高斯涡旋光束分析及其在中继镜系统中的应用

吴慧云 黄值河 吴武明 许晓军 陈金宝 赵伊君

(国防科学技术大学光电科学与工程学院,湖南长沙 410073)

摘要 提出了一种以高斯涡旋光束作为光源,实现中继镜系统上行链路能量损耗有效降低的新方法。计算了以高 斯光束为光源的 30 km 高度中继镜系统上行链路能量损耗情况,结果是,系统上行链路的能量耦合效率为 76.48%,接收望远镜次镜阻挡作用造成了主要能量损耗,阻挡损耗的能量占总能量的 22.85%。分析了涡旋光束 中心暗核大小及形态与光束参数的关系,结果是,暗核的形状由光束相位涡旋量决定,仅当光束相位涡旋量为 2π 整数倍时,暗核为圆形;暗核的口径大小分别随着光束相位涡旋量的增加和光束传输距离的增加而增加。计算了 以高斯涡旋光束作为光源的 30 km 高度中继镜系统上行链路能量损耗情况,结果是,以高斯涡旋光束作为光源时, 系统的能量耦合效率可达到 97.25%,有效地降低了系统上行链路的能量损耗。

关键词 激光技术;涡旋光束;中继镜系统;能量耦合效率;上行传输

中图分类号 O43; TJ95 文献标识码 A doi: 10.3788/AOS201131.0414002

Analysis of Gaussian-Vortex Beam and Its Application in a Relay Mirror System

Wu Huiyun Huang Zhihe Wu Wuming Xu Xiaojun Chen Jinbao Zhao Yijun

 $(\ College \ of \ Optoelectronic \ Science \ and \ Engineering \ , \ National \ University \ of \ Defense \ Technology \ ,$

Changsha, Hunan 410073, China)

Abstract A new method that decreases the power loss in uplink propagation of a relay mirror system by using a Gaussian-vortex beam source is proposed. Performance of a 30 km-altituide relay mirror system that uses a Gaussian beam source is calculated. Results show that power coupling efficiency of uplink propagation in the relay mirror system is 76.48%, beam blocked by secondary mirror of the receiving telescope causes the main power loss and power loss proportion caused by beam blocking is 22.85%. Relation between shape and aperture of the dark area generated at the center of a Gaussian-vortex beam with parameters of the beam are analyzed in detail. Results show that shape of the hollow area is determined by amount of phase vortex of the beam, the hollow area is circular only when amount of phase vortex is times of 2π , aperture of the dark hollow increases with the increase of amount of phase vortex beam source is calculated. Results show that power coupling efficiency of uplink propagation in the relay mirror system that uses a Gaussian-vortex beam source is calculated. Results show that power coupling efficiency of uplink propagation in the relay mirror system that uses a Gaussian-vortex beam source is calculated. Results show that power coupling efficiency of uplink propagation in the relay mirror system that uses a Gaussian-vortex beam source is calculated. Results show that power coupling efficiency of uplink propagation in the relay mirror system is 97.25%, and power loss in uplink propagation is significantly decreased.

Key words laser technique; vortex beam; relay mirror system; power coupling efficiency; uplink propagation OCIS codes 010.1300; 220.4830; 140.3300; 140.3325

1 引

涡旋光束的特性及其应用分析是近年来学术界 研究的热门课题^[1~10]。涡旋光束是指具有连续涡 旋状相位分布的光束,光束的波阵面既不是平面,也 不是球面,而是像旋涡状,具有奇异性^[4~6]。涡旋光 束的涡旋中心是一个暗核,在此光强消失,其在传输 过程中也保持中心光强为零^[6]。目前,涡旋光束可 以通过多种方法产生,主要包括利用涡旋相位板、全 息光栅、低阶高斯模、模式转换器和直接从具有相位 转换装置的激光谐振腔中产生等^[3~6]。

