三维面形信息压缩的虚拟结构光编码算法

候志凌 苏显渝 张启灿

(四川大学电子信息学院光电科学技术系,四川 成都 610064)

摘要 通过对 Karpinsky 和 Zhang 提出的合成相移算法的研究,消除了白噪声,将相同参数条件下的面形重建精度 提高了1倍。在虚拟结构光投影的基础上,提出了两种用彩色图像压缩记录三维面形信息的算法;双通道相位编 码算法,提高了压缩比;三通道相位编码算法,能够同时提高压缩比和面形重建精度。给出了算法面形重建精度的 定量分析,并指出 PNG 格式为较好的无损存储方式。

关键词 几何光学;虚拟结构光编码;条纹分析;数据压缩;三维测量;相位测量轮廓术 **中图分类号** O438 **文献标识码** A **doi**: 10.3788/AOS201131.0510003

3D Shape Compression Based on Virtual Structural Light Encoding

Hou Zhiling Su Xianyu Zhang Qican

(Opto-Electronics Department, School of Electronics and Information Engineering, Sichuan University, Chengdu, Sichuan 610064, China)

Abstract After studying the composite phase-shifting algorithm for 3D shape compression, two novel methods twochannel phase encoding algorithm and three-channel phase encoding algorithm are proposed. They can improve the compress ratio and the reconstruction quality by storing the 3D shape data into two or three channels of a 24 bit color image. Computer experiments and quantitative analysis provide a guide to achieve appropriate reconstruction quality and compression ratio.

Key words geometric optics; virtual structured light encoding; fringe analysis; data compression; 3D measurement; phase measuring profilometry

OCIS codes 100.3010; 100.2650; 100.6890

1 引 言

近年来,工业制造、电影、游戏、医学整形和生物 识别等行业对三维面形精确测量数据的需求迅速增加;对于同样尺寸的被测物体,用来记录其三维面形 信息的数据量也在大幅增加。目前,结构光测 量^[1~3]、激光扫描^[4,5]和立体视觉^[6,7]等光学三维传 感方法都能够非常便捷地获取精确的物体面形数 据,但三维面形数据往往仍以传统的单精度(每个 4B)或双精度(每个 8B)形式来存储。这种存储方式 的好处是数值范围大、存储精度高,但却是以增加数 据存储空间大小为代价的。比如,一个点云的三维 坐标(*x*,*y*,*z*)至少需要 12B 来表示,这还不包括坐 标点之间的连接关系;而对于二维彩色图像上一个 像素点来说,3B(24 bit)就足以表示该点的红、绿、 蓝通道的所有颜色信息。因此,与相同像素大小的 传统三维面形数据相比,二维彩色图像所需存储空 间至多是其 1/4。此外,彩色图像存储中已有许多 成熟的压缩方式,能够进一步提高数据压缩比。

从这一思路出发, Karpinsky 和 Zhang 提出了 一种将虚拟条纹投影与合成相移算法相结合的方 法^[8], 先将三维面形数据编码为二维彩色条纹图, 再 将二维彩色条纹图存储于各种 24 bit 彩色位图中, 能够获得较高的重建精度和压缩比。这一方法可以 看作是虚拟结构光编码算法之一。

收稿日期: 2010-11-17; 收到修改稿日期: 2010-12-20

基金项目:国家自然科学基金(60838002)资助课题。

作者简介:候志凌(1981—),女,博士研究生,主要从事光学三维传感方面的研究。E-mail: topgun1981_1@126.com

导师简介:苏显渝(1944—),男,教授,博士生导师,主要从事光学三维传感与机器视觉等方面的研究。

E-mail: xysu@scu.edu.cn

本文通过对该方法的研究发现,在精确编码的 情况下,可以消除白噪声,并将面形重建的精度提高 1倍。在虚拟条纹投影的基础上,提出了两种三维 面形信息压缩的虚拟结构光编码算法,可以提高解 码后的面形重建精度和数据压缩比,并对提高程度 进行了定量分析和比较。

2 虚拟结构光编码原理

图1是虚拟条纹投影系统的原理图,它与相位 测量轮廓术系统中的条纹投影系统相似^[9],投影仪 和摄像机均设为远心光路。物体上任意一点的高度 表示为

$$z = \frac{P\Delta\Phi}{2\pi W_x \sin\theta},\tag{1}$$

式中 P 为投影条纹间距, θ 为投影角度, W_x 为摄像 机拍摄的条纹图 X 方向上的窗口宽度;放置物体前 后的相位差 $\Delta \Phi$ 可通过合成相移等算法、傅里叶变 换轮廓术(FTP)和相位测量偏折术(PMD)^[2]等用 在真实结构光投影中的算法以及本文提出的两种专 门面向虚拟结构光投影的编码算法得到。



