Vol. 29, No. 3 March, 2009

文章编号: 0253-2239(2009)03-0738-05

激光二极管抽运 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 自锁模自调 Q 激光器

张海鹍¹ 陈秀峰² 王培吉¹ 张中士¹ 赵圣之³ 杨克建³ 相方超¹ (¹济南大学理学院,山东济南 250022;²中材高新材料股份有限公司,山东淄博 255000γ

³山东大学信息科学与工程学院,山东 济南 250100

摘要 采用光纤耦合半导体激光抽运,实现了 Crⁱ⁺:Nd³⁺:YAG 自锁模自调 Q 激光器1.06 μm 激光输出。当抽运 功率超过阈值 2.83 W 时,激光器便运转在调 Q 锁模状态,其锁模调制深度达到 80%以上。当抽运功率最大为 5.72 W时,平均输出功率为 233 mW,相应调 Q 包络的单脉冲能量为 16.5 μJ,调 Q 包络的脉冲宽度大约为 120 ns。 调 Q 包络中锁模脉冲之间的间隔为 2.8 ns,这与光子在谐振腔内的往返时间相一致,对应的重复率为 357 MHz,锁 模脉冲宽度估计为 560 ps。利用双曲正割函数,考虑腔内光子数密度的空间高斯分布、增益介质的受激辐射寿命 和饱和吸收体的激发态寿命对激光特性的影响,建立了描述 Crⁱ⁺:Nd³⁺:YAG 晶体自调 Q 自锁模动力学过程的速 率方程组。数值求解该方程组,与实验结果符合较好。

关键词 激光器;自锁模;自调 Q; Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 晶体;速率方程 中图分类号 TN248.1 **文献标识码** A **doi:** 10.3788/AOS20092903.0738

Laser Diode-Pumped Self-Mode-Locking Laser with a Self Q-Switched Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG Laser

Zhang Haikun¹ Chen Xiufeng² Wang Peiji¹ Zhang Zhongshi¹ Zhao Shengzhi³ Yang Kejian³ Xiang Fangchao¹

¹ School of Sciences, University of Jinan, Jinan, Shandong 250022, China

 $^{\rm 2}$ Sinoma Advanced Materials Co. , Ltd , Zibo , Shandong 255000 , China

³ School of Information Science and Engineering, Shandong University, Jinan, Shandong 250100, China

Abstract Simultaneous self-mode-locking and self-Q-switching in a laser diode-pumped $Cr^{4+} : Nd^{3+} : YAG$ laser is presented. More than 80% modulation depth of self-mode-locking has been achieved at the threshold pump power. A maximum average output power of 233 mW was generated at the maximum incident pump power of 5. 72 W, corresponding to a maximum pulse energy of 16.5 μ J for a single self-Q-switched pulse. The typical Q-switched envelope duration containing the mode-locked pulse trains was found to be around 120 ns and the repetition rate for the self-mode-locked pulse trains within the self-Q-switched pulse envelope was about 357 MHz. The width of the self-mode-locked pulse was estimated to be less than 560 ps. Using a hyperbolic secant function method, we introduced a rate equation model not only considering the Gaussian distribution of the intracavity photon density and the influences of the continuous pump rate, but taking into account the stimulated radiation lifetime of the active medium as well as the excited-state lifetime of the saturable absorber. Numerically solving the set of equation, the theoretical calculations are in good agreement with the experimental results.

Key words lasers; self-mode-locking; self-Q-switching; Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG crystal; rate equation

1 引 言

半导体激光(LD)抽运的被动调Q锁模激光器 具有结构紧凑、高脉冲重复频率、宽的光谱和高的峰 值功率等优点,被广泛应用在激光通信、遥感和非线 性光学等领域^[1~9]。Cr:YAG 具有物化性能稳定、 抗损伤阈值高等特点,已被广泛用来做各种 Nd 类 激光器的被动调 Q 开关。近年来发现这种晶体还 具有很强的激发态吸收(ESA),其第二激发态弛豫

收稿日期: 2008-07-25; 收到修改稿日期: 2008-10-10

基金项目:国家自然科学基金(60578010)和济南大学科研基金(XKY0717)资助项目。

作者简介:张海鹍(1978-),男,硕士,讲师,主要从事激光物理与技术等方面的研究。E-mail: ss_zhanghk@ujn.edu.cn

时间仅为 100 ps 左右,因此当腔内光强足够大,使 得激发态饱和,则可以实现被动锁模^[10,11]。采用双 掺 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 的优点是,它作为增益介质的 同时还可以作为饱和吸收体实现自锁模,使谐振腔 的结构大为简化。最近人们利用 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 作为增益介质兼作饱和吸收体,发现当腔内光强为 2000 W/cm² 时便可以实现自调 Q 自锁模运转,而 当腔内光强达到 3×10^4 W/cm² 左右时,可获得调 制深度超过 90%的自调 Q 自锁模输出^[12]。然而所 得到的调 Q 包络脉宽为毫秒量级,而且未给出相应 的理论分析。

