**文章编号:** 0253-2239(2010)04-1106-06

# 基于玻恩近似相位恢复的 X 射线显微 CT 实验研究

陈荣昌1,2,3 谢红兰1 杜国浩1 邓 彪1 朱佩平4 佟亚军1,2 王玉丹1,2 肖体乔1

<sup>1</sup>中国科学院上海应用物理研究所,上海 201800;<sup>2</sup>中国科学院研究生院,北京 100049
 <sup>3</sup>Dipartimento di Fisica, Universita di Trieste e INFN, Sezione di Trieste, Italy
 <sup>4</sup>中国科学院高能物理研究所,北京 100049

**摘要** 结合同轴 X 射线相位衬度成像(XPCI)中的 Born 近似相位恢复法和 CT 技术,实现了基于单一物像距同轴 X 射线相位衬度 CT(IL-XPCT)投影图像的相位恢复切片重构方法。利用上海光源 X 射线成像及生物医学应用光 束线站的单色光开展模型和生物样品(蝗虫)IL-XPCT 研究。对比显示,进行相位恢复后,能获得更好的 IL-XPCT 重构切片和三维重建图像。实验结果表明,本方法具有用于生物活体样品三维无损成像研究的潜力。 关键词 医用光学;X 射线显微 CT;相位恢复;Born 近似 中图分类号 O434.1;O436.1 文献标识码 A doi: 10.3788/AOS20103004.1106

## Experimental Investigation on X-Ray Micro-Computed Tomography by Phase Retrieval with Born Approximations

Chen Rongchang<sup>1,2,3</sup> Xie Honglan<sup>1</sup> Du Guohao<sup>1</sup> Deng Biao<sup>1</sup> Zhu Peiping<sup>4</sup> Tong Yajun<sup>1,2</sup> Wang Yudan<sup>1,2</sup> Xiao Tiqiao<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Shanghai Institute of Applied Physics, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201800, China <sup>2</sup> Graduate University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

<sup>3</sup> Dipartimento di Fisica, Università di Trieste e INFN, Sezione di Trieste, Italy

<sup>4</sup> Institute of High Energy Physics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

**Abstract** Phase retrieval of in line X-ray phase contrast computed tomography (IL-XPCT) with Born approximations is achieved by using images recorded at single sample-to-detector distance. Experiments are carried out at X-ray imaging and biomedical application beamline, by taking a phantom and a locust as the samples. After phase retrieval, much better IL-XPCT slices and three-dimensional rendered images are obtained. The results show that the potential application of the proposed method to three-dimensional non-destructive imaging of biological samples.

Key words medical optics; X-ray micro-CT; phase retrieval; Born approximations

1 引 言

X 射线相位衬度成像(XPCI)技术,是利用 X 射线透过样品后携带的相位信息对样品成像,其对生

物软组织、聚合物、纤维混合物等弱吸收样品,能够获得很好的衬度<sup>[1]</sup>。XPCI已成为成像领域的研究 热点,但其为平面成像,即将样品的三维结构投影到

作者简介:陈荣昌(1983—),男,博士研究生,主要从事 X 射线成像方面的研究。E-mail: chenrongchang@sinap.ac.cn

导师简介:肖体乔(1966一),男,研究员,博士生导师,主要从事 X 射线光学和光学检测等方面的研究。

收稿日期: 2009-04-09; 收到修改稿日期: 2009-05-27

**基金项目**:国家自然科学基金(10505028,10805071,10705020)、上海市基础重点基金(3107JC14062,08JC1411900)和国际理论物理中心(ICTP)意大利实验培训和研究项目(TRIL)资助课题。

二维平面上显示,有图像重叠、观察困难等问题。 XPCI与CT理论相结合,即XPCT-X射线相位衬 度CT能获得弱吸收样品内部结构的二维或三维图 像,是研究弱吸收样品的强有力工具。

