# 非球面测量中零位计算全息的测量不确定度分析研究

王小鹏<sup>1,2</sup> 高志山<sup>1\*</sup> 马 骏<sup>1</sup> 沈 华<sup>1</sup> 马 云<sup>1</sup>

(1南京理工大学电光学院, 江苏南京 210094; 2西安应用光学研究所, 陕西西安 710065)

**摘要** 非球面在光学系统中具有非常重要的作用。基于零位补偿计算全息(CGH)的干涉测量方法,因精度高、信息量大、调校方便,在光学计量和制造业领域受到广泛重视。以F数为4抛物面为测量样品,以光学计量领域比较成熟的平面、球面波象差,采用自准直方法,测出抛物面面形波象差;再用零位补偿 CGH 方法测量同一块样品,研究零位补偿 CGH 的误差传递数据。通过主要原理误差分析与计算,在光学熔融石英平面基底上制作零位补偿 CGH,测量不确定度达到 λ/10[峰谷值(PV), λ=0.6328 μm],满足非球面波象差光学计量的要求。 关键词 测量;非球面;波像差;标准球面;抛物面;干涉测量

中图分类号 O436.1 文献标识码 A doi: 10.3788/AOS201131.0112003

## Investigation of Measurement Uncertainty of Aspheric Surface Based on Null-Computer-Generated Holography

Wang Xiaopeng<sup>1,2</sup> Gao Zhishan<sup>1</sup> Ma Jun<sup>1</sup> Shen Hua<sup>1</sup> Ma Yun<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Institute of Electronic Engineering and Optoelectronic Technology, Nanjing University of Science and Technology, Nanjing, Jiangsu 210094, China <sup>2</sup>Xi' an Institute of Applied Optics, Xi' an, Shaanxi 710065, China

**Abstract** Aspheric surface acts as an important role in optical system. Because of its high precision, large data information and easy alignment, interferometric measurement method based on null computer-generated hologram (CGH) element is widely emphasized in the field of optical metrology and optical manufacture. A paraboloid acting as a special aspheric surface sample is measured in auto-collimated interferometric path by using flats and transmission spheres. Then error data are obtained by means of measuring the same sample with null-CGH in interferometric path. By the calculation of major error data, a conclusion that the measurement uncertainty can reach  $\lambda/10(\lambda = 0.6328 \,\mu\text{m})$  which meets the requirement of optical metrology if null-CGH is made in a flat of fused silica with enough thickness. **Key words** measurement; aspheric surface; wave-front aberration; standard sphere; paraboloid; interferometric test

OCIS codes 120.6650; 220.1250; 120.3180; 120.3940

1 引

言

非球面面型种类繁多,可以有效地简化系统结构,减轻重量,改善光学系统的像质。在非球面制造领域,可以依靠接触式轮廓仪抽查几根线上的轮廓 误差,数据量小,因此能加工的非球面最小面形误差 国外在 0.3 μm[峰谷值(PV)],国内在 0.5 μm(PV) 左右,且局部误差很大,严重降低成像系统的调制传 递函数(MTF)值,使中等口径的非球面在可见光或 短波段系统中的大量应用受到限制<sup>[1]</sup>。

只有获得整个通光孔径内的面形误差信息,才 能有效控制非球面的局部误差。对大口径天文望远 镜中的非球面,可以应用干涉仪借助于零位补偿透 镜或计算全息(CGH)器件,根据干涉图获取非球面 面形误差<sup>[2~5]</sup>。在光学计量领域,希望非球面面形误

收稿日期: 2010-05-10; 收到修改稿日期: 2010-05-28

基金项目:国家自然科学基金(60678048,60977008)资助课题。

作者简介: 王小鹏(1962—), 男, 研究员, 主要从事光电总体和光学测量等方面的研究。E-mail: xiaoopel@yahoo. com. cn

<sup>\*</sup> 通信联系人。E-mail: zhishgao@mail. njust. edu. cn

差能达到 0.063  $\mu$ m(PV),(即  $\lambda$ /10, $\lambda$ =0.6328  $\mu$ m); 或者0.01  $\mu$ m[波像差(RMS)],即约  $\lambda$ /60。如此才能 确保应用非球面透镜或反射镜光学系统的像质接近 于衍射极限(RMS 达到 0.031  $\mu$ m,相当于  $\lambda$ /20)。