本文从理论上研究了 LD 抽运 Cr⁴⁺ : Nd³⁺ : YAG 自锁模自调 Q 1.06 μm 激光,并进行了实验验证。 考虑腔内光子数密度的空间高斯分布、增益介质的 受激辐射寿命以及饱和吸收体的激发态寿命对激光 特性的影响,建立了描述 Cr⁴⁺ : Nd³⁺ : YAG 自调 Q 自锁模激光的耦合速率方程组。数值求解该方程组 得到的理论结果与实验结果相符。

2 实验装置及结果

实验装置如图1所示。抽运源选用带光纤耦合 的半导体激光器(FAP-I system Coherent Inc. U. S.A.), 光纤直径 800 µm, 最高输出功率 16 W, 22 ℃时的中心波长为 807.5 nm,经聚焦系统后抽 运光光斑半径为 220 µm,远场半角为 18°。增益介 质 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 晶体的尺寸为4 mm×4 mm× 5 mm, 在抽运波长 808 nm 处的吸收系数为 3.5 cm⁻¹,在 1064 nm 处吸收系数为 0.59 cm⁻¹。 激光晶体一端镀 808 nm 增透膜和 1064 nm 高反 膜,作为谐振腔的抽运端镜,另一端镀 1064 nm 高 透膜。Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 晶体用锡箔包紧置于紫铜 块中通过水循环和温控半导体致冷片致冷,温度控 制在 20 ℃。实验选用 MAX 500AD 激光功率计 (Coherent Inc., USA)测量输出功率,用 500 MHz 数 字存储示波器 TDS620B(Tektronix Inc. U.S.A.)和 快速硅 PIN 光电二极管测量输出锁模脉冲信号。



fiber-coupled laser diode

图1 LD 抽运 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 激光器实验装置图 Fig. 1 Experimental setup of laser diode-pumped Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG laser

调节腔长等于 40 cm,采用反射率为 85%的输出 镜测得 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 自调 Q 自锁模激光器的阈 值为2.83 W。当抽运功率超过阈值,激光器便一直 处于调Q锁模状态。图2示出了阈值附近获得的调 制深度为80%的调Q锁模脉冲波形,相应调Q包络 的脉冲宽度大约为 120 ns。调 Q 包络中的锁模脉冲 之间的间隔为 2.8 ns,这与光子在谐振腔内的往返时 间相一致,对应的重复率为357 MHz。由图2可见, 锁模脉冲的上升时间 tmeasure 为1.3 ns。实验中使用的 快速硅 PIN 光电二极管的上升时间 tprobe 为 1 ns,示波 器的上升时间可由 $t_{\text{oscilloscope}} \times W_{\text{b}} = 0.35 \sim 0.4$ 给出,其 中 $W_{\rm b}$ =500 MHz为示波器的频宽。根据实验测量值 和相关参量,利用 $t_{\text{measure}} = \sqrt{t_{\text{real}}^2 + t_{\text{probe}}^2 + t_{\text{oscilloscope}}^2}$ 可以 估算出锁模脉冲的实际上升时间为 450 ps。假定锁 模脉冲为对称脉冲,根据锁模脉冲的实际宽度约为 实际上升时间的 1.25 倍,锁模脉冲宽度估计为 560 ps.





图 3 给出了平均输出功率和调 Q 包络的重复 频率与抽运功率的变化关系。可以看出,平均输出 功率和重复频率均随抽运功率线性增加,在最高抽



图 3 平均输出功率和重复频率与抽运功率的关系

Fig. 3 Dependence of the average output power and the repetition rates of the *Q*-switched pulse train on the incident pump power

$$\phi(r,t) = \sum_{k=0} \Phi_k f(t-t_k) \exp(-2r^2/w_1^2) = \\ \phi(0,t) \exp(-2r^2/w_1^2), \qquad (1)$$

