**文章编号:** 0253-2239(2010)10-2935-06

# 天基可见光相机探测灵敏度研究

潘海斌 宋广华\* 解利军 朱 博 何丽莎 郑 耀

(浙江大学空天信息技术研究所,浙江杭州 310027)

**摘要** 随着遥感技术的发展,对载荷的性能提出愈来愈高的要求,特别是载荷的探测灵敏度,直接关系到能否探测 到目标。如何满足和提高探测灵敏度,成为研制高性能遥感设备设计中的一个重要问题,从光度学和辐射度学原 理出发,对空间目标探测信号的强度进行分析、计算。基于目标与噪声的数学表达式,根据经典检测理论推导出天 基可见光(SBV)相机的探测灵敏度模型的数学表达式。将美国 SBV 相机参数代入该模型后,计算得到的灵敏度结 果(15.55 视星等)与设计指标(15.5 视星等)只相差 0.05 视星等。由此可见该探测灵敏度模型具有相当的精度, 可为天基可见光相机的研究设计提供理论参考。

**关键词** 空间光学;天基可见光相机;探测灵敏度;视星等;光度学 中图分类号 TN911 **文献标识码** A **doi**: 10.3788/AOS20103010.2935

## **Research on Detection Sensitivity of Space-Based Visible Sensor**

Pan Haibin Song Guanghua Xie Lijun Zhu Bo He Lisha Zheng Yao

(Institute of Aerospace Information Technology, Zhejiang University, Hangzhou, Zhejiang 310027, China)

**Abstract** Along with the development of remote sensing technique, performance demands of load become higher and higher. Especially the detection sensitivity of load is related to the ability of detecting target. How to meet and increase detection sensitivity of load is becoming a problem of developing high-performance remote sensing device. Based on the theories of photometry and radiometry, space target detection signal intensity is analyzed and calculated. According to classical detection theory, the model of detection sensitivity of space-based visible (SBV) sensor is derived based on the mathematical expression of target and noise. By substituting American SBV sensor parameters into the model, the error between calculation result (15.55 visual magnitude) and design specification (15.5 visual magnitude) of detection sensitivity is only 0.05 visual magnitude. This shows that the detection sensitivity model has considerable accuracy, and will provide a theoretical reference for space-based visible sensor research and design.

Key words space optics; space-based visible (SBV) sensor; detection sensitivity; visual magnitude; photometry

1 引 言

美国"空间中段试验"卫星(MSX)上的天基可 见光(SBV)相机开辟了天基空间监视的先河,可实 现对多种常驻空间目标的搜索、探测、跟踪和数据采 集,有效弥补了地基观测的不足<sup>[1~3]</sup>。SBV 相机作 为天基监视网的组网卫星探测系统其性能卓越,已 探测发现了大量空间飞行器和空间碎片,同时也是 弹道导弹探测和多弹头辨识的有力辅助手段<sup>[3~6]</sup>。

SBV 相机的探测任务属于点目标探测,是通过

被动探测空间目标反射的太阳光线,完成对其探测、 捕获和跟踪。对相机的探测能力的分析和预估,是 开展相机系统设计的基本前提之一。相机探测能力 主要以相机探测灵敏度来衡量。相机探测灵敏度是 指相机系统正确获取目标信息能力的大小。探测灵 敏度分为绝对探测灵敏度与相对探测灵敏度,绝对 灵敏度是相对灵敏度的极限值。SBV 相机探测灵 敏度通常指相机能够探测到最弱目标的目视星等, 是设计 SBV 相机的一个关键指标<sup>[7,8]</sup>。

