# 双涡旋光束的产生与传输

# 孙顺红 蒲继雄

(华侨大学信息科学与工程学院,福建厦门 361021)

摘要 利用带有不同拓扑荷数的两束涡旋光束进行共轴叠加,产生了一种新型光束——双涡旋光束,其光强分布 为双环结构。从实验和理论两方面对其传输特性进行了研究。研究表明,双涡旋光束的双环携带不同的轨道角动 量,且相互独立地传输。此外,当双涡旋光束的内部拓扑荷数保持不变时,双涡旋光束两环间的距离随着外部拓扑 荷数的增大而变大。

关键词 物理光学;惠更斯-菲涅耳衍射积分;双涡旋光束;拓扑荷数 中图分类号 O436 **文献标识码** A **doi**: 10.3788/AOS201131.s100520

# **Generation and Propagation of Double-Vortex Beams**

## Sun Shunhong Pu Jixiong

(College of Information Science and Engineering, Huaqiao University, Xiamen, Fujian 361021, China)

**Abstract** A new type of the double-vortex beam is generated by the coaxial superposition of vortex beams with two different topological charges, whose intensity distribution is double-ring. The propagation characteristics of this kind of beams theoretically and experimentally are studied. It is found that each ring of the double-vortex beam carries different orbital angular momentum, and is propagating independently. In addition, when the internal topological charge of the double-vortex beam remain unchanged, the distance between the two rings of the double-vortex beam gets bigger with increasing the external topological charge.

**Key words** physical optics; Huygens-Fresnel diffraction integral; double-vortex beams; topological charge **OCIS codes** 260.1960; 050.4865; 350.5500; 350.5030

# 1 引 言

20世纪 90 年代 Allen 等<sup>[1,2]</sup>证明了涡旋光束 是具有螺线型相位结构的光束,其带有的相位因子 为 exp(*ilq*),其中 *l* 为拓扑荷数,光束中的每个光子 携带着 *lh* 的轨道角动量。涡旋光束的产生方法有 很多种,如利用激光光束通过螺旋相位板<sup>[3,4]</sup>、空间 光调制器<sup>[5,6]</sup>、全息光栅<sup>[7,8]</sup>都可以产生涡旋光束, 此外还可利用 Dove 旋转棱镜<sup>[9]</sup>、相位转换法、多模 光纤<sup>[10]</sup>等产生。涡旋光束凭借其广阔的应用前景, 近年来逐渐成为学术界的热门研究对象,特别是在量 子计算、信息处理、粒子囚禁和操纵等领域尤为突出。

目前,随着对涡旋光束的深入研究,人们逐渐由 对携带单个拓扑荷数的涡旋光束的研究拓展到更为 复杂的涡旋光束的研究上来。如 Guo 等<sup>[11]</sup>研究了 双环螺旋相位结构及其光强分布,但其研究的侧重 点是如何抑制旁瓣得到最佳环状螺旋相位结构; Gao 等<sup>[12]</sup>用迈克耳孙干涉仪对两个涡旋光束进行 叠加并对它们的轨道角动量的本征态进行了研究。 本文将分别从理论和实验上介绍一种双涡旋光束的 产生方法并对其传输特性进行研究。

## 2 理论分析

涡旋嵌入拉盖尔-高斯型的光场中得到环形涡 旋光束,柱坐标系下其光场复振幅为

$$E_{1}(r_{1},\varphi_{1},0) = A \exp\left(-\frac{r_{1}^{2}}{w^{2}}\right) \left(\frac{r_{1}}{w}\right)^{|l|} \exp(-il\varphi_{1}),$$
(1)

式中A为振幅,简化处理,令其为常数,w为光斑大

(通信联系人)

收稿日期: 2011-03-01; 收到修改稿日期: 2011-03-24

基金项目:国家自然科学基金(60977068)和国务院侨办科研基金(10QZR03)资助课题。

作者简介:孙顺红(1984—),女,硕士研究生,主要从事激光光束传输方面的研究。E-mail: sunshunhong@hqu. edu. cn 导师简介:蒲继雄(1962—),男,博士,教授,主要从事光束传输与非线性光学方面的研究。E-mail: jixiong@hqu. edu. cn

