文章编号:0253-2239(2008)06-1057-05

# 铒镱共掺特性对光放大器增益和噪声系数的影响

### 吴粤湘 马晓明 赵晓吉

(深圳职业技术学院,广东 深圳 518055)

**摘要** 基于速率方程和光传输方程,对双包层铒镱共掺光纤放大器进行了研究,数值模拟分析了 Er<sup>3+</sup>浓度和 Yb<sup>3+</sup>浓度的变化对光纤放大器增益和噪声系数的影响。结果表明,Er<sup>3+</sup>浓度较低时,有较好的噪声特性;同时,较低的 Yb<sup>3+</sup>浓度有助于提高增益,并且存在一个增益最大的最佳 Er<sup>3+</sup>浓度值。 关键词 光纤通信;光纤放大器;速率方程和光传输方程;双包层铒镱共掺光纤;掺杂浓度 中图分类号 TN253 **文献标识码** A

## Effects of Er<sup>3+</sup> and Yb<sup>3+</sup> Concentration on Gain and Noise Coefficient of Fiber Amplifier

Wu Yuexiang Ma Xiaoming Zhao Xiaoji

(Shenzhen Polytechnic College, Shenzhen, Guangdong 518055, China)

Abstract The influence of concentration of rare-earth ions  $Er^{3+}$  and  $Yb^{3+}$  on gain and noise characteristics of  $Er^{3+}/Yb^{3+}$  co-doped double-clad fiber amplifier is analyzed based on rate equation and light propagation equation. The numerical simulation result shows that, the amplifier has better noise characteristic with lower  $Er^{3+}$  concentration and larger gain with lower  $Yb^{3+}$  concentration, and there is an optimal  $Er^{3+}$  concentration to get the largest gain. **Key words** fiber communication; fiber amplifier; rate equation and light propagation equation;  $Er^{3+}/Yb^{3+}$  co-doped double clad fiber; doping concentration

### 1 引 言

目前随着光纤通信技术的不断进步,特别是波 分复用(WDM)技术在主干网和城域网中的应用, 掺铒光纤放大器(EDFA)逐步成为了实现高速传输 的核心部件。传统的掺铒光纤放大器存在着对抽运 源的激光模式要求较高,抽运耦合效率低等问题。 虽然可以通过增加掺杂铒离子浓度的方式增加功率 输出,但随着铒离子浓度的提高,铒离子发生聚集, 使铒离子对出现能量上转换现象,抑制了掺铒光纤 放大器的抽运转换效率和增益的提高<sup>[1]</sup>。近年来, 为了提高输出功率和输出特性,提出了一种以双包 层光纤为基础的包层抽运技术,克服了单包层结构 的缺点,使光纤激光器和放大器的输出功率提高了 3~4个数量级<sup>[2]</sup>。双包层 Er<sup>3+</sup>和 Yb<sup>3+</sup>共掺光纤放大 器(EYDFA) 比传统的掺铒光纤放大器有更优良的特 性。以双包层光纤为基础的包层抽运技术使能量转 换效率提高到一个新的水平,抽运耦合效率大大提 高,而且能够降低对抽运光模式的要求。另外,Yb<sup>3+</sup> 的掺入不但抑制了 Er<sup>3+</sup>之间的能量上转换,而且使 铒镱共掺光纤的吸收谱大大加宽(800~1100 nm)。 因此近年来铒镱共掺光纤放大器和激光器成为了研 究的热点<sup>[3~5]</sup>。

双掺光纤中的 Yb<sup>3+</sup> 主要是起到敏化作用,当 Yb<sup>3+</sup> 掺入光纤之后,与 Er<sup>3+</sup> 形成 Er<sup>3+</sup>-Yb<sup>3+</sup> 离子 对,当抽运光入射时,基态的 Yb<sup>3+</sup> 吸收大部分的抽 运光后激发到上能级。被激发的 Yb<sup>3+</sup> 把吸收到的 能量转移给基态的 Er<sup>3+</sup>,得到能量后的 Er<sup>3+</sup> 跃迁到 高能级。由于 Yb<sup>3+</sup> 作为敏化剂吸收截面大,因此 Yb<sup>3+</sup> 有比较强的吸收特性,吸收的光谱较宽。有效 地将 Er<sup>3+</sup> 均匀分开,减弱了 Er<sup>3+</sup> 团簇的形成并降低