XPCT 方法主要有干涉仪法<sup>[2]</sup>、衍射增强 法<sup>[3~5]</sup>、光栅微分法<sup>[6~8]</sup>和同轴法<sup>[9,10]</sup>,它们对信息 记录、实验平台及光源有不同要求。同轴 X 射线相 位衬度 CT(IL-XPCT)采用菲涅耳衍射原理,成像 光路无需借助光学元器件,装置简单、操作方便,目 对光源的时间相干性要求较低,具有广阔的应用前 景<sup>[11~14]</sup>。不同的科研小组提出了各种同轴 X 射线 相位衬度成像(IL-XPCI)相位恢复方法[15~17],结合 CT 技术,能重构样品的折射率系数或吸收系数的 三维空间分布。现有的相位恢复方法中多数需要至 少两个物像距的 IL-XPCI 图像,增加了数据采集时 间和处理难度,这对生物活体或含水样品来说是十 分不利的。玻恩(Born)近似 IL-XPCI 相位恢复法 在能量传递方程基础上利用近似方法,通过把非线 性方程线性化得到相位恢复方程,可实现单一物像 距 IL-XPCI 图像相位恢复<sup>[17]</sup>。

目前已建成使用的上海光源是一台自然发射度 为 3.9 (nm•rad)的高性能第三代同步辐射光源,X 射线空间相干性有了大幅度提高,对发展与光源相 干特性密切相关的 IL-XPCT 方法十分有利。本文 利用上海光源 X 射线成像及生物医学应用光束线 站的单色光开展生物样品 IL-XPCT 研究,结合 IL-XPCI 中的 Born 近似相位恢复法和 CT 技术,实现 了基于单一物像距 IL-XPCT 投影图像的相位恢复 切片重构方法,并实验验证该方法的可行性。在此 基础上,进一步分析了有、无相位恢复的重构结果。

### 2 相位恢复原理

如图 1 所示,假设波长为 λ 的平行单色 X 射线 垂直照射样品,样品的复折射率可表示为

$$n(r) = 1 - \delta(r) + i\beta(r),$$
 (1)  
式中  $r = (x, y, z)$  为样品的空间坐标, $\delta$ , $\beta$ 分别为样  
品的折射率系数和吸收系数。

根据一阶 Born 近似理论,距离样品 z 处的成像 平面光强分布 Iz 满足<sup>[17,18]</sup>

$$\mathscr{F}[(I_z/I^{\text{out}}-1)/2] = \cos[\pi\lambda z(\xi^2+\eta^2)]\text{Re}(\Psi_0) + \\ \sin[\pi\lambda z(\xi^2+\eta^2)]\text{Im}(\Psi_0), \qquad (2)$$

式中 $\mathscr{F}$ 表示傅里叶变换, $I^{\text{out}}$ 为紧邻样品后(z = 0)的光波复振幅分布, $\text{Re}(\Psi_0)$ 为样品的吸收信息, $\text{Im}(\Psi_0)$ 为样品的相位信息,( $\xi,\eta$ )为(x,y)的空域



#### 图 1 IL-XPCI 原理图

Fig.1 Schematic of IL-XPCI experiment 形式。IL-XPCT 实验中,结合(1)式,(2)式可得

 $\mathscr{F}[(I_{z\theta}/I_{\theta}^{\mathrm{out}}-1)/2] =$ 

 $\cos\left[\pi\lambda z\left(\xi^{2}+\eta^{2}\right)\right]\mathcal{F}\left\{-k\left[P_{\theta\beta}(r)\right](x,y)\right\}+$ 

 $sin[\pi\lambda z(\xi^{2} + \eta^{2})] \mathscr{F}\{-k[P_{\theta}\delta(r)](x,y)\}, (3)$ 式中  $\theta$ 表示不同的 IL-XPCT 旋转角度,  $k = 2\pi/\lambda, P_{\theta}$ 为旋转角度为  $\theta$  时样品信息沿光波传播方向 z 的投影。

(3)式可直接用来恢复样品 IL-XPCT 投影图像的相位和吸收信息。分析易知,其至少需要两个不同物像距的 IL-XPCT 投影图像,增加了 IL-XPCT 数据采集时间和处理难度。如果样品为单一物质构成,其折射率系数和吸收系数存在一个线性关系<sup>[19]</sup>,即

$$\delta(r) = \varepsilon \,\beta(r) \,, \tag{4}$$

式中  $\epsilon$  为常数。假设样品均匀吸收,即  $I_{\theta}^{\text{out}} \approx 1$ ,将 (4)式代入(3)式中可得

