# 聚合物自写人光波导的时域有限差分模拟

李凤<sup>1,3</sup>陈四海<sup>2</sup>\*罗欢<sup>2</sup>高益庆<sup>1,3</sup>

<sup>1</sup>南京航空航天大学自动化学院,江苏南京 210016 <sup>2</sup>华中科技大学光电子科学与工程学院,武汉光电国家实验室,湖北 武汉 430074 <sup>3</sup>南昌航空大学测试与光电工程学院,江西 南昌 330063

摘要 利用时域有限差分方法,对非线性光学聚合物 SU-8 环氧树脂在激光作用下,其折射率会升高的过程进行了 数值模拟与分析,得到 SU-8 薄膜与激光作用一定时间之后,其内部折射率的分布。分别对表面是平面及表面带有 微透镜的 SU-8 薄膜进行了模拟。结果表明,利用折射率升高引起的自聚焦效应,可以在 SU-8 薄膜内自写入波导; 写入的波导以自聚焦焦点为分界点,分为锥形波导和柱形波导。写入的波导长度随着与激光作用时间的增加而增 长;在与激光相同的作用时间里,表面带有微透镜的 SU-8 薄膜,与表面是平面的 SU-8 薄膜相比,锥形波导的旁瓣 更收敛,写入的波导长度更长;在微透镜底面半径保持不变以及曝光时间一定时,微透镜冠高与底面半径比例为 0.08时比比例为 0.24 时写入的波导长度要长 12.2%,其中锥形波导部分要长 19.2%。

关键词 光学器件;自写入光波导;时域有限差分;自聚焦;SU-8环氧树脂

中图分类号 O437.5;TN252 文献标识码 A doi: 10.3788/AOS201131.1023002

# Finite-Difference Time-Domain Simulation of Polymer Self-Written Waveguide

Li Feng<sup>1,3</sup> Chen Sihai<sup>2</sup> Luo Huan<sup>2</sup> Gao Yiqing<sup>1,3</sup>

<sup>1</sup> College of Automation Engineering, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing, Jiangsu 210016, China

 <sup>2</sup> Wuhan National Laboratory for Optoelectronics, School of Optoelectronic Science and Engineering, Huazhong University of Science and Technology, Wuhan, Hubei 430074, China
 <sup>3</sup> School of Measuring and Optoelectronic Engineering, Nanchang Hangkong University,

Nanchang, Jiangxi 330063, China

**Abstract** SU-8 epoxy resin is a kind of polymer material of nonlinear optical properties. It is ultraviolet sensitive and its refractive index increases because of the photopolymerization. Finite-difference time-domain method is employed to simulate the process of photopolymerization, and the inner distribution of refractive index of SU-8 film is obtained. Both the process in the plane thin film and the thin film with a microlens are simulated. It is concluded that self-focusing effect which results from the refractive index change leads to the formation of self-written waveguide. The self-written waveguide consists of two continuous parts, one is cone and the other is cylinder. The length of the self-written waveguide increases with the time of exposure. Given the same exposure time, cone part in the SU-8 film with a microlens is more convergent than that without a microlens, and the length of the self-written waveguide in the SU-8 film with a microlens is longer than that without a microlens. The length of the self-written waveguide decreases with the increase of the ratio of the height to the basal diameter, given the same exposure time and a

收稿日期: 2011-05-06; 收到修改稿日期: 2011-06-06

基金项目:国家自然科学基金(61072131)、新世纪优秀人才计划(NCET-07-0319)和中央高校基本科研业务费资助(HUST:2010MS069)资助课题。

**作者简介:**李 凤(1981—),女,博士研究生,讲师,主要从事微纳光电器件方面的研究。E-mail: lf\_swnu@yahoo.com.cn **导师简介:**高益庆(1951—),男,教授,主要从事微纳光电器件、光电信息处理及二元光学等方面的研究。

E-mail: gyqniat3@msn.com

\* 通信联系人。E-mail: cshai99@163.com

constant basal diameter of the microlens. The length of the self-written waveguide with the ratio 0.08 is 12.2% longer than that with the ratio 0.24, and the cone part with the ratio 0.08 is 19.2% longer than that with the ratio 0.24.