图 1 虚拟条纹投影系统 Fig. 1 Virtual fringe projection system

合成相移算法^[8],原理如图 2 所示。投影的两 个色彩通道(*R*,*G*)编码为 0~255 之间的正弦、余弦 条纹图[图 2(a)],则虚拟摄像机拍摄到的彩色变形 条纹中 *R*,*G* 通道的光强将为

$$I_{\rm r}(x,y) = 255/2\{1 + \sin[\Phi(x,y)]\},$$
 (2)

$$I_{g}(x,y) = 255/2\{1 + \cos[\Phi(x,y)]\}.$$
 (3)

通过点对点计算,可以得到截断在 $(-\pi,\pi]^{[10]}$ 之间的截断相位[图 2(b)]:

$$f_{\rm wrap}(\Phi) = \arctan\left(\frac{I_{\rm r} - 255/2}{I_{\rm g} - 255/2}\right).$$
 (4)

第三个通道(B)记录与截断相位跳变精确对准的阶梯图像,用来展开截断相位:

 $\Phi(x,y) = 2\pi I_{b}(x,y)/\Delta_{gray} + f_{wrap}(\Phi), \quad (5)$ 式中 Δ_{gray} 表示 B 通道相邻阶梯间的灰度差值,灰度



图 2 合成相移算法。(a)编码方法,(b)通过 R,G 通道 算得的截断相位

Fig. 2 Composite phase-shifting algorithm. (a) encoding method, (b) truncated phase calculated by R and G channel

的跳变对应了截断相位的跳变。将放置半球前后的 相位差 ΔΦ代入(1)式中即可得到半球的高度。

本文选用与文献[8]相同的原始物体,一个直径为1mm的半球,并采用了同样的投影参数,结果如图3所示。全过程是由计算机数值运算进行的,尽管没有用到文献[8]中的滤波过程,仅依靠精确编码就消除了重建面形中的白噪声{文献[8]Fig.4(e)中的"毛刺"},得到的图3(b)中重建的面形表面非常平整。半球和重建面形之差的范围为±2.13×10⁻⁴mm,是半球高度范围的0.042%;均方差为0.81×10⁻⁴mm,占半球高度范围的0.016%,还不到文献[8]中1.68×10⁻⁴mm的一半,重建精度提高1倍。 半球三维面形坐标数据的大小为3.15 MB;而该算法得到的变形条纹图以无损24 bit 位图存储时,BMP格式的文件大小为768 kB,PNG格式文件大小仅为147 kB。



图 3 (a)合成相移算法编码条纹,(b)重建的三维面形 Fig. 3 (a) Fringe encoded by composite phase-shifting algorithm, (b) reconstructed 3D shape

- 3 两种新的虚拟结构光编码算法
- 3.1 双通道相位编码压缩

通过分析可以发现,合成相移算法完全是计算



机编码操作,因此图 2 中用 R,G 两个通道来记录的 截断相位可以只用一个通道(如 R 通道)来存储,如 图 4 所示。



图 4 (a) 双通道相位编码算法原理图, (b) 编码条纹

Fig. 4 (a) Two-channel phase encoding algorithm, (b) corresponding fringe

此时,虚拟相机拍摄到的 R 通道光强为

 $I_{\rm r} = 255 \times \{ [f_{\rm wrap}(\Phi) + \pi]/2\pi \}.$ (6)

而 G 通道用来记录与截断相位跳变精确对准的阶梯 图像[(5)式]。现在仅用两个通道就可以记录原来需 要三个通道记录的相位信息,可以称为三维面形的

(a)

"双通道相位编码压缩算法"。该算法利用虚拟条纹 投影可以应用光强剧烈变化的锯齿波的特点,消除了 相移过程,可进一步提高面形数据的压缩比。

用相同的投影条纹间距等参数来存储合成相移 算法实验中使用的半球,结果如图 5 所示。



图 5 (a) 双通道相位编码算法编码的变形条纹,(b) 半球与重建面形中间行之间的差值

Fig. 5 (a) Deformed fringe encoded by two-channel phase encoding algorithm, (b) difference between the reconstructed 3D shape and the original object cross 256 rows