小, l 为涡旋光束的拓扑荷数。

基于广义惠更斯-菲涅耳衍射积分公式,可以得 到环形涡旋光束在自由空间中传输 z 距离的传输公 式为

$$E(r_{2},\varphi_{2},z) = \left(-\frac{\mathrm{i}}{\lambda z}\right) \exp(\mathrm{i}kz) \iint E_{1}(r_{1},\varphi_{1},0) \times \exp\left\{\frac{\mathrm{i}k}{2z} \left[r_{1}^{2}+r_{2}^{2}-2r_{1}r_{2}\cos(\varphi_{1}-\varphi_{2})\right]\right\} r_{1}\mathrm{d}r_{1}\mathrm{d}\varphi_{1},$$
(2)

式中 $\lambda$ 为光波长, $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ 为对应波矢。借助关系 式<sup>[13]</sup>

$$\exp\left[-\frac{\mathrm{i}\boldsymbol{k}\boldsymbol{r}_{1}\boldsymbol{r}_{2}}{z}\mathrm{cos}(\varphi_{1}-\varphi_{2})\right] = \sum_{n=-\infty}^{\infty}\mathrm{i}^{m}\mathrm{J}_{m}\left(\frac{\boldsymbol{k}\boldsymbol{r}_{1}\boldsymbol{r}_{2}}{z}\right)\exp\left[\mathrm{i}\boldsymbol{m}(\varphi_{1}-\varphi_{2})\right],\qquad(3)$$

 $\int_{0}^{2\pi} \exp(in\varphi) d\varphi = \begin{cases} 2\pi & \text{if } n = 0\\ 0 & \text{if } n \neq 0 \end{cases}$ (4)

将(1)式代入(2)式,经(3)、(4)式整理化简得到环形 涡旋光束在自由空间中的具体传输表达式为

$$E(r_{2},\varphi_{2},z) = \left(-\frac{\mathrm{i}}{\lambda z}\right) \exp(\mathrm{i}kz) \exp\left(\frac{\mathrm{i}k}{2z}r_{2}^{2}\right) \mathrm{i}^{l} \times \exp(-\mathrm{i}l\varphi_{2}) 2\pi \int \exp\left(-\frac{r_{1}^{2}}{w^{2}}\right) \left(\frac{r_{1}^{2}}{w}\right)^{|l|} \times \exp\left(\frac{\mathrm{i}k}{2z}r_{1}^{2}\right) \mathrm{J}_{l}\left(-\frac{kr_{1}r_{2}}{z}\right) r_{1} \mathrm{d}r_{1}.$$
(5)

基于上述的理论基础分析,若是两束涡旋光束 在自由空间某处进行相干叠加,则可得到双涡旋光 束及其传输特性。双涡旋光束内环和外环的拓扑荷 数不同,分别为  $l_1$ 、 $l_2$ ( $l_1 < l_2$ ),内、外环各自的传输 公式与单涡旋光束的传输公式相同,即

$$E_{l_{1}}(r_{2},\varphi_{2},z) = \left(-\frac{i}{\lambda z}\right)\exp(ikz)\exp\left(\frac{ik}{2z}r_{2}^{2}\right)i^{l_{1}}\exp(-il_{1}\varphi_{2})2\pi\int\exp\left(-\frac{r_{1}^{2}}{w^{2}}\right)\left(\frac{r_{1}^{2}}{w}\right)^{|l|}\exp\left(\frac{ik}{2z}r_{1}^{2}\right)J_{l}\left(-\frac{kr_{1}r_{2}}{z}\right)r_{1}dr_{1}, \quad (6)$$

$$E_{l_{2}}(r_{2}',\varphi_{2}',z) =$$

$$\left(-\frac{\mathrm{i}}{\lambda z}\right)\exp(\mathrm{i}kz)\exp\left(\frac{\mathrm{i}k}{2z}r_{2}^{\prime 2}\right)\mathrm{i}^{l_{2}}\exp(-\mathrm{i}l_{2}\varphi_{2}^{\prime})2\pi\int\exp\left(-\frac{r_{1}^{\prime 2}}{\omega^{2}}\right)\left(\frac{r_{1}^{\prime 2}}{\omega}\right)^{|l|}\exp\left(\frac{\mathrm{i}k}{2z}r_{1}^{\prime 2}\right)J_{l}\left(-\frac{kr_{1}^{\prime}r_{2}}{z}\right)r_{1}^{\prime}\mathrm{d}r_{1}^{\prime}.$$
(7)



