文章编号: 0253-2239(2009)10-2924-05

可控制光学双阱实验及非对称双阱的应用

李雅丽 王志坚 龚天林 张 华 纪宪明

(南通大学理学院, 江苏 南通 226007)

摘要 根据用相位板产生可控制光学双阱的实验方案,制作了具有不同相位差的相位板,测量了不同相位差相位 板衍射光强分布和从双阱到单阱演变过程中的衍射光强分布,得到了理论与实验一致的结果。进一步分析实验结 果发现:相位差 Δφ≠π的相位板,产生非对称光学双阱,在原子光学实验中也有很重要的应用,从而拓展了光学双 阱在原子光学实验中的应用范围。

关键词 原子光学;冷原子囚禁;光学双阱

中图分类号 O436 文献标识码 A doi: 10.3788/AOS20092910.2924

Experiment of Controllable Double-Well Optical Trap and Application of Asymmetric Double-Well Optical Trap

Li Yali Wang Zhijian Gong Tianlin Zhang Hua Ji Xianming

(Science College, Nantong University, Nantong, Jiangsu 226007, China)

Abstract The phase plates with different phase differences were fabricated according to the experimental scheme that used phase plates to generate controllable double-well optical traps. The diffraction intensity distributions of different phase plates and intensity distribution from double-well to single-well evolution process were measured. The experimental results showed good accordance with the theoretical results. Further analysis of the results revealed that the phase plates with $\Delta \varphi \neq \pi$ can generate asymmetric double-well optical traps. This has important applications in atomic optics experiment and develops their application range.

Key words atomic optics; cold atoms trapping; double-well optical trap

1 引 言

20世纪80年代以来,原子和分子冷却技术得 到了快速的发展^[1~6],冷原子的温度已达到*n*K数 量级,相应的德波罗意波长与可见光相近,对冷原子 和冷分子的囚禁、导引、分束等操作已经成为原子光 学研究领域的重要内容。实践证明,用光波场操作 和控制冷原子有许多独特的优点,人们已经提出了 多种冷原子光学囚禁、光波导、分束和玻色-爱因斯 坦凝聚(BEC)的方案,并进行了广泛的实验研 究^[7~20]。在文献[11]中,提出了用相位板产生双光 阱的方案,在这一方案中,用一束激光照明由相位板 和会聚透镜组成的简单光学系统,即可产生一对光 学双阱,并且能够实现双光阱到单光阱连续演化。 这一实验方案在双样品原子的囚禁、冷原子的碰撞、 双样品玻色-爱因斯坦凝聚性质以及双原子团间量 子纠缠等方面有广阔的应用前景。本文运用微光学 技术制作二元相位板,以 He-Ne 激光为光源,研究 了双光阱的产生和双光阱到单光阱演化的过程,分 析了实验误差带来的影响,得到了与理论一致的实 验结果。从实验结果中发现:相位差 $\Delta q \neq \pi$ 的相位 板,产生光强分布不对称的光学双阱,这种非对称光 阱在原子光学实验中也有重要的应用。

收稿日期: 2008-11-17; 收到修改稿日期: 2009-02-09

基金项目:国家自然科学基金(10674047),江苏省自然科学基金(BK2008183)和华东师范大学精密光谱科学与技术国家 重点实验室开放基金资助课题。

作者简介:李雅丽(1961—),女,副教授,主要从事物理实验教学和光学与原子光学等方面的研究。

2 实 验

2.1 仪器及材料

Dektek 3ST 型阶仪, JR-2B 型溅射刻蚀台, GSZF-1型衍射光强自动记录仪, GY-10型的 He-Ne 激光器, 针孔滤波器, 矩形光阑(边长为 5 mm× 5 mm), 傅里叶透镜两个($f_1 = 200 \text{ mm}, f_2 = 500 \text{ mm}$), 放大倍数为 $10 \times ($ 实际测量为 8. 2×)的 读数显微镜一台, 石英片(n=1.46, 宽度为20 mm× 20 mm)若干, 北京化学试剂研究所生产的 BP212 紫外正型光刻胶等。

