文章编号: 0253-2239(2008)06-1117-07

# 基于标准互相关函数的图像分辨率自动标定方法

孙明磊1 宗光华1 董代2 石晶成1

(<sup>1</sup>北京航空航天大学机械工程及自动化学院,北京100083;<sup>2</sup>北京航天控制仪器研究所,北京100039)

**摘要** 理想规则图像特征经标准互相关函数匹配后,相似函数 C\*(x)可用确定的解析式 Z(x)表达。但是对于含 噪声图像,相似函数 C(x)较之 C\*(x)发生了变化,但存在"零相似不变性"。将此原理应与于显微视觉中图像物面 分辨率的在线标定,推导了矩形图像特征的一维相似函数解析式 Z(x);求解 C(x)=0 作为 Z(x)的近似,并给出了 具体标定算法;通过仿真图像实验,给出标定算法的正确度在 0.1~0.2 pixel;最后,将标定算法应用于可连续变焦的微对准装配系统,实测算法的精密度可达为 0.08 pixel。实验结果表明,基于"零相似不变性"的标定算法是具有 实用性的亚像素标定方法。

关键词 信息光学;显微视觉;图像;标定;标准互相关 中图分类号 TP242.6<sup>+</sup>2 **文献标识码** A

## A Method of Image Resolution Calibration for Automatic Microscopic Zooming Based on NCCO

Sun Minglei<sup>1</sup> Zong Guanghua<sup>1</sup> Dong Dai<sup>2</sup> Shi Jingxin<sup>1</sup>

<sup>1</sup> School of Mechanical Engineering and Automation, Beijing University of Aeronaustics and Astronaustics,

Beijing 100083, China

<sup>2</sup> Beijing Aerospace Control Device Institute, Beijing 100039, China

Abstract Pattern matching tool of normalized cross correlation operator (NCCO) computation  $C^*(x)$  for ideal images can be determined by analytical expression Z(x). Compared with  $C^*(x)$ , C(x) of NCCO matching between images containing noise shows a little difference. But there is a property of zero similarity invariance (ZSI). A method of image resolution calibration in microscopic vision was proposed. Firstly, similarity functions of rectangular feature in x direction Z(x) were derived and proved. Then C(x)=0 was solved as an approximation of solution of Z(x). The detailed ZSI based calibrating algorithm was illuminated. The results of simulating image experiments show that the calibration accuracy of the algorithm can reach  $0.1 \sim 0.2$  pixel. Finally, the practical experiments were conducted on a hybrid microassembly workcell. Experimental results show that the calibration precision of the algorithm is a method with practical value and subpixel precision.

Key words information optics; microscopic vision; image; calibration; normalized cross correlation

## 1 引 言

显微视觉中存在两个基本矛盾,分辨率高,则景 深小,要求大景深,需降低分辨率;分辨率(放大倍 数)高,则视场小,要求大视场,需降低分辨率。这种 分辨率是指对光学图像最小细节的分辨能力,通常 需要通过标定实验对图像的物面分辨率进行准确标 定<sup>[1]</sup>。仅具有单一或有限的放大倍数的显微视觉系统较容易标定,但是传统标定方法难以胜任针对多 尺度对象的微操作信息标定。对于能够"连续变焦" 的显微视觉光路,依靠有限的标定实验获取空间位 置参量不够现实。理想的办法是找到一种实用的自 标定方法,或者建立放大倍数与图像物面分辨率之

收稿日期: 2007-09-07; 收到修改稿日期: 2008-01-03

基金项目:国家 863 计划(2004AA404260)和中国博士后科学基金(20070420287)资助课题。

作者简介:孙明磊(1974-),男,博士后,主要从事显微视觉、微机器人技术等方面的研究。

间的数学模型。

本文从推导规则图像特征的标准互相关函数 (Normalized cross correlation operator, NCCO)匹 配入手,在得到了标定特征相似函数解析形式的基 础上,利用"零相似不变性"原理对图像物面分辨率 自动标定方法展开了研究。