作者简介:潘海斌(1979—),男,博士,主要从事空间目标检测与红外图像处理方法等方面的研究。

E-mail: phbzll@zju.edu.cn

收稿日期: 2009-12-30; 收到修改稿日期: 2010-02-25

基金项目:国家自然科学基金(61008048)资助课题。

<sup>\*</sup> 通信联系人。E-mail: ghsong@cs. zju. edu. cn

SBV 相机探测灵敏度除与相机固有的光学系统、CCD 探测器及输出电路有关外,还与图像处理方法有关,可通过增加信噪比,提高探测灵敏度<sup>[9]</sup>。本文以美国 SBV 相机为例,通过分析影响 SBV 相机探测灵敏度的信号与噪声成像特性,对 SBV 相机探测灵敏度进行原理研究和理论计算公式的推导,建立 SBV 相机探测灵敏度模型。

# 2 相机参数

以美国 SBV 相机设计参数为依据研究 SBV 相 机探测灵敏度。表 1 给出了美国 SBV 相机设计参 数<sup>[10]</sup>。

表1 SBV 相机参数

Table 1 SBV parameter	er
-----------------------	----

Parameter / unit	Value
Spectral range /µm	0.3~0.9
Frame integration time/ s	0.625
Aperture/ cm	15
Quantization bits	12
Potential well depth/ $e^-$	$1 \times 10^5$
Dark current/(e <sup>-</sup> /pixel. s@-40 °C)	18
Quantum efficiency(average)	27%
Output amplifier noise /( $e^-RMS@-40$ °C)	$<\!\!6$
Camera sensitivity /Vmg	15.5

## 3 探测灵敏度建模

#### 3.1 目标成像信号电子数计算

SBV 相机对目标的成像过程由光学系统、CCD 探测器等环节组成。因此,影响目标成像信号强度 的因素有:目标的星等和光谱,光学系统的入瞳、焦 距、光谱透射比,CCD 的量子效率、积分时间、探测 波段和光谱响应。图1给出了从目标视星等到成像 信号电子数的转换关系示意图<sup>[11]</sup>。根据图1的转



图 1 目标视星等与成像信号电子数的转换关系示意 Fig. 1 Transfer relationship between object visual magnitude and imaging electron number

化关系,其中步骤1~7的数学表达式分别为

报

$$E_{\rm t} = 10^{0.4(-26.73-m)} E_{\rm s}, \qquad (1)$$

$$F = \pi D_{\text{input}}^2 E_t / 4, \qquad (2)$$

$$F = \int_{0.38}^{\infty} F_{\lambda} d\lambda, \qquad (3)$$

$$F_{\lambda} = K(\lambda)\Phi_{\lambda}, \qquad (4)$$

$$\Phi_{\lambda} = \Phi_{\lambda \max} \Phi(\lambda r), \qquad (5)$$

$$m_{\nu}(\lambda) = \Phi_{\lambda} / h_{\nu} = \frac{\Phi_{\lambda} \lambda}{hc},$$
 (6)

$$n_{\rm e} = \int_{0}^{\infty} n_{\nu}(\lambda) \eta_{\lambda} \mathrm{d}\lambda. \tag{7}$$

根据上述公式,当 SBV 相机探测 m 星等目标时,CCD产生的信号电子数可表示为

$$S_{\text{target}} = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} \frac{\pi D_{\text{input}}^2 E_{\text{s}} K_{\text{trans}} \Phi(\lambda r) \eta \lambda s_{\text{int}}}{4 \times 10^{0.4(26.73 + m)} h c} \int_{0.38}^{0.76} K(\lambda) \Phi(\lambda r) d\lambda$$
(8)

式中 $\lambda_1$ , $\lambda_2$ 为相机探测波段上下限; $D_{input}$ 为入瞳孔 径; $E_s$ 为太阳光照度; $K_{trans}$ 为系统光学透射比,为 0.56(含 30%遮拦率); $s_{int}$ 为 CCD 积分时间; $\eta$ 为 CCD 量子效率,平均值为 0.27; $\phi(\lambda r)$ 为太阳的相对 光谱辐通量函数,如图 2 所示; $K(\lambda)$ 为光谱光视效 能函数,表示对应波长为  $\lambda$  的单色光辐射通量可以 产生多少相应的单色光通量,函数曲线如图 3 所 示<sup>[11]</sup>; $E_t$ 表示恒星目标在入瞳处的照度;m表示恒 星星等; $F_\lambda$ 表示光谱光通量; $\phi_\lambda$ 表示光谱辐射量;  $n_s(\lambda)$ 表示 CCD 在单位时间内接受某波长入的光子 数; $n_e$ 表示 CCD 像元单位内产生的电子数。







