# 基于发光二极管环形阵列与漫反射表面的 均匀照明光源研究

# 祝振敏 曲兴华 梁海昱 贾果欣

(天津大学精密测试技术及仪器国家重点实验室,天津 300072)

摘要 均匀的照明条件与光源良好的混色效果是彩色视觉的重要组成部分。基于发光二极管(LED)环形阵列与 高漫反射率表面,研究了一种间接照明的均匀光源,建立了数学模拟算法。根据单个 LED 的朗伯体特性,讨论了 LED 环形阵列在半球形内表面上的辐照分布。半球形内表面是高漫反射率表面,可近似看作朗伯表面,将光均匀 地反射到检测平面上。通过半球形内表面的双向反射分布函数(BRDF),仿真了检测平面的照度均匀性。并通过 实验证实了该照明方式与数学模拟算法的正确性。实验所得的多波段 LED 阵列混光图像效果良好,光照均匀度 95.5%满足彩色视觉测量的需要。证实了该方法设计均匀照明光源的有效性。

关键词 机器视觉;彩色视觉;均匀方法;间接方法;漫反射表面

中图分类号 TN312.8 文献标识码 A doi: 10.3788/AOS201131.0115001

# Uniform Illumination Study by Light-Emitting Diode Ring Array and Diffuse Reflection Surface

## Zhu Zhenmin Qu Xinghua Liang Haiyu Jia Guoxin

(State Key Laboratory of Precision Measuring Technology and Instrument, Tianjin University, Tianjin 300072, China)

**Abstract** Well mixed-color distribution of illumination and uniform illuminated environment are the common requirements in color vision applications. Using three-ring light-emitting diode (LED) array and diffuse reflection surface, an indirection method for the uniform illumination is proposed, and a mathematic simulation algorithm is constructed. Based on the Lambertian characteristic of a sing LED, the irradiance distribution over a sphere inner surface to the three-ring LED array is discussed. Then light is reflected to the detected surface by sphere inner surface. The sphere inner surface with high diffuse reflectance can be seemed as a Lambertian surface. According to bi-directional reflectance distribution functions (BRDF) of sphere inner surface, the uniformity of irradiance distribution results and the indirection method. Some experimental images show uniform mixed-color distribution and the illumination uniformity of 95.5% can fulfill the meets of color vision applications. The experimental results confirm that this method is useful for the uniform illumination design.

Key words machine vision; color vision; uniform illumination; indirection method; diffuse surface OCIS codes 150.2954; 330.1720; 230.3670; 290.1483

# 1 引 言

随着科技的发展,发光二极管(LED)凭借着发 光效率、紧凑性、安全性和稳定性上的独特优 势<sup>[1~4]</sup>,越来越广泛地应用于图像彩色视觉这样需 要均匀照明条件的领域。在彩色视觉系统中,光源 的光照均匀程度以及光源颜色会影响图像的分辨率 和检测目标的对比度<sup>[5~8]</sup>。图像中检测目标的高对 比度能简化图像算法,且能提高彩色视觉系统的可

收稿日期: 2010-05-11; 收到修改稿日期: 2010-07-01

基金项目:国家自然科学基金(50875185)和天津市应用基础及前沿技术重点项目(09JCZDJC23600)资助课题。

**作者简介**:祝振敏(1984—),男,博士研究生,主要从事彩色视觉测量方面的研究。E-mail: zhuzhenmin1984@163.com **导师简介**:曲兴华(1956—),男,博士,教授,主要从事精密光电测量方面的研究。E-mail: xinghuaq@sina.com

本文电子版彩色效果详见中国光学期刊网(http://www.opticsjournal.net)

靠性。Kopparapu<sup>[7]</sup>采用模拟退火算法确定光源的 位置,得到均匀的照明环境用于视觉检测。因此设 计均匀的照明环境对于提高彩色视觉检测系统的检 测精度非常重要。

LED 的出光为 Lambertian 分布,如果不经过 合适的光学设计<sup>[8,9]</sup>,很难满足彩色视觉的需要。 Moreno 等<sup>[1,4,10,11]</sup>利用各种 LED 阵列(环形,线形, 方形,球形)直射有效地得到了均匀照明。A. J. W. Whang 等<sup>[12]</sup>利用透镜改变各种阵列中的 LED 的发光角度,直射形成均匀照明。但是当多个波段 的 LED 应用于光源照明时,采用直射方式往往会出 现混光不均的问题。

因此本文针对彩色视觉系统对于光源的这些要求,利用 LED 环形阵列与高漫反射表面提出了间接照明的方式,给出了数学模拟算法,对光照均匀性进行了仿真。并通过实验验证该光源设计和数学模拟算法的有效性。