## 2 算法理论基础

设 $I^*$ 是大小为 $u \times v$ 的目标灰度图像;T是大

小为 $m \times n$ 的匹配模板灰度图像阵列。 $I^*$ 与T均为 只包含两种灰度的二值图像。

设**T**中包含 $n_{th}$ 个灰度值为 $g_{th}$ 的像素构成了图像特征,同时由 $n_{tl}$ 个灰度值为 $g_{tl}$ 的像素构成了图像背景。 $\overline{T}$ 表示图像T的平均灰度值。 $I_{xy}$ 是I在任意位置(x,y)子图,其大小为 $m \times n$ ;设 $I_{xy}$ 中包含 $n_{oh}$ 个灰度值为 $g_{oh}$ 的像素构成了图像特征,同时包含 $n_{ol}$ 个灰度值为 $g_{ol}$ 的像素构成了图像背景。以 $\overline{I}_{xy}$ 表示子图的平均灰度。对于标准互相关函数<sup>[2]</sup>

$$C(x,y) = \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} \{ [I_{xy}(i,j) - \overline{I}_{xy}] \cdot [T(i,j) - \overline{T}] \}}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} [I_{xy}(i,j) - \overline{I}_{xy}]^{2} \cdot \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} [T(i,j) - \overline{T}]^{2}}},$$
(1)

令  $n_1$ 、 $n_2$ 、 $n_3$ 、 $n_4$  分别表示为  $n_{ol}n_{tl}$ 、 $n_{ol}n_{th}$ 、 $n_{tl}n_{oh}$  及  $n_{oh}n_{th}$  四种乘积形式出现的频数,并有

$$n_1 + n_2 + n_3 + n_4 = mn,$$
 (2)

有二值图像的标准互相关函数计算式[3]

$$Z(x,y) = \frac{\Phi}{\Psi} = \frac{n_1 n_{\rm ol} n_{\rm tl} - n_2 n_{\rm ol} n_{\rm th} - n_3 n_{\rm oh} n_{\rm tl} + n_4 n_{\rm oh} n_{\rm th}}{mm \sqrt{n_{\rm oh} n_{\rm ol} n_{\rm th} n_{\rm tl}}}.$$
(3)

标定图像在 *x* 向的物面分辨率,如图 1 所示。图 1(a)为模板图像 **T**,特征参量 *c* 为已知;图 1(b)为目标 图像  $I_{xy}$ ,特征参量 *a* 为未知。对二者进行一维标准互相关匹配,图 2 给出了利用(1)式计算的相似函数曲线 C(x)。图 2(a)为*a* = *c* 的特殊情况;图 2(b)、图 2(c)概括了 *a* > *c* 的两种情况。可依据(3)式,求解  $Z_1(x)$ [参 见图 1(c)]、 $Z_4(x)$ 及  $Z_5(x)$ [参见图 1(d)]、 $Z_2(x)$ 、 $Z_3(x)$ [参见图 1(e)]的理论表达式。



图 1 理想模板图像与目标图像。(a)模板图像,(b)目标图像,(c)求解  $Z_1(x)$ ,(d)求解  $Z_4(x)$ 、 $Z_5(x)$ , (e)求解  $Z_2(x)$ 、 $Z_3(x)$ 





图 2 理想图像标准互相关函数匹配的相似函数. (a) a=c, (b) a>c, (c) a>c

Fig. 2 Computation results of NCCO on simulating template image and target image in one dimension.

#### (a) a = c, (b) a > c, (c) a > c

対于 
$$Z_1(x)$$
,有  

$$\begin{cases}
n_{oh} = an, \\
n_{th} = cn, \\
n_{ol} = nm - an, \\
n_{tl} = mn - cn, \\
n_1 = (an + cn - 2nx)/2, \\
n_2 = (an - cn + 2nx)/2, \\
n_3 = (cn - an + 2nx)/2, \\
n_4 = [2mn - (an + cn + 2nx)]/2, \end{cases}$$

从而

$$\begin{cases} \Phi = \frac{mm^3}{2}(am + cm - 2ac - 2mx), \\ \Psi = mm^3 \sqrt{ac(m-a)(m-c)}, \end{cases}$$

根据(3)式,得到

$$z_1(x) = \frac{am + cm - 2ac}{2\sqrt{ac(m-a)(m-c)}} - \frac{m}{\sqrt{ac(m-a)(m-c)}}x,$$
(4)