CGH补偿器件可以在平面基底上制作,可分区 制作补偿和调校对准器件。随着微电子光刻设备的 技术发展,国内自研或进口了大量先进的光刻设备, 其刻蚀激光焦斑的定位精度可达到 0.1 μm,可以准 确刻蚀 250~500 lp/mm 的线频。因此 CGH 补偿 器件具有补偿波面精度高,占用测试空间尺寸小,易 于调校等优点,具有制作高精度补偿器件的优势;而 且随着空间光调制器(SLM)空间分辨率的不断提 高,将来可能会出现应用计算机控制 SLM 实现动 态补偿"衍射器件"测量非球面的趋势。

本文以抛物面反射镜为测试对象,比较研究了 CGH器件零位补偿法和自准直法两种方法的测量 结果,由此研究 CGH器件在参考球面和被测非球 面之间的误差传递情况,分析 CGH器件的测量不 确定度。

2 原 理

#### 2.1 测量方案

为了研究现有微电子领域光刻设备制作零位补

偿器件测量非球面的不确定度大小,在光学融熔石 英平面基底上设计制作二元相位型补偿器件,测量 抛物面反射镜,光路原理如图1所示。图中由干涉 仪出射平面波,经标准球面透镜后,变成标准球面 波,一部分由标准球面透镜的末标准球面反射回干 涉仪,作为标准波面,一部分透过标准球面透镜,被 二元补偿器件转化成非球面波,沿法线方向正入射 被测面,由被测面反射回的波面携带了被测面的面 形误差信息,与标准波面汇合后,产生干涉图样。



#### 图 1 零位补偿法光路

Fig. 1 Diagram of null-testing optical path

抛物面属于二次回转曲面,具有无像差点,可以 由参考球面直接传递测量其面形误差,光路原理图 如图 2 所示。由干涉仪发出平面波,经标准球面透 镜变成会聚球面波,经过位于其焦点处标准平晶的 中心小孔后,射向抛物面,转化成准直光束后由标准 平晶的标准面原路返回,再次被抛物面反射后,透镜 的中心孔与标准平晶的末球面反射光波汇合,产生 干涉图样。由于波面两次经过抛物面,干涉图样反 映"双程"面形误差。







目前球面和平面基准问题已被解决<sup>[6,7]</sup>,经过 以上两种测量光路,测量同一抛物面,可以研究分析 CGH补偿器件在参考球面与非球面之间的误差传 递大小,论证 CGH 器件应用在光学计量领域产生 高质量非球面基准的可行性。

#### 2.2 CGH器件的设计与制作

光学计量领域应用的光学元件材料一般要求理 化性能稳定,温度系数小,便于保证光学元件稳定的 光学质量。CGH器件的基底材料选择光学融熔石 英,具有较高的折射率均匀性和很低的温度系数。

设计时,可充分利用 CGH 器件具有分区设计、 编码、制作的特点,满足器件在光路中的定位、补偿 精度要求。采用的分区设计方案如图 3 所示。图 3 中,补偿区域位于 \$58 mm×4 mm 器件中央偏心区域,边缘月牙形区域用于设计 CGH 器件的定位调整指示,原理是由标准球面透镜出射会聚光束的边缘部分入射到 CGH 器件的月牙形区域时,被原路返回,由干涉图指示 CGH 器件的定位情况。

图 3 中显示的 CGH 器件上"两耳"区域,可以 将边缘部分光束会聚到被测件的顶点,返回光束形 成的干涉图,用于指示被测件的定位情况。

以下式表示 CGH 器件(基底为平面元件)表面的相位函数:

$$\Phi(\rho) = M(A_1\rho^2 + A_2\rho^4 + \cdots), \qquad (1)$$

式中 *M* 为采用的衍射级次,*A*<sub>1</sub>,*A*<sub>2</sub>,...为归一化半径 *ρ* 的次幂对应的系数。表1给出了CGH器件上各



图 3 衍射器件分区设计示意图 Fig. 3 Diagram of division area of CGH element

#### 表1 CGH 器件相位函数结果

Table 1 Phase function results of CGH element

Area	$\Phi( ho)$	М	$\nu_{max}/(lp/mm)$	Grating type	Operating mode
Null	$-2.207\rho^{2} - 1.353 \times 10^{-4}\rho^{4} + 7.449 \times 10^{-9}\rho^{6} - 4.178 \times 10^{-13}\rho^{8}$	1	45	Phase type	Transmission
Focus	$-9.755\rho^{2}+2.85\times10^{-5}\rho^{4}-2.0\times10^{-10}\rho^{6}$	3	262	Phase type	Transmission
Return	$-28.03 ho^2$ $-3.429 \times 10^{-4}$	3	101	Amplitude type	Reflection