图 1 在 z=0.9 m 处,内环拓扑荷数  $l_1=1$  保持不变,外环拓扑荷数  $l_2$  取不同值的双涡旋光束的理论光强分布图。 (a) $l_2=-6$ ,(b) $l_2=-7$ ,(c) $l_2=-8$ ,(d) $l_2=-9$ ,(e) $l_2=-10$ ,(f) $l_2=-11$ 

Fig. 1 Theoretical intensity distributions of double-vortex beams with unchanged internal topological charge  $(l_1 = 1)$  and different external topological charges  $(l_2)$  at z=0.9 m. (a)  $l_2 = -6$ , (b)  $l_2 = -7$ , (c)  $l_2 = -8$ , (d)  $l_2 = -9$ , (e)  $l_2 = -10$ , (f)  $l_2 = -11$ 

令  $r_2 = r'_2 = r, \varphi_2 = \varphi'_2 = \varphi$ ,则双涡旋光束的电场表 达式和光强表达式分别为

$$E(r,\varphi,z) = E_{l_1}(r,\varphi,z) \cdot \hat{x} + E_{l_2}(r,\varphi,z) \cdot \hat{y},$$
(8)

$$I(r,\varphi,z) = E(r,\varphi,z)E^*(r,\varphi,z).$$
<sup>(9)</sup>

## 3 数值计算结果与分析

图 1 是 z=0.9 m 处, l<sub>1</sub>=1 保持不变, l<sub>2</sub> 取不同 值的双涡旋光束的理论光强分布图。涡旋光束的横 向涡旋光场是光束横截面上的相位以螺旋式围绕中 心变化的光场,其中心光场为零进而形成中心暗斑; 涡旋光束的拓扑荷数越大,涡旋中心暗斑就会越大, 但中心光强始终为零(这是偶旋光束的特征)中心光 强就会越弱。因此从图 1 可以看到,对于双涡旋光 束而言,保持其内环拓扑荷数 l<sub>1</sub>=1 不变,不断增大 其外环拓扑荷数时,双涡旋光束的内外两环间的距 离就会随外环拓扑荷数的增大而增大。图1(f)描述的双涡旋光束两环间的距离比图1(a)描述的双涡旋光束两环间的距离大。由于实验条件的限制, 这里只讨论了双涡旋光束内环拓扑荷数*l*<sub>1</sub>=1的情况,内环拓扑荷数为其它值时也是成立的。

图 2 给出了与图 1 中双涡旋光束相对应的相位 分布图,由图 2 可知,双涡旋光束可以同时携带不同 的拓扑荷数,即双涡旋光束可携带不同的轨道角动 量,这对信息编码与传输具有重要意义。

光束(除激光外)在传输过程中会发生扩散现 象。由图3可知,随着传输距离的增大,双涡旋光束 的光斑会逐渐扩大,如图3(d)的光斑比图3(a)的光 斑要大一些;随着传输距离的增大,双涡旋光束的空 心也随之增大;此外,由图3可知,随着传输距离的 增大,双涡旋光束的内外两环仍保持各自独立传输, 不发生相互影响。



图 2 在 z=0.9 m 处,内环拓扑荷数  $l_1=1$  保持不变,外环拓扑荷数  $l_2$  取不同值的双涡旋光束的相位分布图。 (a)  $l_2=-6$ ,(b)  $l_2=-7$ ,(c)  $l_2=-8$ ,(d)  $l_2=-9$ ,(e)  $l_2=-10$ ,(f)  $l_2=-11$ 

