文章编号: 0253-2239(2009)04-1131-06

超短激光脉冲在水中的非线性传输特性研究

陈 笑 苏玉成 王义全 杨 笛 杨玉平 冯 帅

(中央民族大学理学院,北京 100081)

摘要 基于扩展的非线性薛定谔方程及与其耦合的电子密度演化方程,理论研究了超短激光强脉冲在水中的非线性传输特性。理论模型综合考虑了衍射、正常群速度色散,多光子吸收、自聚焦及激光诱导产生的等离子体对光脉冲的自散焦效应。采用有限差分法模拟得到超短脉冲在传输过程中轴向上光功率密度和等离子体密度的时空分布。系统分析了超短脉冲在水中传输的动力学过程,讨论了非线性自聚焦和等离子体自散焦效应在脉冲传输过程中的竞争关系。同时研究了不同入射激光能量,脉宽和聚焦条件对等离子体丝的时空结构和脉冲能流横向分布的影响。该研究将有助于理解和推动超短光脉冲在激光医学、激光安全防护和水中激光加工中的应用。

关键词 超快光学;非线性传输;有限差分法;自聚焦;自散焦;等离子体

中图分类号 O437.5 文献标识码 A doi: 10.3788/AOS20092904.1131

Nonlinear Propagation Properties of Ultrashort Laser Pulses in Water

Chen Xiao Su Yucheng Wang Yiquan Yang Di Yang Yuping Feng Shuai (College of Science, Central University for Nationalities, Beijing 100081, China)

Abstract The propagation properties of ultrashort laser pulses in water is investigated with the extended nonlinear Schrödinger equation and the electron density equation. With the theoretical model that incorporates the diffraction, normal group-velocity dispersion, multiphoton absorption, self-focusing and self-defocusing effects generated by the laser-induced eletron plasma, the spatio-temporal distribution of the on-axis laser power density and plasma density during the propagation are obtained by fininte difference method. Simulation of the underlying propagation dynamics of the ultrashort laser in water reveals that the competitive relationship between nonlinear self-focusing and self-defocusing during the pulse propagation. Moreover, the influence of laser energy, pulse duration and focusing geometry on the structure of plasma filament and the reshaping of energy fluence are discussed. The results may be benefical to understand and push forward the application of the ultrashort laser pulses in medicine, laser safety and processing in water.

Key words ultrafast optics; nonlinear propagation; finite difference method; self-focusing; self-defocusing; plasma

1 引

言

近年来激光技术在医学领域得到了广泛的应用,考虑到多数生物软组织和体液的含水量平均达到85%,有的甚至高达98%,因此激光脉冲在液体中的传输过程引起了人们的广泛关注。激光诱导液态物质产生击穿的物理过程是伴随着声、光、热、机械效应等一系列现象的复杂物理过程,包括等离子体产生、冲击波传播和空化射流形成等现象^[1~3]。

最近的研究表明,当激光与组织相互作用时,脉宽短 于 500 ps 的超短激光脉冲将显示出优于长脉冲的 治疗效果^[3]。由于亚皮秒或飞秒激光可以在较低脉 冲能量的条件下得到极高的峰值功率,因此可以在 等离子体能量显著减小的同时保证光学击穿仍能发 生,但热效应和冲击波/空化所引起的机械损伤却大 大减弱,从而明显提高了激光与病灶组织相互作用 的空间确定性和可预见性。这对于一些精密手术,