激光中继镜技术是高能激光系统发展的一门新 技术,也是一项世界瞩目的新型激光系统作战概 念^[11~16]。中继镜系统将激光源与光束控制部分分 离,能降低大气等因素对激光的影响、拓宽激光系统

言

收稿日期: 2010-09-14; 收到修改稿日期: 2010-11-04

作者简介:吴慧云(1984—),男,博士研究生,主要从事高能激光技术及应用等方面的研究。

E-mail: huiyun-wu@163.com

导师简介:赵伊君(1930—),男,中国工程院院士,主要从事高能激光技术方面的研究。E-mail: zhaoyi7@sina.com

的作战范围,被认为是机载激光和地基激光的威力 倍增器,并冠名为"革命性航空和航天全球激光交战 系统"[12,14]。美国自"星球大战"计划以来,一百对 中继镜及相关技术进行研究,进行过多次相关试验 并取得了一系列的进展^[12~15]。美国军方已把中继 镜技术作为军队的转型技术,它的发展必将影响到 未来一代的高能激光系统。2006年6月,美国空军 研究实验室与波音公司在空军星火光学靶场进行验 证演示试验,检验系统有效载荷跟踪战术目标的能 力。试验获得成功,但试验所采用的中继镜系统样 机的能量耦合效率仅为 50%[14,15]。目前,如何有效 提高系统上行链路能量耦合效率是中继镜系统的急 切问题和重要研究内容[14,15]。近年来,学者们分别 提出了多种方法提高系统上行链路能量耦合效率, 如光束整形、相干合成技术等[16~20]。本文将涡旋光 束的特性与中继镜系统的需求结合,提出以高斯涡 旋光束作为中继镜系统光源,降低系统能量损耗。 该方法的主要思想是:利用高斯涡旋光束的性质,通 讨设置合理光束参数实现上行接收光束空心暗核形 状及口径大小与接收望远镜次镜匹配,降低次镜阻 挡造成的能量损耗,从而实现系统能量耦合效率的 提升。

2 高斯涡旋光束分析

高斯涡旋光束的相位分布如图 1 所示,光束光 场可表示为

$$U_{0}(r,\theta)|_{z=0} = A \exp(-r^{2}/2\omega_{0}^{2}) \exp[j\phi(\theta)], (1)$$

$$\phi(\theta) = \frac{\theta}{2\pi}\varphi_{0}, \qquad (2)$$



图 1 高斯涡旋光束相位分布图

Fig. 1 Phase distribution of a Gaussian-vortex beam 式中 (r, θ) 是二维极坐标, A 为振幅, ω_0 是高斯光束 的腰斑半径, φ_0 是光束的相位涡旋量。

由惠更斯-菲涅耳衍射公式,得出光束传输 z= L距离后光场分布为

$$U_1(R,arphi)igert_{z=L} = rac{\exp(\mathrm{j}kz)\exp(\mathrm{j}kR^2/2z)}{\mathrm{j}\lambda z} \int\limits_0^{\infty} \int\limits_0^{\infty} U_0(r, heta) imes$$

 $\exp(jkr^2/2z)\exp[-jkRr\cos(\theta-\varphi)/z]rdrd\theta$, (3) 涡旋光束的重要特性为在输过程中,光束中心能产 生一个暗核。将分析中心暗核的大小、形态与光束 相位涡旋量及传输距离之间的关系。

2.1 相位涡旋量的影响分析

2.1.1 对暗核形状的影响

设定光束为单位强度高斯光束, $\omega_0 = 0.3 \text{ m}, \lambda = 1.064 \mu \text{m}, 光束截断口径为 1.2 \text{m}, 传输距离 L = 30 \text{km}, 光束相位涡旋量为变量。根据(3)式,计算$



图 2 qo 不同取值时光场强度分布图

Fig. 2 Intensity distributions of the optical field under different values of φ_0