收稿日期: 2007-11-26; 收到修改稿日期: 2008-01-17

基金项目: 深圳市科技计划(06KJP023)资助课题。

作者简介:吴粤湘(1978-),男,讲师,主要从事光纤通信系统和器件等方面的研究。E-mail. yx. wu@163.com

了能量上转换等效应的影响,改善了增益特性。但 是 Yb<sup>3+</sup>掺杂浓度高到一定程度就会引起较大的损 耗。因此,为了获得最好的放大性能,必须研究掺杂 特性对于光放大器性能的影响。目前对于该方面的 研究虽已有报道<sup>[6,7]</sup>,但深入的计算分析还很少。

#### 2 理论模型

 $Er^{3+}/Yb^{3+}$ 共掺光纤中原子的能级及能量传 递如图 1 所示<sup>[3]</sup>。从图中可以看出 Yb<sup>3+</sup> 吸收抽运 光从<sup>2</sup>  $F_{7/2}$ 跃迁到<sup>2</sup>  $F_{5/2}$ ;然后通过 Yb<sup>3+</sup> 的敏化作用, <sup>2</sup>  $F_{5/2}$ 将能量传递给  $Er^{3+}$  的<sup>4</sup>  $I_{11/2}$ ,然后重新回到 <sup>2</sup>  $F_{7/2}$ ,可以表示为<sup>2</sup>  $F_{5/2}$  +<sup>4</sup>  $I_{15/2}$  →<sup>2</sup>  $F_{7/2}$  +<sup>4</sup>  $I_{11/2}$ ;  $Er^{3+}$ 在<sup>4</sup>  $I_{11/2}$ 处于不稳定的状态,通过无辐射衰减跃迁到





<sup>4</sup> $I_{13/2}$ ,当积累到一定程度时,在能级<sup>4</sup> $I_{13/2}$ 和<sup>4</sup> $I_{15/2}$ 之 间形成粒子数反转。在此过程中还需要考虑下面的 几个过程:Yb<sup>3+</sup>的<sup>2</sup> $F_{5/2}$ 能级的受激发射和自发辐射 衰减;Er<sup>3+</sup>的<sup>4</sup> $I_{15/2}$ 能级的受激吸收;Er<sup>3+</sup>的<sup>4</sup> $I_{13/2}$ 能 级的自发辐射衰减。

对方程进行简化、合并之后得到粒子速率方程 组<sup>[8,9]</sup>:

$$\frac{\mathrm{d}N_2}{\mathrm{d}t} = W_{12}N_1 - W_{21}N_2 - N_2/\tau_{21} + W_{13}N_1 + C_{\mathrm{cr}}N_1N_6 - C_{\mathrm{vr}}N_2^2, \qquad (1)$$

$$rac{\mathrm{d}N_6}{\mathrm{d}t} = W_{56}N_5 - W_{65}N_6 - N_6/ au_{65} - C_{\mathrm{cr}}N_1N_6$$
, (2)

$$N_1 + N_2 = N_{\rm Er},$$
 (3)

$$N_5 + N_6 = N_{\rm Yb},$$
 (4)

上面方程组中,参量  $N_1$ , $N_2$  分别表示  $Er^{3+}$  在<sup>4</sup> $I_{15/2}$ <sup>4</sup> $I_{13/2}$  能级上的粒子数密度;参量  $N_5$ , $N_6$  分别为 Yb<sup>3+</sup> 在<sup>2</sup> $F_{7/2}$  和<sup>2</sup> $F_{5/2}$  能级的粒子数密度; $\tau_{21}$ 和 $\tau_{65}$  表 示<sup>4</sup> $I_{13/2}$  和<sup>2</sup> $F_{5/2}$  能级上粒子自发辐射的寿命。 $C_{up}$  是  $Er^{3+}$  从亚稳态<sup>4</sup> $I_{13/2}$  到受激态<sup>4</sup> $I_{9/2}$  能级的能量上转 化系数,当小信号输入时,可以不考虑能量上转化过 程,但当大功率的信号光输入时,就不能忽略这个过 程; $C_{cr}$  表示从 Yb<sup>3+</sup>到  $Er^{3+}$  的能量传递过程的交叉 弛豫系数。