Key words optical devices; self-written waveguide; finite-difference time-domain; self-focusing; SU-8 epoxy resin OCIS codes 230.7370; 190.4400; 130.5460

# 1 引 言

有机聚合物光波导因其加工工艺比硅基光波导 相对简单,价格低廉,制作出来的器件质量轻、机械 性能好,已经引起了广泛的关注<sup>[1~4]</sup>。目前有离子 束刻蚀、激光束直写、电子束直写等方法来制作有机 聚合物波导<sup>[2,5,6]</sup>。离子束刻蚀工艺复杂、工艺参数 易受外界环境影响;电子束直写方法精度高,但所需 的设备往往非常昂贵。以非线性光学聚合物为波导 材料,基于自聚焦效应的自写入技术是一种新颖的 三维微结构制作技术。通过紫外线与聚合物中的分 子发生光化学反应,使聚合物分子发生重组,重新组 合后的分子的折射率会升高,因此会在非线性光学 聚合物中"写入"光波导的芯层结构。

已有文献对具有非线性光学特性的有机聚合物 的自聚焦效应进行了理论分析,证实了这些聚合物 能利用自聚焦效应"写入"波导的可能性[7,8];也有 文献报导了使用如 SU-8、ORMOCER、SCR-500 等 非线性光学聚合物材料,利用自聚焦效应制作出了 光波导阵列[7,9,10]。本文在这些工作的基础上,考虑 到光与 SU-8 环氧树脂发生光化学反应,导致其折 射率增加的因素,分别对 SU-8 表面是平面、表面带 有微透镜两种情况下的自聚焦效应用时域有限差分 方法进行了数值模拟,分析了在这两种情况下,写入 的波导长度和 SU-8 薄膜与紫外光相互作用时间的 关系;对于表面带有微透镜的 SU-8 薄膜,在微透镜 底面半径保持不变,不同冠高的情况下对写入波导 的过程进行了模拟。通过模拟发现,在这两种情况 下,由折射率升高引起的自聚焦效应可以用来在 SU-8 薄膜内写入波导结构;波导结构以自聚焦焦点 为分界点,分为锥形波导和柱形波导。对于表面带 有微透镜的自写入波导结构,因其微透镜、锥形波导 和柱形波导等物理结构能分别与自然界中昆虫复眼 的小眼的角膜镜、晶椎和感杆束等生理结构对应,所 以可以用来对昆虫复眼进行仿生。

# 2 自聚焦效应的物理描述[11,12]

自聚焦效应属于三阶非线性光学效应,引起自聚 焦的原因是光致折射率变化<sup>[12]</sup>。假设一束具有高斯 横向分布的激光在介质中传播,其折射率表示为

n

$$= n_0 + \Delta n, \qquad (1)$$

式中 n<sub>0</sub> 是介质的初始折射率, \Deltan 是折射率的变化量, 是与介质相互作用的光场强度的函数

$$\Delta n = n_2 \left| \boldsymbol{E}_0 \right|^2, \qquad (2)$$

式中 E<sub>0</sub> 为入射光矢量 E 的振幅,n<sub>2</sub> 是一个与非线 性折射率系数有关的常数。因此描述自聚焦效应的 是非线性波动方程

$$\nabla^2 \boldsymbol{E} - \frac{\partial^2}{c^2 \partial t^2} \big[ (\boldsymbol{n}_0 + \Delta \boldsymbol{n})^2 \boldsymbol{E} \big] = 0,$$
 (3)

式中 c 为真空中的光速。对于这个方程,经过变量 代换及分离,在一些特殊的情况下,可以求得其解析 解;在一般情况下,可以与经典力学中哈密顿-雅可 比方程进行类比,得到其近似解<sup>[11]</sup>。更严格精确的 解,可以使用有限元、时域有限差分方法等数值方 法,考虑光与介质相互作用导致折射率变化的因素, 直接对麦克斯韦方程组求解得到<sup>[7,11]</sup>。

# 3 聚合物自写入光波导的时域有限差 分模拟

时域有限差分(FDTD)方法是一种有效的求解 麦克斯韦方程组的数值方法。该方法由 K. S. Yee 于 1966 年首次提出,他对电磁场的 *E*、*H* 的分量在 空间和时间上进行交替采样,每一个电(磁)分量周 围由 4 个磁(电)分量环绕,然后对麦克斯韦方程组 使用中心差分近似得到一组差分方程,给定了初始 值和边界条件后,各个场分量可以在时间上迭代求 解<sup>[13,14]</sup>。电磁场问题通常会涉及到各向异性介 质<sup>[15]</sup>、金属<sup>[16]</sup>等,根据计算区域介质的不同,已经发 展了多种有效的方法及吸收边界来进行计算,如辅 助差分方程法、*Z*变换法<sup>[13,17]</sup>;吸收边界有完美匹配 层、各向异性完全匹配层等<sup>[14]</sup>。