式中 $\phi(0,t) = \sum_{k=0} \Phi_k f(t-t_k), t_k = kt_r, \Phi_k$ 为谐振 腔内往返 k 次后锁模脉冲光子数密度的相对幅度, $t_r = 2[n_1l + (L_P - l)]/c$ 为光子在腔内的往返时 间, l 和 n_1 分别是增益介质的长度和折射率, L_P 是 谐振腔的物理长度, c 是光速, w_1 为腔内平均 TEM₀₀ 模式半径。 $f(t) = \frac{1}{2\sigma c\tau_p} \operatorname{sech}^2\left(\frac{t}{\tau_p}\right)$ 为描述从噪声到 锁模 脉 冲 演 变 过 程 的 双 曲 正 割 函 数^[14], 满 足 $\int_{-\infty}^{\infty} c\sigma f(t) dt = 1$, 其中 σ 为增益介质的受激发射截 面, τ_p 与 基频 光 锁模 脉 冲 宽度 τ 的关系为 $\tau = 1.76\tau_p$ 。

因此, 腔内光子往返 k 次时的平均光子数密度 空间分布为

$$\phi_k(r,t) = \Phi_k f(t) \exp(-2r^2/w_1^2).$$
 (2)

考虑腔内光子数密度、激活介质反转粒子数密度、饱和吸收体基态粒子数密度以及抽运光的空间 分布,建立了描述 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 自调 Q 自锁模 动力学过程的速率方程组

$$\Phi_{k} = \Phi_{k-1} \exp\left\{\frac{2}{\pi w_{1}^{2}} \int_{0}^{l} \left\{2\sigma n(r,t_{k}) l \frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) - 2\sigma_{g} n_{s1}(r,t_{k}) l_{s} \frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) - 2\sigma_{g} n_{s1}(r,t_{k}) l_{s} \frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) - 2\sigma_{g} n_{s1}(r,t_{k}) l_{s} \frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) - \left[L + \ln\left(\frac{1}{R}\right)\right] \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{1}^{2}}\right) \right\} 2\pi r dr \right\},$$

$$dn(r,t) = P_{s}(r) - \sigma m(r,t) d_{s}(r,t) - \frac{n(r,t)}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) - \left[L + \ln\left(\frac{1}{R}\right)\right] \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{1}^{2}}\right) \right\} 2\pi r dr \right\},$$

$$(3)$$

$$\frac{n(r,t)}{\mathrm{d}t} = R_{\mathrm{in}}(r) - \sigma c n(r,t) \phi_{\mathrm{G}}(r,t) - \frac{n(r,t)}{\tau},\tag{4}$$

$$\frac{\mathrm{d}n_{\rm s1}(r,t)}{\mathrm{d}t} = \frac{n_{\rm s0} - n_{\rm s1}(r,t)}{\tau_{\rm s}} - \sigma_{\rm g} c n_{\rm s1}(r,t) \phi_{\rm G}(r,t) , \qquad (5)$$

式中 $n(r, t_k)$ 和 $n_{sl}(r, t_k)$ 分别是腔内光子往返k次时的增益介质反转粒子数密度和饱和吸收体基态粒子数密度,

$$R_{\rm in}(r) = \frac{P_{\rm in} \exp(-2r^2/\omega_{\rm p}^2) \left[1 - \exp(-\alpha l)\right]}{h \nu_{\rm p} \pi w_{\rm p}^2 l}$$

为抽运速率, P_{in} 为抽运功率, α 为增益介质对抽运光 的吸收系数, w_p 为抽运光在增益介质中的平均半 径, $h\nu_p$ 为抽运光的单光子能量, n_{s0} 为饱和吸收体内 总的光子数密度,与饱和吸收体的小信号透过率 T_0 的关系为 $T_0 = \exp(\sigma_g n_{s0} l), \sigma_g$ 和 σ_e 分别为饱和 吸收体的基态、激发态吸收截面, r 为增益介质的受激辐射寿命, r_s 为饱和吸收体的激发态寿命, R 是输出耦合镜的反射率, L 是谐振腔的损耗。 $\phi_G(r,t) = (w_1^2/w_G^2)\phi(0,t)\exp(-2r^2/w_G^2)$ 是增益介质处的光子数密度, w_G 是增益介质处的TEM₀₀模式半径。 w_G 和 w_1 可以利用ABCD传输矩阵理论计算得到, 计算所需的相关参量见表 1。