而上式中的跃迁系数则由下面的公式确定:

$$W_{12}(z,t) = \frac{\Gamma_{s}\sigma_{12}}{h\nu_{s}A_{core}}P_{s}(z) + \frac{\Gamma_{s}}{hcA_{core}}\int_{0}^{\infty}\sigma_{12}\left[P_{ASE}^{+}(z,\lambda) + P_{ASE}^{-}(z,\lambda)\right]\lambda d\lambda,$$
  

$$W_{21}(z,t) = \frac{\Gamma_{s}\sigma_{21}}{h\nu_{s}A_{core}}P_{s}(z) + \frac{\Gamma_{s}}{hcA_{core}}\int_{0}^{\infty}\sigma_{21}\left[P_{ASE}^{+}(z,\lambda) + P_{ASE}^{-}(z,\lambda)\right]\lambda d\lambda,$$
(5)

$$W_{56}(z,t) = rac{\Gamma_{
m p}\sigma_{56}}{h 
u_{
m p} A_{
m core}} P_{
m p}(z) \,, \qquad W_{65}(z,t) = rac{\Gamma_{
m p}\sigma_{65}}{h 
u_{
m p} A_{
m core}} P_{
m p}(z) \,,$$

式中 $\sigma_{12},\sigma_{21},\sigma_{56}$ 和 $\sigma_{65}$ 分别是与频率有关的 $Er^{3+}$ 、Yb<sup>3+</sup>的吸收和发射截面面积。 $\nu_s$ 和 $\nu_p$ 分别为信号光和抽运 光的频率, $A_{core}$ 是纤芯面积, $\Gamma_s$ 和 $\Gamma_p$ 分别是和频率相关的重叠因子,h是普朗克常量。

在稳态情况下,抽运光、信号光、自发辐射噪声的传输方程分别为[3,9]

$$\frac{\mathrm{d}P_{\mathrm{p}}}{\mathrm{d}t} = -\Gamma_{\mathrm{p}} \big[ \sigma_{56} \left(\lambda_{\mathrm{p}}\right) N_{5} + \sigma_{13} \left(\lambda_{\mathrm{p}}\right) N_{1} - \sigma_{65} \left(\lambda_{\mathrm{p}}\right) N_{6} \big] P_{\mathrm{p}} - \alpha_{\mathrm{p}} P_{\mathrm{p}} , \qquad (6)$$

$$\frac{\mathrm{d}P_{\mathrm{s}}}{\mathrm{d}t} = \Gamma_{\mathrm{s}} \big[ \sigma_{21}(\lambda_{\mathrm{s}}) N_2 - \sigma_{12}(\lambda_{\mathrm{p}}) N_1 \big] P_{\mathrm{s}} - \alpha_{\mathrm{s}} P_{\mathrm{s}}, \qquad (7)$$

$$\frac{\mathrm{d}P_{\mathrm{ASE}}^{\pm}}{\mathrm{d}t} = \pm mh_{\nu}\Delta\nu\Gamma_{\mathrm{s}}\sigma_{21}(\lambda)N_{2} \pm \{\Gamma_{\mathrm{s}}[\sigma_{21}(\lambda)N_{2} - \sigma_{12}(\lambda)N_{1}] - \alpha_{\mathrm{s}}\}P_{\mathrm{ASE}}^{\pm}.$$
(8)