图 5 中重建面形与半球差值的范围为±4.91× 10⁻⁴ mm,是半球高度范围的 0.098%;均方差为 2.50×10⁻⁴ mm,占半球高度范围的 0.050%。虽然 比三通道的合成相移算法有所下降,但仍然属于较 高的重建精度。此变形条纹的 BMP 格式文件仍为 768 kB,而 PNG 格式文件却变为 54.3 kB,几乎是 合成相移算法 PNG 文件 147 kB 的 1/3。

3.2 三通道相位编码算法

从本质上来说,合成相移算法和双通道相位编 码都是先将物体的高度转化为相位的形式,然后用 不同的颜色通道来分级存储相位信息。在合成相移 算法中,B通道用来存储相位所属的大致阶梯,再 用*R*,G通道通过虚拟相移的办法将B通道相邻阶 梯之间的相位进行细化;而双通道相位编码算法中, G通道用来存储大致的相位阶梯,仅通过 R 通道将 阶梯间相位细化。

可以设想,如果用 B 通道来存储面形相位的大 致阶梯,G 通道将 B 通道中的每个阶梯细分为若干 较小的相位阶梯,最后用 R 通道再将 G 通道的相位 阶梯细化,最后重建出来的面形将更为精确,原理 如图 6 所示。

此时,R通道的灰度分布由(6)式变为

 $I_r = 255 \times \{ [f_{wrap}(\Phi T) + \pi]/2\pi \},$ (7) 式中 $T \Rightarrow G$ 通道将 B 通道中的每一个阶梯再次细 分的阶梯数。由于相位被再次细分了 $T \oplus,$ 面形重 建精度将比双通道相位编码算法提高 T 倍。

使用相同的半球和投影条纹间距等参数进行实验,结果如图 7 所示。



图 6 (a)三通道相位编码原理图,(b)编码条纹





图 7 (a) 三通道相位编码算法的变形条纹, (b) 半球与重建面形中间行之间的差值

Fig. 7 (a) Deformed fringe encoded by three-channel phase encoding algorithm, (b) difference between the

reconstructed 3D shape and the original object cross 256 rows

图 7 中重建面形与半球差值的范围为±0.70× 10⁻⁴ mm,是半圆高度范围的 0.014%;均方差为 0.36×10⁻⁴ mm,为半圆高度范围的 0.007%。重建 精度大致为双通道相位编码算法的 7 倍,是合成相移 算法的 2 倍多。该变形条纹图的 BMP 格式文件大小 仍为 768 kB; PNG 格式文件为 90.9 kB, 与双通道相 位编码算法 54.3 kB 和合成相移算法 PNG 文件 147 kB相比, 是前者的 1.68 倍、后者的 0.61 倍。

为了便于比较,将这三种压缩算法的重建结果 如表1所示。

表 1 三种压缩算法重建误差及压缩比比较

Table 1 Reconstruction errors and compression ratio of three compression algorithms

Algorithm	Reconstruction	BMP format		PNG format	
	error / 1/0	Size $/kB$	Compression ratios	Size $/kB$	Compression ratios
Composite phase-shifting	0.042	768	1:4.00	147	1:20.8
Two-channel phase encoding	0.098	768	1:4.00	54.3	1:56.6
Three-channel phase	0.014	768	1:4.00	90.9	1:33.8
encoding $(T=7)$					

可以看出,这三种算法的重建误差都是很小的。 以重建误差最大的双通道相位编码算法为例,图 8 给出了高度范围为 0~110 mm 人脸数据的重建结 果,最大误差仅为±0.04 mm,能够满足实际存储的 要求。

4 压缩算法评价

4.1 三维面形重建精度

文献[8]中提出的合成相移算法、本文提出的双

通道相位编码算法和三通道相位编码算法,从本质 上说,都是在虚拟结构光投影的基础上,先将物体的 高度转化为相位的形式,然后用不同的颜色通道来 分级存储物体的相位。因此,可将这三种三维面形 信息压缩方式统称为"虚拟结构光编码算法"。

此类算法的整个过程都由计算机数值运算实现,因此误差只可能是彩色通道记录相位时四舍五 入造成的。它们的重建误差可以通过以下方法得到:



Fig. 8 (a) Original 3D face, (b) two-channel phase encoding fringe, (c) reconstructed 3D face, (d) reconstruction error