2.2 相位板的制作

根据文献[11],首先在 JR-2B 型溅射刻蚀台的

滅射腔中,给石英片的一半镀上铬膜保护层,然后置 于 JR-2B 型溅射刻蚀台的刻蚀腔中,用 SF。离子气 体对未镀铬膜层的一半石英片进行刻蚀。在实验过 程中,通过反复调试,最终在射频功率为 50 W、气体 流量为 50 cm³/min 的条件下,取不同的刻蚀时间 *T*,刻制了 5 片二台阶相位板。通过清洗去掉铬膜 保护层后,用 Dektek 3ST 型台阶仪分别测量了这 5 片相位板的刻蚀深度 *d*,取照明光波长 $\lambda =$ 632.8 nm,根据相位差 $\Delta \varphi$ 与刻蚀深度 *d* 的关系,即 $\Delta \varphi = 2\pi(n-1)d/\lambda$,计算了各片相位板的相位差, 结果如表 1 所示。

表 1 相位板的刻蚀时间、刻蚀深度和相位差

Table 1	etching time,	etching depth	and phase	difference	of the	phase	plate
---------	---------------	---------------	-----------	------------	--------	-------	-------

serial number	1	2	3	4	5
T/\min	15	20	30	35	40
d/nm	329.8	463.4	667.3	815.9	973.7
$\Delta \varphi / \operatorname{rad}$	0.4795π	0.6737π	0.9702π	1.186π	1.416π

根据表 1,作出刻蚀深度 *d* 与刻蚀时间 *T* 关系 曲线如图 1,图 1 表明:射频功率为 50 W、气体流量 为 50 cm³/min 时,刻蚀深度 *d* 与刻蚀时间 *T* 之间的 关系接近于线性关系。刻蚀时间 *T*=30 min 的 3 号 相位板,相位差 $\Delta \varphi = 0.97\pi$,与文献[11]中要求的 $\Delta \varphi = \pi$ 误差 3%,其它 4 块相位板的相位差 $\Delta \varphi$ 与 π 相差都比较大。





2.3 产生光学双阱实验

产生光学双阱的实验光路如图 2 所示,相位板 P 安装在五维精密调节支架上,可沿图 2 中 x 方向 平移,可调光阑 G、相位板 P 和聚焦透镜 L₂ 三者共 轴,G 和 L₂ 相对固定,用 He-Ne 激光器做光源,光 源实际输出功率为 5.5 mW,经过针孔滤波器 F 和 准直透镜 L₁ 滤波、扩束、准直,扩束后激光的束腰半 径 w_0 = 3.5 mm,照射到光阑 G 上,光阑紧靠相位板



图 2 光学双阱的测试光路

Fig. 2 Measurement light path of double-well optical trap P,相位板实际受光照的宽度与光阑的透光孔 (5 mm×5 mm)相同,透镜 L₂ 对相位板的衍射光聚 焦,在 L₂ 的焦平面上得到光学双阱。双光阱间的距 离很小(约 0.1 mm 量级),因此,我们先用显微镜 M 对 L₂ 焦平面上的衍射光强分布图进行放大,然后用 衍射光强自动记录仪记录光强分布曲线。实验分两 项内容进行:

实验一 光强分布与相位差的关系

按表 1 中相位板序号,分别把 5 片具有不同的相 位差的相位板插入图 2 所示光路中,调节相位板和光 阑的相对位置,使相位板的相位跃变线和光阑的中线 重合,从而使得光阑窗口内两个不同相位区域的面积 相等(5 mm×2.5 mm)。保持相位板在光路中的相对 位置不变,更换相位板,测出衍射光强分布。图 3 是 衍射光强记录仪输出的光强分布曲线,图 3(a)~(e) 是对应于 1-5 号相位板的光强分布曲线。