由于单模 LP01光纤支持 2 个偏振模式,所以取 m=2。

在计算过程中,由于(1)式~(4)式和(5)式组成的方程组没有解析解,因此需要通过迭代计算出粒子浓度, 然后代入传输方程计算出相应的光功率分布。

#### 3 数值模拟与结果讨论

数值模拟所取的参量为:光纤纤芯直径为 6.6  $\mu$ m,纤芯数值孔径为 0.18。Er<sup>3+</sup> 对波长为 1550 nm 信号光的吸收截面和发射截面分别为 1.92×10<sup>-25</sup> m<sup>2</sup>, 2.62×10<sup>-25</sup> m<sup>2</sup>, Er<sup>3+</sup>、Yb<sup>3+</sup>的上 能级寿命分别是 11 ms 和 0.35 ms,激活光纤对抽 运光重叠因子为 0.01,交叉弛豫系数  $C_{\rm cr} = 0.4 \times 10^{-22} \text{ m}^3/\text{s}$ ,上转系数  $C_{\rm up} = 8 \times 10^{-24} \text{ m}^3/\text{s}$ 。抽运光 波长是 980 nm,抽运光功率是 5 W,信号光功率是 10  $\mu$ W,激活光纤长度是 4 m。

#### 3.1 Er<sup>3+</sup>、Yb<sup>3+</sup>掺杂浓度对噪声系数的影响

图2~图4是在不同的抽运方式和不同掺杂浓



图 2 Er<sup>3+</sup>浓度 N<sub>Er</sub><sup>3+</sup> 变化对噪声系数的影响(Yb<sup>3+</sup>浓度不变 8×10<sup>25</sup> m<sup>-3</sup>)。(a) 前向抽运,(b) 后向抽运 Fig. 2 Noise coefficient versus wavelength with different Er<sup>3+</sup> concentrations (Yb<sup>3+</sup> concentration is 8×10<sup>25</sup> m<sup>-3</sup>). (a) Forward pumped, (b) backward pumped



图 3 Yb<sup>3+</sup>浓度 N<sub>Yb<sup>3+</sup></sub> 变化对噪声系数的影响(Er<sup>3+</sup>浓度不变 1×10<sup>25</sup> m<sup>-3</sup>)。(a) 前向抽运,(b) 后向抽运 Fig. 3 Noise coefficient versus wavelength with different Yb<sup>3+</sup> concentrations (Er<sup>3+</sup> concentration is 1×10<sup>25</sup> m<sup>-3</sup>). (a) Forward pumped,(b) backward pumped



图 4 Yb<sup>3+</sup>、Er<sup>3+</sup>浓度按比例变化对噪声系数的影响(保持 N<sub>Yb<sup>3+</sup></sub> / N<sub>Et<sup>3+</sup></sub> = 4)。(a)前向抽运,(b)后向抽运 Fig. 4 Noise coefficient versus wavelength with different Er<sup>3+</sup> concentrations (N<sub>Yb<sup>3+</sup></sub> / N<sub>Er<sup>3+</sup></sub> = 4). (a) Forward pumped,(b) backward pumped

度下所得到的光纤放大器的噪声系数输出曲线。

从图 2~图 4 中可以看出,在计算所取的窗口 内,长波长范围噪声系数要明显优于短波长范围的 噪声系数,在长波长段粒子浓度变化对于噪声系数 的影响比较小,波动范围在 3~6 dB 左右。

还可以看到,采用前向抽运方式的噪声系数优 于后向抽运噪声系数。这是由于光放大器的噪声系 数等于粒子反转因子 *n*<sub>sp</sub>的两倍,粒子数反转由下 式决定<sup>[10]</sup>:

$$n_{\rm sp} = N_2/(N_2 - N_1),$$
 (9)

前向抽运在掺杂光纤前端抽运光较强,粒子数反转 强,粒子数反转因子较小,因此噪声系数较小,同时

46

44

42

40

38

36

34

7.5

Gain /dB

由于放大系统的噪声系数主要取决于前端放大器的 噪声性能,因此会有这个结果。

同时从图 2 到图 4 可以看出 Er<sup>3+</sup>浓度和 Yb<sup>3+</sup> 浓度相比较, Er<sup>3+</sup>浓度对于噪声系数的影响较大。 随着 Er<sup>3+</sup>浓度的增大, 噪声系数也增大。这是由于 光放大器的噪声系数是粒子反转因子 n<sub>sp</sub>的两倍, 随 着 Er<sup>3+</sup>浓度的增大其粒子反转因子应该是增大的, 所以噪声系数会呈增大的趋势。