作者简介: 陈 笑(1977-), 女, 副教授, 博士, 主要从事超快激光脉冲传输机制的理论和实验研究。

收稿日期: 2008-07-02; 收到修改稿日期: 2008-10-07

基金项目:国家 973 计划(2006CB921702)、国家自然科学基金(10674185)和国家民委科研基金(08ZY22)资助项目。

报

29 卷

如眼科手术或血管重建术具有重要的意义。虽然在 激光手术中选择超短脉冲具有明显的治疗优势,但 是在具体眼科诊治过程中人们发现超短脉冲将诱导 产生一些不利的副作用,即在视网膜上留下异常的 损伤斑点。Feng 等^[4]的研究表明这种副作用主要 是由光束自聚焦所引起的。自聚焦是一种非线性克 尔透镜效应。当激光在介质中传输时,介质折射率 依赖于入射光强的变化。对于高斯光束,由于光束 的中心部分因具有较高的强度所感应到的折射率比 光束边缘的部分所经受的折射率大,因此光束逐步 会聚,类似于一个正透镜强加于光束上。随着激光 功率的增大,自聚焦效应将逐步增强,当达到介质的 临界阈值^[5]时,可以抵消衍射作用,此时激光能量迅 速会聚到光轴上,造成光束自陷,这导致了在眼科治 疗时介质非线性聚焦区域将出现异常损伤点。同时 非线性自聚焦又导致了聚焦区域功率密度的急剧增 大,当达到介质的光学击穿阈值时,则在聚焦区内介 质通过多光子电离和雪崩电离产生高温高压等离子 体。等离子体通过吸收和散射后沿激光,大幅度削 弱光功率密度,抑制了光脉冲的自聚焦,有效屏蔽了 部分激光能量,保护了焦点后方区域免受进一步辐 射损伤。由此可见,光束自聚焦和等离子体散焦在 光脉冲传输过程中存在着一种竞争关系。研究超短 光脉冲在水中非线性传输过程和作用机制对于激光 医学和激光安全防护具有重要的意义。为了更深理 解和推动超短激光脉冲在各领域中的应用,本文基 于扩展的非线性薛定谔方程及与其耦合的电子密度 演化方程,数值模拟研究了超短光脉冲在水中的非 线性传输过程。理论模型综合考虑了衍射、正常群 速度色散,多光子吸收、自聚焦效应及激光诱导产生 的等离子体对光脉冲的散焦效应。模拟得到超短脉 冲在传输过程中轴向上光强和等离子体密度的时空 分布。系统分析了飞秒脉冲在水下传输的动力学过 程,详细讨论了非线性自聚焦和等离子体自散焦效 应在脉冲传输过程中的竞争关系。同时研究了不同 入射激光能量,脉宽和聚焦条件对等离子体丝的时 空结构和脉冲能流横向分布的影响。

2 模 型

本文用来描述超短激光在透明介质中的非线性 传输模型是基于扩展的非线性薛定谔方程。该方程 最早是由 Feit 和 Fleck 用来研究气体介质中的光学 击穿过程的^[6],目前已被广泛应用到透明气体、液体 和固体介质中^[7]。该模型假设激光传输沿着光轴 z 进行,光场强度 $\varepsilon(z, r, t)$ 在以群速度运动的局域 坐标系中表示为

$$\left(\mathrm{i}2k\,\frac{\partial}{\partial z}+\bigtriangledown_{\perp}^{2}\right)\varepsilon = kk''\,\frac{\partial^{2}\varepsilon}{\partial\xi^{2}} - \mathrm{i}k\beta^{(k)} \mid \varepsilon \mid^{2K-2}\varepsilon - \mathrm{i}k\sigma(1+\mathrm{i}\omega\tau)\rho\varepsilon - 2kk_{0}n_{2} \mid \varepsilon \mid^{2}\varepsilon, \qquad (1)$$

上式右边各项分别描述了群速度色散、多光子吸收、 等离子体对光的吸收和引起的折射率的改变以及自 聚焦效应。其中局域坐标系表示为 $\xi = t - z/v_{g}, v_{g}$ 是群速度。方程中 $\bigtriangledown_{\perp}^2 = (\partial^2/\partial r^2) + (1/r)(\partial/\partial r)$ 为 拉普拉斯算子。 ω 和 $|\epsilon|^2$ 是光场的频率和强度。 ρ 是自由电子密度, n₀ 和 n₂ 分别为介质折射率和非 线性系数, c 是光速。群速度色散系数: $k = n_0 k_0 =$ $n_0\omega/c, k''=\partial^2 k/\partial\omega^2$,其中 k''>0对应于正常色散, k'' < 0为反常色散。 σ 是逆韧致吸收截面。 $\beta^{(k)}$ 是多 光子吸收中K个光子的吸收系数。在方程(1)中, 只考虑了瞬态电子对克尔非线性效应的贡献。对于 纯水而言,频率为 3650 cm⁻¹的 O-H 拉伸键所引 起的拉曼振动模式会造成非瞬态非线性光学响应和 受激拉曼散射。有研究表明[8],水中掺合物的存在 会大大减低非瞬态效应,而且受激拉曼散射在高浓 度掺杂溶液中会被完全抑制。考虑到本文研究背景 主要针对激光眼科治疗,而眼内玻璃体和介质中含 有大量掺合物,因此在理论模型中仅考虑瞬态效应 对克尔非线性效应的贡献。

