文章编号: 0253-2239(2008)12-2359-06

# 轴向隐失波激励的回音壁模式光纤激光器

向文丽 普小云 白 然 张远宪 江 楠

(云南大学物理科学技术学院物理系,云南昆明 650091)

**摘要** 采用轴向隐失波激励增益的方式,使激光增益区域局限在光纤回音壁模式的模场区域内,显著地降低了回 音壁模式光纤激光辐射的抽运阈值,由此形成一种低阈值的回音壁模式光纤激光器。在微焦耳量级的低抽运能量 条件下,用回音壁模式光纤激光器研究了激光染料的浓度效应。实验结果表明,随着激光染料浓度的增加,回音壁 模式激光辐射的波长向长波方向移动,激光波长范围变宽。用回音壁模式染料激光的四能级模型得到激光上能级 和所有能级上的分子数比值 γ(λ)曲线后,很好地解释了实验结果。低抽运阈值的回音壁模式光纤激光器,为研究 液体激光现象提供了极为便利的手段。

关键词 光纤激光器;回音壁模式;隐失波激励;波长红移;四能级激光模型 中图分类号 TN253;TN243;TN248.3<sup>+</sup>3 **文献标识码** A **doi**:10.3788/AOS20082812.2359

### Longitudinal Evanescent-Wave Pumped Whispering-Gallery-Mode Fibre Laser

Xiang Wenli Pu Xiaoyun Bai Ran Zhang Yuanxian Jiang Nan

(Department of Physics, Yunnan University, Kunming, Yunnan 650091, China)

**Abstract** A new kind of low threshold optical fiber laser has been fabricated by immersing a fused silica optical fiber into a low refractive index dye solution. Pumped by evanescent wave along the fiber axis, dye gain is confined in the evanescent field of whispering gallery mode (WGM) of the fiber, which leads to a low pumping threshold for lasing emission. The concentration effects in liquid dye lasing emission have been studied via a WGM fibre laser under the pumping energy of 50  $\mu$ J. The results show that with the increase of rhodamine 6G dye concentration in ethanol alcohol, lasing wavelength is red shifted and lasing wavelength range is widened. The experimental observations are well explained by the  $\gamma(\lambda)$  curve, a ratio of molecular density for the upper and total lasing energy levels, which is deduced from the four-energy level model of dye lasing from a WGM fibre laser. The low threshold optical fiber laser provides a convenient way to study liquid dye lasing phenomenon.

Key words fibre laser; whispering gallery mode; evanescent wave pump; wavelength red shift; four-level laser model

1 引

言

隐失波增益耦合的微腔激光器<sup>[1]</sup>,由于实现了 微腔腔体和增益介质的分离,近年来受到光学微腔 研究人员的高度重视<sup>[1~4]</sup>。这种微腔激光器通常采 用侧向光抽运方式,腔外染料介质的增益通过微腔 回音壁模式(Whispering gallery mode,WGM)的隐 失场耦合进入腔内,并在 WGM 的支持下形成激光 振荡。采用侧向光抽运方式,抽运光须经过外层染 料吸收后才能激发处于微腔 WGM 隐失场内的染 料分子,隐失场外的染料分子徒然损耗了抽运光能 量,增加了产生 WGM 激光的抽运阈值。为提高抽 运效率,我们把侧向光抽运改造为沿石英毛细管管 壁的近轴向隐失波光抽运<sup>[5,6]</sup>,由此,将 WGM 激光 的抽运阈值从侧向光抽运方式的 200 μJ 降低到了

基金项目:国家自然科学基金(10564005)和云南省应用基础研究基金(2006A0001M)资助课题。

作者简介:向文丽(1982-),女,硕士研究生,主要从事光纤中的回音壁模式激光现象等方面的研究。

E-mail: wenlix1@126.com

**导师简介:**普小云(1957-),男,教授,博士生导师,主要从事光学微腔中的线性和非线性光学现象等方面的研究。 E-mail: xypu@163.com(通信联系人)

收稿日期: 2008-04-07; 收到修改稿日期: 2008-06-03

近轴向光抽运方式的 9.5 μJ。采用近轴向的隐失波 光抽运方式,抽运光在圆柱形微腔界面外的隐失场 激励产生染料增益,由于染料的增益分布和微腔 WGM 的隐失场在空间理想重叠,染料介质的增益 能有效率地耦合到微腔的 WGM 中,从而显著地降 低了 WGM 激光的抽运阈值。本文报道了如下两 个方面的研究工作:1)用单一折射率的石英光纤代 替石英毛细管<sup>[5]</sup>,采用轴向隐失波抽运方式在光纤 中产生 WGM 激光辐射,由此形成一种低阈值的 WGM 光纤激光器;2)在微焦耳量级的低抽运能量 条件下,用 WGM 光纤激光器研究激光染料的浓度 效应。