1) 合成相移算法的误差

首先对高度计算(1)式两边求导,得到

$$dz = \frac{P d\Delta \Phi}{2\pi W_x \sin \theta},\tag{8}$$

又由于 $d\Delta \Phi = d\Phi = df_{wrap}(\Phi)$,根据(2)~(4)式可得

 $d\Delta \Phi = (2/255) \times (dI_r \cos \Phi - dI_g \sin \Phi), (9)$ 四舍五入造成 I_r 和 I_g 的误差最多为±0.5。结合 (9)式,重建相位误差最大为

 $\delta \Delta \Phi_{\max} = \pm (2/255) \sin(\pi/4) = \pm \sqrt{2}/255$, (10) 代人(8)式得

$$\delta z_{\max} = \pm \frac{P}{2\pi W_x \sin \theta} \times \frac{\sqrt{2}}{255}, \qquad (11)$$

将半球实验中的参数代入(11)式可得 $\delta z_{max} \approx \pm 2.21 \times 10^{-4} \text{ mm}, 实验结果为<math>\pm 2.13 \times 10^{-4} \text{ mm}, 在理论误差范围内。$

2) 双通道相位编码算法的误差

对(6)式两边求导可得

$$\mathrm{d}\Delta\Phi = 2\pi(\mathrm{d}I_{\mathrm{r}})/255,\qquad(12)$$

 I_r 的四舍五入误差最大为 ± 0.5 ,与(8)式相结合, 可得

$$\delta z_{\max} = \pm \frac{0.5P}{255W_x \sin \theta}.$$
 (13)

选用实验中的各项参数可得 $\delta z_{max} \approx \pm 4.91 \times 10^{-4}$ mm, 实验结果为 $\pm 4.91 \times 10^{-4}$ mm,与理论误差范围一致。

3) 三通道相位编码算法的误差

对(7)式两边求导可得

$$\mathrm{d}\Delta\Phi = 2\pi(\mathrm{d}I_\mathrm{r})/(255T)\,,\qquad(14)$$

I_r的误差最大为±0.5,与(8)式相结合,可知

$$\delta z_{\max} = \pm \frac{P}{255 T W_x \sin \theta}, \qquad (15)$$

结合(13)式可知,当其它参数相同时,三通道相位编码算法的面形重建精度将是双通道相位编码算法的 T倍。选用实验中的各项参数可得 $\delta z_{max} \approx \pm 0.70 \times 10^{-4} \text{ mm}$,实验结果为 $\pm 0.70 \times 10^{-4} \text{ mm}$,与理论误差 范围一致。

从(11),(13)和(15)式可以看出,要提高面形重 建精度,可以通过适当地减小投影条纹间距 P,或增 大窗口宽度 W_x 、加大投影入射角 θ 来实现,这与各种 基于条纹投影的三维面形测量术是一致的^[11]。当投 影条纹间距 P、窗口宽度 W_x 保持不变时,可以令 $\theta =$ 90°(即虚拟结构光能实现水平投影),即 sin $\theta = 1$,面 形重建精度将达到同等条件下最高。

需要注意的是,用 24 bit 彩色图像记录时,各通 道实际上只能存储 0~255 的整数值。因此,合成相 位算法和双通道相位编码算法的重建精度最高为原 始物体面形高度范围的 7.66×10⁻⁶,三通道相位编 码算法最高为原始高度范围的 2.99×10⁻⁸。

4.2 图像存储压缩比

本文只比较了两种无损位图 BMP 和 PNG 格 式文件的大小。BMP 格式图像除了色彩深度可选 以外不采用其它任何压缩,*R*,*G*,*B* 值都占用固定位 数的存储空间,24 bit 存储时文件大小恒为三维面 形单精度数据的 1/4; 而 PNG 格式使用了从 LZ77 派生的无损数据压缩算法,色彩存储方式更为灵活, 相同色彩深度时所占存储空间要远小于 BMP 格式 图像,能进一步提高压缩比。而且 PNG 格式还支 持 α 通道,可以以同样像素大小来存储在 0~1 分布 的数值。此外,还可以利用 PNG 格式的图像注释 的功能来存储三维面形的其它相关信息。因此在这 两种无损存储格式中,PNG 格式更具优势。

文献[8]发现可以采用其它有损压缩方式进一步压缩图像大小,但同时也发现相位阶梯通道(如 B 通道)需要采用无损的图像存储格式来储存。这是因为相位阶梯通道记录的是较大的相位跃变,如果记录不准确将会对三维面形相位的重建带来很大误差,不能用有损图像压缩格式来存储。实际应用中可以结合对文件大小和面形重建精度的要求,采用合适的图像有损压缩方式来进一步压缩记录细化相