电子密度的演化方程是基于 Drude 模型。

 $\frac{\partial \rho}{\partial \xi} = \frac{1}{n^2} \frac{\sigma}{E_g} \rho \mid \varepsilon \mid^2 + \frac{\beta^{(K)} \mid \varepsilon \mid^{2K}}{K \hbar \omega} - \frac{\rho}{\tau_r}, \quad (2)$

式中 τ_r 表示电子复合的特征时间, E_s 为介质电离 能。模型中考虑了雪崩电离、多光子电离和电子复 合效应。由于该模型忽略了等离子体的扩散效应, 因此其更适合于描述飞秒或皮秒激光脉冲的传输 情况。

在计算中,采用有限差分法数值求解由(1)式、 (2)式组成的偏微分方程组。计算中所用物理参数 值见表1。假设在轴对称条件下,被聚焦前的光束 为准直的高斯光束,则聚焦后的光束的初始条件可 以表示为

$$\varepsilon(0,r,\xi) = \sqrt{\frac{2P_{\rm in}}{\pi a(0)^2}} \exp\left(-\frac{r^2}{a(0)^2} - \frac{\xi^2}{\tau_0^2} - \frac{{\rm i}kr^2}{2R}\right),\tag{3}$$

式中 P_{in} 是入射光束的峰值功率,a(0)表示激光束的 初始半径,R为曲率半径。若聚焦前的激光束是准 直的,则曲率半径 R可近似等于聚焦透镜的焦距。 数值孔径(NA)表示为 $a(0)/\sqrt{f^2+a(0)^2}$,f是透

镜焦距。

表 1 数值模拟中所用物理参数值 ^[4]
Table 1 Model parameters and numerical
values used in simulation [4]

Parameter	Value
Wavelength λ/nm	580
Reference wave vector k_0	$k_0 = 2\pi/\lambda$
Group velocity dispersion $k''/(s^2 \cdot m^{-1})$	5×10^{-26}
Refractive index of water n_0	1.33
Nonlinear index $n_2/(\mathrm{m}^2 \cdot \mathrm{W}^{-1})$	4.1 $\times 10^{-20}$
Multiphoton ionization order K	4
Ionization energy $E_{ m g}/{ m eV}$	6.5
Multiphoton ionization rate $\beta^{^{(K)}}/(m^5 \cdot W^{-3})$	1.55×10^{-48}
Characteristic time τ_r/s	150×10^{-15}
Electron collision time t/s	10^{-15}
Cross section for inverse bremsstrahlung σ/m^2	1.4×10 ⁻²¹

3 结果与讨论

基于(1)式和(2)式,数值模拟可得到超短脉冲 传输过程中在轴向上的光功率密度和等离子体密度



的分布,如图1所示。在计算中,设定入射激光脉冲 的能量为 0.9 μ J,脉宽 300 fs,对应的光功率 $P_{in} =$ 3.1 $P_{\rm cr}$ [其中 $P_{\rm cr} = (0.159 \lambda^2) / (n_0 n_2)^{[5]}$, 对应水的 临界阈值约为1 MW7。所用聚焦透镜的焦距为 250 μm, 对应数值孔径为 0.1。计算使用了步长 $\Delta z = 0.4 \ \mu m$,同时使用步长 $\Delta z/2$ 重复一次计算,以 确保结果的一致,即选取的 Δz 保证了计算的收敛 性。由于选择的入射光功率大于临界阈值 $P_{\rm er}$,因此 自聚焦所引起的非线性会聚造成了在几何焦点 f= 250 μm前就出现光强的急剧增大,同时激光脉冲在 传输中光强的轴向分布呈现出有别于未考虑自聚焦 情况的双峰结构,如图1(a)中实线表示。图1(b)中 轴向上电子密度的双峰分别位于几何焦距 250 µm 的前后位置上,在 240 μ m 处 $\rho_{max} = 1.24 \times 10^{20} \text{ cm}^{-3}$ 和 254 μm 处 1.63×10²⁰ cm⁻³。轴向上产生的等离 子体的空间区域(对应于电子密度大于 10¹⁸ cm⁻³) 约为50 µm,已超过线性聚焦范围。由此可见,自聚 焦效应在脉冲传输过程中起着重要作用,它决定了 光功率密度和等离子体密度的大小和空间结构。