在用 FDTD 方法对自聚焦效应进行模拟时,要 考虑到与光相互作用的介质的折射率会发生变化。 在这里,聚合物选取 SU-8 环氧树脂。SU-8 环氧树 脂聚合物对波长为 350~400 nm 之间的紫外光线 敏感<sup>[18]</sup>,与其发生光化学反应并固化,且折射率有 所增加,而且这种增加是不可逆的<sup>[19]</sup>。折射率随着 其吸收的光能量的增加而增加,但有一饱和阈值:当 增加到这一阈值之后,折射率将不会再改变。SU-8 环氧树脂薄膜初始折射率为 1.550,软烘后由于其 一部分溶剂挥发,折射率增加至  $n_0 = 1.584$ ,经紫外 线充分曝光,折射率继续增加  $\Delta n = 0.021$  至 1.605 这一饱和阈值。若继续对其进行后烘或者热互联, 充分曝光部分的折射率保持 1.605 不变,但未曝光 部分的折射率会降至 1.576。这样,经过充分曝光 部分作为自写入波导的芯层结构、未曝光部分作为 自写入波导的包覆层结构,折射率差为 0.029<sup>[19]</sup>。

就波导在自聚焦作用下的自写入过程而言, SU-8 因吸收光能量而引起的折射率改变的最大值 是  $\Delta n = 0.021$ ,因为  $\Delta n$  远小于 SU-8 软烘后的折射 率  $n_0 = 1.584$  以及充分曝光后的折射率 1.605,所 以在模拟时将折射率的增加按照线性变化处理:

$$n = \begin{cases} 1.584 + \frac{0.021 \times I}{I_{\max}}, & I \leqslant I_{\max}, \\ 1.605, & I > I_{\max}, \end{cases}$$
(4)

式中 I 为曝光剂量,  $I \propto |E|^2 t$ ,  $I_{\text{max}}$  为 SU-8 薄膜充 分曝光时的曝光剂量。

#### 3.1 入射光与 SU-8 平面薄膜的直接相互作用

如图 1(a)所示,假设有一波长  $\lambda$ =365 nm 的平 面波沿 y 方向由空气垂直入射到 SU-8 平面薄膜 上。进行模拟时,数值计算所用的空间离散间隔  $\Delta x = \Delta y = \lambda/12$ ,时间离散间隔  $\Delta t = \Delta x/2c$ ,均满足 FDTD 方法的数值稳定性条件,吸收边界采用完全 匹配层<sup>[17]</sup>。其中计算区域 x 轴方向有 94 个格子,y 轴方向有 300 个格子,其中完全匹配层为 20 层,整 体模拟区域的大小约为 2.86  $\mu$ m×9.125  $\mu$ m。入射 光源选择余弦时谐源,其位置与介质分界面的距离





Fig. 1 (a) Simulated FDTD model for SU-8 plane surface film; (b) refractive index distribution of SU-8 plane surface film after being exposed for 10 min 保持恒定,其电场矢量 E 沿 z 方向,因此可以表示 为  $E_z = E\cos(2\pi\omega t)$ ,其中 E 为振幅, $\omega$  为角频率, t为时间。在模拟过程中,E 取单位振幅,SU-8 折射 率未达到饱和之前因吸收光能量引起的损耗由 $\sigma$ 表 示,取 $\sigma$ =1000 s/m,折射率饱和之后其损耗设置为 0。程序时间步处理为:程序每循环一步,代表对 SU-8 薄膜曝光 1 s。SU-8 薄膜充分曝光时的曝光 剂量 $I_{max}$ =300 mW/cm<sup>2</sup>。在计算时,考虑到由于光 化学作用引起的损耗,参考文献[17]中对有损耗介 质的处理方式:即首先用前一时间步得到的磁场分 量计算与  $E_z$  有关的电通量  $D_z$ ,然后由  $D_z$  计算 $E_z$ , 再由  $E_z$  计算当前循环中的磁场分量,用来计算下 一时间步中的  $D_z$ ,与文献[17]不同的是,当前循环 结束之前,要根据(4)式更新计算区域中 SU-8 的折 射率。