#### 3.2 天基可见光相机噪声分析

SBV 相机主要噪声分量如图 4 所示<sup>[12,13]</sup>。在 SBV 相机探测目标时,相机总的噪声以暗电流噪 声、输出噪声、量化噪声与目标辐射光子散粒噪声





Fig. 3 Curve of spectral luminous efficiency

为主。

1)暗电流噪声是载流子的热产生而发生的随机 过程,可以用泊松分布描述,其等值电子数  $n_{\rm d}$ 等于 暗电流产生的电子数  $N_{\rm d}$ 的平方根,即  $n_{\rm d} = \sqrt{N_{\rm d}}$ 。



图 4 相机噪声分量

Fig. 4 Sensor noise component

2)输出噪声属于暂态噪声,是由于电路通道中 各种噪声源(如放大器、可编程增益放大器和模数转 换器)引起的信号电平随机波动,在检测弱光信号 时这种噪声对系统的信噪比影响较显著。输出噪声  $n_o$ 可用高斯随机分布描述<sup>[1]</sup>,即 $n_o \sim N(0, \sigma_o^2)$ 。在 SBV 相机中 $\sigma_o = 6$ 。

3)模/数转换电路在将模拟信号转化为数字信号时,一定范围内的模拟输入信号会产生相同的数字输出,由此带来的误差称为量化噪声<sup>[14]</sup>: $n_q^2 = \frac{n_{well}}{2^N \sqrt{12}}$ 。其中 $n_{well}$ 表示势阱深度,N表示量化位数。

4)目标辐射光子散粒噪声起源于入射光子流的随机特性,遵从泊松分布,同样是一种白噪声。目标辐射光子散粒噪声  $n_{ps}$ 与目标信号是相关的,它与信号总电荷数  $n_{star}$ 的平方根成正比,即  $n_{ps} = \sqrt{S_{target}}$ 。

根据上述几种主要噪声,SBV 相机的噪声模型 可表示为

$$n_{\rm SBV} = \sqrt{n_{\rm d}^2 + n_{\rm o}^2 + n_{\rm q}^2 + n_{\rm ps}^2} = \sqrt{N_{\rm d} + \sigma_{\rm o}^2 + n_{\rm q}^2 + S_{\rm target}} .$$
(9)

#### 3.3 天基可见光相机探测灵敏度模型

由经典检测理论(对应信噪比的门限作为判决 有无目标的准则)可知,实现最佳检测的原则是在一 定条件下,获取最大的探测率和最小的虚警率,它们 与信噪比之间满足一定的关系,如图 5 所示<sup>[9]</sup>。根 据经典检测理论,在给定探测概率和虚警概率的条 件下,SBV 相机的检测依据<sup>[9]</sup>为

$$R_{
m sn} = rac{S_{
m target}}{n_{
m SEV}} = rac{S_{
m target}}{\sqrt{N_{
m d} + \sigma_{
m o}^2 + n_{
m q}^2 + S_{
m target}}} \geqslant T_{
m sn},$$
 $(10)$ 

式中 $R_{\text{SN}}$ 为信噪比(SNR), $T_{\text{sn}}$ 为最小可探测信噪比阈值。



图 5 探测率、虚警率与信噪比的关系

Fig. 5 Relation among detection probability, false-alarm probability and SNR

美国 SBV 相机的探测概率不小于 99%, 虚警 率不大于 1%<sup>[15~17]</sup>。结合图 5 可知, SBV 相机的 信噪比阈值  $T_{sn} = 5$ 。