图 1 超短脉冲水下传输时轴向上光功率密度(a)和电子等离子体密度;(b)的分布。输入光功率 P=3.1 P_{er}, 脉宽 300 fs,数值孔径 0.1 图中实线表示考虑自聚焦效应,虚线表示未考虑自聚焦效应

Fig. 1 On-axis distribution of laser power density (a) and electron plasma density (b) induced by an ultrashort laser pulse propagating in water. The results are obtained with input pulse power is 3.1 P_{cr}, pulse duration 300 fs, and effective NA 0.1. The solid lines represent the results with self-focusing, while the dashed lines

represent results without self-focusing

为了进一步揭示超短激光脉冲在水下的传输动 力学过程,图2给出了激光脉冲在传输过程中光功 率密度的时空演化过程。图中的横坐标均表示光脉 冲的空间分布,纵坐标代表时间分布。在初始零位 置处,激光脉冲为高斯分布,如图2(a)所示。随着 传输距离的增大,由于非线性自聚焦和透镜线性聚 焦的作用,使得光脉冲在空间上受到不同程度的压 缩,光束半径减小,功率密度增大,如图2(b)所示。 当光功率密度超过介质的光学击穿阈值时,聚焦区 域内发生多光子电离和雪崩电离,引起电子密度的 迅速增大,形成高温高压等离子体。由于产生的等 离子体具有负的三阶非线性效应折射率,因此它会 抵消,甚至超过自聚焦效应。等离子体对激光脉冲 后沿具有散焦作用,使得脉冲后沿在空间上被散开, 形成图 2(c)中的"Λ"形。等离子体的散焦阻止了突 变自聚焦的发生,使得光强和等离子体电子密度开 始降低。这样就形成了在248 μm处出现第一个焦 点。随着传输距离的进一步增大,被散焦的脉冲后 沿在空间上由于受到等离子体密度减弱,自散焦的 作用开始减弱,自聚焦又重新开始起作用,使得脉冲 后沿在空间中逐渐再会聚,从而在时域上形成了一 个新脉冲,即图 2(e)中256 μm位置处形成第二个焦 点。同时脉冲的前沿由于多光子吸收和自由载流子 的吸收而变弱。图 2(f)中由于空间上发散使得脉 冲的峰值功率密度迅速减低。这一动力学过程揭示 了超短脉冲水下传输过程,其类似于"动态空间补 给"模型^[9]。这一动力学过程表明非线性传输与脉 冲在时域的分裂和空域的变形都有密切联系。



图 2 超短脉冲水中传输时光强的时空演化过程

(输入光功率 P=3.1 Per, 脉宽 300 fs, 数值孔径 0.1)

Fig. 2 Spatio-temporal distribution of laser intensity as a function of propagation distance in water.