区域相位函数的设计结果。

以上设计结果经编码<sup>[8]</sup>后,由中国科学院微电 子所光刻成相位型器件(聚焦区为振幅型器件),图



4 给出了加工完成的器件表面二元浮雕由台阶仪和 扫描电镜测得的结果,由图 4 可见,刻蚀深度约 450 nm,二元特征满足要求。



图 4 CGH 器件的台价仪结果(a)和扫描电镜结果(b)

Fig. 4 Results of CGH element by (a) step-profiler and (b) scanning electronic microscope

#### 2.3 原理误差分析

图 1 采用的零位补偿法,测量光束正入射被测 抛物面,得到的干涉图直接反映被测抛物面面形误 差;图 2 采用自准直法,边缘测量光束以 7.47°入射 抛物面后反射,经标准平面反射后再次经过抛物面, 得到的干涉图反映非正入射(如边缘入射角 7.47°) 时抛物面形双程误差被"投影"后的结果,因此比对 二者测量结果时,可能存在原理误差,且原理误差与 抛物面面形存在的误差有关。

应用 Zemax 软件建立模拟光路,可以给出这一 原理误差分布,如表 2 所示。

主 🤉	要估认偿注知白	准古法ラ店	前的百细得关
衣 4	令忸থ伝法和日	作且伝んP	リ旳尔理庆左

Fable 2	Theoretical	errors	hetween	null	test	and	auto	collimating	test
	Theoretical	enois	Detween	nun	test	anu	auto	commaning	lesi

					<u> </u>	
Method			Wavefrom	nt error $/\lambda$		
Null test	0.034	0.102	0.170	0.272	0.340	0.68
Auto-collimating	0.030	0.091	0.153	0.244	0.305	0.61
Theoretic error	0.004	0.011	0.017	0.028	0.035	0.07
Relative error $/ \frac{9}{10}$	13	11	11.4	11.4	11.5	11.5

由表 2 看出,随着抛物面面形误差值(PV)从 0.034λ 增加到 0.68λ,原理误差由 0.004λ 增加到 0.07λ,相对误差约为 11.5% 左右。如果抛物面的 面形误差较大,即偏离理想抛物面面形较大,则原理 误差更大。为了研究 CGH 器件在参考球面与抛物 面之间的误差传递情况,被测抛物面样品面形误差 值(PV)宜控制在 0.2λ 以内,例如 0.14λ。

#### 3 实验与结果

在 Zygo-GPI 6 干涉仪上建立如图 1 和 2 所示的 实验装置,标准球面透镜的 F 数选用 0.75,测量 F 数 为 4 抛物面时,只使用其中央极小区域的标准球面和 出射光束,光学质量能达到 PV 值小于  $\lambda/30$ 。带孔的 标准平面由低膨胀微晶玻璃制作而成,其面形质量 PV 值小于 λ/20,干涉图如图 5 所示。

实验中,CGH器件零位补偿法和自准值法各重 复测量 10次,结果分别如表 3 和表 4 所示,并求出 其平均值和标准差。图 6 和图 7 分别给出了其中 1 次的 Zygo 干涉仪测量结果图片,其中图 6 反映零位 补偿下的结果,图 7 反映自准直测量的双程结果,转 换到抛物面面形误差,需将结果除以 2。表 5 给出 两种方法平均值结果对比,二者测量结果吻合。考 虑到球面系统光学质量为 $\lambda/30(e_1)$ 、带孔平面面形 精度为 $\lambda/20(e_2)$ 以及测量原理误差 $(e_3)$ (由表 2 可 知,估计达 0.017 $\lambda$ )等因素引入的测量不确定度:

$$e = \sqrt{e_1^2 + e_2^2 + e_3^2} = \sqrt{\left(\frac{\lambda}{30}\right)^2 + \left(\frac{\lambda}{20}\right)^2 + (0.017\lambda)^2} = 0.06\lambda.(2)$$



图 5 带孔标准平晶的面形误差。(a)三维波面,(b)干涉图

Fig. 5 Wavefront of reference flat with central hole. (a) 3-D wavefront, (b) interferogram