实验二 双阱到单阱的演变过程

在实验一已调好的光路基础上,相位板在五维调 节支架上沿 x 方向平移,则可实现双阱到单阱的演 变,图 4(a)~(d)分别是 3 号相位板沿 x 方向移动距 离 *t*=0,1.0 mm,2 mm,2.5 mm 时,衍射光强记录仪 输出的光强分布曲线。把 3 号相位板换为 4 号相位 板,作同样移动时光强分布曲线如图 5(a)~(d)。







图 4 3 号相位板光学双阱到单阱的演变过程 Fig. 4 Evolution process from double-well optical trap to single well generated by No. 3 phase plate

图 3~图 5 中各光强分布曲线是衍射光强记录 仪输出的原图,图中光强分布有一定大小的衬底光 强,包含衍射光强记录仪的暗电流和暗室内环境杂 散光以及仪器表面漫反射光,实际衍射光强分布应



图 5 4 号相位板光学双阱到单阱的演变过程

Fig. 5 Evolution process from double-well optical trap to single well generated by No. 4 phase plate

该减去衬底光强;图中纵坐标是光强的相对值,横坐 标 *x* 的标度是显微镜放大后的尺寸,再缩小 8.2 倍 (显微镜的放大倍数)后是实际尺寸。

3 实验结果分析

在相位板的制作过程中,刻蚀深度直接决定相 位板的相位差。刻蚀深度与射频功率、气体流量和 刻蚀时间(或刻蚀速率)等因素有关,在实际刻蚀过 程中,由于射频功率和气体流量有波动起伏,实际刻 蚀深度与设计要求之间必然有一定的偏差。表1和 图1表明,在制作相位板时,我们调节射频功率和气 体流量,获得了比较合适的刻蚀速率(速率过慢,刻 蚀时间长,气流量波动影响大,速率过快,不容易准 确控制刻蚀时间),使刻蚀时间与刻蚀深度接近于正 比关系,能够通过控制刻蚀时间来比较精确地控制 刻蚀深度。

相位板刻蚀深度(相位差)的偏差对衍射光强分 布有较大影响,由图 3 可以看出,相位差 $\Delta \varphi \neq \pi$ 时, 也能产生光学双阱,但两个光阱的光强分布不对称, 即产生非对称双光阱, $\Delta \varphi$ 取不同值,光强分布不同, $\Delta \varphi = \pi$ 时,两个光阱的光强对称分布。根据文献 [11],我们可以从理论上推出:相位板的相位差为 $\Delta \varphi$ 、相位板相对光阑移动距离为 t 时焦平面上的光 强分布为

(1)

$$I_{\rm f}(x,y) = \frac{4I_{\rm o}a^4}{(\lambda f)^2} \frac{\sin^2(2u + \Delta \varphi/2) + \sin^2(\Delta \varphi/2) - 2\sin(2u + \Delta \varphi/2)\sin(\Delta \varphi/2)\cos(2tu/a)}{u^2} \cdot \frac{\sin^2(2v)}{(2v)^2},$$

式中
$$u = \pi a x / (\lambda f), v = \pi a y / (\lambda f)$$
。当 $t = 0$ 时,

 I_{f}

$$(x, y,) = \frac{16I_{o}a^{4}}{(\lambda f)^{2}} \frac{\sin^{2}u\cos^{2}(u + \Delta \varphi/2)}{u^{2}} \cdot \frac{\sin^{2}(2v)}{(2v)^{2}}, \qquad (2)$$

根据(2)式,通过数值计算,我们得到计算光阱中心位置的近似公式为

$$u_{c\pm} = \pm 0.371\pi - 0.371(\Delta \varphi - \pi), v_{c} = 0, \qquad (3)$$

两光阱的最大光强分别为

$$I_{\rm f}(x_{\rm c\pm},0) = \frac{16I_{\rm o}a^4}{(\lambda f)^2} \frac{\sin^2 u_{\rm c\pm}\cos^2 (u_{\rm c\pm} + \Delta \varphi/2)}{u_{\rm c\pm}^2}.$$
 (4)