对于  $Z_2(x)$ ,有

$$\begin{cases} n_{oh} = an, & n_{1} = 0, \\ n_{th} = cn, & n_{2} = an, \\ n_{ol} = mm - an, & n_{3} = cn, \\ n_{tl} = mm - cn, & n_{4} = mm - an - cn \end{cases}$$

从而

$$\begin{cases} \Phi = -mm^{3}(ac), \\ \psi = mm^{3} \sqrt{ac(m-a)(m-c)} \end{cases}$$

根据(3)式,得到

$$z_2(x) = -\sqrt{ac}/\sqrt{(m-a)(m-c)},$$
 (5)

对于  $Z_3(x)$ ,有

$$\begin{cases} n_{oh} = an, \\ n_{th} = cn, \\ n_{ol} = mn - an, \\ n_{tl} = mn - cn, \\ \\ n_{1} = 0, \\ n_{2} = (an + mn - 2nx)/2, \\ n_{3} = cn, \\ n_{4} = (mn - 2cn - an + 2nx)/2, \end{cases}$$
  

$$\& M \tilde{m} \int \Phi = \frac{mn^{3}}{2}(-mc - ac + 2cx),$$

$$\begin{aligned}
\psi &= \frac{1}{2} \left( -ma - aa + 2cx \right), \\
\psi &= mm^3 \sqrt{ac(m-a)(m-c)}
\end{aligned}$$

$$z_{3}(x) = \frac{-mc - ac}{2\sqrt{ac(m-a)(m-c)}} + \frac{c}{\sqrt{ac(m-a)(m-c)}}x,$$
 (6)

对于 
$$Z_4(x)$$
,有

$$\begin{cases} n_{\rm oh} = an, \\ n_{\rm th} = cn, \\ n_{\rm ol} = mn - an, \\ n_{\rm tl} = mn - cn, \end{cases} \begin{pmatrix} n_1 = cn, \\ n_2 = an - cn, \\ n_3 = 0, \\ n_4 = mn - an, \\ n_4 = mn - an, \end{cases}$$

从而

$$\begin{cases} \Phi = mm^3 [c(m-a)], \\ \psi = mm^3 \sqrt{ac(m-a)(m-c)}, \end{cases}$$

根据式(3),得到

$$z_4(x) = \sqrt{c(m-a)} / \sqrt{a(m-c)},$$
 (7)  
对于  $Z_5(x),$ 有

$$(n_{\rm ob} =$$

$$\begin{cases} n_{oh} = an, \\ n_{th} = cn, \\ n_{ol} = mn - an, \\ n_{tl} = mm - cn, \\ \\ n_{1} = (an + cn - 2nx)/2, \\ n_{2} = (mn - cn)/2, \\ n_{3} = (cn - an + 2nx)/2, \\ n_{4} = (mm - cn)/2, \end{cases}$$

从而

$$\begin{cases} \Phi = \frac{mn^3}{2} [am - ac - 2(m - c)x], \\ \psi = mn^3 \sqrt{ac(m - a)(m - c)}, \end{cases}$$

根据(3)式,得到

$$z_{5}(x) = \frac{a(m-c)}{2\sqrt{ac(m-a)(m-c)}} - \frac{m-c}{\sqrt{ac(m-a)(m-c)}}x.$$
 (8)

#### 标定原理 3

用理想模板图像 T 对理想目标图像 I\*\* 进行标 准互相关函数匹配,离散形式的相似函数设为 C\*(x),其解析式 Z(x)可以利用(3)式得到。理想 模板图像T对实际目标图像 $I_x$ 进行匹配,其离散形 式的相似函数设为 C(x)。实际目标图像往往含有 噪声或其他降质因素,导致目标与模板的相似度降 低,必有  $|C(x)| \leq |C^*(x)|$ ,见图 3。该特点使得 C(x)与  $C^*(x)$  必具有交点  $P_1^*[\chi_1^*, C(\chi_1^*)]$ 、  $P_2^*[\chi_2^*, C(\chi_2^*)],$ 参见图 3(b);通常,此交点位于 C(x) = 0的小邻域内,此原理可称之为"零相似不变 性"。由于  $C^*(x)$ 具有确定的表达式 Z(x),若能在

C(x)中找到  $P_1^*$ 、 $P_2^*$ ,将其带入 Z(x),反算求解,即 可得到标定未知数 a(a 的定义参见图 1)。



28 卷

图 3 含噪声图像标准互相关函数匹配的相似函数。(a) a=c, (b) a>c, (c) a>c

Fig. 3 Computation results of NCCO on simulating template image and target image with noise.