### 2 LED 照度模型

为了构建整个系统的数学模拟算法,首先需要 先建立单个 LED 照度模型。单个 LED 的发光尺寸 一般都小于 1 mm,相对其照明距离来讲可以忽略, 可近似为一个点光源。理想 LED 点光源的辐射分 布是一个余弦函数,可用下式表达<sup>[10]</sup>:

 $E(r,\theta) = E_0(r)\cos^{m}\theta$ , (1) 式中  $E(r,\theta)$  为辐射照度,r为 LED 与该平面之间的 距离, $\theta$ 为光线与光轴的夹角,m为与 LED 半衰角有 关的数值。如果发光源为近似朗伯体,那么  $m \approx 1$ 。 实际上,一般的 LED 的m值都大于1,并由其半衰角  $\theta_{1/2}$ 确定。半衰角 $\theta_{1/2}$ 由 LED 生产厂家提供,定义为 当辐射强度为 $\theta = 0$ 方向上辐射强度的一半时,光线 与光轴的夹角。当 $\theta = \theta_{1/2}$ , $E(r,\theta) = 1/2E_0(r)$ ,代入 (1)式,m值可由下式得出:

$$m = \frac{-\ln 2}{\ln(\cos \theta_{1/2})},\tag{2}$$

当 LED 照射到与其光轴方向垂直的平面上时,(1) 式可以转化为

$$E(r,\theta) = \frac{I_{\text{LED}} \cos^{m} \theta}{d^{2}}, \qquad (3)$$

式中 *d* 为 LED 与该平面之间的距离, *I*<sub>LED</sub> 为 LED 法线上的光强。将(3)式转换为笛卡尔坐标(*x*, *y*, *z*), 可表示为

$$E(x, y, z) = \frac{z^m I_{\text{LED}}}{\left[ (x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 + z^2 \right]^{(m+2)/2}},$$
(4)

式中 E 为该平面上的辐射照度, $(x_0, y_0)$  为 LED 的 位置坐标。(4)式就是后文分析中要用到的单个 LED 的辐照分布。

实际中,LED即使是同一规格、同一批次生产的,其光学特性也会有一定差别。为了使光源具有更好的均匀性以及混色性,因此非常有必要对LED进行挑选。为了尽量减小周围环境的影响,本实验在暗室中进行,给单个LED施加20mA的工作电流,距离其1m处,安置PR-655分光式辐射度计(Photo Research Inc.)测量其亮度及主波长,挑选出光学特征值相近的LED进行实验。图1为其中一个红色LED测得的亮度以及光谱能量分布。以后的仿真分析中,近似认为同规格的LED具有相同的亮度值以及主波长。



图 1 挑选的红色 LED 的光谱分布 Fig. 1 Spectral distribution of a selected LED with red color

# 3 均匀照明光源研究

在彩色视觉系统中,可能需要应用几个波段独 立照明或者多个波段组合照明的方法来增强检测目 标与背景的对比度。因此在保证光源的光照均匀度 的同时,还需要考虑两个波段或者多个波段的 LED 混合以后的混光均匀度的问题。而采用直接向下照 射的方式时,总会在边缘或者中间的某些区域出现 混光不均的问题。直接向下照射的方式存在的第二 个问题是,当 LED 的面板尺寸大于或远大于照射平 面与 LED 面板之间的距离时,照射平面的辐照均匀 度很高。但是当 LED 的面板尺寸小于或等于照射平 面与 LED 之间的距离时,照射平面的辐照分布均匀 性较差<sup>[10]</sup>。为了解决这些问题,本文采用了间接照 明的方式。通过高漫反射率的半球形内表面将光均 匀地反射到检测平面上。在下一节讨论了 LED 阵列 发射出的光到半球形内表面上的辐照分布。

#### 3.1 LED 环形阵列

LED 的阵列分布有很多种形式,如环形,线形,

正方形以及球形。但在彩色视觉应用中,最常用的 是环形阵列分布<sup>[11]</sup>。根据彩色视觉系统的实际需 要,各种波段的 LED 都有可能用于增加检测目标的 对比度。本文选择了三种比较典型波段(620,520 和 465 nm)的 LED 作为例子进行研究。由于采用 了间接照明的方式,光的能量损耗比较大。因此为 了保证光源有足够的亮度照明,选择了最为紧密的 排列。其分布方式如图 2 所示。三环形阵列 LED 放置于 *xy* 平面上,如图 3 所示。