#### 2 实验安排

实验装置如图 1 所示。用倍频 YAG 激光器 (北京镭宝公司生产,脉宽为 7 ns)波长为 532 nm 的 脉冲激光作为抽运光。抽运光经一线偏振片 P<sub>1</sub> 起 偏后,再经过另一线偏振片 P<sub>2</sub>,P<sub>2</sub> 的偏振方向垂直 于光学平台台面(Y-Z 面)。旋转 P<sub>1</sub> 的偏振方向,来 获得需要的抽运能量。在光路中放置分束片 BS,以 便由激光能量计 PM (MELLES GRIOT, 13PEM001)测出即时抽运能量。抽运光由一块焦 距为 75 mm 的透镜 L 会聚在光纤端面前,并以  $\theta_i =$ 7.6°的圆锥角沿轴线进入直径为 280.5 µm 的单一 折射率石英光纤 F1。光纤 F1 插入玻璃套管 D 中, 玻璃套管中盛装罗丹明 6G 激光染料的乙醇溶液。 按石英光纤和乙醇溶液的折射率分别取 n1=1.458 和  $n_2 = 1.36$  计算, 抽运光进入光纤端面的圆锥角只 需小于 $\theta_{tc} = 31.7^{\circ}$ ,光线进入D后以全反射方式传 播。抽运光在乙醇溶液中的隐失场 Ep 激励染料产 生增益,圆柱形微腔 WGM 的隐失场 E<sub>wGM</sub>中的光子 在染料增益中产生受激辐射,并将受激辐射光耦合 进入微腔<sup>[1]</sup>,在WGM的支持下形成激光振荡。 WGM 激光的光能 LwGM 从光纤表面沿 X-Y 平面辐 射出来,由导光光纤 F2 送至光谱采集系统(ICCD: PI-MAX: SPECTROMETER: **SPECTRAPRO** 500i)的进光狭缝口。



图 1 实验系统设置 Fig. 1 Schematic diagram of experimental setup

# 3 实验结果及其讨论

#### 3.1 低抽运阈值的 WGM 激光辐射及模式标定

在玻璃套管 D 内装入浓度为 8×10<sup>-3</sup> mol/L 的 罗丹明 6G 乙醇溶液。采用隐失波轴向抽运方式, 抽运能量很低时,只能在石英光纤外的染料区观察 到淡黄色的荧光辐射。当抽运能量增加到一定的数 值后,沿石英光纤的边沿出现炫目的橙黄光。用肉 眼沿垂直于光纤轴的方向(*X*-Y 平面)观察,此橙黄 光的强度最大;偏离光纤轴的垂直方向,强度急剧减弱,沿光纤轴向不能观察到此橙黄光。可见,此炫目 橙黄光的辐射具有圆柱形微腔 WGM 激光辐射的 方向性特征。

图 2 中右上角的插图是辐射强度和抽运能量的 关系曲线,由插图可见,当抽运能量超过 5.5 μJ 时, 辐射强度明显地增加。5.5 μJ 的抽运能量就是此 WGM 光纤激光器的阈值能量,对应肉眼刚刚观察 到"炫目橙黄光"时的抽运能量值。此外,用检偏器