得出 φ_0 不同取值时, L = 30 km 处光场强度分布如图 2 所示。

由结果得出,涡旋高斯光束中心暗核的形状由 光束相位涡旋量决定,只有当 φ₀ = 2nπ 时,中心暗核 为圆形。

2.1.2 对暗核大小的影响

参照高斯光束腰斑半径的定义方法,定义圆形 暗核的口径 *D*_{0.1}为:光场强度达到极值强度 1/10 时 对应的口径,如图 3 所示。



图 3 暗核口径定义示意图 Fig. 3 Definition of the hollow-caliber D_{0.1} at the center of the vortex beam

根据(1)式和圆形暗核的口径 D_{0.1}的定义,计算 得出不同整数倍光学拓扑荷时暗核的口径大小,如 图 4 所示。结果显示,暗核口径随着相位涡旋量 *q*₀ 的增加而增加。





2.2 传输距离的影响分析

设定光束为单位强度涡旋高斯光束, $\omega_0 = 0.3$ m, $\lambda = 1.064 \ \mu$ m,光束截断口径为 1.2 m,相位涡旋量 $\varphi_0 = 10\pi$,光束传输距离为变量。根据(1)式和圆形暗 核的口径 $D_{0.1}$ 的定义,计算得出不同传输距离下暗 核的口径大小,如图 5 所示。结果显示,光束中心暗 核的口径随着传输距离的增加而增大。



3 中继镜系统能量损耗分析

中继镜系统模型如图 6 所示,系统由高功率激 光源、发射与接收模块、高空平台、光束净化系统和 必要的地面和通信线路等组成,其系统的主要工作 过程为:系统向位于高空的中继平台发射激光束,上 行光束经系统接收、校正与净化后作为新光源,由下 行望远镜将光束重定向聚焦到目标上,实现对目标 的打击^[12]。系统通常采用卡塞格林望远镜实现上 行光束的接收,系统上行链路两端有完全合作信标 与自适应系统作用,可以实时探测大气扰动,大气的 影响可以得到有效校正,忽略透射率的影响,上行传 输过程可以近似为真空传输^[11~13]。



图 6 中继镜系统示意图

Fig. 6 Schematic diagram of a relay mirror system 由惠更斯-菲涅耳衍射公式,上行接收光场可表 示为

$$U_{1}(x,y)\big|_{\varepsilon=L} = \frac{\exp(jkz)}{j\lambda z} \int_{-\infty}^{+\infty} U_{0}(\varepsilon,\eta) \times \exp\left\{\left\{j\frac{k}{2z}\left[(x-\varepsilon)^{2}+(y-\eta)^{2}\right]\right\}\right\} d\varepsilon d\eta, \quad (4)$$

中继镜系统上行链路能量耦合效率表示为

$$T = \frac{\int I_1(x, y) \,\mathrm{d}s}{P_0},\tag{5}$$

式中 s 表示接收望远镜的有效环形区域, $I_1(x,y)$ 是 接收光场强度分布, P_0 是光源功率。下行传输过程 中,光束聚焦传输,焦距与传输距离相等,则理想条 件下目标处的峰值功率密度为

$$I_{\rm P} = \left[\frac{1}{\lambda F} \int_{s'} \left| U'(w,v) \right| \mathrm{d}s' \right]^2, \tag{6}$$

式中 s' 表示下行发射望远镜的有效环形区域, |U'(w,v)|为下行聚焦光束的振幅分布。

以 30 km 中继镜系统为例,分析中继镜系统的 能量损耗。参数设定如下:上行传输距离 L =30 km,接收望远镜内径为 0.3 m,外径为 1.2 m,下 行聚焦望远镜与接收望远镜结构相同,下行聚焦距 离为 10 km;光源为单位强度高斯光束且初始相位 为零, $\omega_0 = 0.3 m$, $\lambda = 1.064 \mu m$ 。计算得出上行接 收光场强度分布如图 7 所示。卡塞格林望远镜由主 镜和次镜组成,系统有效接收区域为主镜和次镜之间 的环形区域,图中大小白色虚线圈分别代表主镜和次 镜的轮廓,小虚线圈以内区域代表次镜阻挡区域,大 小虚线圈组成的环形区域代表望远镜接收区域。