图 1(b)给出对 SU-8 平面薄膜曝光 10 min 的折 射率分布图。从图 1(b)中可以看出,与光相互作用 的 SU-8 的折射率发生了改变,空气的分界面处与入 射光的作用时间最长,折射率已达到饱和。在 SU-8 薄膜中前进的波前有会聚的趋势,但没有出现明显的 自聚焦焦点。图 2(a)和(b)是在图 1(b)的基础上,分 别继续曝光 5 和 10 min 的折射率分布图。可以看 出,锥形波导和柱形波导的分界面可以分辨,曝光时 间为 20 min 时的波导长度明显长于 15 min 的。



图 2 表面是平面的 SU-8 薄膜分别曝光(a) 15 min; (b) 20 min 后的折射率分布

Fig. 2 Refractive index distribution of SU-8 plane surface film after being exposed for (a) 15 min; (b) 20 min

# 3.2 入射光与表面带有微透镜的 SU-8 薄膜相互 作用

因为介质的初始相位面的发散度或者会聚度对 自聚焦的焦点位置有影响,因此若使 SU-8 薄膜表 面呈微透镜形状,在光与 SU-8 发生光化学作用使 其折射率发生改变的同时,微透镜对光产生会聚作 用。图 3(a)和(b)分别给出表面带有微透镜的 SU-8 薄膜曝光 10 和 15 min 的折射率分布图,可以推 断,曝光时间越长,写入的波导也更长,锥形波导和 柱形波导的分界点也更容易分辨。图 3(a)与 图 1(b)对比可以看出,相同的曝光时间,微透镜有 助于自聚焦焦点的出现,并开始自写入波导,而且小 的旁瓣也更加集中。图 3(b)与图 2(a)对比也可以 得出类似结果。



- 图 3 表面带有微透镜(h/D=0.08)的 SU-8 薄膜分别 曝光(a) 10 min;(b) 15 min 后的折射率分布
- Fig. 3 Refractive index distribution of SU-8 film with microlens (h/D=0.08) after being exposed for (a)10 min; (b)15 min

图 3 中微透镜的冠高与其底面半径的比例为 h/D=0.08。为了进一步考察曝光时间对写入波导 长度的影响,在 h/D=0.12 时,将曝光时间依次为 10,11,...,20 min 时写入的锥形波导和柱形波导的 长度进行了对比,结果如图 4 所示。从图 4 中可以 看出,随着曝光时间的增加,锥形波导的长度和柱形 波导长度的增加趋势是明显的,其中柱形波导部分



- 图 4 自写入波导长度与曝光时间关系(h/D=0.12)
- Fig. 4 Length of self-written waveguide with microlens (h/D=0.12) versus the exposure time

较锥形波导部分增加趋势相对较快,图中分别对曝 光时间为 20 min 时的锥形波导长度和柱形波导长 度作了归一化处理。

为考察不同光焦度的微透镜在光与 SU-8 作用 过程中的影响,图 5(a)和(b)给出了微透镜底面半 径保持恒定的情况下,在 h/D 分别为 0.14 和 0.2 时,曝光 15 min 后的折射率分布图。可见,不同的 冠高与底面半径比例越大的微透镜,对光的折射作 用越明显,锥体的长度有所减少。为了更明显的看 到这种变化趋势,在底面半径 D 保持不变的情况 下,依次增加冠高 h 的值,即在 h/D 分别为 0.08, 0.10,0.12,…,0.22,0.24 时,进行了数值模拟,模 拟过程中的曝光时间均为 15 min。图 6 给出自写 入锥形波导的长度以及整个自写入波导的长度随着



- 图 5 表面分别带有微透镜(a) h/D=0.14; (b) h/D= 0.2 时,SU-8 薄膜曝光 15 min 时折射率分布
- Fig. 5 Refractive index distribution of SU-8 film with microlens of (a) h/D=0.14 and (b) h/D=0.2 after being exposed for 15 min



- 图 6 曝光时间为 15 min 时,写入锥形波导长度及整体 波导长度随着不同 h/D 时的变化曲线
- Fig. 6 Length of cone waveguide versus h/D and the length of self-written waveguide versus h/D after being exposed for 15 min

冠高 h/D 增加时的变化趋势,其中分别对 h/D= 0.08 时的锥形波导的长度和整个自写入波导长度 做了归一化处理。从图 6 中可以看出,随着 h/D 从 0.08增加至 0.24 时,在曝光时间一致的情况下,锥 形波导的长度和整体自写入波导的长度的变化的整 体趋势是降低的。

