效 率;2)对于焦距相当、光谱长度相同的双光栅光谱仪 和单光栅光谱仪,后者所用的平场全息凹面光栅的 刻线密度相比之下会更低,进而导致衍射级次增多, 衍射效率必然降低。这两方面原因使得双光栅切换 平场全息凹面光栅光谱仪在通光效率上较常规的单 光栅光谱仪有显著提高。

4 实验结果与分析

图 6 为所设计双光栅切换平场全息凹面光栅光 谱仪的结构图,其中 A 为入缝结构,可调整入缝与 光栅的距离;G 为光栅装卡结构,底部与电机相连, 两光栅背靠背装于结构 G 上,根据使用波段的不同 转动卡具以实现两块光栅的切换,利用机械式定位 结构解决光栅切换后的定位问题;D 为 CCD 探测器 及其驱动电路。

实验中所使用的接收器件是 TOSHIBA 公司 生产的型号为 TCD1208AP 的线阵 CCD,像素尺寸 为 14 μ m×14 μ m,像素总数为 2160。利用汞灯的 特征谱线对光谱仪进行波长标定。



图 6 双光栅切换平场光谱仪结构图 Fig. 6 Geometry of the double-grating switching flat-field spectrograph

4.1 光栅1测试结果

实验测得的汞灯 I-n 光谱图如图 7 所示。图中 横坐标为 CCD 的像素序数 n,纵坐标为量化后的相 对光强 I。利用窄带干涉滤光片提取汞灯发射光谱 中波长分别为 404.66、546.07、579.07 nm 的 3 条谱 线进行测试,表 4 给出此 3 条谱线的波长与 CCD 像 素数 n 的对应关系。







表 4 光栅 1 汞灯谱线与 CCD 像素序数对应关系

Table 4	Mercury	spectrum	versus	pıxel	number
	t	for grating	g 1		

Mercury spectrum/nm	Pixel number
404.66	407
546.07	1220
579.07	1415

利用基于最小二乘法的曲线拟合方法对波长 λ 与像素数 n 的函数关系进行二次拟合,所得函数表 达式为

$$\lambda = 331.5502 + 0.1815n - 4.6679 \times 10^{-6} n^2.$$

(5)

利用(5)式对其他谱线进行定标,如图7所示。

分析光栅1的光谱成像性能,表5为实验测得 不同波长处光谱像半峰全宽与几何光线追迹求得的 理论值之间的对比。从表中可以看出,实验测量值 与理论计算值之间较为接近,达到了较好的调试效 果。

表 5 光栅 1 实测光谱像半峰全宽与理论值的比较

Table 5Experimental and theoretical FWHM ofspectral image for grating 1

We and have methy damage	Experimental image	Theoretical image width /nm	
wavelength / nm	width /nm		
404.66	1.055	0.843	
435.84	1.047	0.880	
546.07	1.013	0.927	
576.96	1.002	0.924	
579.07	1.168	0.917	

4.2 光栅 2 测试结果

将使用光栅切换至光栅 2,实验测得汞灯 *Ln* 光 谱图如图 8 所示。利用汞灯波长分别为 546.07 nm、 579.07 nm 的 2 条谱线的一级光谱和波长分别为 435.84 nm、546.07 nm 的二级光谱进行波长标定。 表 6 为谱线波长与 CCD 像素序数 *n* 的对应关系。利 用二次曲线拟合方法对波长 λ 与像素数 *n* 的函数关 系进行拟合,所得函数表达式为

 $\lambda = 535.8011 + 0.2829n - 7.6349 \times 10^{-6} n^2.$

(6)



图 8 光栅 2 测到的汞灯谱图



表 6 光栅 2 汞灯谱线与 CCD 像素序数对应关系

Table 6 Mercury spectrum versus CCD pixel number

for grating 2

Mercury spectrum /nm	Pixel number
546.07	36
579.07	154
435.84×2	1228
546.07 \times 2	2084