(a) a = c, (b) a > c, (c) a > c

对模板图像 T 与目标图像  $I_{ij}^*$  进行标准互相关 函数的行计算,得到 C(x)的离散数列 C(i)。对 C(i)进行遍历,找到  $C(i_1)$ 及  $C(i_2)$ ,有

 $\begin{cases} C(i_1) \cdot C(i_1+1) < 0, \\ C(i_2) \cdot C(i_2-1) < 0, \end{cases}$ 

得到  $P_{i_1}[i_1, C(i_1)], P_{i_1+1}[(i_1 + 1), C(i_1 + 1)],$  $P_{i_2}[i_2, C(i_2)]$ 及  $P_{i_2-1}[(i_2-1), C(i_2-1)]4$ 点。图 4 是对图 3(b) 中  $P_1^*$  区域的局部放大图。

分别求解直线  $\overline{P_{i_1}P_{i_1+1}}$ 、 $\overline{P_{i_2}P_{i_2-1}}$  与直线 C(i) = 0的交点,得到  $P_1(i'_1,0)$ 、 $P_2(i'_2,0)$ ;将  $P_1$ 、 $P_2$  作为  $P_1^*$ 、 $P_2^*$  的近似,这是本方法的核心。

对 $i'_1$ 、 $i'_2$ 进行坐标变换,令

$$\begin{cases} \chi_1 = i'_1 - (i'_2 + 1)/2, \\ \chi_2 = -i'_1 - (i'_2 + 1)/2, \end{cases}$$



图 4 标定算法示例 Fig. 4 A detailed example of calibration algorithm

则有  $P_1(\chi_1, 0)$ 、 $P_2(\chi_2, 0)$ 。 将(4)式整理为

$$a^{2}[(m-2c)^{2}-4C(\chi)^{2}c(c-m)]+a[2m(m-2c)(c-2\chi)-4C(\chi)^{2}c(m^{2}-cm)]+m^{2}(c-2\chi)^{2}=0.$$
(9)

将 m、c、χ1 和 χ2 等已知量代入(9) 式,整理出关于未知数 a1、a2 的一元二次方程组,有

$$\begin{cases} a_1^2 [(m-2c)^2] + a_1 [2m(m-2c)(c-2\chi_1)] + m^2 (c-2\chi_1)^2 = 0, \\ a_2^2 [(m-2c)^2] + a_2 [2m(m-2c)(c-2\chi_2)] + m^2 (c-2\chi_2)^2 = 0, \\ a_1, a_2, \diamondsuit \qquad a = (a_1 + a_2)/2. \end{cases}$$
(10)

4 仿 真

取方程组的正解

以参量 $\Delta_n$ 考察对仿真图像的标定精度,定义

$$\Delta_n = \left| a_n - a^* \right|, \tag{11}$$

式中 $a_n$ 为测量值; $a^*$ 为理论值。制作模板图像[图1(a)]与目标图像[图1(b)],并在目标图像中分别加入强度不同的高斯噪声、乘积性噪声、及椒盐噪声以及包含上述3种噪声的混合噪声( $\epsilon$ 表示噪声强度)。图5中分别给出了含有 $\epsilon = 0.05$ 的高斯噪声[图5(a)]、椒盐噪声[图5(b)]、乘积噪声[图5(c)]以及混合了上述三种噪声[图5(d)]的仿真图像<sup>[4~7]</sup>。



图 5 噪声仿真图像与离焦退化仿真图像。(a)高斯噪声,(b) 椒盐噪声,(c) 乘积噪声,(d) 混合噪声,(e) 离焦退化 Fig. 5 Simulating template image and target image with different noise and blur degradation. (a) With Gaussian noise, (b) with S&P noise, (c) with speckle noise, (d) with blend noise, (e) with blur degradation