激光辐射(关于轴向隐失波激励条件下 WGM 激光 辐射的偏振状态,我们将另文讨论)。



图 2 中等分辨率激光光谱图。右上角的插图是光辐射强度和抽运能量的关系曲线;括号中的数字表示标定后的激光谱线模式 Fig. 2 Lasing spectrum with medium spectral resolution, the numbers in the brackets indicate the assigned WGMs;

inset is the output intensity versus input energy

用 2400 g/mm 的光栅采集到的中等分辨率激 光光谱如图 2 所示。光谱由强度不同的两组基本等 间距的谱线组构成,强、弱谱线组包络线的峰值波长 分别位于~581 nm 和~577 nm 位置。两组激光谱 线分别对应 WGM 中径向模式数(Radial mode order)不同的一系列角模式数(Angular mode number)<sup>[7,8]</sup>。用柱形微腔中 TE 波 WGM 的共振 位置满足的解析近似公式<sup>[9,11]</sup>,对图 2 所示的每一 条激光谱线作了模式标定。此解析近似公式如下:

$$\frac{2\pi a n_1}{\lambda_n^l} = n + 2^{-1/3} a_l n^{1/3} - \frac{n_2^2}{n_1 (n_1^2 - n_2^2)^{1/2}} + \frac{3}{10} 2^{-2/3} a_l^2 n^{-1/3} + o^{-2/3}.$$
 (1)

式中 $\lambda_n^l$ 表示径向模式数和角模式数分别是l和n的 真空中的波长; $a_l$ 为艾里函数的根,艾里函数头两个 根的数值分别为: $a_1 = 2.338107, a_2 = 4.087949$ 。取  $a = 280.5 \mu m, n_1 = 1.458, n_2 = 1.36$ ,以图 2 中的实 验激光光谱波长为数据,用(1)式对l和n两个模式 数作拟合分析,得到图 2 中各条激光波长的准确 WGM模式数,拟合波长和实验波长之间的差值小 于 0.03 nm。图 2 中括号内的两个数字分别表示l和n的数值,并记为(l,n)。标定结果说明,图 2 中 强、弱两组激光谱线分别属于径向模式数l = 1和 2 的一系列角模式数n不同的WGMs。激光谱线对 应的微腔模式的精确标定,对WGM的场分布和品 质因数(Q值)的计算极其重要。

#### 3.2 WGM 染料激光的浓度效应

用无水酒精(含量 99.5%)配制了浓度不同的罗





Fig. 3 Lasing spectra with various concentrations of rhodamine 6G dye in ethanol solution

丹明 6G 乙醇溶液,浓度分别是  $C=4\times10^{-4}$  mol/L、 8×10<sup>-4</sup> mol/L、2×10<sup>-3</sup> mol/L、4×10<sup>-3</sup> mol/L 和 8×10<sup>-3</sup> mol/L。采用轴向隐失波光抽运方式,在 50  $\mu$ J的抽运能量条件下,用 1200 g/mm 的光栅采

报

集到的低分辨率 WGM 激光光谱如图 3 所示。

图 3 的激光光谱表明:由轴向隐失波激励产生 的液体染料 WGM 激光辐射,具有法布里一珀罗腔 中液体染料激光辐射的一般特性<sup>[12]</sup>,即:随着激光 染料浓度的增加,1)激光辐射的波长范围向长波方 向移动;2)激光辐射的波长范围加宽;3)激光辐射的 强度增加。但是,利用轴向隐失波抽运能量阈值低 (~5×10<sup>-6</sup> J)、抽运光的隐失场激励增益(非焦点 式直接激励)和染料溶液需要量极少(测量一个浓度 约需要 0.08 ml)等特性,可以在微焦耳量级的抽运 能量条件下,无需循环染料溶液地实现激光振荡,这 是用 WGM 光纤激光器研究液体激光染料浓度效 应的一个显著优势。

#### 3.3 染料激光浓度效应的理论解释

为了解释由吸收剂引起的微液滴中的激光光谱 波长飘移现象<sup>[13]</sup>, Mazumuder 等人用染料激光的 四能级模型,建立了一种确定激光最佳波长位置的 计算方法。采用类似方法,我们计算了 WGM 的最 佳激光波长随染料浓度变化的关系曲线,计算结果 和实验测量值作了比较。

设  $N_1$  和  $N_0$  分别是染料分子第一电子激发单重 态和基态的分子浓度(单位是 cm<sup>-3</sup>), $N_t \approx N_1 + N_0$ 是染料分子的总浓度; $\sigma_e(\lambda)$ 和  $\sigma_a(\lambda)$ 分别是染料分 子的受激辐射和吸收截面(单位是 cm<sup>-1</sup>)。在仅考虑 受激吸收和光能泄漏  $\alpha_{leak}(\lambda)$ (单位是 cm<sup>-1</sup>)两种损 耗的条件下,染料激光产生必须满足如下条件:

 $N_1\sigma_{e}(\lambda) \ge N_0\sigma_{a}(\lambda) + \alpha_{leak}(\lambda).$  (2) WGM 激光器的光能泄漏损耗可唯象地表示<sup>[13]</sup>为

$$q_{\rm lack}(\lambda) = 2\pi m_r / (\lambda Q_0), \qquad (3)$$

式中 $m_r$ 和 $Q_0$ 分别是微腔的折射率和某一WGM由 光能泄漏对应的Q值。定义第一单重态上的分子 浓度和总浓度的比值为 $\gamma(\lambda) = N_1/N_t$ ,由(2)式、 (3)式联立可得激光阈值条件对应的 $\gamma(\lambda)$ 值满足

$$\gamma(\lambda) = \frac{2\pi m_{\rm r}/(\lambda Q_0 N_t) + \sigma_{\rm a}(\lambda)}{\sigma_{\rm e}(\lambda) + \sigma_{\rm a}(\lambda)}.$$
 (4)

受激辐射截面  $\sigma_{e}(\lambda)$ 满足<sup>[14]</sup>

$$\sigma_{\rm e}(\lambda) = g(\lambda)\lambda^4 / (8\pi c\tau m_{\rm r}^2), \qquad (5)$$

式中  $g(\lambda)$  为线型函数,由染料的荧光辐射曲线归一 化后得到;c 为真空中的光速; $\tau$  为染料分子的自发辐 射寿命,对罗丹明  $6G,\tau=4.2\times10^{-9}$  s。罗丹明 6G 乙 醇溶液的受激辐射截面如图 4 中的细实线所示。

受激吸收截面  $\sigma_a(\lambda)$ 满足

$$\sigma_{\rm a}(\lambda) = \alpha(\lambda)/N_{\rm t}, \qquad (6)$$

式中 $\alpha(\lambda)$ 是染料溶液的吸收系数(单位是 cm<sup>-1</sup>),用





Fig. 4 Cross sections of stimulated emission and absorption for rhodamine 6G dye in ethanol solution

紫外可见分光光度计(SHIMADZU, UV-2401PC) 测量得到。受激吸收截面如图 4 中的粗实线所示。 为计算  $\gamma(\lambda)$ 曲线,用图 2 中一阶谱线(l=1)的波长 除以半峰全宽(FWHM)估算对应 WGM 的 Q 值,  $Q=\lambda/\Delta\lambda\sim1.5\times10^4$ 。不同染料浓度条件下,由(4) 式确定的  $\gamma(\lambda)$ 值随波长变化的曲线簇如图 5 所示。

由图 5 可见,1)不同染料浓度对应的 $\gamma(\lambda)$ 曲线 都存在一个最小值 $\gamma_{\min}(\lambda_c)$ ,与此 $\gamma_{\min}(\lambda_c)$ 值对应的





波长就是产生 WGM 激光振荡的最佳波长,记为  $\lambda_c$ 。对 *C* = 8×10<sup>-3</sup> mol/L、4×10<sup>-3</sup> mol/L、2× 10<sup>-3</sup> mol/L、8×10<sup>-4</sup> mol/L 和 4×10<sup>-4</sup> mol/L,计 算得出  $\lambda_c$  =579.6 nm、577.2 nm、573.1 nm、570.6 nm 和 568.1 nm。各个计算出的  $\lambda_c$  值已用箭头"↑"标 志于实验激光光谱曲线图 3 中,由图 3 可见,各  $\lambda_c$ 值基本对应激光光谱范围的中央位置。2)随着染料 浓度的增加, $\gamma(\lambda)$ 曲线在  $\lambda_c$  邻域的变化趋于平缓, 表示除波长  $\lambda_c$  外, $\lambda_c$  邻域的其他波长也可能产生激 光辐射,激光辐射的波长范围变宽。3)随着染料浓 度的增加, $\gamma(\lambda)$  曲线在  $\lambda_c$  邻域的数值逐渐减小,表 示在相同的抽运能量条件下,较大的染料浓度对应 于较强的激光辐射强度。 $\gamma(\lambda)$ 曲线随染料浓度变化 的如上三个特点,分别圆满地解释了实验激光光谱 (图 3)的三个辐射特性。