#### 3.2 Er<sup>3+</sup>、Yb<sup>3+</sup>掺杂浓度对增益的影响

图 5~图 7 是在不同的抽运方式和不同掺杂浓 度下情况下所得到的光纤放大器的增益输出曲线, 采用的信号光波长是 1550 nm。



图 5 Yb<sup>3+</sup>浓度变对增益的影响。(a)前向抽运,(b)后向抽运

Fig. 5 Gain versus  $Yb^{3+}$  concentration with different  $Er^{3+}$  concentrations. (a) Forward pumped, (b) backward pumped



图 6 Er<sup>3+</sup>浓度变化对于增益的影响。(a)前向抽运,(b)后向抽运

Fig. 6 Gain versus  $Er^{3+}$  concentration with different  $Yb^{3+}$  concentration. (a) Forward pumped, (b) backward pumped

从图 5 到图 7 可以看到,后向抽运的增益要大 于前向抽运的增益。这点和传统的掺铒光纤放大器 相同。

图 5 中,随着 Yb<sup>3+</sup>掺杂浓度的减小,增益增大。 但是也必须考虑到,随着 Yb<sup>3+</sup>掺杂浓度的减小,会 导致 Er<sup>3+</sup>周围的 Yb<sup>3+</sup>数目的减小,可能会出现浓 度猝灭。因此为了获得大的增益,应该在保证不出 现浓度猝灭问题的情况下,尽可能地保持较小的 Yb<sup>3+</sup>-Er<sup>3+</sup>掺杂浓度比。 在图 6 和图 7 中, Yb<sup>3+</sup>的浓度不变或者 Yb<sup>3+</sup>-Er<sup>3+</sup>掺杂浓度比固定, 而改变 Er<sup>3+</sup>的浓度。随着 Er<sup>3+</sup>浓度增大时, 光纤放大器件的增益都是先增大 后减小, 并且存在一个最佳的 Er<sup>3+</sup>浓度值, 因此可 以得出结论, 对于一个其他设计参量固定的光纤放 大器, 总能找到相对应的最佳 Er<sup>3+</sup>浓度。同时, 从 计算结果还可以发现, 这个最佳的 Er<sup>3+</sup>浓度值与 Yb<sup>3+</sup>的浓度或者 Yb<sup>3+</sup>-Er<sup>3+</sup>掺杂浓度相关, 而且还 和抽运的方式相关。



图 7 不同 Yb<sup>3+</sup>-Er<sup>3+</sup> 掺杂浓度比时增益随 Er<sup>3+</sup>浓度变化曲线。(a) 前向抽运,(b) 后向抽运 Fig. 7 Gain versus Er<sup>3+</sup> concentration with different Yb<sup>3+</sup>-Er<sup>3+</sup> ratios.(a) Forward pumped,(b) backward pumped

#### 4 实验验证

目前关于铒镱共掺光纤放大器,国外和国内已 有不少的相关实验。而对于噪声系数的测试, P. Weßels和C. Fallnich给出了光学和电子两种测 试方法,并得到了两种光纤放大器的噪声系数测试 结果<sup>[11]</sup>,该方法同样也适合于本文中的放大器。在 L. Goldberg和J. Koplow的实验中,测量了所制 作的铒镱共掺光纤放大器的噪声系数以及增益大 小,所得的结果和本文数值模拟的结果类似<sup>[12]</sup>。上 述文献中的实验结果,在一定程度验证了本文中所 得到的计算结果的正确性。