绝大多数的实际显微图像要低于这种噪声强度。使用本文标定算法对上述4类含噪声仿真图像进行多次重复实验(n=100),图6中给出了多次重复标定误差的平均值(ordinal 为实验序号)。由图6

可知,标定算法对高斯噪声的稳健性最好,对混合噪声则标定精度最差。就整体而言,算法的标定正确 度为 0.1~0.2 pixel。



图 6 标定精度重复性实验。(a) 高斯噪声,(b) 椒盐噪声,(c) 乘积噪声,(d) 混合噪声 Fig. 6 Experimental results of calibrating accuracy through ZSI algorithm. (a) with Gaussian noise, (b) with S&P noise, (c) with speckle noise, (d) with blend noise

改变噪声强度,图7给出了实验结果。目标图 像中高斯噪声或椒盐噪声能量的增加,对算法标定 效果的影响并不明显。但对于乘积噪声或混合噪 声,标定准确性随噪声强度的增加而降低;尤其是混 合噪声对算法的干扰十分明显,标定准确度已降至 整像素级。

显微视觉领域中,由于光学系统的局限性,图像 的离焦退化客观存在。离焦退化影响图像质量,进 而影响标定精度。使用高斯模型模拟图像的离焦退 化机理,用 $\sigma$ 表示高斯滤波器的尺度空间常量。 图 5(e)给出了中度离焦( $\sigma$ =5)并含有混合噪声( $\varepsilon$ = 0.01)的典型图像。图 8 所示的实验结果表明:随着 图像的离焦退化程度加剧,标定的准确性降低;但降 低程度较慢, $\sigma$ <5 时, $\Delta_n$ <0.05 pixel;随着图像严 重离焦,标定准确度才开始大幅下降。在离焦图像 中加入混合噪声( $\varepsilon$ =0.01),噪声干扰的引入使得标 定的准确度以近似线性迅速降低。说明图像噪声比 离焦退化对本文标定算法的影响更加明显。



图 7 噪声强度变化后的标定精度。(a)高斯噪声,(b)椒盐噪声,(c)乘积噪声,(d)混合噪声 Fig. 7 Experimental results of calibrating precision through ZSI algorithm under the increasing intensity of noise. (a) with Gaussian noise, (b) with S&P noise, (c) with speckle noise, (d) with blend noise





Fig. 8 Experimental results of calibration on images with constant intensity of noise and defocus degradation using ZSI calibrating method

## 5 实 验

显微视觉系统需要工作在低分辨率、大视场状态 下,以观其全貌,提高效率;而后,为达到精度要求,视 觉系统则应工作在高分辨率、小视场下。视觉系统需 要不断在"宏-微"状态下调整,以适应效率与精度的 矛盾。以聚甲基丙烯酸甲酯(PMMA)微流控芯片全 自动对准装配系统为例<sup>[8]</sup>[见图 9(a)],其显微镜在最 高放大倍数下的视场约为 250 μm×180 μm,对准标 记的线宽约为 90 μm,仅靠机器人以中间尺度级的定 位精度将芯片放置于微装配承物台<sup>[9]</sup>,不足以保证芯 片对准标记出现在视场中心区域,需要视觉系统以 "宏一微"结合的方式工作,即显微视觉系统在一次完 整操作中需要在不同的放大倍数下工作。全自动对 准装配系统具有"连续变焦"的显微视觉光路,由步进 电机驱动齿轮机构传动,变倍的重复精度较低,需要 对图像的物面分辨率进行实时自动标定。

不同放大倍数下的对准标记图像见图 9,设计仿 真图像作为模板,使用本文所述的算法对十字型特征 的 *x* 向物面分辨率进行标定,对每例图像随机选取 45 个测点,实验结果见图 10。

对图 10 中的实验数据进行统计分析,计算其均 值与方差,见表 1。对于实际图像,由于  $a^*$  不可知, 因此  $\bar{a}_n$  仅作参考,但  $\bar{\sigma}_n$  综合反映了本文标定算 法在测量结果上的一致性,即基于"零相似不变性" 的标定算法可达 0.08 pixel 的精密度。

表1 实际图像标定的统计规律

Table 1 Statistical results of ZSI calibrating experiments

Statistical		
results / pixel	$\bar{a}_n/{ m pixel}$	$\sigma_n/{ m pixel}$
8×	184.62	0.076
$11 \times$	133.34	0.108
$14 \times$	106.76	0.085
$17 \times$	86.83	0.068
$20 \times$	69.62	0.072
$ar{\sigma}_n$		0.0818