### 4 结果与讨论

从图 1(b)和图 2 可以看出,光与表面是平面的 SU-8 薄膜发生光化学反应, SU-8 薄膜的折射率发 生了改变,吸收的曝光量大于折射率饱和剂量部分 的折射率达到饱和,曝光时间如果不够,写入锥形波 导,自聚焦焦点不会出现,或者不明显;当曝光时间 足够时,自聚焦焦点出现,并开始前移写入柱形波 导;从图 3(a)和图 1(b)以及图 3(b)和图 2(a)可以 看出,光与表面带有微透镜的 SU-8 薄膜相互作用 时,微透镜对光的会聚作用使得锥形波导的旁瓣有 所收敛;在相同的曝光时间里,在带有微透镜的 SU-8 薄膜内写入的波导长度比平面 SU-8 薄膜里的长。 两种情况下,写入的波导的长度均随着曝光时间的 增加而增加。对于表面带有微透镜的 SU-8 薄膜, 从图 4 可以看出,当 h/D=0.12 时,曝光 20 min 时 的锥形波导与柱形波导较曝光 10 min 分别增加了 约 29.4%和 59.8%。

从图 5 和图 6 可以看出,对于表面带有微透镜的 SU-8 薄膜,当底面半径保持不变时,在相同的曝 光时间里,不同的冠高即不同的光焦度会影响光与 SU-8 薄膜的相互作用,对自写入锥形波导的长度以 及整体自写入波导的长度有一定影响。随着 h/D 从 0.08 增加至 0.24,在曝光时间一致的情况下,锥 体波导的长度和整体自写入波导的长度的变化的整 体趋势是降低的,其中锥体波导的长度下降了 19.2%,整体自写入波导的长度下降了 12.2%。波 导长度的下降因素之一与微透镜的不同光焦度即折 光能力有关。在底面半径保持不变的情况下,冠高 增加,微透镜的曲率半径会降低,而光焦度与曲率半 径成反比,因此光焦度会升高,因此锥形波导的长度 会降低,从而使整体自写入波导的长度减少。

另外,在进行数值模拟时,用 $\sigma$ 表示 SU-8 折射率 未饱和之前由于吸收光能量引起的损耗,发现不同的  $\sigma$ 取值对自写入波导的结构、长度有一定的影响。当  $\sigma$ 为1 S/m,10 S/m,100 S/m时,其模拟结果给出的 波导长度和横截面直径与 $\sigma$ 为0,即无损耗时的相差 不大,但当 $\sigma$ 为1000 S/m时,波导的长度和横截面直 径都明显减小,与 $\sigma$ 为0时有了很大差异,这说明,损 耗对波导的写入起了作用。因此,模拟时选择使损耗 作用表现明显的 $\sigma$ 值,即 $\sigma$ =1000 S/m。

# 5 结 论

SU-8属于交联型聚合物,它吸收波长为350~ 420 nm 之间的紫外光能量,发生光化学反应,从而 其折射率发生改变,并且这种改变是不可逆的。主 要考虑了这种 SU-8 聚合物与波长为 365 nm 的紫 外光发生光化学反应致其折射率发生变化的因素, 模拟了折射率变化引起的自聚焦效应并写入波导的 过程。结果表明:由折射率升高引起的自聚焦效应 可以用来在 SU-8 薄膜内写入波导结构;波导结构 以自聚焦焦点为分界点,分为锥形波导和柱形波导; 写入的波导长度随着 SU-8 与紫外光相互作用时间 的增加而增加;对于表面带有微透镜的 SU-8 薄膜, 因为微透镜对光线有会聚作用,与表面是平面的 SU-8 薄膜相比,在相同的曝光时间里,锥形波导的 旁瓣更收敛,写入的波导长度更长;在微透镜底面半 径保持不变以及曝光时间一定时,冠高小的微透镜 写入的波导长度更长。这对用 SU-8 环氧树脂聚合 物制作自写入光波导提供有意义的理论指导。