(The input pulse power is 3.1 P_{cr} with pulse duration 300 fs. The effective NA is 0.1)

在此基础上,进一步数值模拟和分析了等离子 体丝在不同位置上脉冲横向能流的分布,如图3所 示。在初始位置处能流呈现高斯分布。随着传输距 离的增大,由于电子等离子体的散焦作用导致能流 逐步演变为中央带"坑"的尖峰,周围是环型结构,如 图 3(b)所示。之后,发散的脉冲后沿重新会聚使得 光场的横向分布再次呈现出高斯分布,但和初始分 布相比,它在空域上被压缩。



3 不同传输位置处的能流分布(a) 0 μm; (b) 240 μm; (c) 488 μm(输入光功率 P=3.1 P_{er}, 脉宽 300 fs, 数值孔径 0.1) Fig. 3 Energy fluence distribution at different propagation distances (a) 0 μm; (b) 240 μm; (c) 488 μm (The input pulse power is 3.1 P_{er} with pulse duration 300 fs. The effective NA is 0.1)

图 2 和图 3 表明非线性自聚焦和通过光学击穿 产生的等离子体自散焦在传输过程中存在着竞争关 系。稠密等离子体通过吸收和散射后续激光能量, 在一定程度上抑制了焦点后方区域被激光进一步辐 射所带来的危害。但是从能流分布的数值模拟结果 分析,这种等离子体的屏蔽作用并不明显,尤其在焦 点区域外的低密度等离子体区中,光脉冲传输几乎

能无损失传输。Feng 等^[4]的研究结果表明:当脉宽 为200 fs,入射功率 P_{in} =1.08 P_{cr} 的激光脉冲在水下 传输时,仅有4.6%的激光能量被等离子体吸收。而 Vogel 等^[10]进一步计算了6 ns@1 mJ和30 ps@ 50 μ J两种情况下激光能量的分配情况。其研究结 果表明对于纳秒脉冲而言,约有83.2%的激光能量 转化为冲击波和空化的机械能,而仅有 8.1%的能 量能透过等离子体区域进一步传输。但对于30 ps 的激光脉冲,转化为机械能的比例下降到34.5%,而 更多能量(约 32%)能透过击穿区域。并且当激光 脉宽从 6 ns 缩短到 100 fs 时,沉积在聚焦区域的激 光能量迅速从大于 90%下降到小于 50%。这些研 究结果表明:激光脉宽越短,转化为机械能的比例减 小,这对于激光眼科手术中相互作用的可定位性和 准确性是有利的,但同时透过焦点区域的能量比例 增大。这些逃逸的激光能量将通过自聚焦在焦点后 方进一步会聚,造成光强剧增,进而对视网膜造成附 加破坏。

激光脉冲在水下的非线性传输过程与入射激光 参数和聚焦条件密切相关。不同的入射能量和脉宽 会影响脉冲的时空分布和等离子体丝结构。图 4 给 出了不同激光能量入射条件下,脉宽 300 fs 的激光 在数值孔径 0.1 条件下轴向上等离子体密度的分 布。由图可见,当能量较低时,即低于 0.31 µJ (Pin $\leq 1.0 P_{\rm cr}$),等离子体呈现单丝结构。当能量增大 时,等离子体在空间上逐步由单丝向多丝演化,这主 要是由自聚焦引起的。计算表明:即使当 $P_{in} = 0.5$ Per时,焦点区域的光强与未考虑自聚焦相比由 1.28 ×10¹³ Wcm⁻² 明显增大到 1.7×10¹³ Wcm⁻²。由此 可见,自聚焦效应即使在 P_{in}/P_{cr} 较小的情况下仍不 可忽略不计。图 5 给出了在激光能量 0.9 µJ,数值 孔径 0.1条件下,不同激光脉宽对轴向上等离子体 分布的影响。当激光脉宽大于 600 fs 时, 等离子体 丝的结构由双丝向单丝的演化。当脉宽超过 10 ps 时,在0.9山能量作用下产生的轴向电子密度已经低 于水下击穿阈值标准 10¹⁸ cm⁻³。由此可见,不同的激 光参数对应于不同的等离子体空间分布。如何选择 合适的激光参数对于激光眼科医疗具有重要意义。



- 图 4 不同人射脉冲能量下的轴向上等离子体密度 分布的影响(激光脉宽 300 fs,数值孔径 0.1)
- Fig. 4 On-axis distribution of electron plasma density with different incident pulse energies (The pulse duration is 300 fs and the effective NA is 0, 1)





Fig. 5 On-axis distribution of electron plasma density with different pulse durations (The input pulse energy is $0.9 \ \mu$ J and the effective NA is 0.1)