 $[P_{\theta}\delta(r)](x,y) = -k^{-1}\mathcal{F}^{-1} \times$ 

$$\left\{\frac{\mathscr{F}[(I_{\mathscr{A}}-1)/2]}{\varepsilon^{-1}\cos[\pi\lambda z(\xi^{2}+\eta^{2})]+\sin[\pi\lambda z(\xi^{2}+\eta^{2})]}\right\},(5)$$

式中 ℱ<sup>1</sup>表示傅里叶逆变换。(5)式只需要单一物 像距的 IL-XPCT 投影图像就可以进行相位恢复。 采用(5)式分别对 IL-XPCT 实验中的各个投影图像 进行相位恢复后,再采用(6)式滤波反投影方法进行 切片重构,可得样品的相位恢复后 IL-XPCT 重构切 片。其中(6)式表示如下:

$$\delta(r) = \int_{0}^{\pi} [P_{\theta} \delta(r)](x, y) * \nu \mathrm{d}\theta, \qquad (6)$$

式中 \* 表示卷积, , 为 CT 切片重构滤波因子。

以上讨论的是采用 Born 近似相位恢复法的相 位恢复后 IL-XPCT 切片重构过程,对于无相位恢复 的 IL-XPCT 切片重构,则是直接对不同旋转角度  $\theta$ 下探测器采集到 IL-XPCT 投影图像  $I_{a}$ 进行滤波反 投影切片重构得到样品的无相位恢复 IL-XPCT 重 构切片,表示如下:

$$f(r) = \int_{0}^{\pi} I_{z\theta} \star \nu \mathrm{d}\theta, \qquad (7)$$

式中 *f*(*r*) 表示无相位恢复 IL-XPCT 重构得到的样 品分布函数。

## 3 装置与方法

实验在上海光源 X 射线成像及生物医学应用 光束线站(BL13W1)实验站上采集投影数据。 BL13W1为采用 Wiggler 插入件光束线站,采用液 氮冷却双平晶单色仪,提供 8~72.5 keV 的不聚焦 高相干单色光束。BL13W1 实验站的相关实验设备 置于大理石隔震平台上,以减少震动对实验的影响, 样品平台距离光源约 34 m,配有多维运动平台、精 密导轨、不同分辨率的数字和胶片探测器等不同实 验设备。BL13W1 实验站可实现样品的 IL-XPCT 投影图像采集、IL-XPCT 切片重构和三维图像重 建,以进行样品的三维分析研究。图 2 为 BL13W1 实验站 IL-XPCT 实验示意图。



图 2 BL13W1 实验站 IL-XPCT 实验示意图 Fig. 2 Schematic of IL-XPCT experiment at BL13W1 experimental station





图 3 测试样品 IL-XPCT 投影图像。(a)无相位恢复;(b)相位恢复后;(c)图(a)黑线位置横截面强度分布; (d)图(b)黑线位置横截面强度分布

Fig. 3 IL-XPCT projection image of test sample. (a) without phase retrieval; (b) with phase retrieval; (c) profile of the dark line in (a); (d)profile of the dark line in (b)

BL13W1 实验站 IL-XPCT 实验及数据处理过程如下:

1) 根据样品确定 IL-XPCT 实验参数;

 在 BL13W1 实验站上采集 IL-XPCT 投影图 像(0≤θ<π);</li>

3) 对所有 IL-XPCT 投影图像(0≤θ<π)采用</li>
 (5)式进行相位恢复;

 4) 滤波反投影法进行相位恢复后(或无相位恢 复)IL-XPCT 切片重构;

5) 采用 Amira 软件进行样品的三维结构重建。

## 4 结果与分析

报

图 3~图 5 样品为塑料管混合测试样品,具体 为饮料吸管( $\phi \approx 5.5 \text{ mm}$ ),吸管内放置 5 根橡胶管 (导线绝缘套  $\phi \approx 0.9 \text{ mm}$ )。实验参数为光子能量 15 keV;流强 10 mA;成像距离 1.2 m;投影图像数 量 1200(180°范围内),即样品每旋转 0.15°采集一 幅投影图像;每幅投影图像的曝光时间为 200 ms; CCD 探测器有效像素尺寸为 9  $\mu$ m。