(3)和(4)式说明, $\Delta \varphi = \pi$ 时,光阱的中心和光强分布关于*x*轴对称,两光阱的最大光强相同,囚禁同一种粒子时阱深相同; $\Delta \varphi \neq \pi$ 时,两光阱中心随 $\Delta \varphi$ 的变化向一侧移动,两光阱中心的距离基本不变,光强分布不对称,一个光阱的光强变大,另一个光强变小,两光阱的最大光强之比为

$$\frac{I_{\rm fc+}}{I_{\rm fc-}} = \frac{\sin^2 \left[0.371 \left(\Delta \varphi - 2\pi\right)\right] \cos^2 \left(0.129 \Delta \varphi + 0.742\pi\right)}{\sin^2 \left(0.371 \Delta \varphi\right) \cos^2 \left(0.129 \Delta \varphi\right)} \left[\frac{0.371 \Delta \varphi}{0.371 \left(\Delta \varphi - 2\pi\right)}\right]^2,\tag{5}$$

当 $\Delta \phi \rightarrow 0$ 或 $\Delta \phi \rightarrow 2\pi$ 时,双光阱中一个光阱的光强 变为 0,双阱变为单光阱。

在图 3 所示的实验结果中减去衬底光强,实验 光强分布曲线与根据(2)式得到的理论曲线相比较, 曲线的形状是非常相似的。根据实验结果和(3)和(5)式,分别计算双阱中心的距离和最大光强的比值,结果如表 2,表 2 充分说明,实验结果与理论是相符的。

表 2	不同相位板双阱的实验结果与理论比较
-----	-------------------

Table 2 $\$ comparison of the experimental results, which was measured from the

double-well optical trap generated by different phase plates, with theoretical ones

serial number of	1	2	3	4	5	
$\Delta arphi/\mathrm{rad}$		0.4795π	0.6737π	0.9702π	1.186π	1.416π
maximum intensity	experimental value	1:0.248	1:0.431	1:0.909	1:1.660	1:2.993
ratio of the double well	theoretical value	1:0.236	1:0.411	1:0.923	1:1.654	1:3.138
distance between the	experimental value	0.360	0.367	0.389	0.385	0.388
optical traps/mm	theoretical value	0.376	0.376	0.376	0.376	0.376

在双阱到单阱的演变过程中,由于 3 号相位板的相位差 $\Delta \varphi = 0.97\pi$,与 $\Delta \varphi = \pi$ 的误差仅为 3%,实验所得到的光强分布图 4 与文献[11]中的图 4 基本上是一致的。4 号相位板的相位差 $\Delta \varphi = 1.186\pi$,与 $\Delta \varphi = \pi$ 的误差为 18.6%,图 5 所示的实验结果与用(1)式计算的结果是一致的。4 号相位板产生的两个光阱的最大光强不同,在双阱到单阱演变过程中,两光阱保持一定的光强差,逐渐靠近,演变为单光阱。