在使用光栅2时,为了排除短波二级光谱对光 谱分析的干扰,入缝处加一块高通滤光片,将波长小 于 600 nm 的光滤掉。图 9 为加高通滤光片后测得 的汞灯光谱,对比图 8 与图 9 不难看出,用作波长标 定的几个波长的一级与二级光谱被滤光片滤掉。另 外,由于滤光片透射率的关系谱线相对强度有所减 小。图 9 中标出了光强相对较强的 5 条谱线的波长。



图 9 加高通滤光片后光栅 2 测到的汞灯谱图 Fig. 9 Measured mercury spectrum with highpass filter for grating 2

分析光栅 2 的光谱成像性能,表 7 为实验测得 不同波长处光谱像半峰全宽与几何光线追迹求得的 理论值之间的对比。从表中可以看出,实验测量值 与理论计算值之间较为接近,亦达到了较好的调试 效果。

最后,对波长重复性进行测试。该仪器中光栅 转台采用直流电机驱动,机械定位,结构简单可靠, 容易保证较高的光栅切换定位精度。实验测得的波 长重复性误差小于 2 pixel,约 0.3 nm。

表 7 光栅 2 实测光谱像半峰全宽与理论值的比较

Table 7 Experimental and theoretical FWHM of spectral image for grating 2

W	Experimental image	Theoretical image
wavelength / nm	width /nm	width /nm
697.6	1.632	1.346
764	1.613	1.404
811.6	1.597	1.411
842.5	1.587	1.442
912.2	1.822	1.433

5 结 论

从理论计算和实验两方面研究了双光栅切换平 场全息凹面光栅光谱仪在光谱分辨率和通光效率上 的改善。

1) 通过优化设计得到两个使用结构相同、光谱

范围不同的平场全息凹面光栅。利用严格的几何光 线追迹方法将其与光谱范围相同、光谱长度相同和焦 距相当的单光栅平场光谱仪进行了比较,结果显示本 文讨论的双光栅平场光谱仪能够显著提高光谱分辨 率。设计制作并调试了光谱范围为 400~1000 nm 的 双光栅切换微型平场光谱仪,实验结果与理论计算 相吻合。该设计方法不仅适用于双光栅平场全息凹 面光栅光谱仪的设计,同样适用于多光栅光谱仪的 设计。

2)基于平场全息凹面光栅的槽形设计,比较了 双光栅平场光谱仪两光栅与单光栅光谱仪光栅在衍 射效率上的表现。计算结果表明,前者在使用波段 均能达到较高衍射效率,后者在远离峰值波长波段 衍射效率下降严重。鉴于平场全息凹面光栅是光谱 仪中唯一的色散及成像元件,光栅衍射效率的提高 无疑将大大改善光谱仪的通光效率。

参考文献

- 1 Jia Hui, Yao Yong. Characteristics of typical optical systems with diffractive gratings of micro-spectrometers and improvement of spectrometer's resolution [J]. Spectroscopy & Spectral Analysis, 2007, 27(8): 1653~1656
- 贾 辉,姚 勇. 微小型光栅光谱仪光学系统的特点与光谱分辨 率的提高[J]. 光谱学与光谱分析, 2007, **27**(8): 1653~1656
- 2 Chen Yuerui, Sun Bin, Han Tao *et al.*. Densely folded spectral images of the CCD spectrometer working in the full 200~1000 nm wavelength range with high resolution [J]. *Opt. Express*, 2005, **13**(25); 10049~10054
- 3 Liu Dongmei, Xia Rihui, Pan Yonggang et al.. Study of digital spectrometer based on charge coupled device [J]. Acta Optica Sinica, 2012, **32**(1): 84~89 刘冬梅,夏日辉, 潘永刚等. 基于电荷耦合器件的数字光谱分析 仪的研究[J]. 光学学报, 2012, **32**(1): 84~89
- 4 Cui Jian, Dong Xiaopeng, Wu Zhaoxi et al.. A high-precision method for determining the FBG peak wavelength shift based on FBG actual reflection spectrum match [J]. Chinese J. Lasers, 2011, 38(7): 152~156