4 结 论

采用扩展的非线性薛定谔方程及与其耦合的电 子密度演化方程对超短激光脉冲水中传输过程进行 了数值模拟。在研究中主要考虑了群速度色散、自 聚焦、多光子电离、光束衍射以及等离子体对光束吸 收和散焦等非线性效应对光脉冲的传输影响。利用 有限差分法模拟得到了超短脉冲在水中传输的一个 完整的动力学过程:即一定能量的超短激光脉冲传 输时,非线性自聚焦造成脉冲会聚,相应光功率密度 剧增,当达到水的击穿阈值时,脉冲前沿将通过多光 子电离和雪崩电离产生电子等离子体,这些等离子 体会对脉冲后沿有散焦作用,使得脉冲后沿在空间 上被散开,能流出现环形结构,在时间上脉冲被压 缩。当被散开的脉冲后沿由于自聚焦的作用重新会 聚的时候,出现另一个新的焦点。研究结果表明,超 短脉冲的光强分布以及诱导产生的等离子体结构密 切依赖于非线性自聚焦和等离子体自散焦效应,且 二者在相互作用过程中存在竞争关系。同时,不同 激光参数和聚焦条件亦影响了等离子体的成丝结构 和分布。本研究可为激光医疗、激光安全防护和水 中激光加工研究,即避免自聚焦带来的危害,同时也 为合理利用这一现象提供了理论依据。

参考文献

- Xu Rongqing, Chen Xiao, Chen Jianping *et al.*. Shock wave and cavitation effects by laser ablation of metal in water [J]. Acta Optica Sinica, 2004, 24(12):1643~1648 徐荣青,陈 笑,陈建平等. 激光烧蚀水下金属产生冲击波和空
- 「保宋育,陈 美,陈建平寺, 激元党四小下金属广生冲击波和空泡效应的研究[J]. 光学学报,2004,24(12):1643~1648
- 2 Chen Xiao, Xu Rongqing, Shen Zhonghua et al.. Experimental

and theoretical study of the oscillation of a laser-induced bubble [J]. Chin. J. Lasers., 2005, 32(3):331~335

陈 笑,徐荣青,沈中华等.激光空泡脉动特性的实验和理论研 究[J]. 中国激光, 2005, 32(3):331~335

- 3 M. H. Niemz. Laser-tissue interactions: fundamentals and application [M]. Berlin: Springer Press, 1996,120
- 4 Q. Feng, J. V. Moloney, A. C. Newell et al.. Theory and simulation on the threshold of water breakdown induced by focused ultrashort laser pulses [J]. IEEE J. Quantum Electron, 1997, 33(2):127~137
- 5 Y. R. Shen. The principles of Nonlinear Optics [M]. New York: Wiley Press, 1984, 56
- 6 M. D. Feit, J A Fleck. Effect of refraction on spot-size dependence of laser-induced breakdown [J]. Appl. Phys. Lett. 1974, **24**(4):169~171

- 7 Hu Xueyuan, Zhong Fangchuan, Deng Jian et al.. Ultra-short intense laser pulse propagation in atmosphere: behavior of selffocusing [J]. Acta Optica Sinica, 2001, 21(6):641~646 胡雪原,钟方川,邓 建等. 超短强激光脉冲在大气传播中的自 聚焦行为[J]. 光学学报,2001,21(6):641~646
- 8 T. Jimbo, V. L. Caplan, Q. X. Li et al.. Enhancement of ultrafast supercontinuum generation in water by addition of Zn²⁺ and K⁺ cations [J]. Opt. Lett., 1987, 12(7):477~479
- 9 M. Mlejnek, E. M. Wright, J. V. Moloney. Dynamic spatial replenishment of femtosecond pulses propagating in air [J]. Opt. Lett., 1998, 23(5):382~384
- 10 A. Vogel, J. Noack, K. Nahen et al.. Energy balance of optical breakdown in water at nanosecond to femtosecond time scales [J]. Appl. Phys. B, 1999, 68(2):271~275















0

地址:福建省福州市杨桥西路155号

邮编:350002

电话:86-591-83710533 传真:86-591-83711593 Http://www.castech.com E-mail: sales@castech.com