理论分析和实验结果都表明: $\Delta \varphi \neq \pi$ 的相位板 产生的非对称双阱,也能实现双阱到单阱演变,双阱 的相对光强随相位差改变。这种非对称双阱在原子 光学和分子光学中同样有很重要的应用。因为对于 同一种粒子(原子或分子),两个非对称光阱的光强 不同,有不同的囚禁阱深,可囚禁不同温度的粒子; 而对于不同种类的粒子,相对同一波长的激光,失谐 量不同,光强相同时,囚禁阱深则不同。选择合适的 $\Delta \varphi$,可以使两个非对称光阱有相同的阱深,在阱深 相同的条件下研究不同粒子碰撞。如用波长 $\lambda_l =$ 1.06 μm的 YAG 激光囚禁⁸⁴ Kr 和⁸⁵ Rb 冷原子时, ⁸⁴ Kr的谐振角频率和自然线宽分别为 $\omega_{aKr} = 2\pi \times$ 3.7×10¹⁴ Hz, $\Gamma_{Kr} = 2\pi \times 5.56 \times 10^6$ Hz,而对于⁸⁵ Rb 则有 $\omega_{aRb} = 2\pi \times 3.85 \times 10^{14}$ Hz, $\Gamma_{Rb} = 2\pi \times 6.1 \times 10^{6}$ Hz, 根据文献[11]中的计算方法, 可得⁸⁴ Kr 和⁸⁵ Rb 的阱深之比为

$$\frac{U_{\rm DKr}}{U_{\rm DRb}} = \frac{1 - \omega_l^2 / \omega_{\rm aKr}^2}{1 - \omega_l^2 / \omega_{\rm aRb}^2} \frac{\Gamma_{\rm Kr}}{\Gamma_{\rm Rb}} \frac{I_{\rm c+}}{I_{\rm c-}}, \qquad (6)$$

 $\Delta \varphi = \pi$ 时,光学双阱的光强相同,对⁸⁴ Kr 和⁸⁵ Rb 原 子阱深之比为 0.83;取 $\Delta \varphi = 1.07\pi$ 时,两个非对称 光阱的最大光强之比为 1.21,对⁸⁴ Kr 和⁸⁵ Rb 原子则 有相同的阱深。因此,我们可以根据双样品粒子的 具体情况,选择相位板的相位差,得到具有不同光强 的光学双阱,用于双样品粒子的冷碰撞的性质和物 质波干涉的实验研究。

4 结 论

根据文献[11]提出的可控制光学双阱实验方 案,用 JR-2B 型溅射刻蚀台制作了具有不同相位差 的相位板,简要分析了射频功率和气体流量相同时, 刻蚀深度 d 与刻蚀时间 T 之间的关系;测量了不同 相位差的相位板产生的衍射光强分布和双阱到单阱 演变过程中的衍射光强分布,对实验数据和理论计 算进行了比较,结果表明:文献[11]理论分析与实验 结果是一致的。进一步分析还发现:相位差 $\Delta \varphi \neq \pi$ 的相位板产生的非对称光学双阱,在原子光学实验 中也有重要的应用,从而拓展了光学双阱在原子光 学实验中的应用范围。

参考文献

- W. D. Phillips, Harold Mitcalf. Laser deceleration of an atomic beam[J]. Phys. Rev. Lett., 1982, 48(9): 596~599
- 2 S. Chu, L. Hollberg, J. E. Bjorkholm *et al.*. Three-dimensional viscous confinement and cooling of atoms by resonance radiation pressure[J]. *Phys. Rev. Lett.*, 1985, **55**(1): 48~51
- 3 F. M. H. Crompvoels, R. T. Jongma, H. L. Bethlem et al.. Longitudinal focusing and cooling of a molecular beam[J]. Phys. Rev. Lett., 2002, 89(9): 093004
- 4 Li Shiqun. Laser cooling and neutral atom trapping ① [J]. College Physics, 1999, 18(1): 1~5
 李师群.激光冷却和捕陷中性原子①[J]. 大学物理, 1999,
- 18(1): 1~5
 5 Li Shiqun. Laser cooling and neutral atom trapping ② [J]. College Physics, 1999, 18(2): 1~6