解(10)式可得

$$S_{\text{target}} \ge \frac{T_{\text{sn}}^2 + \sqrt{T_{\text{sn}}^4 + 4T_{\text{sn}}^2(N_{\text{d}} + \sigma_{\text{o}}^2 + n_{\text{q}}^2)}}{2}.$$
(11)

根据(8)式与(11)式,可得 SBV 相机探测灵敏度模型数学表达式:

$$m = -26.73 - 2.5 \times \lg \begin{bmatrix} \int_{\lambda_1}^{0.76} K(\lambda) \ \Phi(\lambda r) d\lambda \\ \int_{\lambda_1}^{0.38} \Phi(\lambda r) \ \eta_{\lambda} \lambda \ d\lambda \end{bmatrix} \cdot \frac{2hc \left[ T_{sn}^2 + \sqrt{T_{sn}^4 + 4T_{sn}^2(N_d + \sigma_o^2 + \frac{n_{well}}{2^N \sqrt{12}})} \right]}{\pi \ E_s \ D_{input}^2 \ K_{trans} \ s_{int}} \end{bmatrix}.$$
(12)

光

# 4 结果分析

#### 4.1 模型精度分析

将 SBV 相机参数代入本文提出的 SBV 相机探测灵敏度模型,得到的计算结果与美国 SBV 相机的设计指标进行对比,如表 2 所示。

表 2 本文计算结果与 SBV 设计指标对比

 Table 2
 Comparison of the calculation result and

 design specification of SBV

T.	Detection sensitivity	OND
Item	(visual magnitude)	SNR
Design specification	15 5	5.0
of SBV	10.0	5.0
Calculation results	15.55	5.0

从表 2 对比中可看出,根据本文的探测灵敏度 模型计算得到的探测灵敏度与 SBV 相机的设计灵 敏度相差较小(误差 0.05 视星等),由此可得出本文 提出的 SBV 相机探测灵敏度模型具有一定的精确 性。为了进一步证明模型的精确性,将美国某辅助 遥感器参数<sup>[18]</sup>(如表 3 所示)代入本文模型,计算结 果如表 4 所示。

表 3 美国某辅助遥感器参数

Table 3 American auxiliary remote sensor parameters

Parameter /unit	Value
Optical transmittance	0.56
Frame integration time/ s	0.5
Aperture/ cm	22
Dark current/( $e^{-/pixel. s@-40}$ °C)	18
Quantum efficiency(average)	66%
Output amplifier noise/(e-RMS@-40 $^\circ\!\mathrm{C}$ )	$<\!\!6$
Camera sensitivity/ Vmg	17.3

表 4 本文计算结果与辅助遥感器设计指标及 文献计算结果对比

Table 4Comparison among the calculation results,design specification of auxiliary remote sensor,

and calculation results of the literature

Item	Detection sensitivity	SND
	(visual magnitude)	SINK
Design specification of	17.3	4 19
auxiliary remote sensor		4.12
Calculation results of	17.4	3.5
the literature <sup>[18]</sup>		
Fitting results of	17.16	4 10
the literature $[18]$		4.12
Calculation results	17 37	4 12
Calculation results 1	11.01	ч <b>.</b> 12

从表 4 对比中可看出,根据本文的探测灵敏度 模型计算得到的探测灵敏度与美国辅助遥感器的设 计灵敏度相差较小(误差 0.07 视星等),相对于文献 [18]提出的计算方法(误差 0.14 视星等)精度提高 了一倍。由此可得出本文提出的 SBV 相机探测灵 敏度模型具有一定的精确性与合理性。

#### 4.2 相机参数对模型的影响

报

从(12)式可知,SBV 相机探测灵敏度与量子效 率、信噪比阈值、光学系统入瞳孔径、光学透射比及 CCD 积分时间相关。基于美国 SBV 相机的参数, 对这些关系进行分析。