图 7 上行接收光场强度分布图

Fig. 7 Intensity distributions of the uplink received light field 得到的结果是,系统的上行链路能量耦合效率为 76.48%,接收望远镜次镜阻挡损耗的能量占总能量 的22.85%;采用高斯光源时,中继镜系统上行链路的 能量损耗主要是由接收望远镜次镜阻挡作用造成的。

4 高斯涡旋光束在中继镜系统中的应 用分析

将中继镜系统的需求和涡旋光束特性结合,以 高斯涡旋光束作为中继镜系统的光源。在该系统 中,光源的光束相位涡旋量根据中继镜系统的上行 传输距离和接收望远镜次镜硬件参数计算得出,实 现上行接收光束中心暗核的形状、大小最大限度与 上行接收望远镜次镜的形状、大小的匹配,有效降低 接收望远镜次镜阻挡作用造成的能量损耗。以 30 km中继镜系统为例,分析以高斯涡旋光束作为 光源的应用优势。系统参数不变,光源为单位强度 高斯涡旋光束且 $\omega_0 = 0.3 \text{ m}, \lambda = 1.064 \ \mu\text{m}.$

首先,根据中继镜系统的上行传输距离和接收 望远镜次镜硬件参数计算选取最优的光束相位涡旋 量。根据(4)式和(5)式,计算得出系统上行链路能 量耦合效率与光束相位涡旋量的曲线关系如图 8 所 示,光束的最优相位涡旋量为 8π。

取 $\varphi_0 = 8\pi$,根据(1)式计算得出上行接收光场 强度分布如图 9 所示,系统的能量耦合效率为 97.25%。



图 8 φ₀ 不同取值时系统能量耦合效率曲线图 Fig. 8 Power coupling efficiencies under different values of φ₀



图 9 系统接收光场强度分布图

Fig. 9 Intensity distributions of the received light field

其次,分析采用不同光源时中继镜系统对目标的打击效果。根据(6)式计算得出:以高斯涡旋光束 作为光源时,目标处的峰值功率密度为 1.1348× 10¹² W/m²,高斯光束作为光源时,目标处的峰值功 率密度为 9.9398×10¹¹ W/m²。因此,采用高斯涡 旋光束作为中继镜系统光源更具有优势。

5 结 论

通过计算以高斯光束作为光源的 30 km 中继 镜系统上行传输过程能量损耗情况,得出系统的主 要能量损耗是由于接收望远镜次镜阻挡作用造成 的。涡旋光束在传输过程中光束中心产生暗核,且 暗核的形状及口径大小可通过光束相位涡旋量调 节。根据涡旋光束的特性,本文提出以高斯涡旋光 束作为中继镜系统的光源,能有效降低系统的能量 损耗。高斯涡旋光束的相位涡旋量根据中继镜系统 上行传输距离和接收望远镜次镜口径决定。计算结 果得出:以高斯涡旋光束作为光源时,30 km 中继镜 系统的上行链路能量耦合效率为 97.25%。

参考文献

- 1 Greg Gbur, Robert K. Tyson. Vortex beams propagation through atmospheric turbulence and topological charge conservation [J]. J. Opt. Soc. Am. A, 2008, **25**(1): 225~230
- 2 Alon Bahabad, Ady Arie. Generation of optical vortex beams by nonlinear wave mixing [J]. Opt. Express, 2007, 15 (26): 17619~17624
- 3 Ziyang Chen, Jixiong Pu. Stochastic electromagnetic vortex beam and its propagation [J]. Phys. Lett. A, 2008, 372 (15): 2734~2740
- 4 V. V. G. Krishna Inavalli, Nirmal K. Viswanathan. Switchable vector vortex beam generation using an optical fiber[J]. Opt. Commun., 2010, 283(6): 861~864
- 5 Shu-Chun Chu, Takayuki Ohtomo, Kenju Otsuka. Generation of doughnut like vortex beam with tunable orbital angular momentum from lasers with controlled Hermite-Gaussian modes [J]. Appl. Opt., 2008, 47(14): 2583~2591
- 6 Lu Xuanhui, Huang Huiqin, Zhao Chengliang et al.. Optical vortex beams and optical vortices [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2008, 45(1): 51~55