李师群. 激光冷却和捕陷中性原子②[J]. 大学物理, 1999, 18(2): 1~6

- 6 Li Shiqun. Laser cooling and neutral atom trapping ③ [J]. College Physics, 1999, 18(3): 1~4,17 李师群. 激光冷却和捕陷中性原子③[J]. 大学物理, 1999, 18(3): 1~4,17
- 7 S. R. Granade, M. E Gehm, K. M O'Hara et al.. All-optical production of a degenerate fermi gas [J]. Phys. Rev. Lett., 2002, 88(12):120405
- 8 G. Birkl, F. B. J. Buchkremer, R. Dumke, *et al.*. Atom optics with microfabricated optical elements[J]. *Opt. Commun.*, 2001, 191(1-2): 67~81
- 9 Ji Xianming, Xia Yong, Yin Jianpin, Generation of onedimensional array of focused hollow-beam pipes and its surface microscopic waveguide for cold atoms or molecules [J]. Chin. Phys. Lett., 2004, 21(7): 1272~1275
- 10 Ji Xianming, Yin Jianping. Controllable double-well optical trap for cold atoms or molecules and its one-dimensional and twodimensional optical lattices [J]. J. Opt. Soc. Am. B, 2005, 22(8): 1737~1748
- 11 Ji Xianming, Yin Jianping. Controllable double-well optical trap

for cold atoms or molecules [J]. Acta Physica Sinica, 2004, 53(12): 4163~4172

纪宪明,印建平. 冷原子或冷分子的可控制光学双阱[J]. 物理学报,2004,53(12):4163~4172

12 Ji Xianming, Yin Jianping. A novel beam-splitter for surface wave-guided atoms or molecules[J]. Acta Physica Sinica, 2005, 54(10): 4659~4665

纪宪明,印建平.一种新颖的表面光波导型原子(或分子)分束器 [J].物理学报,2005,**54**(10):4659~4665

- 13 Lu Junfa, Ji Xianming, Yin Jianping. Two-dimensional novel optical lattices with multi-well traps for cold atoms or molecules [J]. Chin Opt. Lett., 2006, 4(12): 683~686
- 14 Lu Junfa, Ji Xianming, Yin Jianping. Controllable eight-well optical trap and the two-dimensional optical lattices for cold atoms or molecules[J]. *Chinese. J. Lasers*, 2008, **35**(7): 1017~1023 陆俊发,纪宪明,印建平. 囚禁冷原子或冷分子的可控制光学八 阱及其光学晶格[J]. 中国激光, 2008,**35**(7): 1017~1023
- 15 Lu Junfa, Ji Xianming, Zhou Qi *et al.*. A novel controllable fourwell optical trap for cold atoms or molecules and its twodimensional optical lattices[J]. Acta Optica Sinica, 2008, 28(2): 211~218

陆俊发,纪宪明,周 琦等.一种新颖的实现冷原子或冷分子囚 禁的可控制光学四阱及其二维光学晶格[J].光学学报,2008, 28(2):211~218

- 16 Chen Liya, Yin Jianping. Optical dipole traps for cold molecules (or cold atoms) using a red-detuned small-hole diffracted light field[J]. Acta Optica Sinica, 2007, 27(10): 1852~1857 陈丽雅,印建平. 通过圆孔衍射实现冷分子(或冷原子)因禁的光 学偶极阱[J]. 光学学报, 2007, 27(10): 1852~1857
- 17 A. C. Ji, W. M. Liu, J. L. Song *et al.*. Dynamical creation of fractionalized vortices and vortex lattices[J]. *Phys. Rev. Lett.*, 2008, **101**(1): 010402
- 18 W. M. Liu, B. Wu, Q. Niu. Nonlinear effects in interference of Bose-Einstein condensates [J]. *Phys. Rev. Lett.*, 2000, 84(11): 2294~2297
- 19 G. P. Zheng, J. Q. Liang, W. M. Liu. Phase diagram of twospecies Bose-Einstein condensates in an optical lattice [J]. *Phys. Rev.* A, 2005, **71**(5): 053608
- 20 Z. W. Xie, Z. X. Cao, E. I. Kats *et al.*. Nonlinear dynamics of a dipolar Bose-Einstein condensate in an optical lattice[J]. *Phys. Rev. A*, 2005, **71**(2): 025601