图 3(a)和(b)分别为测试样品的无相位恢复和 相位恢复后 IL-XPCT 投影图像,图 3(c)和(d)分别 为图 3(a)和(b)黑线位置的横截面强度分布。从 图 3中可看出,无相位恢复 IL-XPCT 投影图像中样 品有很强的边缘增强效应;相位恢复后 IL-XPCT 投 影图像样品的边缘增强效应得到消除。但由于图 3 是样品三维结构在二维平面投影,图像重叠严重,样 品中的不同结构难以分辨。

质的重构值明显不同,易于区分。

图 5(a)和(b)分别为测试样品的无相位恢复和 相位恢复后的三维重建图。图5中测试样品的边

缘轮廓信息都得到很好的重建,但图 5(a)只是重建

出样品的边缘轮廓信息,而样品的同质物质的重构

值有很大的差别,如样品中管子的管壁与管子内部

结构的三维重建值不一致;图 5(b)中样品的同质物

质得到一致的重构值,三维重建图更符合样品的现

图 4(a)和(b)分别为测试样品的无相位恢复和 相位恢复后的 IL-XPCT 重构切片,图 4(c)和(d)分 别为图 4(a)和(b)黑线位置的横截面强度分布。图 4(a)和(b)中可看出样品的各个管子都得到很好的 重构结果,轮廓清晰。图4(c)可以看出无相位恢复 IL-XPCT 重构切片有很强的边缘增强效应,但样品 不同物质的重构值相差很小。图 4(d)可以看出相 位恢复后 IL-XPCT 重构切片消除无相位恢复 IL-XPCT 重构切片的边缘增强效应,且样品内不同物

> (a) (b) 500 μm 500 µm Relative intensity (a.u.) Relative intensity (a.u.) 0.3(d) (c) -0.20.2-0.30.1-0.40 -0.5-0.1 -0.6-0.2-0.7-0.3 -0.80 100 200 300 400 500 600 100 200 300 400 500 600 0 Pixel Pixel

实表现形式。

图 4 测试样品 IL-XPCT 重构切片。(a)无相位恢复;(b)相位恢复后;(c)图(a)黑线位置横截面强度分布; (d)图(b)黑线位置横截面强度分布

Fig. 4 IL-XPCT reconstructed slice of test sample. (a) without phase retrieval; (b) with phase retrieval; (c) profile of the dark line in (a); (d) profile at the dark line in (b)



#### 图 5 测试样品三维重建图。(a)无相位恢复;(b)相位恢复后

基于测试样品 IL-XPCT 实验的良好结果,开展 生物样品(蝗虫)的 IL-XPCT 实验。图 6 和图 7 采用 样品为未经任何处理的新鲜蝗虫,为方便固定将其放 在一个塑料试管(∮≈4.7 mm)中进行 IL-XPCT 投影 图像采集。实验参数为光子能量 10 keV;流强 10 mA;成像距离 1.2 m;投影图像数量 600 幅(180°

Fig. 5 Three-dimensional rendered image of test sample. (a) without phase retrieval; (c) with phase retrieval 范围内);每幅投影图像的曝光时间为 200 ms;CCD

探测器有效像素尺寸为 9 μm。

图 6(a)和(b)分别为蝗虫样品无相位恢复和相 位恢复后的 IL-XPCT 重构切片。从图 6 可看出,无 相位恢复 IL-XPCT 重构切片中,由于边缘增强效 应,蝗虫样品的内部结构轮廓特别明显,但该切片中 存在不少由于样品的吸收信息和相衬信息相互作用 而产生的条状伪影;相位恢复后的 IL-XPCT 重构切 片蝗虫样品的内部结构轮廓信息相对无相位恢复 IL-XPCT 重构切片有一定的减弱,但依然能清晰分 辨,同时相位恢复后的 IL-XPCT 重构切片减少无相 位恢复 IL-XPCT 重构切片中的条状伪影。 图 7(a)和(b)分别为无相位恢复和相位恢复后的蝗虫样品三维重建图。图 7 两图中都可清晰的辨认蝗虫样品的翅膀和内部组织分布,但图 7(a)更多的是表现样品的轮廓信息,而图 7(b)中不仅样品的轮廓信息得到很好的重建,同时相同组织的重构值比较统一。