#### 3.4 圆柱形微腔 WGM 的 Q 值判断

从(4)式可以看出,在染料浓度  $N_t$  取定值条件 下改变 Q 值等效于在 Q 取定值条件下改变  $N_t$  值, 二者都会使染料 WGM 激光辐射的最佳波长  $\lambda_c$  产 生移动。由此性质结合实验光谱图可以判断微腔 WGM 的 Q 值。取  $N_t$  对应的染料分子浓度  $C=8\times$  $10^{-3}$  mol/L (同图 2 的实验条件),当柱形微腔取不 同的 Q 值时得到一组对应的  $\gamma(\lambda)$ 曲线簇,每一条  $\gamma(\lambda)$ 曲线都存在一个最小值  $\gamma_{min}(\lambda_c)$ ,由此获得的  $Q\sim\lambda_c$ 曲线如图 6 所示。





由图 6 可以看出,和图 2 中强谱线组包络线的 峰值波长(即最佳激光波长) $\lambda_c = 581 \text{ nm}$  对应的一 阶 WGM 的品质因素  $Q_{l=1} = 1.7 \times 10^4$ ,此值和由  $Q = \lambda / \Delta \lambda$ 估算的数值  $1.5 \times 10^4$  非常接近,说明用  $\gamma(\lambda)$ 曲线判断微腔 WGM Q 值的方法是可行的。由 于图 2 中的二阶弱谱线紧邻一阶谱线,不方便用  $Q = \lambda / \Delta \lambda$ 的方法估算二阶 WGM 的 Q 值。采用γ(λ) 曲线判断方法,得出和图 2 中弱谱线组包络线的峰 值波长  $\lambda_c = 577$  nm 对应的二阶 WGM 的品质因素  $Q_{l=2} = 6.2 \times 10^3$ 。对球形和圆柱形光学微腔,高阶 径向模式中的光子在微腔界面外的隧穿深度大于低 阶径向模式<sup>[15]</sup>,由此造成的光能损耗使得二阶径向 模式的 Q 值必然低于一阶径向模式。可见,用 γ(λ) 曲线判断微腔 Q 值得到的结果是完全合理的。

## 4 结 论

采用轴向隐失波激励增益的方式,可以使激光 增益区域局限在光纤回音壁模式的模场区域内,由 此显著地降低了回音壁模式光纤激光辐射的抽运阈 值,并形成一种低阈值的回音壁模式光纤激光器。 在 50 μJ 的低抽运能量条件下,用回音壁模式光纤 激光器研究了激光染料的浓度效应,实验结果表明, 随激光染料浓度的增加,回音壁模式激光辐射的波 长向长波方向移动;波长范围变宽;激光辐射的强度 增加。用回音壁模式染料激光的四能级模型得到激 光上能级和所有能级上的阈值分子数比值 γ(λ)曲 线后,很好地解释了实验结果。γ(λ)曲线的引入也 为判断微腔 WGM 的 Q 值提供了一种有效的方法。

#### 参考文献

- 1 H. J. Moon, Y. T. Chough, K. W. An. Cylindrical microcavity laser based on the evanescent-wave-coupled gain[J]. *Phys. Rev. Lett.*, 2000, 85(15): 3161~3164
- 2 H. J. Moon, Y. T. Chough, J. B. Kim *et al.*. Cavity-Q-driven spectral shift in a cylindrical whispering gallery-mode microcavity laser[J]. *Appl. Phys. Lett.*, 2000, **76**(25): 3679~3681
- 3 H. J. Moon, C. W. Park, S. B. Lee *et al.*. Waveguide mode lasing via evanescent-wave-coupled gain from a thin cylindrical shell resonator[J]. *Appl. Phys. Lett.*, 2004, 84(22): 4547~ 4549
- 4 A. Shevchenko, K. Lindfors, S. C. Buchter *et al.*. Evanescentwave pumped cylindrical microcavity laser with intense output radiation[J]. *Opt. Commun.*, 2005, **245**(2): 349~353
- 5 Jiang Nan, Wang Donglin, Pu Xiaoyun. Whispering-gallerymode laser of evanescent wave exciting and coupling dye gain in a cylindrical micro-cavity [J]. Chin. J. Lasers, 2007, 34(7): 920~923
- 江 楠,王东林,普小云. 隐失波激励及增益耦合的柱形微腔回 音廊模激光辐射[J]. 中国激光, 2007, **34**(7): 920~923
- 6 Jiang Nan, Du Fei, Bei Ran et al.. Factor of influencing pumping threshold energy of whispering-gallery-mode laser in a cylindrical micro-cavity[J]. Chin. J. Lasers, 2008, 35(5): 660~663 江 楠,杜 飞,白 然等.影响柱形微腔口哨廊模激光抽运阈