#### 参考文献

- Wen Changli, Ji Jiarong, Dou Wenhua *et al.*. Polymer material for optical waveguide used in integrated circuit [J]. *Laser & Optoelectronics Progress*, 2009, 46(7): 36~40 温昌礼,季家镕,窦文华等. 集成电路用聚合物光波导材料[J].
- 激光与光电子学进展,2009,46(7):36~40
- 2 Lü Guangcai, Hu Guohua, Yun Binfeng *et al.*. Fabrication of polymer optical waveguide using fluorinated polyimide [J]. *Chinese J. Electron Devices*, 2007, **30**(3): 752~754 日广才, 胡国华, 恽斌峰等. 含氟聚酰亚胺有机聚合物波导的制 备[J]. 电子器件, 2007, **30**(3): 752~754
- 3 Gao Yuan, Zhang Xiaoxia, Liao Jinkun. Analysis and optimization of organic polymer asymmetric bent waveguide[J]. *Acta Optica Sinica*, 2011, **31**(2): 0213002
  高 原,张晓霞,廖进昆.有机聚合物非对称弯波导分析与优化[J]. 光学学报, 2011, **31**(2): 0213002
- 4 Hong Jianxun, Xu Kai, Zhou Limin *et al.*. Tapers in electrooptic polymer waveguides[J]. Acta Optica Sinica, 2009, 29(10): 2686~2691

洪建勋,徐 凯,周立民等.电光聚合物波导中的锥形结构[J]. 光学学报,2009,**29**(10):2686~2691

- 5 Y. Hanada, K. Sugioka, K. Midorikawa. UV waveguides light fabricated in fluoropolymer CYTOP by femtosecond laser direct writing[J]. *Opt. Express*, 2010, **18**(2): 446~450
- 6 W. H. Wong, E. Y. B. Pun. Polymeric waveguide wavelength filters using electron-beam direct writing[J]. Appl. Phys. Lett., 2001, 79(22): 3576~3578
- 7 U. Streppel, P. Dannberg, C. W. Chter *et al.*. Formation of micro-optical structures by self-writing processes in photosensitive polymers [J]. *Appl. Opt.*, 2003, **42** (18):

3570~3579

- 8 Tetsuzo Yoshimura, Kazuyuki Wakabayashi. Self-organization of optical z-connections in three-dimensional optical circuits simulated by the finite difference time domain method[C]. SPIE, 2011, 7944; 79440R
- 9 Li Feng, Chen Sihai, Lai Jianjun et al.. Design and fabrication of polymer microlens array with self-written waveguide[J]. Chinese J. Lasers, 2011, 38(3): 0310003
  - 李 凤,陈四海,赖建军等.自写入光波导聚合物微透镜阵列的设计与制作[J].中国激光,2011,**38**(3):0310003
- 10 S. Shoji, S. Kawata, A. A. Sukhorukov *et al.*. Self-written waveguides in photopolymerizable resins[J]. *Opt. Lett.*, 2002, 27(3): 185~187
- 11 Shen Yuanrang. The Principles of Nonlinear Optics[M]. Beijing: Science Press, 1987

沈元壤. 非线性光学原理(上)[M]. 北京:科学出版社,1987

- 12 Shi Shunxiang, Chen Guofu, Zhao Wei et al.. Nonlinear Optics [M]. Xi'an :Xidian University Press, 2003 石顺祥,陈国夫,赵 卫等. 非线性光学[M]. 西安: 西安电子
- 科技大学出版社, 2003 13 A. Taflove, S. C. Hagness. Computational Electrodynamics: The Finite-Difference Time-Domain Method [M]. Boston MA: Artech House, 2005

14 Ge Debiao, Yan Yubo. Finite-Difference Time-Domain Method for Electromagnetic Waves[M]. Xi'an: Xidian University Press, 2005

葛德彪, 闫玉波. 电磁波时域有限差分方法[M]. 西安: 西安电 子科技大学出版社, 2005

- 15 Fang Yun, Zhang Jian, Wu Liying. Optical property simulation of liquid crystal based on finite-difference time-domain method [J]. Acta Optica Sinica, 2010, 30(2): 562~566 方 运,张 健, 吴丽莹. 基于时域有限差分法的液晶光学特性 模拟[J]. 光学学报, 2010, 30(2): 562~566
- 16 Wang Hui, Zeng Wei, Song Guofeng. Simulation and development of subwavelength periodic hole array on Au film[J]. Acta Optica Sinica, 2009, 29(6):1638~1643
  王 卉,曾 韓,宋国峰.金膜上亚波长周期性孔阵的模拟与研制[J].光学学报, 2009, 29(6):1638~1643
- 17 D. M. Sulliva. Electromagnetic Simulation Using the FDTD Method[M]. New York: IEEE press, 2000
- 18 Su-8 2000 permanent epoxy negative photoresist. Http://www. Microchem. com/products/pdf/su-82000datasheet2025thru2075ver4. Pdf
- 19 K. H. Jeong, J. Kim, L. P. Lee. Biologically inspired artificial compound eyes[J]. Science, 2006, 312(5773): 557~561