图 6 蝗虫样品 IL-XPCT 重构切片。(a)无相位恢复;(b)相位恢复后 Fig. 6 IL-XPCT reconstructed slice of locust sample. (a) without phase retrieval; (b) with phase retrieval



#### 图 7 蝗虫样品三维重建图。(a)无相位恢复;(b)相位恢复后

Fig. 7 Three-dimensional rendered image of locust sample. (a) without phase retrieval; (b) with phase retrieval

综合上述无相位恢复和相位恢复后 IL-XPCT 重构结果对比表明:无相位恢复 IL-XPCT 重构结果 中,由于边缘增强效应,样品的内部结构轮廓信息特 别明显,但存在同质物质的重构值不统一以及由于 样品的吸收信息和相衬信息相互作用而产生的条状 伪影;相位恢复后 IL-XPCT 重构结果中样品内部结 构轮廓信息相对无相位恢复 IL-XPCT 重构结果有 一定的减弱,但依然能清晰分辨,同时相位恢复后 IL-XPCT 重构结果很好地解决了无相位恢复 IL-XPCT 重构结果存在的样品同质物质的重构值不统 一以及由于样品的吸收信息和相衬信息相互作用而 产生的伪影。

Born 近似单一物像距 IL-XPCT 相位恢复法是 基于单一样品的折射率系数和吸收系数存在的线性 关系和样品均匀吸收的假设下推导得到的,实际实 验样品并不能严格满足上述条件,从而影响相位恢 复结果。如图 5 (b)和图 6(b)还存一定程度的边缘 增强效应,该伪影采用多距离 IL-XPCT 投影图像相 位恢复方法可以得到改善。生物活体或含水样品 IL-XPCT 实验中,样品所受的辐射剂量是直接影响 实验可行性的参数,辐射剂量越小对生物活体样品 实验越有利;同时在 IL-XPCT 数据采集过程中,生 物活体或含水样品的结构并非固定不变,这限制了 多物像距 IL-XPCT 投影图像相位恢复方法在此类 样品的应用。Born 近似单一物像距 IL-XPCT 投影 图像相位恢复法只需要单一物像距的 IL-XPCT 投影 图像相位恢复法只需要单一物像距的 IL-XPCT 投 影数据,能够把样品所受的辐射剂量降到最低,同时 降低样品的结构变化对重构结果的影响,具有广阔 的应用前景。

## 5 结 论

利用上海光源 X 射线成像及生物医学应用光 束线站的单色光开展 IL-XPCT 研究,结合 IL-XPCI 中的 Born 近似相位恢复法和 CT 技术,实现了基于 单一物像距 IL-XPCT 投影图像的相位恢复切片重 构方法。对测试样品(塑料管和橡胶管混合样品)和 未经任何处理的新鲜蝗虫样品,IL-XPCT 实验取得 了很好的结果,验证了 Born 近似单一物像距 IL-XPCT 投影图像相位重构的方法是可行的。该方法 相位恢复过程中只需要单一物像距的 IL-XPCT 投 影图像,可以把实验中样品所受的辐射剂量降到最 低,同时降低样品的结构变化对重构结果的影响,并 且相位恢复后 IL-XPCT 重构结果可以很好的解决 无相位恢复 IL-XPCT 重构结果可以很好的解决 无相位恢复 IL-XPCT 重构结果可以很好的解决 后的重构值不统一以及由于样品的吸收信息和相衬 信息相互作用而产生的伪影,在生物活体或含水样 品的应用中优势明显。结果表明,本方法具有用于 生物活体样品三维无损成像研究的潜力。

致谢 感谢意大利 ELETTRA 光源 SYRMEP 束线 工作人员在 CT 重构软件编写过程中提供的帮助; 感谢上海光源 BL13W1 实验站工作人员在实验工 作中的帮助。