将(1)式代入(4)式,(5)式,并在0到*t*^k区间上 对时间积分,可得



图 4 调 Q 包络单脉冲能量与抽运功率的关系

Fig. 4 Theoretical and experimental dependence of the

train on the incident pump power

入非线性放大阶段。在这一阶段,较弱的脉冲被抑

制掉,强脉冲使饱和吸收体漂白,并被迅速地压缩、

放大。锁模脉冲在谐振腔内经过几次往返后,脉冲

pulse energy of the self-Q-switched green pulse

当腔内增益达到第二阈值时,激光器的运转进

根据抽运功率与重复率,可以得到调Q包络的脉冲

能量,如图4中的点所示,单脉冲能量随抽运功率的

增大而增大,在抽运功率为 5.72 W 时,获得调 Q 包

络的单脉冲能量为 16.5 μJ。

理论分析与讨论

3

$$n(r,t_{k}) = \exp\left(-\frac{t_{k}}{\tau}\right) \prod_{m=0}^{k-1} \exp\left[-\frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) \Phi_{m}\right] - \left\{R_{in}(r) \exp\left(\frac{t_{k}}{\tau}\right) \int_{0}^{t_{k}} \prod_{m=0}^{k-1} \exp\left[\frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) \Phi_{m}\right] dt + n_{i} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{p}^{2}}\right) \right\},$$
(6)
$$n_{s1}(r,t_{k}) = \exp\left(-\frac{t_{k}}{\tau_{s}}\right) \left\{\prod_{m=0}^{k-1} \exp\left[-\frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) \Phi_{m}\right] \right\}^{a} \times \left\{\frac{n_{s0}}{\tau_{s}} \int_{0}^{t_{k}} \exp\left(\frac{t_{k}}{\tau_{s}}\right) \left\{\prod_{m=0}^{k-1} \exp\left[-\frac{w_{1}^{2}}{w_{G}^{2}} \exp\left(-\frac{2r^{2}}{w_{G}^{2}}\right) \Phi_{m}\right] \right\}^{-a} dt + n_{s0} \right\},$$
(7)

式中 $\alpha = \frac{\sigma_{\rm g}}{\sigma}, \ n_{\rm i} = \frac{\ln(1/T_0^2) + \ln(1/R) + L}{2\sigma l}$ 为增益

介质的初始反转粒子数密度。

考虑基频光在腔内的双向传输,基频光的平均 输出功率为

$$P(t) = \frac{1}{A} \int_{0}^{\infty} \left[\frac{ch\nu A_{N} \phi(r,t)}{2} \right] 2\pi r dr = \frac{h\nu A}{4\sigma\tau_{p}} \sum_{k=0}^{\infty} \Phi_{k} \operatorname{sech}^{2} \left(\frac{t-t_{k}}{\tau_{p}} \right), \qquad (8)$$

式中 $A = \frac{1}{2} \pi w_1^2$ 。将(8) 式对时间积分,可以得到调 Q 包络的脉冲能量

$$E = \int_{0}^{\infty} P(t) dt = \frac{hvA}{4\sigma} \sum_{k=0}^{\infty} \Phi_k.$$
 (9)

利用表 1 给定的数值,并设定初始值 ø, 由 (3)式,(6)式和(7)式便可以计算出 ø, 将结果代人 (9)式,便可以得到整个调 Q 锁模包络的脉冲能量 与抽运功率的关系,如图 4 中的实线所示,所得理论 计算结果与实验结果符合较好。图 5 示出了 5.72 W 抽运功率下调 Q 锁模脉冲波形的理论计算值,相应的



图 5 抽运功率为 5.72 W 时理论计算得到的调 Q 锁模脉 冲包络

Fig. 5 Calculated results for the temporal traces of the self-mode-locked pulses at the pump power of 5.72 W

调 Q 包络脉冲宽度为 120 ns。进一步计算发现,理 论上得到的调 Q 锁模包络的脉冲宽度随抽运功率 几乎不变,这与实验结果一致。

表 1 LD 抽运 Crⁱ⁺:Nd³⁺:YAG 自锁模自调 Q 激光器参量 Table 1 Parameters of LD-pumped self-mode-locking laser

with a self Q-switched Cr^{4+} : Nd³⁺: YAG laser

Symbol	Value	Symbol	Value
σ	2.35 $\times 10^{-19}$ cm ²	L	0.05
$\sigma_{ m g}$	4.3 $\times 10^{-18}$ cm ²	$L_{\rm P}$	40 cm
τ	$210 \ \mu s$	$w_{\rm p}$	300 µm
$ au_{ m s}$	3.4 µs	$w_{ m G}$	$260 \ \mu m$
n_1	1.806	$n_{\rm s0}$	$5 \times 10^{16} \text{ cm}^3$
l	0.5 cm	R	0.85