 1) 灵敏度与平均量子效率的关系如图 6 所示。
 从图 6 可以看出,平均量子效率与提高探测灵敏度 成正相关,并且探测灵敏度的增加幅度随量子效率
 的增加而减小。





2) 灵敏度与信噪比阈值的关系如图 7 所示。 从图 7 可以看出,灵敏度与信噪比阈值成反相关,当 信噪比阈值从 5 降低到 2.5 时,探测灵敏度可再提 高 1 视星等。信噪比阈值的确定由目标检测算法决 定,因此采用好的目标检测算法,可以尽可能降低信 噪比,增大相机探测灵敏度。





3)灵敏度与相机入瞳孔径的关系如图 8 所示。 从图 8 中可以看出,增大相机入瞳孔径可以极大提 高相机的探测灵敏度。当相机入瞳孔径从 15 cm 提 高到 30 cm 时,探测灵敏度从 15.5 视星等提高到了 17 视星等。





4) 灵敏度与光学透射比、CCD 积分时间的关 系分别如图 9、图 10 所示。从图中可以看出,提高 光学透射比与 CCD 积分时间,都可以提高相机探测 灵敏度,并且增加趋势相同。









综合以上分析可知,为有效地提高相机探测灵 敏度,应尽量增加相机的入瞳孔径、CCD量子效率、 光学透射比与 CCD 积分时间,降低信噪比阈值。并 且对于参数如表1所示的美国 SBV 相机来说,进一 步提高灵敏度幅度的先后顺序为:入瞳孔径>信噪 比阈值>量子效率>CCD 积分时间≈光学透射比。

# 5 结 论

从光度学和辐射度学原理出发,使用新的 SBV 相机探测目标成像信号电子数计算方法,替换以往 的目标信号的光子流量密度计算方法,建立了新的 SBV 相机探测灵敏度模型。计算结果表明该模型 在精度上有较大的提高,可以更精确地对 SBV 相机 探测灵敏度进行分析和预估,指导相机的设计。同 时,该模型同样可适用于其他类型的天文探测系统, 具有一定的实用性。

从 SBV 相机探测灵敏度模型分析结果来看,为 有效地提高相机探测灵敏度,应尽量增加光学系统 的入瞳孔径与光学透射比、增加 CCD 的量子效率与 积分时间,并采用好的目标检测算法以降低信噪比 阈值。

#### 参考 文献

- 1 Zhou Yiyu, Li Jun, An Wei. Information processing technology in optical space-based space surveillance [J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2008, **35**(4): 43~48
- 周一宇,李 骏,安 玮.天基光学空间目标监视信息处理技术 分析[J].光电工程,2008,**35**(4):43~48
- 2 Wang Hongyuan, Zhang Wei, Wang Zhile. Visible characteristics of space satellite based on Nth cosine scattering distribution[J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(3): 594~598 汪洪源,张 伟,王治乐. 基于高次余弦散射分布的空间卫星可 见光特性[J]. 光学学报, 2008, 28(3): 594~598
- 3 Sharma Jayant. Space-based visible space surveillance performance[J]. J. Guidance, Control, and Dynamics, 2000, 23 (1): 153~158
- 4 Stokes Grant H, von Braun Curt, Sridharan Ramaswamy *et al.*. The space-based visible program [J]. *Lincoln Laboratory Journal*, 1998, **11**(2): 205~229
- 5 Sharma Jayant, Stokes Grant H, von Braun Curt et al.. Toward operational space-based space surveillance[J]. Lincoln Laboratory Journal, 2002, 13(2): 309~334
- 6 Qi Changsong, Liu Enhai, Zhong Jianyong. Discussion on spacebased deep space small moving target detection [J]. Opto-Electronic Engineering, 2008, 35(5): 29~32 漆长松,刘恩海,钟建勇. 天基平台深空运动小目标检测[J]. 光 电工程, 2008, 35(5): 29~32
- 7 Peng Huafeng, Chen Jing, Zhang Bin. Limited magnitude detectivity of space-based opto-electronic telescope [J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2007, **34**(8): 1~5
- 彭华峰,陈 鲸,张 彬.天基光电望远镜极限星等探测能力研 究[J].光电工程,2007,**34**(8):1~5
- 8 Liu Jinguo, Li Jie, Hao Zhihang. Study on detection sensitivity of APS star tracker[J]. Optics and Precision Engineering, 2006, 14(4): 553~557