Fig. 2 Phase distributions of double-vortex beams with unchanged internal topological charges  $(l_1 = 1)$  and different external topological charges  $(l_2)$  at z=0.9 m. (a)  $l_2 = -6$ , (b)  $l_2 = -7$ , (c)  $l_2 = -8$ , (d)  $l_2 = -9$ , (e)  $l_2 = -10$ , (f)  $l_2 = -11$ 

# 4 实验装置及观测结果

#### 4.1 实验装置

实验装置图如图 4 所示,由 He-Ne 激光器发出的激光经分束器(BS1)后分成两束,其中一束经过 拓扑荷数为+1 的螺旋相位板(SPP)后变成 *l*=1 的 涡旋光束,另外一束经过空间光调制器(SLM)后得 到拓扑荷数较大(大于5)的整数阶涡旋光束,这两 束涡旋光经合束器(BS2)后合成双涡旋光束,再由 CCD得到其光强分布情况。偏振片1和偏振片2 调节两束涡旋光束的偏振方向,使它们的偏振方向



图 3  $l_1=1, l_2=-7$ 的双涡旋光束理论光强分布图。(a)z=1.1m,(b)z=1.3 m,(c)z=1.5 m,(d)z=1.7 m Fig. 3 Theoretical intensity distributions of the double-vortex beams with  $l_1=1, l_2=-7$ . (a) z=1.1 m, (b) z=1.3 m, (c) z=1.5 m, (d) z=1.7 m

互相垂直,发生相干叠加。由 SLM 得到的涡旋光 束经过反射镜 1、反射镜 2 和合束器反射,即经过 3 次反射,得到涡旋光束的旋转方向与反射前的涡旋 光束的旋转方向相反,即由上述实验装置得到的双 涡旋光束内外两环的旋转方向相反,双涡旋光束的 内环是 *l*=1的涡旋光束,外环是拓扑荷数为负的涡 旋光束。此外,反射镜 1 和反射镜 2 还有两个作用, 1)调节涡旋光束的高度,使其经过合束器反射时能与 *l*=1的涡旋光束等高共轴;2)调节涡旋光束到合束器 的距离,使两束涡旋光束到合束器的距离是等臂的。



图 4 实验装置图 Fig. 4 Experimental setup

#### 4.2 观测结果

图 5 和图 6 是由实验装置拍摄得到的双涡旋光 束的光强分布图。图 5 的实验拍摄图形与图 1 理论 模拟图基本一致。图 6 的实验拍摄图形与图 3 理论 模拟图基本一致,图 6 看到的现象会更明显些。 为了更深入地说明双涡旋光束在传输过程中其 内外两环保持各自独立向前传输,在实验装置图 4 中 合束器后加上焦距 f=5 cm 的聚焦透镜,得到图 7所 示的实验光强分布图。由图 7 可知,在聚焦场中双涡 旋光束仍然保持其双环各自独立地向前传输。



图 5 在 z=0.9 m 处, $l_1=1$  保持不变, $l_2$  取不同值的双涡旋光束的实验光强分布图。(a)  $l_2=-6$ , (b)  $l_2=-7$ , (c)  $l_2=-8$ , (d)  $l_2=-9$ , (e)  $l_2=-10$ , (f)  $l_2=-11$ 

Fig. 5 Experimental intensity distributions of double-vortex beams with unchanged internal topological charge  $(l_1 = 1)$  and different external topological charges  $(l_2)$  at z=0.9 m, where (a)  $l_2 = -6$ , (b)  $l_2 = -7$ , (c)  $l_2 = -8$ , (d)  $l_2 = -9$ , (e)  $l_2 = -10$ , (f)  $l_2 = -11$ 



图 6  $l_1=1, l_2=-7$ 的双涡旋光束实验光强分布图。(a)z=1.1 m,(b)z=1.3 m,(c)z=1.5 m,(d)z=1.7 mFig. 6 Experimental intensity distributions of double-vortex beams with  $l_1=1, l_2=-7$ . (a) z=1.1 m, (b) z=1.3 m, (c) z=1.5 m, (d) z=1.7 m