陆璇辉, 黄慧琴, 赵承良等. 涡旋光束和光学涡旋[J]. 激光与 光电子学进展, 2008, **45**(1): 51~55

7 Liu Xiaoyun, Tang Hongliang, Li Qian et al.. Focusing characteristics of partially coherent electromagnetic vortex beams [J]. Chinese J. Lasers, 2009, 36(s1): 199~204

刘晓云,唐宏亮,李 倩等.部分相干电磁涡旋光束的聚焦特性

[J]. 中国激光, 2009, 36(s1): 199~204

- 8 Wang Tao, Pu Jixiong. Theoretical and experimental study on vortex beam transmitted through a single-slit[J]. *Chinese J. Lasers*, 2009, 36(11): 2902~2907
 王 涛,蒲继雄. 涡旋光束单缝衍射的理论和实验研究[J]. 中 国激光, 2009, 36(11): 2902~2907
- 9 Wang Tao, Pu Jixiong, Chen Ziyang. Propagation of vortex beams in a turbulent atmosphere[J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(s2): 82~86

王 涛, 蒲继雄, 陈子阳. 涡旋光束在湍流大气中的传输特性 [J]. 光学学报, 2008, **28**(s2): 82~86

- 10 Fu Wenyu, Li Gaoqing, Liu Xiaojun. Propagation of partially coherent vortex beams in the turbulent atmosphere [J]. *Acta Optica Sinica*, 2009, **29**(11): 2958~2962 付文羽,李高清,刘小军. 部分相干涡旋光束在大气湍流中的远 场传输特性[J]. 光学学报, 2009, **29**(11): 2958~2962
- 11 Edwards A. Duff, Donald C. Washburn. The magic of relay mirrors [C]. SPIE, 2004, 5413: 137~144
- 12 Defense Science Board, Department of Defense. Report of the defense board task force on high energy laser weapon system applications [R]. 2001: $56\!\sim\!57$
- 13 Steven G. Leonard. Laser options for national missile defense [R]. Alabama, Air Command and Staff College Air University, 1998;75~84
- 14 Ren Guoguang. Current situation and development trend of high energy laser weapon [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2008, 45(9): 67~69 任国光. 高能激光武器的现状与发展趋势[J]. 激光与光电子学 进展, 2008, 45(9): 67~69
- 15 J. Simpson. Tactical laser relay mirror demonstration anticipated before 2011[J]. Inside The Air Force, 2007, 18(41): 3
- 16 Huiyun Wu, Haichuan Zhao, Xiaojun Xu *et al.*. Analysis of the power coupling efficiency of the relay mirror system with the transmitter composed of sub-telescope array[J]. Opt. Commun., 2010, 283(16): 3180~3183
- Huiyun Wu, Haotong Ma, Xiaojun Xu et al.. Beam shaping for the relay mirror system [J]. Opt. & Laser Technol., 2011, 43(3): 488~490
- 18 Zhou Pu, Xu Xiaojun, Liu Zejin *et al.*. Improving the power coupling efficiency in relay mirror system using multiple laser array and SPGD algorithm[J]. Opt. & Laser Technol., 2010, 42(2): 392~396
- 19 Xiuxiang Chu, Guoquan Zhou, Power coupling of a two-Cassegrain telescope system in turbulent atmosphere in a slant path[J]. Opt. Express, 2007, 15(12): 7697~7707
- 20 Huiyun Wu, Haichuan Zhao, Xiaojun Xu *et al.*. Beam shaping for uplink transmission of the relay mirror system [J]. *Appl. Opt.*, 2010, **49**(17): 3245~3249