刘金国,李 杰,郝志航. APS 星敏感器探测灵敏度研究[J]. 光 学精密工程,2006,14(4):553~557

报

光

9 Yuan Jiahu, Zhang Jianrong, He Shanjin. A study on detection sensitivity of navigation star sensor [J]. Opto-Electronic Engineering, 1999, 26(6): 1~6 袁家虎,张建荣, 贺善金. 导航星敏感器探测灵敏度研究[J]. 光

10 Zhang Keke, Zhou Feng, Fu Danying. Research on space-based space surveillance visible sensor [J]. Spacecraft Recovery & Remote Sensing, 2005, 26(4): 10~13

张科科,周 峰,傅丹鹰. 天基空间目标监视可见光遥感器研究 [J]. 航天返回与遥感, 2005, **26**(4):10~13

11 Zhang Wei, Pan Haibin, Bao Weizhuo. Digital image generation of star map[J]. Optics and Precision Engineering, 2009, 17(3): 676~681

张 伟,潘海斌,鲍文卓.星空背景数字图像的生成[J].光学精 密工程,2009,**17**(3):676~681

12 Zhang Hui, Zhong Jianyong, Yuan Jiahu. Circuit noise effects on star sensor position accuracy [J]. Optics and Precision Engineering, 2006, 14(6): 1052~1056

张 辉,钟建勇,袁家虎.电路噪声对星敏感器星点定位精度的 影响[J].光学精密工程,2006,14(6):1052~1056

13 Zhang Chen, Chen Chaoyang, Shen Xubang. Study on detection sensitivity of an APS star tracker [J]. Opto-Electronic Engineering, 2004, 31(10): 17~20

- 张 晨,陈朝阳,沈绪榜. APS 星跟踪器探测灵敏度研究[J]. 光 电エ程, 2004, **31**(10): 17~20
- 14 Wang Chen, Wang Hongqiang, Chen Minghua. Effect of image processor's noise on magnitude sensitivity of star sensor[J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2008, **37**(5): 858~862
  王 辰,王宏强,陈明华.成像器噪声对星敏感器星等灵敏度的影响[J]. 红外与激光工程, 2008, **37**(5): 858~862
- 15 Peter L. Chu. Efficient detection of small moving objects[R]. MIT Lincoln Laboratory. 1989:3~44
- 16 Peter L. Chu. Optimal projection for multidimensional signal detection [J]. IEEE Transactions on Acoustics, Speech and Signal Processing, 1988, 36(5): 775~778
- 17 Pan Haibin, Zhang Wei, Cong Mingyu. Image preprocessing algorithm for space target space-based detection [J]. Acta Optica Sinica, 2009, 29(9): 2402~2407
  潘海斌,张伟,丛明煜. 一种空间目标在轨检测图像预处理算法[J]. 光学学报, 2009, 29(9): 2402~2407
- 18 Zhang Keke, Fu Danying, Zhou Feng et al.. The study on detect ability calculation method of space object visible camera [J]. Spacecraft Recovery & Remote Sensing, 2006, 27(4): 22~26 张科科,傅丹鹰,周 峰等. 空间目标可见光相机探测能力理论 计算方法研究[J]. 航天返回与遥感, 2006, 27(4): 22~26