#### 5 结 论

从以上的数值模拟的结果可以看出:1) 在长波 段的噪声系数优于短波段的噪声系数,而且前向抽 运优于后向抽运的噪声系数;2) 随着 Er<sup>3+</sup>浓度的增 加,放大器的噪声系数增加;3) Er<sup>3+</sup>和 Yb<sup>3+</sup>掺杂浓 度对于噪声系数的影响较小,在 1550 nm 波段大概 的波动范围在 3~6 dB 左右;4) 保持 Er<sup>3+</sup>掺杂浓度 不变,适当减小 Yb<sup>3+</sup>掺杂浓度,增益增大;5) 如果 保持 Yb<sup>3+</sup>掺杂浓度或者 Yb<sup>3+</sup>-Er<sup>3+</sup>掺杂浓度之比 不变,发现可以找到一个最佳的 Er<sup>3+</sup>掺杂浓度,使 得输出光的增益达到最大。

#### 参考文献

 P. Blixt, J. Nilsson, T. Carlnas *et al.*. Concentration-dependent upconversion in Er-doped fiber amplifiers experiments and modeling [J]. *IEEE Trans. Photon. Technol. Lett.*, 1991, 3(11): 996~998

- 2 V. Dominic, S. MacCormack, R. Waarts *et al.*, 110 W fiber laser[J]. *Electron. Lett.*, 1999, **35**(14): 1158~1160
- 3 Q. Wang, N. K. Dutta. Er-Yb doped double clad fiber amplifier [C]. Proc. SPIE, 2003, 5246: 208~215
- 4 Zhang Shumin, Dong Fajie, Lü Fuyun et al.. Wavelength tunable ring Er<sup>3+</sup>/Yb<sup>3+</sup> co-doped fiber laser operating in L-band [J]. Chin. J. Lasers, 2005, **32**(4): 449~452
  张书敏,董法杰,吕福云 等. L 波段可调谐 Er /Yb 共掺环形腔光 纤激光器[J]. 中国激光, 2005, **32**(4): 449~452
- 5 Zhong Lanxiang, Li Jianlang. Simple realization of switchable two-wavelength Yb-fiber and Er/Yb-fiber hybrid laser[J]. Chin. J. Lasers, 2007, 34(3): 345~349 种兰祥,李建郎. 切换式双波长激发在掺镱和铒镱共掺复合式光
- 纤激光器中的实现[J]. 中国激光, 2007, 34(3): 345~349
  6 Ke Xiangping. Study of the properties of Er<sup>3+</sup>/Yb<sup>3+</sup> co-doped fiber amplifier [J]. J. WUT (Information & Management Engineering), 2006, 28(7): 109~116
  柯湘萍. 铒镱共掺光纤放大器的共掺杂特性研究[J]. 武汉理工 大学学报(信息与管理工程版), 2006, 28(7): 109~116
- 7 A. Martin, J. Robert, Feng Pan et al.. Gain and noise in ytterbium-sensitized erbium-doped fiber amplifiers: measurements and simulations [J]. J. Lighwave Technol., 2001, 19(10): 1521~1526
- 8 C. Barnard, P. Myslinski, J. Chrostowski *et al.*. Analytical model for rare-earth-doped fiber amplifiers and lasers[J]. *IEEE J. Quant. Electron.*, 1994, **30**(8): 1817~1830
- 9 Zhuang Maolu, Zhao Shanghong, Dong Shufu et al.. Numerical analysis of the population distribution characteristics in Er<sup>3+</sup>/ Yb<sup>3+</sup> co-doped double-clad fiber amplifiers [J]. Laser Technology, 2004, 28(4): 379~382 庄茂录,赵尚弘,董淑福等. 双包层 Er<sup>3+</sup>/Yb<sup>3+</sup>共掺光纤放大器 粒子数特性分析[J]. 激光技术, 2004, 28(4): 379~382
- 10 Yang Yingjie. *Fiber Communication Technic* [M]. Guangzhou: South China University of Technology Press, 2004. 212~214 杨英杰. 光纤通信技术[M]. 广州:华南理工大学出版社, 2004. 212~214
- 11 P. Weßels, C. Fallnich. Noise figure measurements on Nd and Yb doped double-clad fiber amplifiers [J]. Opt. Exp., 2003, 11(13): 1531~1536
- 12 L. Goldberg, J. Koplow. Compact, side-pumped 25 dBm Er/Yb co-doped double cladding fiber amplifier [J]. *Electron. Lett.*, 1998, **34**(21): 2027~2028