4 结 论

实现了 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 自锁模自调 Q 激光 器1.06 μm 激光输出。当抽运功率超过阈值,激光 器便运转在调 Q 锁模状态,其锁模调制深度达到 80%以上。当抽运功率为5.72 W 时,平均输出功率 为233 mW,相应调 Q包络的单脉冲能量为16.5 μJ, 调 Q包络的脉冲宽度大约为120 ns。其中锁模脉冲 的重复率为357 MHz,锁模脉冲宽度估计为560 ps。 考虑腔内光子数密度的空间高斯分布、增益介质的 受激辐射寿命和饱和吸收体的激发态寿命对激光特 性的影响,建立了描述 Cr⁴⁺:Nd³⁺:YAG 晶体自调 Q 自锁模动力学过程的速率方程组。数值求解该方 程组,与实验结果符合较好。

参考文献

- 1 Junying Wang, Quan Zheng, Qinghua Xue et al.. Diodepumped, Cr: YAG passively Q-switched and mode-locked Nd: YVO₄/KTP green laser[J]. Chin. Opt. Lett., 2003, 1(10): 604~605
- 2 Shudi Pan, Lin Xue, Xiouwei Fan et al.. Diode-pumped passively Q-switched mode-locked Nd: YLF laser with uncoated GaAs saturable absorber[J]. Opt. Commun., 2007, 272(1): 178~181

- 3 B. Y. Zhang, G. Li, M. Chen *et al.*. Passive mode-locking of a diode-pumped Nd: GdVO₄ laser with a semiconductor saturable absorber mirror[J]. *Opt. Lett.*, 2003, 28(19): 1829~1831
- 4 S. J. Zhang, E. Wu, H. F. Pan et al.. Passive mode locking in a diode-pumped Nd:GdVO₄ laser with a semiconductor saturable absorber mirror[J]. *IEEE J. Quant. Electron.*, 2004, 40(5): 505~508
- 5 Qinan Li, Sumei Wang, Shifeng Du et al.. Self-Q-switched and mode-locked 946 nm Cr, Nd: YAG laser[J]. Opt. Commun., 2008, 281(8): 2184~2188
- 6 Jian Wu, Hua Cai, Xiaohong Han et al.. Multi-pulse operation of a Kerr-lens mode-locked femtosecond laser [J]. Chin. Opt. Lett., 2008, 6(1): 76~78
- 7 Zhong Ming, Wang Qi, Wang Yuezhu et al.. Er:glass laser with LaMgAl₁₁O₁₉: Co²⁺ passive Q switch[J]. Acta Optica Sinica, 2007, 27(2): 287~290
 - 钟 鸣,王 骐,王月珠 等. LaMgAl₁₁O₁₉:Co²⁺ 被动调 Q 铒玻 璃激光器研究[J]. 光学学报, 2007, **27**(2): 287~290
- 8 Wang Jing, Zhang Hongming, Zhang Jun et al.. Passively modelocked fiber laser with a semiconductor saturable absorber mirror [J]. Chinese J. Lasers, 2007, 34(2): 163~165
 - 王 旌,张洪明,张无鋆 等. 基于饱和吸收镜的被动锁模光纤激 光器[J]. 中国激光, 2007, **34**(2): 163~165

- 9 Ye Hui, Xu Wencheng, Liu Songhao. Dispersion measurement for optical fiber in ring cavity using fiber laser sideband spectrum [J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(7): 1323~1326
 叶 辉,徐文成,刘颂豪.利用光纤激光器光谱边带效应测量光 纤色散[J]. 光学学报, 2008, 28(7): 1323~1326
- 10 Y. F. Chen, S. W. Tsai. Simultaneous Q-switching and modelocking in a diode-pumped Nd: YVO₄-Cr⁴⁺: YAG laser[J]. *IEEE J. Quant. Electron.*, 2001, **37**(4): 580~586
- 11 S. P. Ng, D. Y. Tang, J. Kong et al.. Quasi-cw diode-pumped Nd:GdVO₄ laser passively Q-switched and mode-locked by Cr⁴⁺: YAG saturable absorber[J]. Opt. Commun., 2005, 250(1~3): 168~173
- 12 C. Li, P. Li, D. Li et al.. Diode-pumped self Q -switched and mode-locking Nd³⁺: Cr⁴⁺: YAG laser[J]. Chin. Phys. Lett., 2004, 21(2): 313~315
- 13 Y. F. Chen, S. W. Tsai, S. C. Wang *et al.*. A diode-pumped higher power Q -switched and self-mode-locked Nd: YVO₄ laser with a LiF: F₂ saturable absorber[J]. *Appl. Phys. B*, 2001, 73(2): 115~118
- 14 P. Mukhopadhyay, M. Alsous, K. Ranganathan *et al.*. Analysis of laser-diode end-pumped intracavity frequencydoubled, passively Q-switched and mode-locked Nd: YVO₄ laser [J]. Appl. Phys. B, 2004, **79**(6): 713~720