图 7 z=0.9 m 处, $l_1=1$ , $l_2=-7$  的双涡旋光束 经过焦距 f=5 cm 的透镜聚焦得到的光强分布图 Fig. 7 Intensity distribution of double-vortex beam with  $l_1=1$ ,  $l_2=-7$  through lens with focal length f=5 cm at z=0.9 m

# 5 结 论

本文先基于广义惠更斯-菲涅耳衍射积分公式 得到了双涡旋光束的理论光强表达式,又进一步在 实验上得到了这种双涡旋光束。研究发现,通过改 变内外环拓扑荷数的大小和正负可以得到不同的双 涡旋光束。在保持其内环拓扑荷数不变而增大其外 环拓扑荷数时,双涡旋光束两环之间的距离将随之 增大。当双涡旋光束的内外双环的拓扑荷数保持不 变而改变传输距离时,双涡旋光束在传输过程中会 发生光束的扩大,但是双环仍是各自独立地进行传 输而不会发生相互影响。双涡旋光束携带不同的拓 扑荷数,其轨道角动量相比于单个拓扑荷数的涡旋 光束具有多样性,因此这种双涡旋光束在光通信、信 息编码与传输等领域具有十分重要的应用前景。

#### 参考文献

- 1 Allen L., Beijersbergen M. W., Spreeuw R. J. C. et al.. Orbital angular momentum of light and the transformation of Laguerre-Gaussian laser modes [J]. Phys. Rev. A, 1992, 45(11): 8185~8189
- 2 Barnett S. M., Allen L., Orbital angular momentum and nonparaxial light beams[J]. Opt. Commun., 1994, 110(5-6): 670~678
- 3 Beijersbergen M. W., Coerwinkel R. P. C., Kristensen M. et al.. Helical wavefront laser beams produced with a spiral phaseplate[J]. Opt. Commun., 1994, 112(5-6): 321~327
- 4 Turnbull G. A., Robertson D. A., Smith G. M. et al.. The generation of free-space Laguerre-Gaussian modes at millimeterwave frequencies by use of a spiral phase plate [J]. Opt. Commun., 1996, 127(4-6): 183~188
- 5 Curtis J. E., Koss B. A., Grier D. G., Dynamic holographic optical tweezers[J]. Opt. Commun., 2002, 207(1-6): 169~175
- 6 Li Yangyue, Chen Ziyang, Liu Hui et al.. Generation and interference of vortex beams [J]. Acta Physica Sinica, 2010, 59(3): 1740~1748

李阳月,陈子阳,刘 辉等. 涡旋光束的产生与干涉[J]. 物理

学报,2010,59(3):1740~1748

- 7 Wang Xiao, Littman M. G.. Laser cavity for generation of variable-radius rings of light [J]. Opt. Lett., 1993, 18(10): 767~768
- 8 Yin Jianping, Liu Nanchun, Xia Yong *et al.*. Generation of hollow laser beams and their applications in modern optics[J]. *Progress in Physics*, 2004. 24(3): 336~380
  印建平,刘南春,夏 勇等. 空心光束的产生及其在现代光学中
- 的应用[J]. 物理学进展, 2004, **24**(3): 336~380 9 Abramochkin E., Losevsky N., Volostnikov V.. Generation of spiral-type laser beams[J]. *Opt. Commun.*, 1997, **141**(1-2): 59~64
- 10 Schweiger Gustav, Nett Ralf, Ozel Bilal *et al.*. Generation of hollow beams by spiral rays in multimode light guides[J]. Opt. Express, 2010, 18(5): 4510~4517
- 11 Guo Chengshan, Liu Xuan, He Jingliang *et al.*. Optimal annulus structures of optical vortices[J]. *Opt. Express*, 2004, **12**(19): 4625~4634
- 12 Gao Chunqing, Qi Xiaoqing, Liu Yidong et al.. Superposition of helical beams by using a Michelson interferometer [J]. Opt. Express, 2010, 18(1): 72~78
- 13 Gradshteyn I. S., Ryzhik I. M., Table of Integrals, Series, and Products[M]. San Diego: Academic Press, 1980. 910~914