图 2 *x*-y 平面上的三环阵列 LED Fig. 2 Three-ring array of LED on *x*-y plane





Fig. 3 Inner surface of hemisphere

讨论三环 LED 阵列的光照射到半球形内表面 上的辐照分布。由于 LED 是一种非相关光源,因此 对某一区域上的光照度为其单个的叠加。则半球形 内表面上的辐照分布可表示为

$$E(x, y, z) = z^{m} \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{3} \sum_{n=1}^{N} I_{j} \left\{ \left[ x - r_{i} \cos\left(\frac{2\pi n}{N}\right) \right]^{2} + \left[ y - r_{i} \sin\left(\frac{2\pi n}{N}\right) \right]^{2} + z^{2} \right\}^{-(m+2)/2}, \quad (5)$$

式中 N 为单个波段的 LED 数目。半球形内表面任意 一点 A(x,y,z) 的坐标可用笛卡尔坐标表示为

$$\begin{cases} x = r\sin\theta\cos\varphi \\ y = r\sin\theta\sin\varphi. \\ z = r\cos\theta \end{cases}$$
(6)

在半球形内表面的顶部有一个直径为 33 mm 的孔, 用于彩色视觉系统中的 CCD 相机的图像采集。因 此(5)式中的 $\theta$ 的取值范围可以确定。仿真参数为  $N=16, r_1=65$  mm,  $r_2=59$  mm,  $r_3=53$  mm, $\theta=$  $[\pi/18, \pi/2], \varphi=[0, 2\pi], r=80$  mm, $\theta_{1/2}=30^\circ, m=$ 4.82。球形内表面的辐照分布计算方法如下:半球 形表面的中心轴(z轴)垂直于 LED 环形阵列平面, 确定 $\theta$ 值后就可以得到对应的z值,利用(5)式得出 半球形表面上该z值所对应圆上每点的辐照分布。 随着 $\theta$ 值的不断变化,就得到了整个半球形内表面 的辐照分布。图4显示了球形内表面照度分布均匀 性的仿真结果。

图 4(a)显示了沿 x,y方向上的半球形内表面 照度均匀性分布,图 4(b)为半球形内表面三维照度 均匀性分布。由图 4 可知,该分布呈中心对称分布, 照度随着半球形的圆半径增加而增大。由于半球形 内表面是一个高漫反射表面,大部分光被漫反射表 面反射到检测平面就形成了间接照明。





Fig. 4 Uniform irradiance distribution of sphere inner surface

#### 3.2 检测平面照度均匀性仿真

朗伯表面定义为在任意方向上辐射亮度不变的

表面,其半球反射率为1<sup>[13]</sup>。由于半球形内表面是 一个高漫反射表面,可以近似看成是朗伯表面。对 于朗伯表面有

$$I_{\theta} = I_0 \cos \theta, \qquad (7)$$

式中 I。为沿法线方向上的辐射强度, θ为与法线的 夹角。检测平面上的辐照分布可以由下式给出

$$E' = \frac{E \cdot B \cdot dS \cdot \cos \theta}{d^{\prime 2}}, \qquad (8)$$

式中 E 为半球形内表面的照度分布,已经在 3.1 节 中求出,d'为半球形内表面与照射平面之间的距 离,S 为半球形内表面面积。B 定义为双向分布函 数,为了更好地描述漫反射光在空间各个方向上的 均匀性<sup>[10]</sup>,可由下式给出:

$$B = \rho/\pi, \qquad (9)$$

式中 ρ 为半球反射比,为了简化计算,将 dS 简化后得到

$$E' = \sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{n} \frac{1}{mn} \frac{E(i,j) \cdot B \cdot \cos \theta}{d'^{2}}, \quad (10)$$

式中 *m*,*n* 为在半球形内表面取的采样点数目。 (10)式转化为笛卡尔坐标后得到

$$E'(x',y',z') = \sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{n} \sum_{k=1}^{n} \left\{ \frac{1}{mm} \cdot \frac{E(i,j)\rho_{k} \left[ (R\sin\theta\cos\varphi - x')\sin\theta\cos\varphi + (R\sin\theta\cos\varphi - y')\sin\theta\cos\varphi + (R\cos\theta - z')\cos\theta \right]}{\pi \left[ (R\sin\theta\cos\varphi - x')^{2} + (R\sin\theta\cos\varphi - y')^{2} + (R\cos\theta - z')^{2} \right]^{3/2}} \right\}, \quad (11)$$

式中x', y', z'为检测平面的坐标,z'为检测平面与 LED之间的距离。

辐照均匀度定义为<sup>[12]</sup>

$$U_{\text{uniformity}} = \frac{E_{\min}}{E_{\max}},$$
 (12)