位信息的色彩通道,进一步提高数据压缩比。

5 结 论

就目前的光学三维面形测量仪器以及人脸数据 库^[12]而言,最多使用三个通道就足以满足范围和精 度的要求。"三维面形信息压缩的虚拟结构光编码 算法"在三维数据存储、传输、加密和三维人脸数据 库的建立中有广阔的应用前景。

本文通过对合成相移算法的分析,提出了两种 新的虚拟结构光编码算法:双通道相位编码算法和 三通道相位编码算法,提高了压缩比和面形重建精 度。分别对信息压缩算法的两个重要指标:重建精 度和压缩比进行了研究。对三种方法的面形重建误 差都给出了定量的计算,为提高面形重建精度提供 了理论依据。

参考文献

- 1 Mitsuo Takeda, Hideki Motoh. Fourier transform profilometry for the automatic measurement of 3-D object shapes[J]. Appl. Opt., 1983, 36(22): 3977~3982
- 2 Tang Yan, Su Xianyu, Liu Yuankun *et al.*. Three-dimensional shape measurement of aspheric mirror based on fringe reflection [J]. *Acta Optica Sinica*, 2009, **29**(4): 965~969
 唐 燕,苏显渝,刘元坤 等. 基于条纹反射的非球面镜三维面形

测量[J]. 光学学报, 2009, **29**(4): 965~969

3 Dou Yunfu, Su Xianyu, Chen Yanfei. A fast modulation measurement profilometry[J]. Acta Optica Sinica, 2009, **29**(7): 1858~1862

窦蕴甫,苏显渝,陈延非.一种快速的调制度测量轮廓术[J].光 学学报,2009,**29**(7):1858~1862

- 4 Jin Guofan, Li Jingzhen. Laser Metrology[M]. Beijing: Science Press,1998
- 金国藩,李景镇. 激光测量学[M]. 北京:科学出版社,1998
- 5 Ge Baozhen, Zhao Dan, Tian Qingguo *et al.*. Three-dimensional human face laser scanning based on three-line structured light[J]. *Chinese J. Lasers*, 2010, **37**(6): 1594~1598
 葛宝臻,赵 丹,田庆国等. 三光带激光三维人脸扫描方法[J]. 中国激光, 2010, **37**(6): 1594~1598
- 6 Gu Zheng, Su Xianyu. An algorithm based on adaptive support weight and disparity adjustment for trinocular stereo matching [J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(4): 734~738
- 顾 征, 苏显渝. 三目自适应权值立体匹配和视差校准算法[J]. 光学学报, 2008, **28**(4): 734~738
- 7 Di Hongwei, Chai Ying, Li Kui. A fast binocular vision stereo matching algorithm [J]. Acta Optica Sinica, 2009, 29 (8): 2180~2184

秋红卫,柴 颖,李 逵.一种快速双目视觉立体匹配算法[J]. 光学学报,2009,**29**(8):2180~2184

- 8 Nikolaus Karpinsky, Song Zhang. Composite phase-shifting algorithm for three-dimensional shape compression [J]. Opt. Engng., 2010, 49(6): 063604
- 9 Li Yong, Su Xianyu. New method for system calibration in phase measurement profilometry with large view field[J]. Atca Optica Sinica, 2006, 26(8): 1162~1166
 李 勇,苏显渝. 一种大视场相位测量轮廓术系统标定方法[J].

光学学报, 2006, **26**(8): 1162~1166 10 Dennis C. Ghiglia, Mark D. Pritt. Two-Dimensional Phase

- 10 Dennis C. Ghiglia, Mark D. Pritt. Iwo-Dimensional Phase Unwrapping: Theory Algorithm and Software[M]. New York: John Wiley & Sons, 1998. 4~5
- 11 Su Xianyu, Li Jitao. Information Optics [M]. Beijing: Science Press, 1999. 323~324

苏显渝,李继陶. 信息光学[M]. 北京:科学出版社,1999. 323~324

12 Yin Baocai, Sun Yanfeng, Wang Chengzhang et al.. BJUT-3D large scale 3D face data base and information processing[J]. J. Computer Research and Development, 2009, 46(6): 1009~1018 尹宝才,孙艳丰, 王成章等. BJUT-3D 三维人脸数据库及其处 理技术[J]. 计算机研究与发展, 2009, 46(6): 1009~1018