图 9 实验平台与显微图像。(a)实验平台,(b) 6×,(c) 10×,(d) 15×,(e) 20×,(f) 25×

Fig. 9 Experimental workcell and microscopic images. (a) Workcell, (b)  $6 \times$ , (c)  $10 \times$ , (d)  $15 \times$ , (e)  $20 \times$ , (f)  $25 \times$ 



图 10 实际图像标定实验结果 Fig. 10 Experimental calibrating results on microscopic

images using ZSI method

上述实验仅给出了图像在 *x* 向的物面分辨率 实验结果,*y* 向的标定方法与 *x* 向完全相同。

## 6 结 论

理想规则图像特征经标准互相关函数匹配后, 相似函数可用确定的解析式表达。对于含噪声图 像,相似函数虽发生很大变化,但存在"零相似不变 性"。将此原理应与于显微视觉中图像物面分辨率 的在线标定,

提出了"零相似不变性";

提出了基于"零相似不变性"原理的标定方法;

利用仿真方法给出标定算法的正确度在 0.1~ 0.2 pixel;

将标定算法应用于"变焦"视觉微装配工作站, 实测算法的精密度为 0.08 pixel。

下一步工作将对标定精度的影响因素进行深入

探讨。

### 参考文献

1 Yu Qifeng, Lu Hongwei, Liu Xiaolin. Precision Measurement and Motion Measurement Based on Image [M]. Beijing: Science Press, 2002. 132~134

于起峰,陆宏伟,刘肖琳. 基于图像的精密测量与运动测量[M]. 北京:科学出版社,2002.132~134

- 2 Lisa Gottesfeld Brown. A survey of image registration techniques [J]. ACM Computer Surveys, 1992, 24(4): 325~376
- 3 Sun Minglei. Application and experimental research on imageanalysis based methodology in microscopic computer vision[D]. Beijing: Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2006 孙明磊.显微视觉图像分析技术应用及实验研究[D].北京:北 京航空航天大学, 2006
- 4 Milan Sonka, Vaclav Hlavac, Roger Boyle. Image Processing, Analysis, and Machine Vision [M]. Beijing: People's Post and Telecommunications Publishing House, 1998. 622~623
- 5 Xue Lixia, Rao Xuejun, Wang Cheng et al.. Higer-order aberrations correction and vision analysis system for human eye [J]. Acta Optica Sinica, 2007, 27(5): 893~897 薛丽霞,饶学军,王 成等. 人眼高阶像差校正和视觉分析系统 [J]. 光学学报, 2007, 27(5): 893~897
- 6 Ni Guoqiang, Xiao Manjun, Hu Hongqing *et al.*. New progress and prospect of realistic image rendition based on visual characteristics[J]. *Acta Optica Sinica*, 2007, 27(4): 451~460 倪国强,肖蔓君,胡宏清 等. 基于视觉特性的真实影像再现技术 进展及展望[J]. 光学学报, 2007, 27(4): 451~460
- 7 Zheng Defeng, Wang Xiangzhao. Angular displacement measurement based on lateral shearing interferometer using plane-parallel plate[J]. *Chin. J. Lasers*, 2007, 34(8): 1125~1129
  郑德锋,王向朝. 一种基于平板横向剪切干涉的角位移测量方法 [J]. 中国激光, 2007, 34(8): 1125~1129
- 8 Zong Guanghua, Sun Minglei, Bi Shusheng et al.. Research on autofocus technique in micro-vision [J]. Acta Optica Sinica, 2005, 25(9): 1226~1232

宗光华,孙明磊,毕树生等.显微视觉自动聚焦研究[J]. 光学学报,2005,25(9):1226~1232

9 Zong Guanghua, Sun Minglei, Bi Shusheng et al.. A microassembly workcell with macro to micro automatic operations [J]. China Mechanical Engineering, 2005, 16(20): 2125~2130 宗光华,孙明磊,毕树生等. 宏-微操作结合的自动微装配系统 [J]. 中国机械工程, 2005, 16(20): 2125~2130