检测平面照度均匀性仿真参数:由于漫反射表面是 自制的,很难达到理想的半球反射比 1,因此仿真时 设漫反射率  $\rho = 0.9$ ,检测平面距离与 LED 面板尺 寸 z' = 100,200 和 300 mm,检测平面的直径 R' = 100 mm。

图 5(a)显示了检测平面直径 R' = 100 mm,与 LED 面板距离 z' = 200 mm时的三维照度均匀性分 布,图 5(b)为沿 x,y 方向上的照度均匀性分布, 图 5(c)为沿 x 轴方向上的照度均匀性分布。检测 平面的照度呈中心对称分布,圆中心的照度值最高, 随着圆的直径增大而递减。

由图 5 可知,在检测平面到 LED 面板距离 z'= 200 mm 与 LED 面板尺寸 R=160 mm 相近时,其 照度均匀性为 94.9%。同时对三环形 LED 阵列直 接照射到距离为 200 mm 的检测平面上,检测平面 直径 100 mm 处,进行了均匀度仿真,结果仅为 74.5%。由仿真结果可知利用这种方法设计的光源 照度均匀性较好。





Fig. 5 Simulation results of illumination uniformity at z'=200 mm and the illuminated scene with source diameter R'=100 mm

### 4 实 验

为了证实上述方法的有效性,按照该方法制作 了实际光源进行实验。光源由两部分组成:三环形 LED 阵列以及具有高漫反射率内表面的半球组成。 图 6(a)显示了设计时选用的三种典型波段(CREE 5 mm 圆形,主波长 620,520 和 465 nm)的 LED 阵 列。图 6(b)是制作好的高漫反射率内表面,光源外 壳由铝加工而成,铝密度小而且是热的良导体,具有 高效能的散热作用,其表面经过氧化发黑处理,可以



减小光源环境杂散光的影响,内表面均匀喷涂了一 层高漫反射率材料,由硫酸钡、乳白胶和水按照不同 比例,多次喷涂而成。漫反射率的测量采用比对测 量的方法,以 99%标准漫反射白板(Spectralon, Labsphere Inc., North Sutton NH, USA)为基准, 在 PR-655分光式辐射度计(Photo Research Inc.) 上测量了半球形内表面的漫反射率。在所选择的 LED 主波长上(620,520和465 nm),漫反射率分别 为 88.5%,90.1%,90.8%。



图 6 (a) 三环形 LED 阵列,(b) 高漫反射率半球形内表面 Fig. 6 (a) three-ring LED array, (b) sphere inner surface with high reflectance

本文主要研究 LED 面板与检测平面的距离与 LED 面板尺寸接近时光照均匀度的分析,因此测量 距离 z<sup>'</sup>采用为 100,200 与 300 mm。而且因为本文 中彩色视觉测量所要求的视野范围并不大,因此选 择了检测平面的照度测量范围为 100 mm 直径的 圆。为了尽量减小周围环境与 LED 发光稳定性的 影响,实验在暗室中并预热 30 min 后进行,采用 TES-1339 照度计进行照度的测量。照度计沿着检 测平面的 x 轴、y 轴,由中心向两侧等间隔对称地读 取数值,利用(12)式计算出辐照均匀度。沿 x 轴方 向与 y 轴方向所测的检测平面均匀性基本一致,可 知检测平面的照度呈中心对称分布,与仿真结果相 符。图 7(a),(b)和(c)分别显示了沿 x 轴方向检测 平面与 LED 面板尺寸距离 z'为 100,200 与 300 mm 时仿真与实际所测的均匀度对比。





Fig. 7 Comparison of simulation and experimental results of uniformity at varying distance z'=100, 200 and 300 mm

图 8 显示了以柯达白板为背景,三种不同波段的 LED 分别组合后的混光图像。图 8(a),(b)和(c)分别为 620 nm 与 520 nm,620 nm 与 465 nm,520 nm 与 465 nm,波段混光后采集的图像。可以看出图片颜色较均匀,未出现显单波段原色区域。图 8(d)为 620,520 与 465 nm 混光后采集的图像,对该图片所有像素值分 RGB 三通道取平均,结果为

(255,254.9921,255)。由像素平均值可知经过该方 法设计后的混光效果良好。由图 7 可以看出实验所 测的照度均匀性与仿真结果相差很小,证实了本文 的数学模拟算法的有效性。实测结果检测平面与 LED 面板距离 z'=100,200 和 300 mm,直径100 mm 圆的光照均匀度分别为:84.4%,91.6%,95.5%。虽 然随着距离的增加,光照均匀性越来越好,但是照度 也随之降低。在彩色视觉的实际应用中,可以根据 检测目标的实际尺寸及光照强度要求选择合适的距 离。仿真结果与实验结果在不同距离处的差别分别 为4.2%,3.1%,1.8%,最主要体现在两个方面,一 个方面是尽管 LED 经过挑选,但是也不能保证每个 LED 的亮度值完全一致;另一个方面是自制的高漫 反射率半球形内表面也不能够保证每一处的漫反射 率都完全一致。这些导致了实验结果与仿真结果的 微小差别。综上所述,实验结果证实了基于 LED 阵 列与漫反射表面的间接照明方式设计的均匀照明光 源的正确性。