#### 参考文献

- 1 R. Fitzgerald. Phase-sensitive X-ray imaging[J]. Phys. Today, 2000, 53(7): 23~26
- 2 A. Momose. Demonstration of Ppase-contrast X-ray computedtomography using an X-ray interferometer[J]. Nucl. Instrum. Meth. A, 1995, 352(3): 622~628
- 3 F. A. Dilmanian, Z. Zhong, B. Ren *et al.*. Computed tomography of X-ray index of refraction using the diffraction enhanced imaging method[J]. *Phys. Med. Biol.*, 2000, **45**(4): 933~946
- 4 P. P. Zhu, J. Y. Wang, Q. X. Yuan *et al.*. Computed tomography algorithm based on diffraction-enhanced imaging setup[J]. *Appl. Phys. Lett.*, 2005, **87**(26): 264101
- 5 Sun Yi, Zhu Peiping, Yu Jian *et al.*. Absorption, refraction and extinction contrast computerized tomography of X-ray diffraction enhanced imaging method[J]. *Acta Optica Sinica*, 2007, 27(4): 749~754
- 孙 怡,朱佩平,于 健等.X射线衍射增强成像中吸收、折射 以及散射衬度的计算层析[J].光学学报,2007,**27**(4): 749~754

- 6 F. Pfeiffer, C. Kottler, O. Bunk et al.. Hard X-ray phase tomography with low-brilliance sources [J]. Phys. Rev. Lett., 2007, 98(10): 108105
- 7 Chen Xin, Sun Yi, Zhu Peiping. Reconstruction algorithm of cone-beam phase X-ray computer-tomography based on grating Imaging[J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(6): 1079~1084
  陈 欣,孙 怡,朱佩平. 光栅成像的锥束相位 CT 重建算法 [J]. 光学学报, 2008, 28(6): 1079~1084
- 8 Z. F. Huang, K. J. Kang, L. Zhang *et al.*. Alternative method for differential phase-contrast imaging with weakly coherent hard X-rays[J]. *Phys. Rev. A*, 2009, **79**(1): 013815
- 9 C. Raven, A. Snigirev, I. Snigireva et al.. Phase-contrast microtomography with coherent high-energy synchrotron X-rays [J]. Appl. Phys. Lett., 1996, 69(13): 1826~1828
- 10 Jiang Shiping, Li Meifang, Chen Yang *et al.*. In-line X-ray phase-contrast computerized tomography[J]. Acta Optica Sinica, 2008, **28**(3): 609~612 蒋诗平,李妹芳,陈 阳等. 同轴 X 射线相位衬度计算机 x 射线 断层摄影术研究[J]. 光学学报, 2008, **28**(3): 609~612
- 11 X. Wei, T. Q. Xiao, L. X. Liu *et al.*. Application of X-ray phase contrast imaging to microscopic identification of Chinese medicines[J]. *Phys. Med. Biol.*, 2005, **50**(18): 4277~4286
- 12 E. M. Friis, P. R. Crane, K. R. Pedersen *et al.*. Phasecontrast X-ray microtomography links cretaceous seeds with gnetales and bennettitales [J]. *Nature*, 2007, **450** (7169): 549~552
- 13 Xue Yanling, Xiao Tiqiao, Du Guohao *et al.*. Microscopic identification of panax quinquefolium and panax ginseng by X-ray phase contrast imaging[J]. *Acta Optica Sinica*, 2008, 28(9): 1828~1832 薛艳玲,肖体乔,杜国浩等. 西洋参和高丽白参的 X 射线显微

鉴定研究[J]. 光学学报, 2008, **28**(9): 1828~1832

- 14 J. Keyrilainen, M. Fernandez, M. L. Karjalainen-Lindsberg *et al.*. Toward high-contrast breast CT at low radiation dose[J]. *Radiology*, 2008, **249**(1): 321~327
- 15 K. A. Nugent, T. E. Gureyev, D. F. Cookson et al.. Quantitative phase imaging using hard X-rays[J]. Phys. Rev. Lett., 1996, 77(14): 2961~2964
- 16 P. Cloetens, W. Ludwig, J. Baruchel *et al.*. Hard X-ray phase imaging using simple propagation of a coherent synchrotron radiation beam[J]. J. Phys. D. Appl. Phys., 1999, **32**(10A): A145~A151
- 17 T. E. Gureyev, A. Pogany, D. M. Paganin *et al.*. Linear algorithms for phase retrieval in the fresnel region [J]. *Opt. Commun.*, 2004, **231**(1-6): 53~70
- 18 M. Born, E. Wolf. Principles of Optics [M]. New York: Cambridge University Press, 1999
- 19 X. Z. Wu, H. Liu, A. M. Yan. X-ray phase-attenuation duality and phase retrieval [J]. Opt. Lett., 2005, 30 (4): 379~381