值能量的因素研究[J]. 中国激光, 2008, **35**(5): 660~663

- 7 P. W. Barber, S. C. Hill. Light Scattering by Particle: Computational Methods [M]. Singapore: World Scientific Publishing Co. Pte. Ltd., 1990. 25~77
- 8 Dong Chunhua, Xiao Yunfeng, Yang Yong *et al.*. Directly mapping whispering gallery modes in a microsphere through

modal coupling and directional emission[J]. Chin. Opt. Lett., 2008, 6(4): 300~302

- 9 C. C. Lam, P. Y. Leung, K. Yang. Explicit asymptotic formulas for the positions, widths, and strengths of resonances in Mie scattering[J]. J. Opt. Soc. Am. B, 1992, 9(9): 1585~ 1592
- 10 Wang Donglin, Jiang Nan, Jiang Liqun *et al.*. The precise assignment of whispering gallery modes for lasing spectra emitting from cylindrical micro-cavities [J]. Spectroscopy and Spectral Analysis, 2008, 王东林,江 楠,姜利群等. 柱形微腔回音壁激光光谱模式的精

王尔林, 在 欄, 安利群 守. 性形 佩 腔 回 重 微 元 元 盾 候 式 的 有 确 标 定 [J]. 光 谱 学 与 光 谱 分 析, 2008

11 Zhang Lei, Lin Guopin, Cai Zhipin *et al.*. Structural resonances in absorption spectrum of quartz microsphere[J]. Acta Optica Snica, 2007, 27(1): 94~97

报

张 磊,林国平,蔡志平 等. 石英玻璃微球吸收光谱上的结构共振[J]. 光学学报,2007,27(1):94~97

- 12 F. P. Schöfer, Dye Lasers [M]. edited by F. P. Schöfer, Springer-Verlag Berlin, 1973. 1~85
- 13 M. M. Mazumuder, G. Chen, K. R. Chang. Wavelength shifts of dye lasing in microdroplets. Effect of absorption change[J]. Opt. Lett., 1995, 15(8): 878~880
- 14 Li Fuli. Advanced Laser Physics [M]. Beijing: Higher Education Press, 2006. 8~11
  李福利. 高等激光物理学[M]. 北京:高等教育出版社, 2006. 8~11
- 15 S. Arnold. Microspheres, photonic atoms, and the physics of nothing[J]. American Scientist, 2001, 89(2): 214~221

# 2008年度"大珩杯"《中国激光》优秀论文名单

论文题名	作者	发表时间
光子晶体光纤非线性光学研究新进展	王清月;胡明列;柴 路	2006
短脉冲在色散平坦光纤中传输前后波形、相位和啁啾测量的实验研究	刘山亮;郑宏军	2006
毫米波副载波光纤通信技术的研究进展	方祖捷;叶 青;刘 峰等	2006
两个光纤激光器的相位锁定及高相干功率输出	何 兵;楼祺洪;周 军等	2006
激光推进自由飞行实验	郑义军;谭荣清;张阔海等	2006
基于等效相移光栅的光码分多址编/解码实验	燕 萌;姚敏玉;张洪明等	2006
用于激光核聚变的玻璃	姜中宏	2006
超强固体激光及其在前沿学科中的应用(1)	彭翰生	2006
车载直接探测多普勒测风激光雷达光学鉴频器	刘继桥;卜令兵;周 军等	2006
激光二极管双端面抽运 Tm:Ho:GdVO4 2 µm 激光器	王月珠;贺万骏;姚宝权等	2006