图 8 不同波段 LED 混光图像

Fig. 8 Mixed-color images of LED array with various wavelengths

## 5 结 论

提出了基于环形 LED 阵列以及高漫反射表面 的一种间接照明方式,建立了数学模拟算法,进行了 辐照均匀性仿真。并通过实验证实了该设计方法与 数学模拟算法的正确性。检测平面的辐照均匀度效 果良好,多个波段 LED 阵列混光后的图像颜色均 匀。实验结果证实了该方法设计均匀照明光源的有 效性,对彩色视觉的发展具有重要意义。

#### 参考文献

- I. Moreno, J. Munoz, R. Ivanov. Uniform illumination of distant targets using a spherical light-emitting diode array[J]. Opti. Eng., 2007, 46(3): 033001, 1~7
- 2 Lin Yue, Ye Liewu, Liu Wenjie *et al.*. Optimization algorithm of correlated color temperature for LED light source by dichotomy [J]. Acta Optica Sinica, 2009, **29**(10): 2791~2794
  - 林 岳,叶烈武,刘文杰等.二分法优化计算 LED 光源相关色 温[J]. 光学学报,2009, **29**(10): 2791~2794
- 3 Zhou Yinhua, Tang Yingwen, Rao Jianping *et al.*. Improvement for extraction efficiency of vertical GaN-based LED on Si substrate by photo-enhanced wet etching[J]. Acta Optica Sinica, 29(1): 252~255

周印华,汤英文,饶建平等.光增强湿法刻蚀Si衬底垂直结构 GaN基LED的出光效率[J].光学学报,29(1):252~255

- 4 I. Moreno. Design of LED spherical lamps for uniform far-field illumination[C]. SPIE, 2006, 6046: 60462E, 1∼7
- 5 Qu Xinghua, He Ying, Han Feng *et al.*. Illumination system for detecting random defects on strongly reflective and complex

surfaces[J]. Acta Optica Sinica, 2003, **23**(5): 547~551 曲兴华,何 灌,韩 峰等.强反射复杂表面随机缺陷检测照明

- 田兴平,何 注,韩 峰寺. 强反射复杂表面随机缺陷检测照明 系统分析[J]. 光学学报, 2003, **23**(5): 547~551
- 6 Yu Xiaolei, Zhao Zhimin, Wang Donghua. Selection of light source for on-line nep detection system[J]. Chinese J. Lasers, 2008, 35(5): 788~791

俞晓磊,赵志敏,汪东华.棉结在线检测系统中的光源选择[J]. 中国激光,2008,**35**(5):788~791

- 7 S. K. Kopparapu. Lighting design for machine vision application
   [J]. Image and Vision Computing, 2006, 14(24): 720~726
- 8 Y. Ding, X. Liu, Z. Zheng et al.. Freeform LED lens for uniform illumination [J]. Opt. Express, 2008, 16 (17): 12958~12966
- 9 Ding Yi, Gu Peifu. Freeform reflector for uniform illumination
  [J]. Acta Optica Sinica, 2007, 27(3): 540~544
  丁 毅,顾培夫.实现均匀照明的自由曲面反射器[J]. 光学学

报,2007,**27**(3):540~544

- 10 I. Moreno. Configurations of LED arrays for uniform illumination[C]. SPIE, 2004, 5622: 713~718
- 11 I. Moreno, M. A. Alejo, R. I. Tzonchev. Designing lightemitting diode arrays for uniform near-field irradiance [J]. *Applied Optics*, 2006, 45(10): 2265~2272
- 12 A. J. W. Wang, Y. Y. Chen, Y. T. Teng. Designing uniform illumination systems by surface-tailored lens and configurations of LED arrays[J]. Journal of Display Technology, 2009, 5(3): 94~103
- 13 Jia Hui, Li Futian. Application of BaSO<sub>4</sub> diffuse plate in 250~400 nm spectral radiance calibration [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2004, 24(1): 4~8

贾 辉,李福田.硫酸钡漫反射板在 250~400 nm 光谱辐射亮度 标定中的应用研究[J].光谱学与光谱分析, 2004, **24**(1): 4~8