表 3 零位补偿法	10 次测量结果
-----------	----------

Times		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Average /Standard deviation
Decili	$\mathbf{PV}$	0.138	0.135	0.139	0.137	0.134	0.136	0.135	0.141	0.135	0.134	0.136/0.0022
Result	RMS	0.021	0.021	0.022	0.021	0.020	0.022	0.021	0.021	0.022	0.022	0.021/0.0006

#### 表 4 自准直法 10 次测量结果

Table 4 10-Times measured value of auto-collimation test

Times		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Average/Standard deviation
Desult	$\mathbf{PV}$	0.135	0.135	0.138	0.136	0.134	0.136	0.138	0.137	0.134	0.140	0.136/0.0018
Result	RMS	0.020	0.022	0.020	0.020	0.020	0.022	0.020	0.020	0.020	0.022	0.021/0.0009

|--|

Table 5 Comparison results of null CGH and

auto-collimation	test
------------------	------

Wavefront error	Null CGH test	Auto-collimation test
PV	$0.136 \pm 0.0022$	0.136±0.0018
RMS	$0.021 \pm 0.0006$	0.021±0.0009

由结果看出,应用光学融石英材料按一定厚径比与 面形要求制作的透射型 CGH 补偿器件测量抛物面 相比,测量不确定度估计优于 λ/10(PV),能够满足 光学计量的要求。



图 6 CGH 零位补偿法的抛物面单程测量结果 Fig. 6 Results of paraboloid tested by null-CGH in single path





Fig. 7 Results of paraboloid tested by auto-collimating in double path

### 4 结 论

平面基底的单片 CGH 器件作为零位补偿器件 测量非球面,已在某些重要领域获得应用。通过以 上分析与实验研究,由自准直法测量抛物面,将球面 和平面基准传递到被测抛物面,再由抛物面传递到 CGH 补偿器件。自准直法测量结果为 0.136± 0.0022(λ)(PV),零位补偿法测量结果为0.136± 0.0018(λ)(PV), 二者结果吻合, 表明 CGH 补偿器 件引入的误差很小。研究测量过程的误差值与置信 水平,可以得出以下结论: 在光学融石英材料的平面 基底(满足厚径比接近于 1:10, 避免基底面形误差 引入 CGH 出射波面畸变)上制作透射型的 CGH 补 偿器件, 测量非球面, 调校更方便, 测量不确定度可 以达到 λ/10(PV), 满足光学计量的要求。

#### 参考文献

1 Shen Weimin, Xue Mingqiu, Yu Jianjun. Optical design of a wide-angle lens for long-wave infrared earth sensors[J]. Optics and Precision Engineering, 2002, 10(4): 329~332

沈为民,薛鸣球,余建军.长波红外广角地平仪镜头的光学设计 [J].光学精密工程,2002,**10**(4):329~332

- 2 C. Pruss, S. Reichelt, H. J. Tiziani *et al.*. Computer-generated holograms in interferometric testing [J]. *Opt. Engnol.*, 2004, 43(11): 2534~2540
- 3 PanJunhua. Fabrication, Design and Test of Aspheric [M]. Beijing: Science Press, 1994

- 4 Ping Su, Guoguo Kang, Qiaofeng Tan *et al.*. Estimation and optimization of computer-generated hologram in null test of freeform surface [J]. *Chin. Opt. Lett.*, 2009, 7 (12): 1097~1100
- 5 Zhishan Gao, Meimei Kong, Rihong Zhu et al.. Problems on design of computer-generated holograms for testing aspheric surfaces: principle and calculation[J]. Chin. Opt. Lett., 2007, 5(4): 241~244
- 6 Zhishan Gao, Lei Chen, Zhou Songzuan *et al.*. Computer-aided alignment for a reference transmission sphere of an interferometer [J]. Opt. Engnol., 2004, 43(1): 69~74
- 7 Zhishan Gao. Analysis of coincidence tolerance between F' and C for the transmission spheres with small F-number[J]. *Chinese J*. *Lasers*, 2004, **31**(7): 793~796 京士山, 点 民教伝教研究 系統研始 E'C 承 公共美人托[J], 赴京

高志山.小F数标准球面透镜组的F'C重合误差分析[J].中国激光,2004,31(7):793~796

8 Jun Ma, Zhishan Gao, Rihong Zhu. Problems on fabrication of computer-generated holograms for test aspheric surfaces [J]. *Chin. Opt. Lett.*, 2009, 7(1): 70~73

潘君骅.光学非球面的加工、设计与检验[M].北京:科学出版 社,1994