崔 剑,董小鹏,吴兆喜等.基于 FBG 实际反射谱匹配的 FBG 峰值波长偏移量的高精度确定方法[J].中国激光,2011,**38**(7): 152~156

- 5 Chang Lingying, Zhao Baochang, Yang Jianfeng *et al.*. Optical system design of a two-linear array stereoscopic mapping CCD camera [J]. *Chinese J. Lasers*, 2011, **38**(8): 245~249 常凌颖,赵葆常,杨建峰等.两线阵立体测绘 CCD 相机光学系 统设计[J]. 中国激光, 2011, **38**(8): 245~249
- 6 Chen Xinglin, Zheng Yanhong, Wang Yan. Influence of spot noise in inter-satellite optical communications and suppression algorithm [J]. *Chinese J. Lasers*, 2010, **37**(3): 743~747 陈兴林,郑燕红,王 岩.光斑噪声对星间光通信的影响及抑制 算法[J]. 中国激光, 2010, **37**(3): 743~747
- 7 G. S. Hayat, J. Flamand, M. Lacroix *et al.*. Designing a new generation of analytical instruments around the new types of holographic diffraction grating [J]. *Opt. Engng.*, 1975, 14: 420~425
- 8 J. M. Lerner, R. J. Chambers, G. Passereau. Flat-field imaging spectroscopy using aberration corrected holographic

gratings [C]. SPIE, 1981, 268: 122~128

- 9 H. Noda, T. Namioka, M. Seya. Geometric theory of the grating [J]. J. Opt. Soc. Am., 1974, 64(8): 1031~1036
- 10 T. Namioka, M. Koike, D. Content. Geometric theory of the ellipsoidal grating [J]. Appl. Opt., 1994, 33(31): 7261~7274
- 11 S. Masui, T. Namioka. Geometric aberration theory of doubleelement optical systems [J]. J. Opt. Soc. Am. A, 1999, 16(9): 2253~2268
- 12 N. K. Pavlycheva. Design of flat-field spectrograph employing a holographic grating [J]. Sov. J. Opt. Technol., 1979, 46(7): 394~396
- 13 W. R. McKinney, C. Palmer. Numerical design method for aberration-reduced concave grating spectrometers [J]. Appl. Opt., 1987, 26(15): 3108~3118
- 14 Li Chaoming, Wu Jianhong, Tang Minxue. Design of flat field holographic concave grating [J]. Laser Journal, 2005, 26(2): 57~58

李朝明,吴建宏,唐敏学.平场全息凹面光栅的设计[J]. 激光杂

志,2005,26(2):57~58

- 15 Xiang Xianyi, Wen Zhiyu. Design of flat field holographic concave grating for near-infrared spectrophotometer [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2008, 28(7): 1670~1673 向贤毅,温志渝.用于近红外光谱仪的平场全息凹面光栅的模拟 与设计[J].光谱学与光谱分析, 2008, 28(7): 1670~1673
- 16 Zhou Qian, Li Lifeng. Design method of convex master gratings for replicating flat-field concave gratings [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2009, 29(8): 2281~2285
 周 倩,李立峰.光谱仪用平场凹面光栅的凸面母光栅的消像差 设计思路 [J]. 光谱学与光谱分析, 2009, 29(8): 2281~2285
- 17 Kong Peng, Bayanheshig, Li Wenhao *et al.*. Optimization of double-grating flat-field holographic concave grating spectrograph [J]. *Acta Optica Sinica*, 2011, **31**(2): 29~33
 孔 鹏,巴音贺希格,李文昊等.双光栅平场全息凹面光栅光谱 仪的优化设计[J]. 光学学报, 2011, **31**(2): 29~33
- 18 M. Chrisp. Aberrations of holographic toroidal grating systems [J]. Appl. Opt., 1983, 22(10): 1508~1518

栏目编辑:何卓铭